Data Science (Prof. Neff)

Versuchsdatum 28.10.2020

Bestimmung der Viskosität von Spülmittel

Gruppe 6: Benjamin Hamm (2060696), Jan Klotter (2060690),

Anna Kuhn (2051063), Michael Schulze (2061282)

Rohdaten der einzelnen Gruppenmitglieder

```
dataMichael = readtable("Blasen_Steigzeit_Michael.csv");
%imageFrosch = imread("frosch_AleoVera_Spuellotion.png");
dataBenjamin = readtable("Blasen_Steigzeit_Benjamin.csv");
%imageW5 = imread("W5_eco.png");
dataJan = readtable("Blasen_Steigzeit_Jan.csv");
dataAnna = readtable("Blasen_Steigzeit_Anna.csv");
%imageEcover = imread("ecover_Colorwaschmittel.png");
```

```
%Michael
disp(" ")
```

```
disp("<strong> I) --- Messwerte Michael - Frosch Aloe Vera Spül-Lotion ---</strong>"
```

I) --- Messwerte Michael - Frosch Aloe Vera Spül-Lotion ---

```
%imshow(imageFrosch)
[d1, v1, a1, b1] = eval_data(dataMichael);
```

 $data = 10 \times 2 table$

	Blase_in_mm	Steigzeit_5cm_in_s
1	2.0000	19.0000
2	3.5000	9.8000
3	3.5000	9.7000
4	3.0000	8.8000
5	2.0000	21.5000
6	4.0000	8.0000
7	4.0000	8.8000
8	3.0000	9.7000
9	2.5000	22.0000
10	3.0000	11.5000

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

mittelwert = 1.2035
standardabweichung = 0.2735
standardunsicherheit = 0.0865

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

 $T = 10 \times 6 \text{ table}$

	d	V	eta	deltaEta	reynold	turbulent
1	0.0020	0.0026	0.8491	1.1125	0.0064	0
2	0.0035	0.0051	1.3413	0.9924	0.0136	0
3	0.0035	0.0052	1.3276	0.9812	0.0139	0
4	0.0030	0.0057	0.8849	0.7472	0.0197	0
5	0.0020	0.0023	0.9608	1.2810	0.0050	0
6	0.0040	0.0063	1.4301	0.9195	0.0179	0
7	0.0040	0.0057	1.5731	1.0213	0.0148	0
8	0.0030	0.0052	0.9754	0.8294	0.0163	0
9	0.0025	0.0023	1.5362	1.7178	0.0038	0
10	0.0030	0.0043	1.1564	0.9988	0.0116	0

2) Viskosität über lineare Regression

ausgleichsgerade =

Linear regression model:

y ~ 1 + x1

Estimated Coefficients:

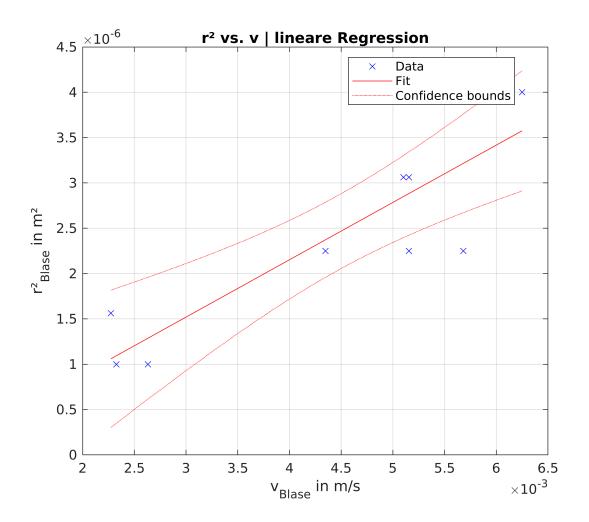
	Estimate	SE	tStat	pValue
(Intercept)	-3.7679e-07	5.8891e-07	-0.63982	0.54018
x1	0.00063237	0.00012578	5.0275	0.0010174

Number of observations: 10, Error degrees of freedom: 8

Root Mean Squared Error: 5.66e-07

R-squared: 0.76, Adjusted R-Squared: 0.73

F-statistic vs. constant model: 25.3, p-value = 0.00102



Übersicht der berechneten Viskositäten

p = 68.7200t = 1.0600

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

 η = 1.2035 \pm 0.0917 bzw. als Intervall [1.1118 ... 1.2952] Ns/m²

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

2) Viskosität über lineare Regression

 $\eta = 1.4130 \pm 1.4978$ bzw. als Intervall [-0.0848 ... 2.9108] Ns/m²

```
%Benjamin
disp(" ")
```

```
disp("<strong> II) --- Messwerte Benjamin - W5 eco ---</strong>")
```

II) --- Messwerte Benjamin - W5 eco ---

%imshow(imageW5)

[d2, v2, a2, b2] = eval_data(dataBenjamin);

 $data = 10 \times 2 table$

	Blase_in_mm	Steigzeit_5cm_in_s
1	2.0000	54
2	3.0000	26
3	4.0000	16
4	4.0000	13
5	0.5000	287
6	1.5000	44
7	0.3000	570
8	4.0000	11
9	1.0000	64
10	1.0000	83

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

mittelwert = 1.6301

standardabweichung = 0.8881

standardunsicherheit = 0.2809

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

 $T = 10 \times 6 \text{ table}$

	d	V	eta	deltaEta	reynold	turbulent
1	0.0020	0.0009	2.4133	4.3503	0.0008	0
2	0.0030	0.0019	2.6144	2.7072	0.0023	0
3	0.0040	0.0031	2.8602	2.0795	0.0045	0
4	0.0040	0.0038	2.3239	1.6040	0.0068	0
5	0.0005	0.0002	0.8016	6.8688	0.0001	0
6	0.0015	0.0011	1.1061	2.1641	0.0016	0
7	0.0003	0.0001	0.5731	9.2703	0.0000	0
8	0.0040	0.0045	1.9664	1.3156	0.0095	0
9	0.0010	0.0008	0.7150	2.0795	0.0011	0
10	0.0010	0.0006	0.9273	2.9519	0.0007	0

2) Viskosität über lineare Regression

ausgleichsgerade =

Linear regression model:

 $y \sim 1 + x1$

Estimated Coefficients:

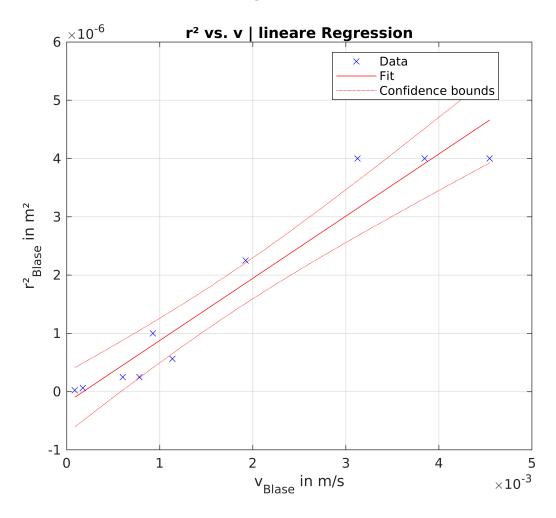
	Estimate	SE	tStat	pValue
(Intercept)	-1.9038e-07	2.2687e-07	-0.83917	0.42574
x1	0.0010673	9.9415e-05	10.736	4.9843e-06

Number of observations: 10, Error degrees of freedom: 8

Root Mean Squared Error: 4.73e-07

R-squared: 0.935, Adjusted R-Squared: 0.927

F-statistic vs. constant model: 115, p-value = 4.98e-06



Übersicht der berechneten Viskositäten

p = 68.7200

t = 1.0600

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

 η = 1.6301 \pm 0.2977 bzw. als Intervall [1.3324 ... 1.9278] Ns/m²

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

2) Viskosität über lineare Regression

 $\eta = 2.3848 \pm 2.5279$ bzw. als Intervall [-0.1431 ... 4.9128] Ns/m²

%Jan
disp(" ")

disp(" III) --- Messwerte Jan - Frosch Aloe Vera Spül-Lotion ---")

III) --- Messwerte Jan - Frosch Aloe Vera Spül-Lotion ---

%imshow(imageFrosch)
[d3, v3, a3, b3] = eval_data(dataJan);

 $data = 10 \times 2 table$

	Blase_in_mm	Steigzeit_5cm_in_s
1	4	10.0000
2	2	16.7000
3	2	50.0000
4	5	1.9000
5	3	12.5000
6	3	16.7000
7	2	16.7000
8	2	25.0000
9	5	2.5000
10	5	5.0000

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

mittelwert = 1.2194

standardabweichung = 0.5579

standardunsicherheit = 0.1764

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

 $T = 10 \times 6$ table

	d	V	eta	deltaEta	reynold	turbulent
1	0.0040	0.0050	1.7876	1.1790	0.0115	0
2	0.0020	0.0030	0.7463	0.9637	0.0082	0
3	0.0020	0.0010	2.2345	3.8703	0.0009	0
4	0.0050	0.0263	0.5307	0.2612	0.2541	1
5	0.0030	0.0040	1.2569	1.0960	0.0098	0
6	0.0030	0.0030	1.6792	1.5335	0.0055	0
7	0.0020	0.0030	0.7463	0.9637	0.0082	0
8	0.0020	0.0020	1.1172	1.5299	0.0037	0

	d	V	eta	deltaEta	reynold	turbulent
9	0.0050	0.0200	0.6983	0.3447	0.1468	0
10	0.0050	0.0100	1.3966	0.7052	0.0367	0

2) Viskosität über lineare Regression

ausgleichsgerade =

Linear regression model:

y ~ 1 + x1

Estimated Coefficients:

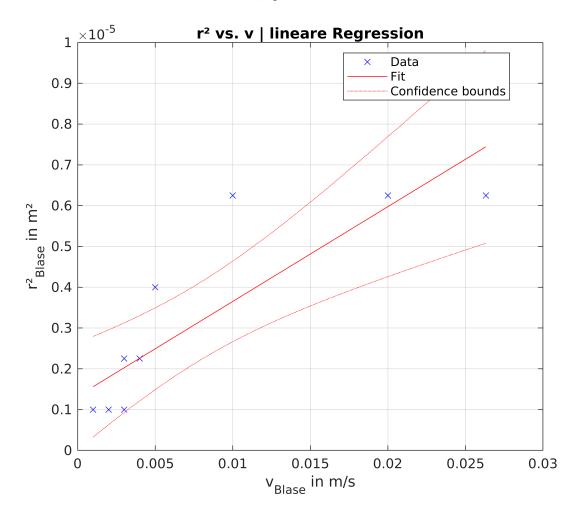
	Estimate	SE	tStat	pValue
(Intercept)	1.3295e-06	5.6794e-07	2.341	0.047341
x1	0.00023228	5.0487e-05	4.6007	0.0017538

Number of observations: 10, Error degrees of freedom: 8

Root Mean Squared Error: 1.3e-06

R-squared: 0.726, Adjusted R-Squared: 0.691

F-statistic vs. constant model: 21.2, p-value = 0.00175



Übersicht der berechneten Viskositäten

p = 68.7200t = 1.0600

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

```
\eta = 1.2194 \pm 0.1870 bzw. als Intervall [1.0324 ... 1.4064] Ns/m<sup>2</sup>
```

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

2) Viskosität über lineare Regression

 $\eta = 0.5190 \pm 0.5502$ bzw. als Intervall [-0.0311 ... 1.0692] Ns/m²

%Anna disp(" ")

disp(" IV) --- Messwerte Anna - ecover Colorwaschmittel flüssig Konzentrat Apfe

IV) --- Messwerte Anna - ecover Colorwaschmittel flüssig Konzentrat Apfelblüte & Freesie ---

%imshow(imageEcover)
[d4, v4, a4, b4] = eval_data(dataAnna);

 $data = 10 \times 2 table$

	Blase_in_mm	Steigzeit_5cm_in_s
1	1.5000	15.2000
2	1.0000	25.0000
3	3.0000	13.2000
4	2.0000	13.9000
5	1.0000	20.0000
6	0.5000	33.3000
7	3.0000	13.1000
8	3.0000	13.9000
9	5.0000	1.0000
10	4.5000	2.0000

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

mittelwert = 0.6373
standardabweichung = 0.5099
standardunsicherheit = 0.1612

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

 $T = 10 \times 6 \text{ table}$

	d	V	eta	deltaEta	reynold	turbulent
1	0.0015	0.0033	0.3821	0.6400	0.0132	0

	d	V	eta	deltaEta	reynold	turbulent
2	0.0010	0.0020	0.2793	0.7052	0.0073	0
3	0.0030	0.0038	1.3273	1.1656	0.0088	0
4	0.0020	0.0036	0.6212	0.7897	0.0119	0
5	0.0010	0.0025	0.2235	0.5582	0.0115	0
6	0.0005	0.0015	0.0930	0.4619	0.0083	0
7	0.0030	0.0038	1.3172	1.1556	0.0089	0
8	0.0030	0.0036	1.3977	1.2364	0.0079	0
9	0.0050	0.0500	0.2793	0.1370	0.9174	1
10	0.0045	0.0250	0.4525	0.2473	0.2548	1

2) Viskosität über lineare Regression

ausgleichsgerade =

Linear regression model:

y ~ 1 + x1

Estimated Coefficients:

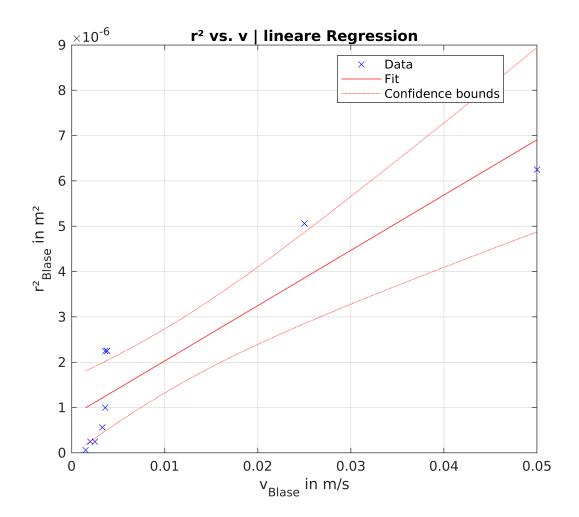
cimated Coeffic.	Estimate	SE	tStat	pValue
(Intercept) x1	8.1028e-07 0.00012196	3.685e-07 2.059e-05	2.1989 5.9232	0.059097

Number of observations: 10, Error degrees of freedom: 8

Root Mean Squared Error: 9.7e-07

R-squared: 0.814, Adjusted R-Squared: 0.791

F-statistic vs. constant model: 35.1, p-value = 0.000352



Übersicht der berechneten Viskositäten

p = 68.7200t = 1.0600

1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen

 $\eta = 0.6373 \pm 0.1709$ bzw. als Intervall [0.4664 ... 0.8082] Ns/m²

1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherheit

2) Viskosität über lineare Regression

 $\eta = 0.2725 \pm 0.2889$ bzw. als Intervall [-0.0164 ... 0.5614] Ns/m²

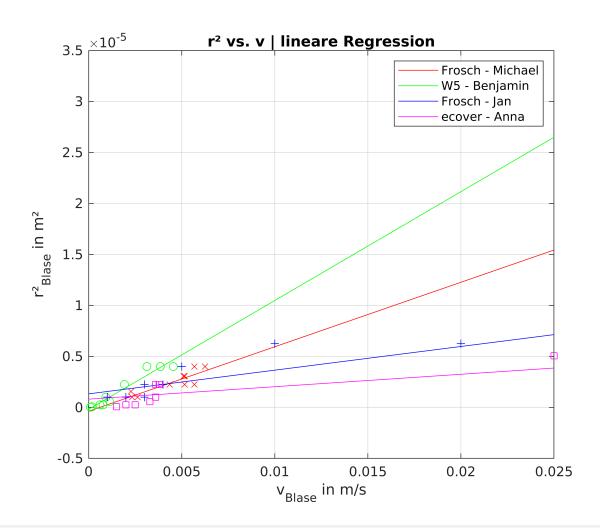
Plot aller Werte

```
disp(" ")
```

disp(" Plotten der Einzelwerte und Ausgleichsgeraden aller Gruppenmitglieder </

Plotten der Einzelwerte und Ausgleichsgeraden aller Gruppenmitglieder

```
x = (0:1e-3:50*1e-3);
y1 = a1*x + b1;
y2 = a2*x + b2;
y3 = a3*x + b3;
y4 = a4*x + b4;
h1 = plot(x, y1, "r");
hold on;
    plot(v1, (d1 ./2).^2, "rx");
    h2 = plot(x, y2, "g");
    plot(v2, (d2 ./2).^2, "go");
    h3 = plot(x, y3, "b");
    plot(v3,(d3 ./2).^2, "b+");
    h4 = plot(x, y4, "m");
    plot(v4, (d4 ./2).^2, "ms");
    grid on;
    title('r2 vs. v | lineare Regression');
    ylabel('r<sup>2</sup>_{Blase} in m<sup>2</sup>', 'Interpreter', 'tex');
    xlabel('v_{Blase} in m/s', 'Interpreter', 'tex');
    legend([h1 h2 h3 h4], {"Frosch - Michael","W5 - Benjamin", "Frosch - Jan","ecover -
    set(gcf, 'position', [0.0000, -0.0000050, 600, 500])
    xlim([0.0000 0.025]);
    ylim([-0.0000050 0.0000350]);
hold off;
```



```
disp(" ")
```

disp ("Wie im Bericht beschrieben können wir die lineare Regression nur für die Messdate

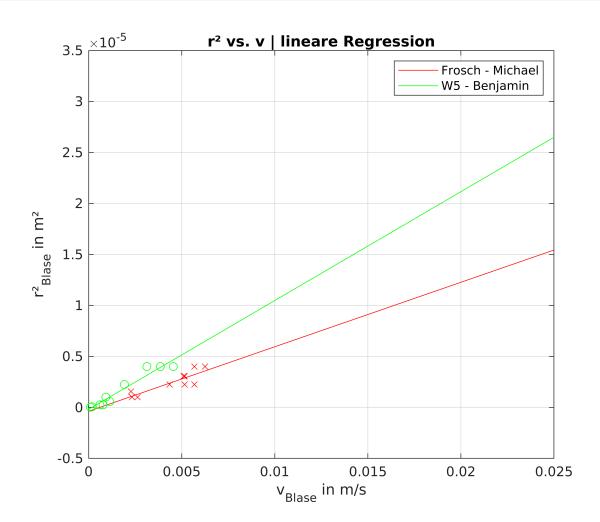
Wie im Bericht beschrieben können wir die lineare Regression nur für die Messdaten von Michael und Benjami

```
h1 = plot(x,y1, "r");
hold on;
plot(v1,(d1 ./2).^2, "rx");

h2 = plot(x,y2, "g");
plot(v2,(d2 ./2).^2, "go");

grid on;
title('r² vs. v | lineare Regression');
ylabel('r²_{Blase} in m²', 'Interpreter', 'tex');
xlabel('v_{Blase} in m/s', 'Interpreter', 'tex');
legend([h1 h2], {"Frosch - Michael", "W5 - Benjamin"});
set(gcf, 'position', [0.0000, -0.0000050, 600, 500])
xlim([0.0000 0.025]);
```

```
ylim([-0.0000050 0.0000350]);
hold off;
```



```
function [r_d, r_v, r_a, r_b] = eval_data(tmpdata)
% Rückgabewerte sind Durchmesser d und Geschwindigkeit v
% sowie Koeffizienten der Geradengleichung y = a*x + b
data = tmpdata
```

Konstanten

```
s = 0.05; %Blasen wurden über einen Weg von 5 cm betrachtet g = 9.81; %m/s^2%Vergleichswert Sicherheitsdatenblatt Frosch Aleo Vera Spül-Lotion etaDatenblatt = 1.500;
```

Steigzeit der Blasen für 5 cm in s

```
t = data.Steigzeit_5cm_in_s;
```

Geschwindigkeit der Blasen in m/s

```
v = s ./ t;
```

Durchmesser der Blasen in m

```
d = data.Blase_in_mm .* 1e-3;
r = d / 2;
```

Dichte des Spülmittels in kg/m³

```
%aus Sicherheitsdatenblatt Frosch Aleo Vera Spül-Lotion rho = 1025;
```

Viskosität des Spülmittels in N*s/m²

```
eta = (2*rho*g * (d ./2).^2) ./ (9 .* v);
```

Statistische Kenngrößen der berechneten Viskosität

```
disp(" ")
disp("<strong> 1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen </strong>")
mittelwert = mean(eta)
standardabweichung = std(eta)
standardunsicherheit = standardabweichung / sqrt(length(eta))
```

Reynolds-Zahl zur Abschätzung der Strömung

```
reynold = (v .* d .* rho) ./ (eta);
%Kugeln ab Re > 0.2 als turbulente Strömung
turbulent = reynold > 0.2;
```

Abschätzung der Unsicherheiten

```
disp(" ")
disp("<strong> 1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherhe:
%geschätzte Unsicherheit für Durchmesser
% 0.5 mm (Halber Milimeter nach Augenmaß abschätzbar)
b_deltaD = 0.5 * 1e-3;
%geschätzte Unsicherheit für Zeit 0.5 s
% (Genaugigkeit von 0.5 Sekunden durch Software bestimmbar)
b_deltaT = 0.5;
%geschätzte Unsicherheit für Geschwindigkeit m/s
b_deltaV = b_deltaD / b_deltaT;
%Dreieckverteilung Geschwindigkeit
u_Vdreieck = b_deltaV / 2 * sqrt(6);
%Dreieckverteilung Durchmesser
u_Ddreieck = b_deltaD / 2 * sqrt(6);
```

Fehlerfortpflanzung - Kombinierte Standardunsicherheit

```
%Ableitung eta nach Geschwindigkeit
```

```
dEta_dV = - (2 * r.^2 * g * rho) ./ (9 * v.^2);
%Ableitung eta nach Radius
dEta_dR = (4 * g * rho * r) ./ (9 * v);
%Kombinierte Standardunsicherheit
deltaEta = sqrt((dEta_dV .* u_Vdreieck).^2 + (dEta_dR .* u_Ddreieck).^2);
```

Darstellung der Werte als Tabelle

```
%varNames = {"d in m" "v in m/s" "eta in Ns/m²" "delta eta" "Re" "Turbulent?"}
T = table(d, v, eta, deltaEta, reynold, turbulent)
```

Ausgleichsgerade (lineare Regression) von r2 zu v

```
disp(" ")
disp("<strong> 2) Viskosität über lineare Regression </strong>")
ausgleichsgerade = fitlm(v,(d ./2).^2, "linear")
steigung = ausgleichsgerade.Coefficients.Estimate(2);
intercept = ausgleichsgerade.Coefficients.Estimate(1);
se_v = ausgleichsgerade.Coefficients.SE(2);
se_r_2 = ausgleichsgerade.Coefficients.SE(1);
```

Plotten der Werte und Ausgleichsgeraden

```
%plot(v, (d ./2).^2, "x")
%hold on
   plot(ausgleichsgerade)
   grid on
   title('r² vs. v | lineare Regression')
   ylabel('r²_{Blase} in m²', 'Interpreter', 'tex')
   xlabel('v_{Blase} in m/s', 'Interpreter', 'tex')
   set(gcf, 'position', [0.0000, -0.0000050, 600, 500])
%hold off
```

Rückgabewerte

```
r_d = d;
r_v = v;
r_a = steigung;
r_b = intercept;
%r.^2 = (9 * eta * v) / (2 * g * rho)
%Zufallspunkt
v = 0.5;
%Ausgleichsgerade Y-Wert zu Zufallspunkt
r_2 = v * r_a;
eta_linReg = (r_2 * 2 * g * rho) / (9 * v);
%Ableitung eta nach Steigung
```

```
dEta dm = (2 * g * rho) / 9;
    %Ableitung eta nach Radius
    dE = (4 * g * rho * sqrt(r 2)) / (9 * v)
    %Kombinierte Standardunsicherheit Lineare Regression
    deltaEta LinReg = abs(dEta dm * se r 2);
    disp(" ")
   disp("<strong> Übersicht der berechneten Viskositäten </strong>")
    %% t-Verteilung für wenige Messwerte
   % Freiheitsgrade v = 9 % v = n - 1
   p = 68.72 % Aus Tabelle (GUM Arbeiten mit Messdaten S. 94)
    t = 1.06 %Aus Tabelle (GUM Arbeiten mit Messdaten S. 94)
    disp(" ")
    disp("<strong> 1a) Viskosität über den Mittelwert aus 10 Messungen </strong>")
   Eta Intervall1 = [mittelwert - t * standardunsicherheit, mittelwert + t * standardu
   text = sprintf("%s = %0.4f %s %0.4f bzw. als Intervall [%0.4f ... %0.4f] Ns/m2", cha
   disp(text)
    disp(" ")
   disp ("<strong> 1b) Viskosität über Einzelwerte mit kombinierter Standardunsicherhei
   Eta Intervall2 = [eta, -t*deltaEta,eta,t*deltaEta];
   for i = 1:length(eta)
        text = sprintf("%s = %0.4f %s %0.4f bzw. als Intervall [%0.4f ... %0.4f] Ns/m2'
        disp(text)
    end
   disp(" ")
    disp("<strong> 2) Viskosität über lineare Regression </strong>")
   Eta Intervall3 = [eta linReg - t * deltaEta LinReg, eta linReg + t * deltaEta LinReg
    text = sprintf("%s = %0.4f %s %0.4f bzw. als Intervall [%0.4f ... %0.4f] Ns/m2", cha
    disp(text)
end
```