



Algoritmos y Estructuras de Datos

Cursada 2019

Prof. Alejandra Schiavoni (ales@info.unlp.edu.ar)

Prof. Catalina Mostaccio (catty@lifa.info.unlp.edu.ar)

Prof. Laura Fava (lfava@info.unlp.edu.ar)

Prof. Pablo Iuliano (piuliano@info.unlp.edu.ar)

Repaso de Recursión

Repaso de Recursión

- Se dice que un objeto es recursivo cuando forma parte de sí mismo, es decir puede definirse en términos de sí mismo.
- En programación, la recursividad es la propiedad que tienen los Algoritmos de llamarse a sí mismos para resolver un problema.

Repaso de Recursión

➤ Ejemplos de definiciones recursivas:

- Factorial de un número

$$0! = 1$$

$$\text{Si } n > 0, n! = n * (n-1)!$$

- Potencia de un número

$$x^0 = 1$$

$$\text{Si } y > 0, x^y = x * x^{y-1}$$

- Estructuras de datos

Árboles

Repaso de Recursión

➤ Ejemplos de soluciones recursivas:

- Buscar un elemento en un arreglo
- Ordenar un arreglo de elementos
- Recorrer un árbol

Repaso de Recursión

➤ Soluciones recursivas:

- División sucesiva del problema original en problemas más pequeños del mismo tipo
- Se van resolviendo estos problemas más sencillos
- Con las soluciones de éstos se construyen las soluciones de los problemas más complejos

Repaso de Recursión

➤ Ejemplo:

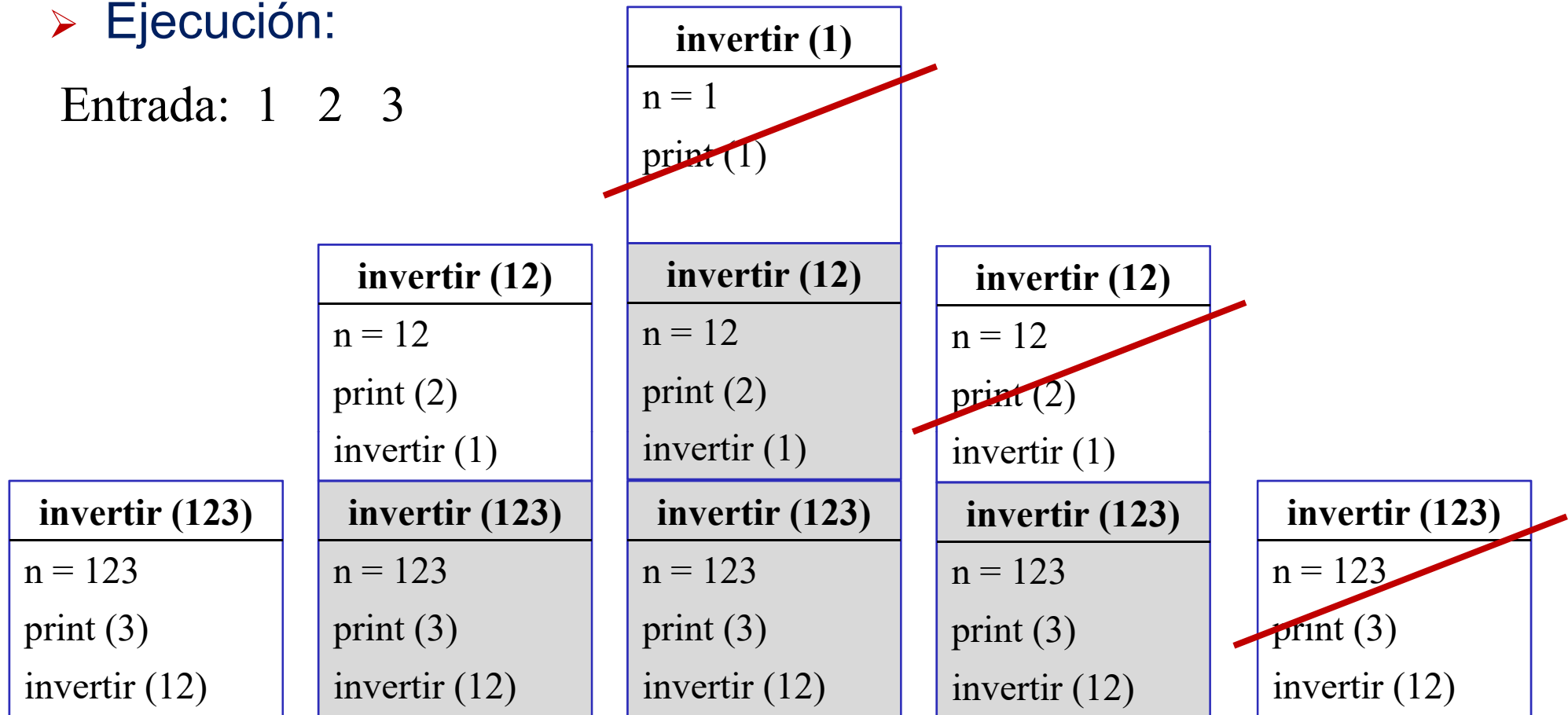
Programar un algoritmo recursivo que permita invertir un número

```
int invertir (int n)
{
    if (n < 10)      //caso base
        System.out.print(n);
    else
        System.out.print(n mod 10); // el resto de la división entera
        invertir (n div 10);
}
```

Repaso de Recursión

➤ Ejecución:

Entrada: 1 2 3



Salida: 3 2 1

Repaso de Recursión

➤ Ejemplo 2: Algoritmo de ordenación **MergeSort**

La estrategia del algoritmo consiste en dividir el vector en 2 partes (sub-vectores), ordenarlos y luego hacer un Merge de estos sub-vectores ya ordenados. Cada uno de esos sub-vectores se ordenan aplicando la misma estrategia, hasta tanto el vector contenga sólo un dato y en ese caso se lo devuelve (el sub-vector está ordenado).

Características **recursivas** del algoritmo

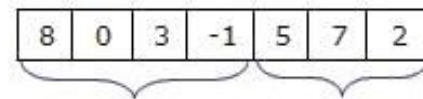
- ✓ Se resuelven 2 sub-problemas más pequeños
- ✓ Se combinan los resultados de cada solución
- ✓ Se cuenta con un caso base.

Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Estrategia

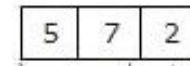
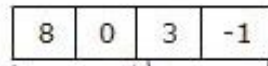
Ordenar un arreglo con n elementos

mergesort(a, 0, 6)



Ordenar la 1er mitad del arreglo
n/2 elementos

mergesort(a, 0, 3)

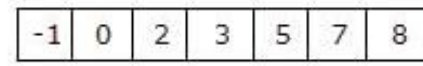
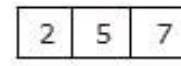
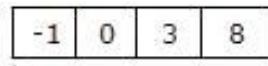


Ordenar la 2da mitad del arreglo
n/2 elementos

mergesort(a, 4, 6)

Mezclar ambas mitades ya ordenadas

merge(a, 0, 3, 6)



En cada paso intermedio se aplica la misma estrategia

Repaso de Recursión

Ejemplo 2:

```
public static void mergesort (int a[],int izq, int der) {  
  (a)    if ( izq<der ) {  
    (b)          int m = (izq+der)/2;  
    (c)          mergesort (a,izq, m);  
    (d)          mergesort (a,m+1, der);  
    (e)          merge (a, izq, m, der);  
            }  
  }  
}
```

Repaso de Recursión

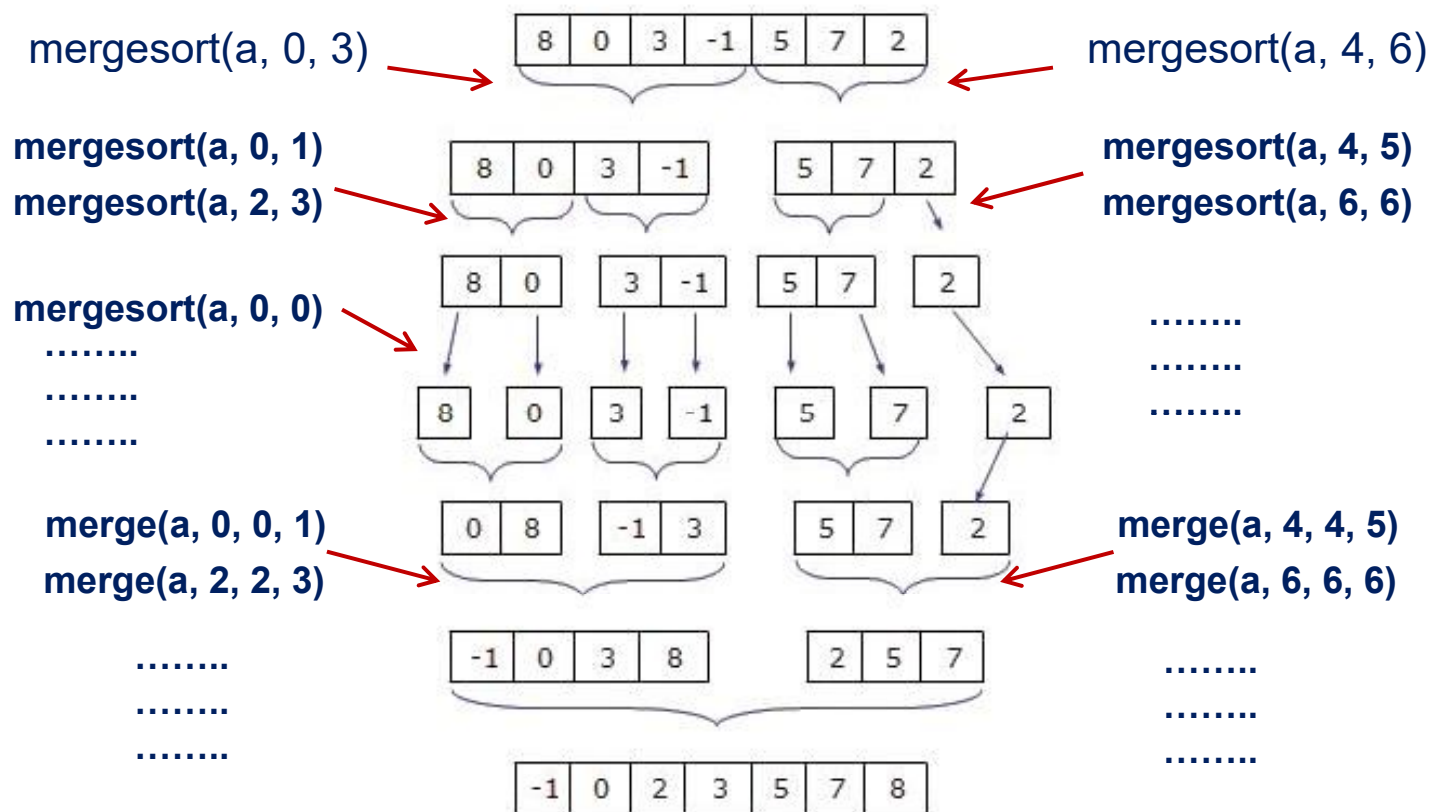
Ejemplo 2 (cont.) :

```
public static void merge ( int a[], int izq, int m, int der) {  
    int i, j, k;  
    int [] b = new int [a.length];    //array auxiliar  
    for ( i=izq; i<=der; i++ ) {      //copia ambas mitades en el array auxiliar  
        b[i]=a[i]; }  
    i=izq; j=m+1; k=izq;  
    while (i<=m && j<=der) { //copia el siguiente elemento más grande  
        if (b[i]<=b[j])  
            a[k++]=b[i++];  
        else  
            a[k++]=b[j++];  
    }  
    while (i<=m) //copia los elementos que quedan de la  
        a[k++]=b[i++]; //primera mitad (si los hay)  
}
```

Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)

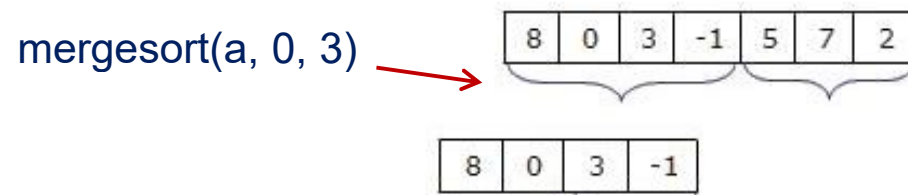
8	0	3	-1	5	7	2
---	---	---	----	---	---	---



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

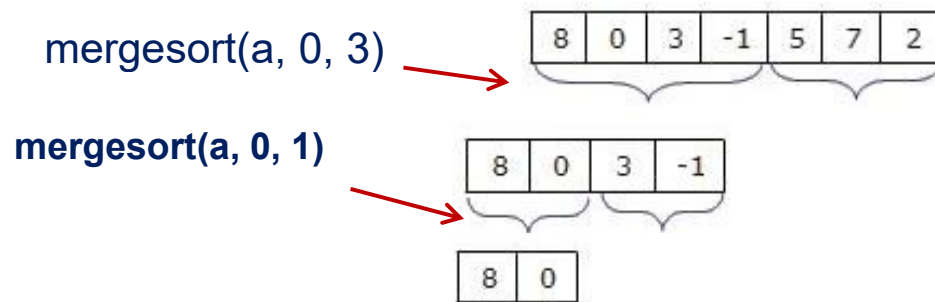
mergesort(a, 0, 6)



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

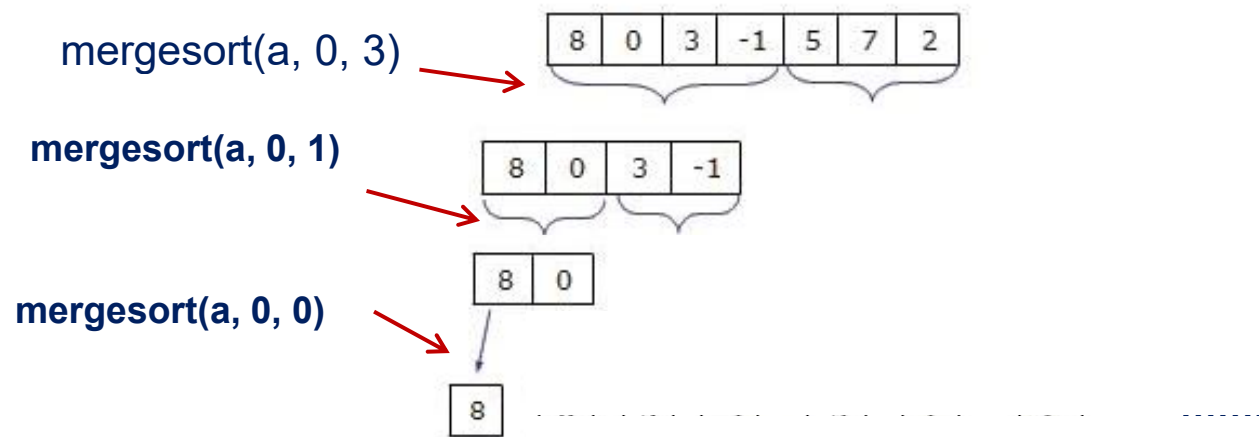
mergesort(a, 0, 6)



Repaso de Recursión

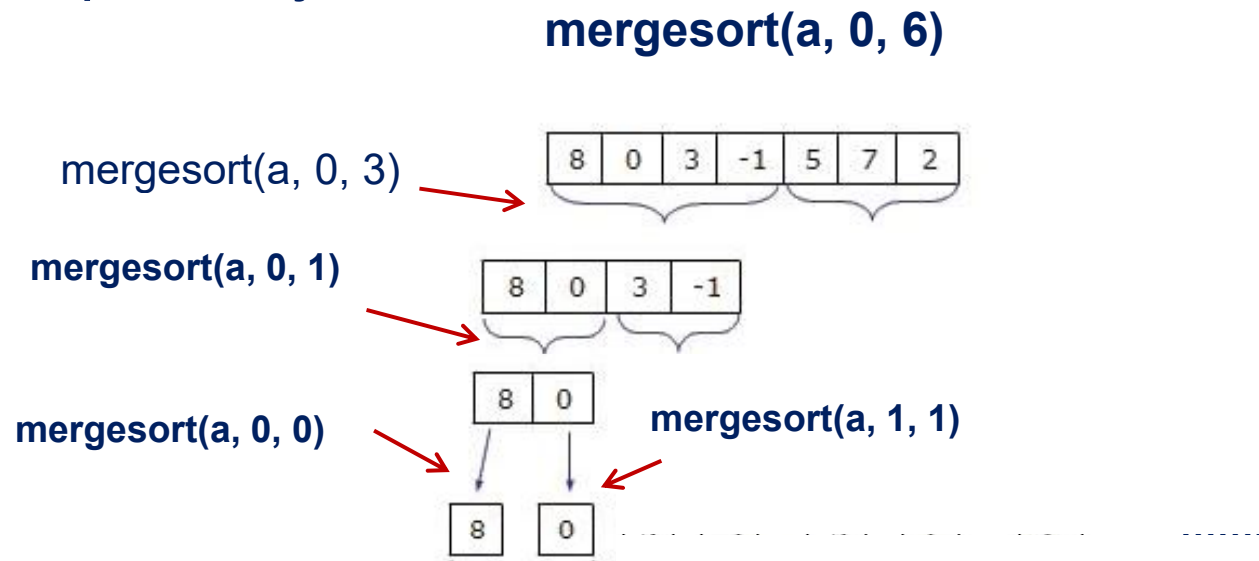
Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



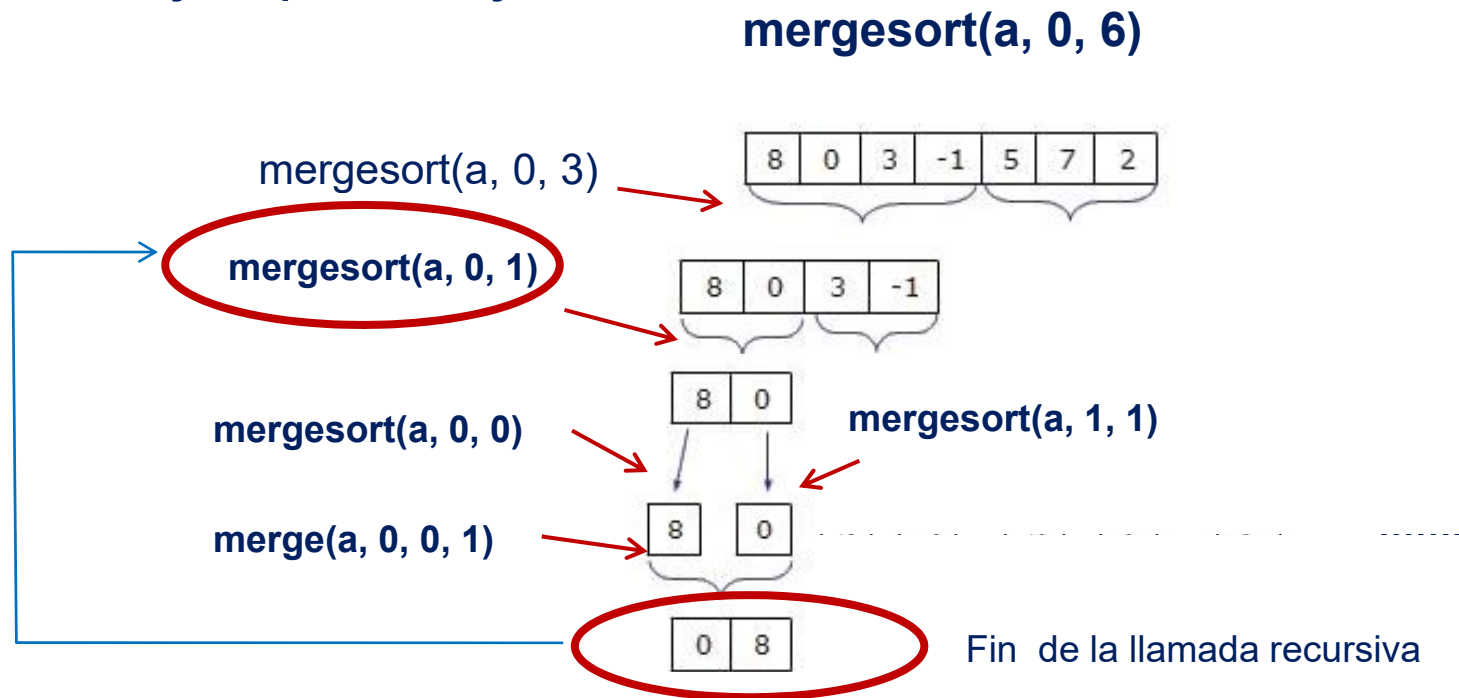
Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución



Repaso de Recursión

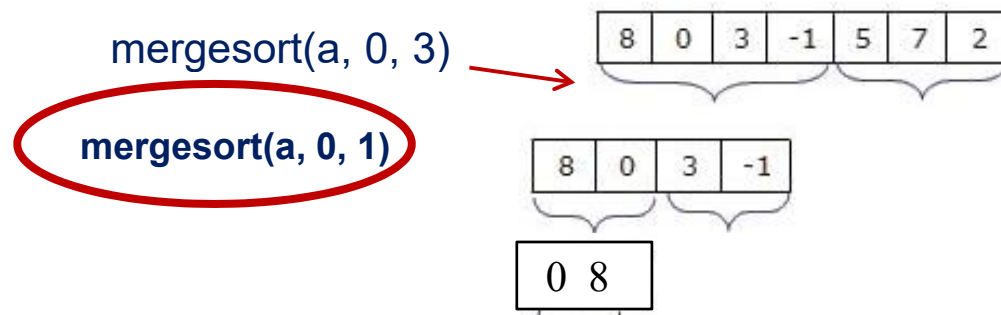
Ejemplo 2: Ejecución



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

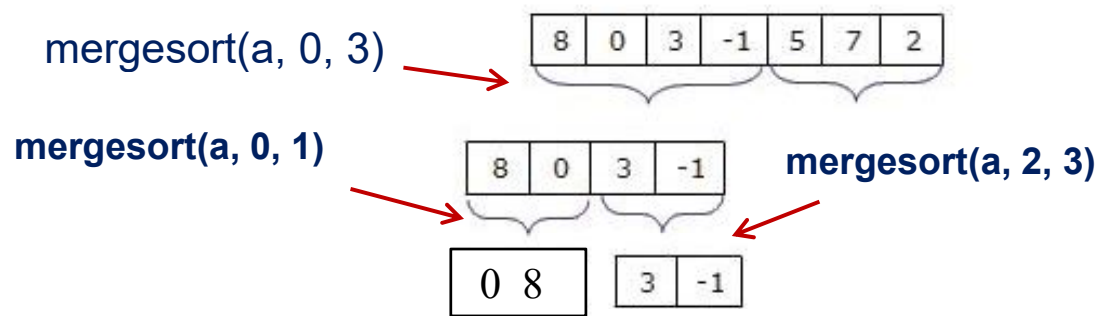
mergesort(a, 0, 6)



Repaso de Recursión

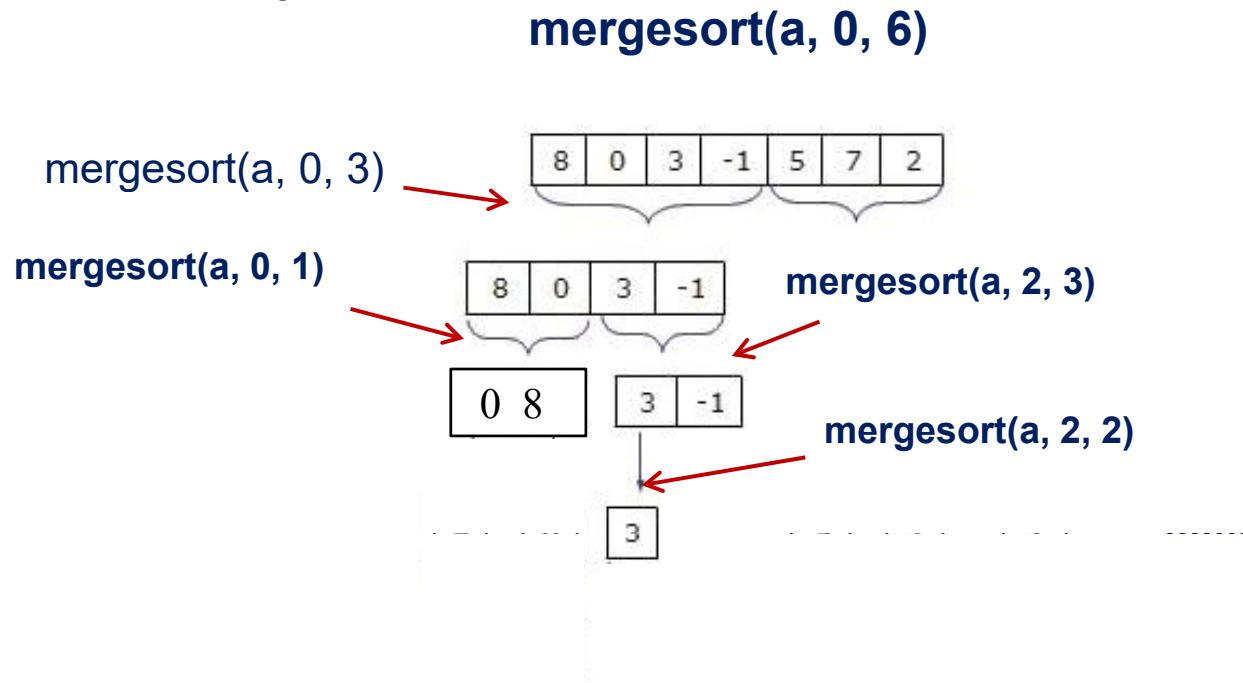
Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



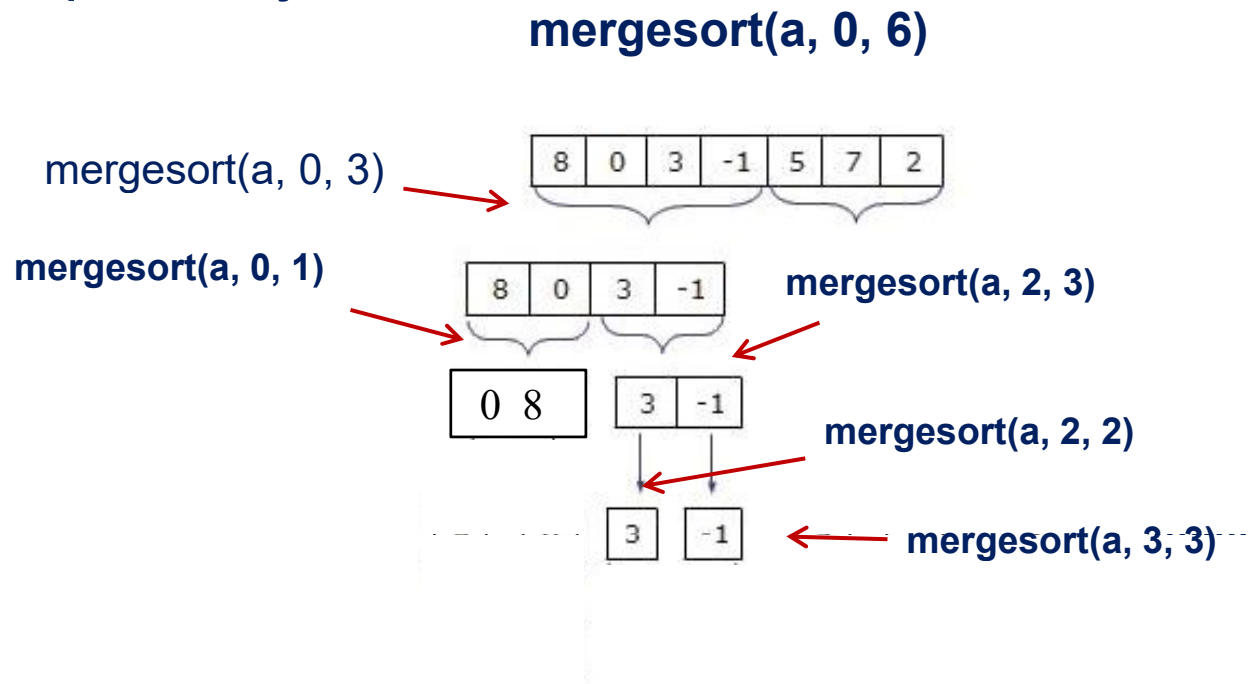
Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución



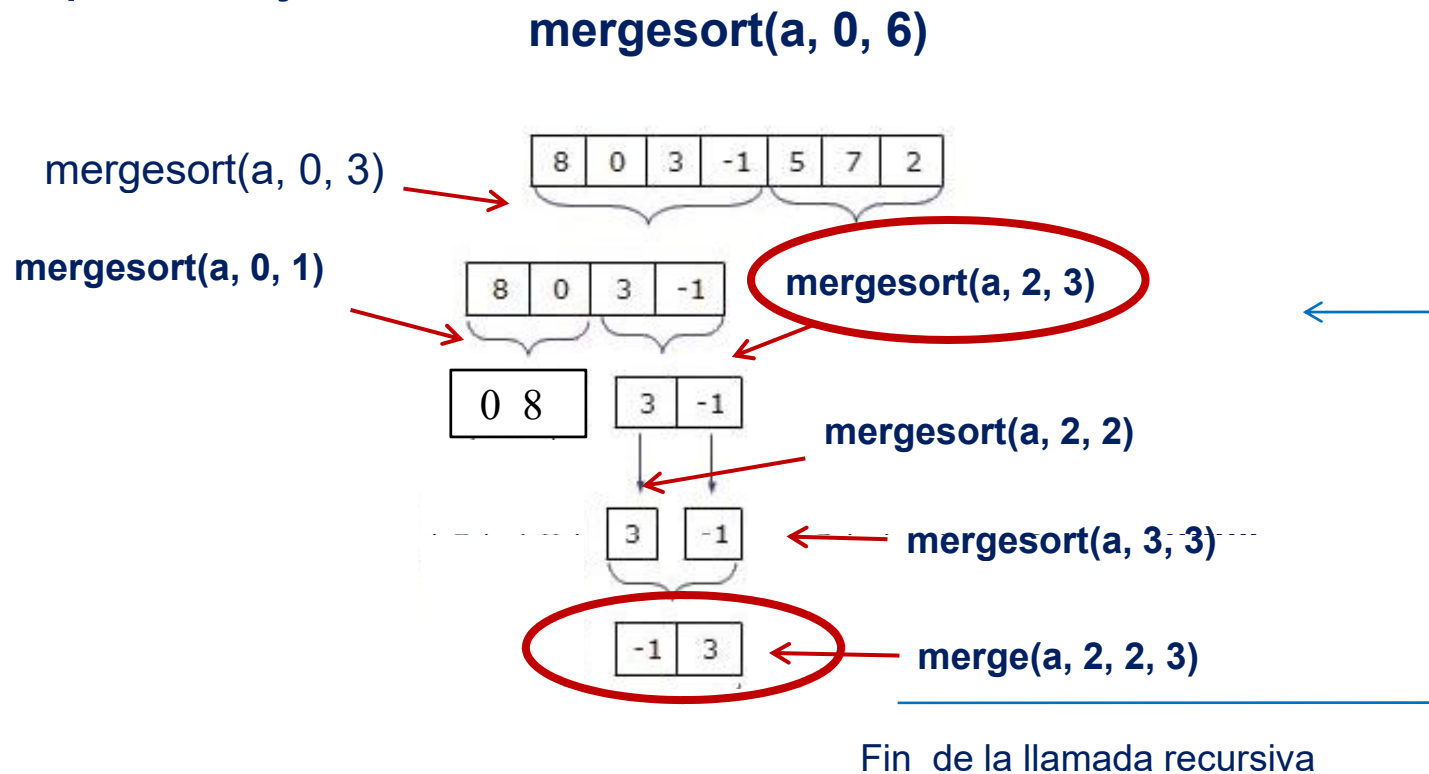
Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución



Repaso de Recursión

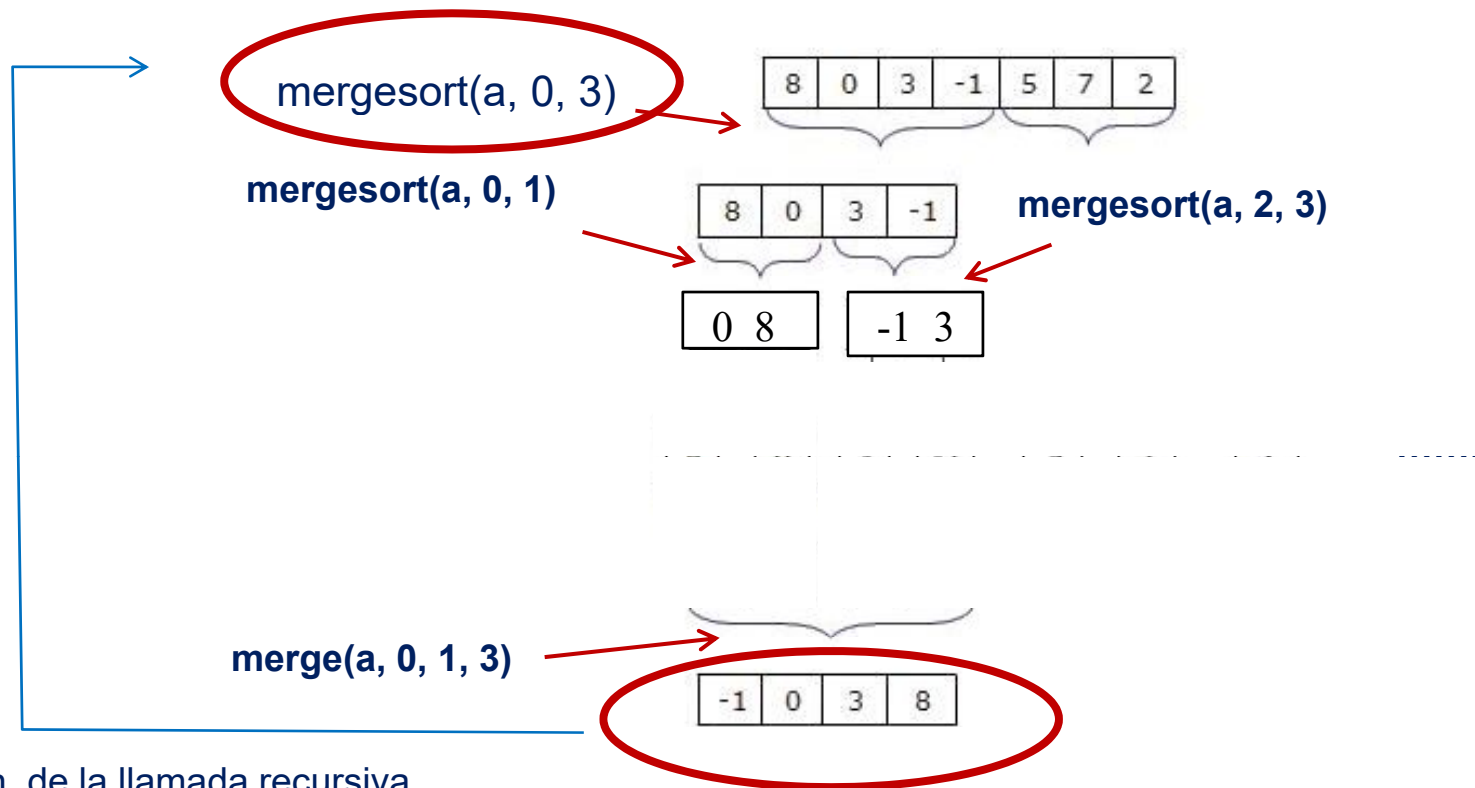
Ejemplo 2: Ejecución



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

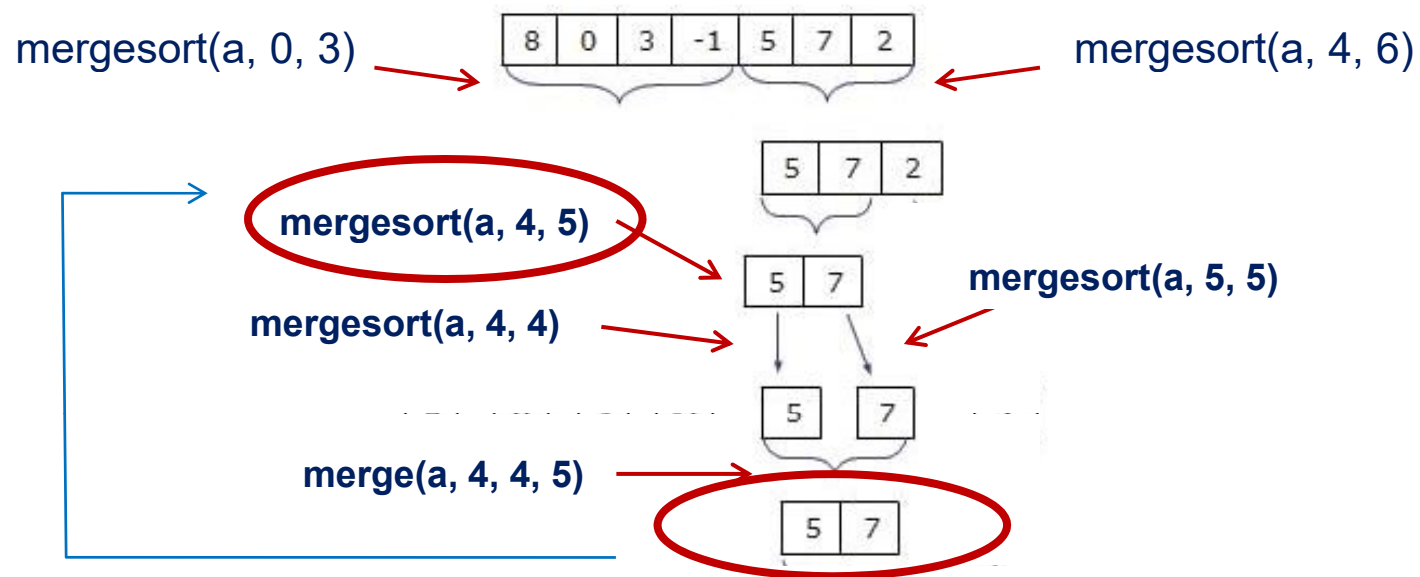
mergesort(a, 0, 6)



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)

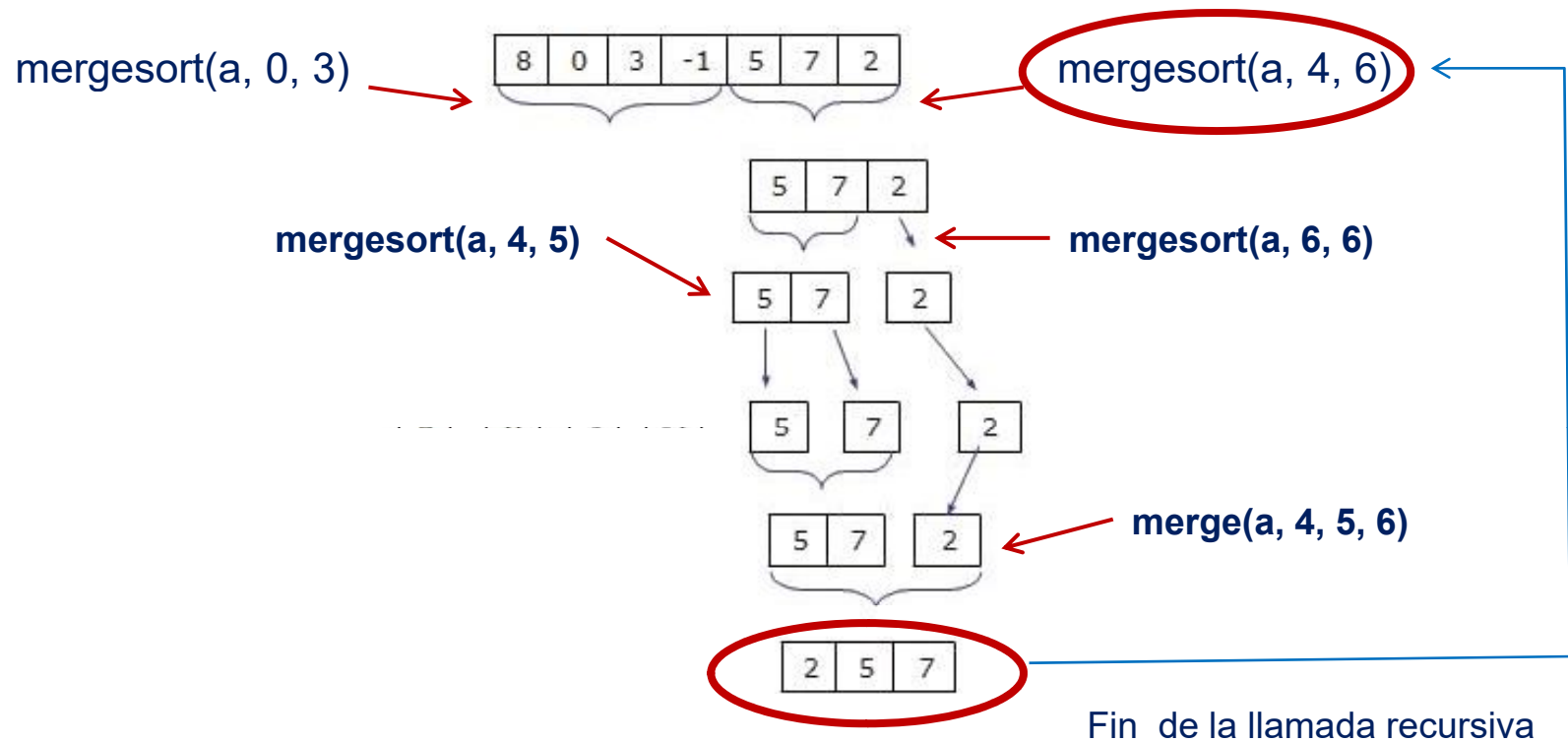


Fin de la llamada recursiva

Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

mergesort(a, 0, 6)



Repaso de Recursión

Ejemplo 2: Ejecución

