

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по практической работе №4**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»**  
**Тема: Программирование алгоритмов с бинарными деревьями**

Студент гр. 7382

\_\_\_\_\_

Находько А.Ю.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2018

### **Цель работы.**

Познакомиться с нелинейной структурой данных бинарное дерево. Бинарное дерево используется при решении задач кодирования и поиска. Познакомится со способами её представления и реализации, получить навыки решения задач обработки бинарных деревьев.

### **Задание.**

Вариант 8д. Рассматриваются бинарные деревья с элементами типа `char`. Заданы перечисления узлов некоторого дерева `b` в порядке ЛКП и ЛПК. Требуется:

- а) восстановить дерево `b` и вывести его изображение;
- б) перечислить узлы дерева `b` в порядке КЛП.

### **Пояснение задачи.**

Требуется чтобы программа сопоставляя ЛКП и ЛПК записи дерева, определяла его вид и восстанавливала его, корректно выводила изображение. После построения дерева правильно записывала КЛП запись узлов дерева.

### **Основные теоретические положения.**

Бинарное дерево — это иерархическая структура данных, в которой каждый узел имеет значение (оно же является в данном случае и ключом) и ссылки на левого и правого потомка. Узел, находящийся на самом верхнем уровне (не являющийся чьим либо потомком) называется корнем. Узлы, не имеющие потомков (оба потомка которых равны `NULL`) называются листьями.

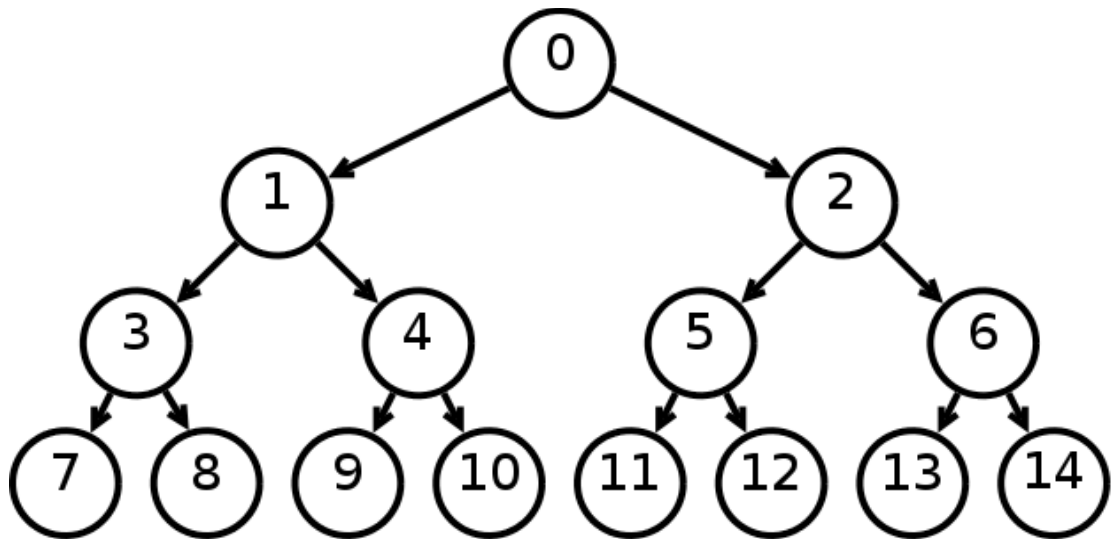


Рисунок 1. Бинарное дерево

Бинарное дерево поиска — это бинарное дерево, обладающее дополнительными свойствами: значение левого потомка меньше значения родителя, а значение правого потомка больше значения родителя для каждого узла дерева. То есть, данные в бинарном дереве поиска хранятся в отсортированном виде. При каждой операции вставки нового или удаления существующего узла отсортированный порядок дерева сохраняется. При поиске элемента сравнивается искомое значение с корнем. Если искомое больше корня, то поиск продолжается в правом потомке корня, если меньше, то в левом, если равно, то значение найдено и поиск прекращается.

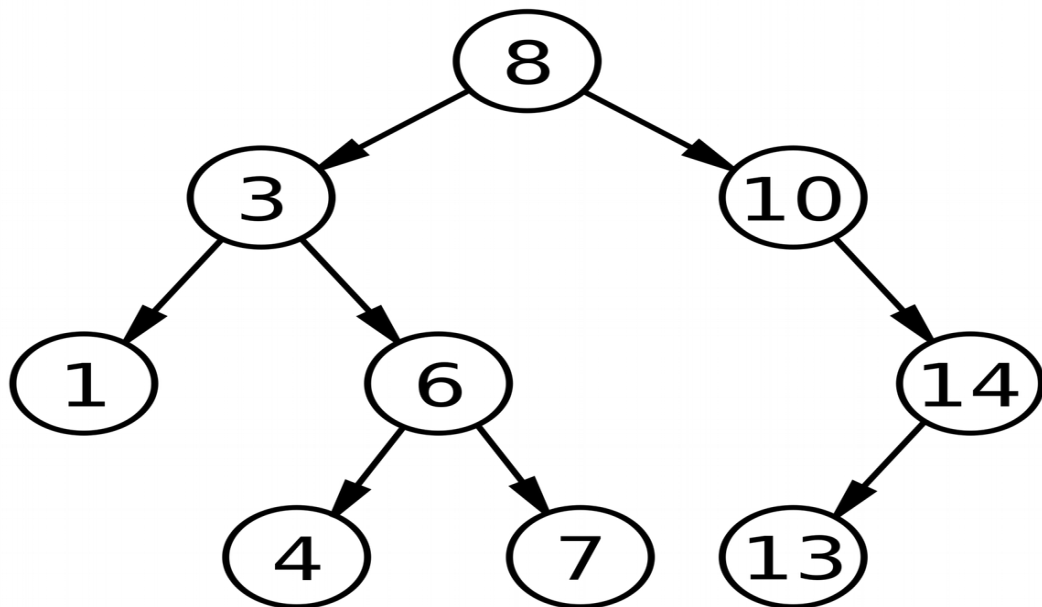


Рисунок 2. Бинарное дерево поиска

Операции обхода дерева - прямой (ЛКП), обратный (ЛПК), концевой (ЛПК).

### **Выполнение работы.**

- 1) Заводим переменные типа string под ЛКП, ЛПК записи узлов и для копирования содержимого потока.
- 2) Заводим переменную count для подсчёта ЛКП и ЛПК записей.
- 3) С помощью функции getline помещаем содержимое файла потока в строку s\_count. Произведём подсчёт строк в файле и запишем их число в переменную count. Если count число чётное, значит каждой ЛКП записи соответствует ЛПК запись. Иначе программа не будет выполняться.
- 4) С помощью функции seekg передвинем указатель на начало входного потока.
- 5) Заведём цикл for с начальным значением i=0, шагом i++, условие окончания: когда все записи узлов будут проанализированы.
- 6) С помощью функции getline произведём извлечение ЛКП и ЛПК записей из потока, если их длины не равны – значит они не соответствуют друг другу.
- 7) Произведём вызов рекурсивной функции geresolve, передавая в неё записи узлов и местоположение корня с наименьшим уровнем.
- 8) В функции geresolve, если: запись узлов пуста, местоположение корня с наименьшим уровнем число отрицательное - выход из функции.
- 9) Заводим переменную флаг, которая хранит индекс x в ЛКП записи.
- 10) Если записи состоят из одного одинакового элемента, значит это дерево из одного узла – возвращаем его в main.
- 11) Создаём элемент типа binTree, который и будет являться результатом восстановления дерева из ЛКП и ЛПК записей.
- 12) С помощью функции substr возвращаем flag символов из ЛКП записи узлов начиная с 0. Также возвращаем flag символов из ЛПК записи узлов начиная с 0. И присваиваем x\_r значение flag-1.
- 13) Прямой рекурсией вызываем функцию geresolve с вновь полученными параметрами для нахождения индекса левого узла.

- 14) С помощью функции `substr` возвращаем `flag+1` символов из ЛКП записи. Также возвращаем `x-1` символов из ЛПК записи узлов начиная с `flag`. И присваиваем `x_r` значение `x-1-flag`.
- 15) Прямой рекурсией вызываем функцию `recoveru` с вновь полученными параметрами для нахождения индекса правого узла.
- 16) Когда дерево будет восстановлено – возвращаем его.
- 17) Произведём вывод изображения дерева в консоль, выведем КЛП запись узлов дерева используя функцию `printKLP`.

### Описание функций.

`DisplayBT` – функция, которая принимает дерево и по его представлению строит изображение и выводит его на консоль.

`RootBT` – функция взятия корня поддерева.

`isNull` – функция проверки на нулевой узел.

`Right` – функция взятия индекса правого узла.

`Left` – функция взятия индекса левого узла.

`printKLP` – функция, которая принимает дерево, и возвращает КЛП запись этого дерева.

`recoveru` – рекурсивная функция восстановления дерева по ЛПК и ЛКП записям узлов исходного дерева. В качестве аргументов функция получает ЛКП и ЛПК записи узлов дерева, `x` – местоположение корня с наименьшим уровнем.

`node` – структура дерева, которая содержит индексы левого и правого узла.

### Тестирование.

Таблица тестирования программы.

№ теста	Входные данные:	Результат:
1	dbeafcg debfsgca	Рисунок дерева
2	sfdgmxaikazw sgfmdxiawzka	Рисунок дерева

<b>3</b>	odpfmkaq opdkmfqa	Рисунок дерева
<b>4</b>	zbawfhcminx zbwhfmxnica	Рисунок дерева
<b>5</b>	ihadmik ihdkma	Рисунок дерева
<b>6</b>	ruhwuowrohewue wefihewfhoohefwfohiewfoewohew	Несоответствие ЛКП И ЛПК запсей
<b>7</b>	hdibgekalfmcngo hidgkeblmfnoqca	Рисунок дерева
<b>8</b>	bafdgckhkelim bfgdjkhlmieca	Рисунок дерева
<b>9</b>	bafedc bfedca	Рисунок дерева

Иллюстрации работы тестирования:

Введённые данные верны! Каждой ЛКП записи соответствует ЛПК запись!

Дерево №1 имеет:

ЛКП запись дерева: dbeafc<sup>g</sup>

ЛПК запись дерева: debfgca

a c

g

f

b e

d

КЛП запись дерева: abdecfg

Дерево №2 имеет:

ЛКП запись дерева: sfdgmxaikazw

ЛПК запись дерева: sgfmdxiawzka

a k z w

a

i

x

d m

g

КЛП запись дерева: axdmgkizaw

Дерево №3 имеет:

ЛКП запись дерева: odpfmkaq

ЛПК запись дерева: opdkmfqa

a q

f m k

d p

o

КЛП запись дерева: afdopmkq

Дерево №4 имеет:

ЛКП запись дерева: zbawfhcm<sup>i</sup>nx

ЛПК запись дерева: zbwhfm<sup>x</sup>nic<sup>a</sup>

a c i n x

m

f h

w

b

z

КЛП запись дерева: abzcfwhimnx

Дерево №5 имеет:

ЛКП запись дерева: i<sup>h</sup>adm<sup>k</sup>

ЛПК запись дерева: i<sup>h</sup>dkma

a m k

d

h

i

КЛП запись дерева: ahimdk

Дерево №6 имеет:

Невозможно построить дерево №6, несоответствие ЛКП и ЛПК записей!

```

Дерево №8 имеет:
ЛКП запись дерева: bafdgchkelim
ЛПК запись дерева: bfgdjkhlmieca
  a c e i m
      l
    h k
      j
    d g
      f
  b
КЛП запись дерева: abcdfgeghjkiilm
Дерево №9 имеет:
ЛКП запись дерева: bafedc
ЛПК запись дерева: bfedca
  a c
    d
      e
        f
  b
КЛП запись дерева: abcdef
Обратите внимание: изображение дерева повернуто на 90 градусов влево!!!

```

## Описание алгоритма

На примере теста №5.

- 1) Заводим переменные под ЛКП, ЛПК записи узлов, строку для записи потока, переменную count – в которую будем записывать количество строк.
- 2) Копируем содержимое файла потока в строку s\_count. Найдём в нём количество строк. В данном случае count=2.
- 3) count – число чётное, следовательно выполнено соответствие ЛПК и ЛКП записей.
- 4) С помощью функции seekg возвращаем указатель на начало потока.
- 5) Заводим цикл for с начальным значением i=0, шагом i++, условие окончания: когда записи узлов будут проанализированы.
- 6) С помощью функции getline произведём извлечение ЛКП и ЛПК записей из потока, их длины не равны – значит они не соответствуют друг другу.
- 7) Произведём вызов рекурсивной функции recover, передавая в неё записи узлов и местоположение корня с наименьшим уровнем. В данном случае ЛКП="ihadm", ЛПК="ihdkma", x=5.



- 8) В функции `recover`: запись узлов не пуста, местоположение корня с наименьшим уровнем число положительное.
- 9) Заводим переменную `flag`, которая хранит индекс `x` в ЛКП записи.  
`flag=2`.
- 10) Создаём элемент типа `binTree`, который и будет являться результатом восстановления дерева из ЛКП и ЛПК записей.
- 11) С помощью функции `substr` возвращаем `flag` символов из ЛКП записи узлов начиная с 0. `lkr_r="ih"`. Также возвращаем `flag` символов из ЛПК записи узлов начиная с 0. `lpk_r="ih"` И присваиваем `x_r` значение `flag-1`. `x_r=1`.
- 12) Прямой рекурсией вызываем функцию `recover` с вновь полученными параметрами для нахождения индекса левого узла.
- 13) Краткое содержание следующего вызова: 2) `r->info='h'`, `lpk_r='i'`, `lkr_r='i'`, `x_r=0`.
- 14) При последующем вызове ЛКП запись состоит из одного элемента, значит это – лист. И его родитель `h`, который исходит из корня дерева `a`.
- 15) Начнём поиск правого поддерева. При следующем вызове значения параметров: 4) `lkr_r="dmk"`, `lpk_r="dkm"`, `x_r=2`.
- 16) При последующих вызовах окажется, что `d` является листом и его родителем является `m`. Также и `k`.
- 17) После выполнения данных шагов получится восстановленное дерево. Для которого выведем его изображение на консоль под углом 90 градусов. И выведем его КЛП запись: `ahimdk`.

### **Выводы.**

В результате выполнения лабораторной работы ознакомился с нелинейной структурой данных бинарное дерево. Получил основные сведения о бинарных деревьях. Мною были изучены базовые функции обработки бинарных деревьев.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### КОД ПРОГРАММЫ

BinTree.h

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <string>
#include <stdlib.h>
```

```
namespace binTree_modul
{
typedef char base;
```

```
struct node {
base info;
node *lt;
node *rt;
// constructor
node () {lt = NULL; rt = NULL;}
};
```

```
typedef node *binTree; // "представитель" бинарного дерева
```

```
binTree Create(void);
bool isNull(binTree);
base RootBT (binTree); // для непустого бин.дерева
binTree Left (binTree); // для непустого бин.дерева
binTree Right (binTree); // для непустого бин.дерева
binTree ConsBT(const base &x, binTree &ltst, binTree &rst);
void destroy (binTree&);
}
```

BinTree.cpp

```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
#include "BinTree.h"
```

```
using namespace std ;
```

```
namespace binTree_modul
{
binTree Create()
{ return NULL;
}
}
```

```
bool isNull(binTree b)
{ return (b == NULL);
}
```

```
base RootBT (binTree b) // .
{ if (b == NULL) { cerr << "Error: RootBT(null) \n"; exit(1); }
else return b->info;
}
```

```
binTree Left (binTree b) // .
{ if (b == NULL) { cerr << "Error: Left(null) \n"; exit(1); }
else return b ->lt;
}
```

```
binTree Right (binTree b) // .
{ if (b == NULL) { cerr << "Error: Right(null) \n"; exit(1); }
else return b->rt;
}
```

```
binTree ConsBT(const base &x, binTree &lst, binTree &rst)
{ binTree p;
p = new node;
if ( p != NULL) {
p ->info = x;
p ->lt = lst;
p ->rt = rst;
return p;
}
else {cerr << "Memory not enough\n"; exit(1);}
}
```

```
void destroy (binTree &b)
{ if (b != NULL) {
destroy (b->lt);
```

```

destroy (b->rt);
delete b;
b = NULL;
}
}

```

```

}

```

main.cpp

```

#include <iostream>
#include <fstream>
#include <fstream>
#include <cstdlib>
#include "BinTree.h"
#include <string>
#include <stdio.h>
#define RED "\033[0;31m"
#define COL "\033[0;34m"
#define COL2 "\033[0;32m"
#define NONE "\033[0m"
using namespace std;
using namespace binTree_modul;

```

```

void displayBT(binTree b, int n) //функция вывода дерева
{ // n — уровень узла
if (b != NULL) {
cout << ' ' << RootBT(b);
if (!isNull(Right(b))) {displayBT (Right(b),n+1);}
else cout << endl; // вниз
if(!isNull(Left(b))) {
for (int i=1;i<=n;i++) cout << " "; // вправо
displayBT(Left(b), n + 1);
}
}
else {};
}

```

```

void printKLP (binTree b) //функция вывода узлов дерева в порядке КЛП
{ if (!isNull(b))
{
cout << RootBT(b);
printKLP (Left(b));
printKLP (Right(b));
}
}

```

```

binTree recovery(string &lkp, string &lpk, int x) { //Рекурсивная функция,
которая принимает записи узлов в порядке ЛКП и ЛПК, позицию корня и

```

```

возвращает построенное по ним дерево
if(lkp == "")
return NULL;
if (x < 0) //Если номер текущего элемента отрицательный
return NULL;
if(lkp.length()==1) //Условие, когда длинна ЛКП записи равна 1
{
binTree p = new node;
p->info = lkp[0];
return p; //Тогда дерево состоит из одного узла
}
int flag = lkp.find(lpk[x]); //Заводим переменную flag, которая хранит
номер текущего элемента x из записи ЛПК в ЛКП записи
if(flag < 0) //Если номер окажется отрицательным
return NULL;
binTree r = new node; //дерево, которое будем возвращать, если
соблюдены все условия выше
r->info = lpk[x];
string lkp_r=lpk.substr(0, flag); //функция substr возвращает flag символов
из ЛКП записи узлов начиная с 0
string lpk_r=lpk.substr(0, flag); //функция substr возвращает flag символов
из ЛПК записи узлов начиная с 0
int x_r=flag-1;
r->lt=recovery(lkp_r, lpk_r, x_r); //прямой рекурсией вызываем функцию
recovery с полученными параметрами

return r; //Возвращаем полученное дерево
}

int main() {
string str_lkp, str_lpk, s_count; //Строки для ЛКП и ЛПК записи узлов
ifstream fin("input.txt"); //Файл потока
if(!fin)
{
cout << "Невозможно открыть файл!\n";
return 0;
}
int count=0; //Счётчик символов "\n"
getline(fin, s_count, '\0'); //Считываем всё содержимое потока в строку
s_count
for(int i=0; s_count[i]!='\0'; i++){ //Подсчитаем количество символов
переноса строки
if (s_count[i]=='\n'){
count++;
}
}
if(count%2==0) //Если число чётное - выполнено соответствие,
продолжаем выполнение программы
printf("%sВведённые данные верны! Каждой ЛКП записи соответствует
ЛПК запись!\n", COL, NONE);
else{ //Иначе выход из программы

```

```

printf("%sНеверно введены данные. Несоответствие ЛКП и ЛПК строк.
%s\n", RED, NONE);
return 0;
}
fin.seekg(0); //Передвигаем каретку на начало потока
for(int i=0; i<count/2; i++){ //Цикл, пока не будут просмотрены все записи
printf("%sДерево №%d имеет:%s\n", COL2, i+1, NONE);
getline(fin, str_lkp); //Отделяем функцией getline из файла input.txt -
строчную ЛКП запись узлов
getline(fin, str_lpk); //Отделяем функцией getline из файла input.txt -
строчную ЛПК запись узлов
if(str_lkp.length()!=str_lpk.length())
{
printf("%sНевозможно построить дерево №%d, несоответствие ЛКП и ЛПК
записей!%s\n", RED, i+1, NONE);
continue;
}
else
{
cout << "ЛКП запись дерева: ";
cout << str_lkp << endl;
cout << "ЛПК запись дерева: ";
cout << str_lpk << endl;
binTree Tree = recovery(str_lkp, str_lpk, str_lpk.length()-1); //Передаём
полученные параметры в функцию построения дерева
displayBT(Tree, 1); //Выведем дерево на консоль под углом 90 градусов
cout << "КЛП запись дерева: ";
printKLP(Tree); //Выведем КЛП запись файла на консоль
cout << endl;
}
}
printf("%sОбратите внимание, изображение дерева повёрнуто на 90
градусов влево!!!%s\n", COL2, NONE);
return 0;
}

```