

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №3**  
**по дисциплине «ПиАА»**  
**Тема: Потоки в сети**

Студент(ка) гр. 0000

\_\_\_\_\_

Ивченко А.А.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Размочаева Н.В.

Санкт-Петербург

2020

## **Цель работы.**

Ознакомиться с алгоритмом Форда-Фалкерсона нахождения максимального потока в сети.

## **Формулировка задания.**

Найти максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро, используя алгоритм Форда-Фалкерсона.

Сеть (ориентированный взвешенный граф) представляется в виде триплета из имён вершин и целого неотрицательного числа - пропускной способности (веса).

**Вар. 6.** Поиск не в глубину и не в ширину, а по правилу: каждый раз выполняется переход по дуге, соединяющей вершины, имена которых в алфавите ближе всего друг к другу. Если таких дуг несколько, то выбрать ту, имя конца которой в алфавите ближайшее к началу алфавита.

## **Структуры данных.**

Ориентированный взвешенный граф представляется в виде словаря, в котором по названию вершины можно определить список смежных дуг для этой вершины. Дуга представляется в виде структуры с полями: конечная вершина дуги, остаточная пропускная способность, поток.

```
struct Edge {  
    char end_v;  
    int capacity;  
    int flow;  
};  
std::map<char, vector<Edge>> graph;
```

## **Описание алгоритма.**

В теле главного цикла проверяется наличие смежных дуг у текущей вершины в остаточной пропускной способностью  $> 0$ . Если такие есть, то переход к следующей вершине осуществляется согласно правилу, описанному в

варианте №6 до тех пор пока не будет найден дополняющий путь от начальной вершины к конечной. В противном случае, если текущая вершина не является стартовой, то дуга, ведущая к ней, удаляется из множества дуг ее родителя.

В качестве промежуточной информации выводятся значения следующих вершин и значение остаточной пропускной способности дуги, ведущей к этой вершине.

## Тестирование

*Рисунок 1 - Входные данные:*

```
7
a
f
a b 7
a c 6
b d 6
c f 9
d e 3
d f 4
e c 2
```

*Рисунок 2 - результат работы программы*

```
b:7
d:6
e:3
c:2
f:9
b:5
d:4
e:1
f:4
b:1
c:6
f:7
12
a b 6
a c 6
b d 6
c f 8
d e 2
d f 4
e c 2
```

## Вывод.

В ходе лабораторной был разобран алгоритм Форда-Фалкерсона нахождения максимального потока в ориентированном взвешенном графе.

## Исходный код

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <map>
#include <math.h>
#include <fstream>

using namespace std;

struct Edge {
    char end_v;
    int capacity;
    int flow;
};

void FordFulkersonAlgorithm(std::map<char, vector<Edge>>& graph, char start, char end,
std::ostream& out) {

    char i = start;
    int minElement = 0;
    std::vector<int> maxflowlist;
    std::vector<char> visited;
    std::map<char, char> parent;
    std::vector<int> flowlist;
    std::vector<char> path;
    visited.push_back(i);
    path.push_back(i);
    char next;

    while (i) {

        int empty = 1;
        for (int q = 0; q < graph[i].size(); q++) {
            if ((graph[i])[q].capacity > 0) { empty = 0; break; }
        }
        if (empty) {

            if (i == start) {
                int sum = 0;
                for (int q = 0; q < maxflowlist.size(); q++) {
                    sum += maxflowlist[q];
               }
                cout << sum << endl;
                for (char i = start; i < end; i++) {
                    for (int j = 0; j < graph[i].size(); j++) {
                        out << i << ' ' << graph[i][j].end_v << ' ' <<
graph[i][j].flow;

                        out << endl;
                    }
                }
                return;
            }
            else {
                char par = parent[i];
                for (int k = 0; k < graph[par].size(); k++) {
                    if ((graph[par])[k].end_v == i)
                        graph[par][k].capacity = 0;
                }
                i = par;
                path.pop_back();
                flowlist.pop_back();
            }
        }
    }
}
```

```

        continue;
    }
}
int cap = 0;
int mindiff = 1000;

for (auto j : graph[i]) {
    int vis = 0;
    for (int k = 0; k < visited.size(); k++) {
        if (j.end_v == visited[k])
            vis = 1;
    }
    if (vis) continue;

    int diff = abs(j.end_v - i);
    if (diff < mindiff) {
        mindiff = diff;
        next = j.end_v;
        cap = j.capacity;
    }
    else if (diff == mindiff) {
        if (j.end_v < next) {
            next = j.end_v;
            cap = j.capacity;
        }
    }

}

cout << next << ':' << cap << endl;
flowlist.push_back(cap);
parent[next] = i;
path.push_back(next);
visited.push_back(next);

if (next == end) {
    int minElement = 1000;
    for (auto a : flowlist) {
        if (a < minElement) minElement = a;
    }
    for (int k = 0; k < path.size() - 1; k++) {
        for (int j = 0; j < graph[path[k]].size(); j++) {
            if (graph[path[k]][j].end_v == path[k + 1]) {
                graph[path[k]][j].capacity = graph[path[k]]
[j].capacity - minElement;
                graph[path[k]][j].flow = graph[path[k]][j].flow +
minElement;
            }
        }
    }
    i = start;
    maxflowlist.push_back(minElement);
    flowlist.clear();
    path.clear();
    path.push_back(start);
    visited.clear();
    visited.push_back(start);
}
else { i = next; }
}
}

int main() {
    int chose;

```

```

std::cout << "console: 0, file :1" << std::endl;
std::cin >> chose;

char u, v, source, destination;
int cap, n;
std::map<char, vector<Edge>> graph;
std::cin >> n;
std::cin >> source;
std::cin >> destination;

for (int i = 0; i < n; i++) {
    cin >> u >> v >> cap;
    Edge edge{ v, cap, 0 };
    graph[u].push_back(edge);
}

if (chose == 0) {
    FordFulkersonAlgorithm(graph, source, destination, std::cout);
}
else {
    std::ofstream file;
    file.open("result.txt");

    if (!file.is_open()) {
        std::cout << "Incorrect!\n";
        return 0;
    }
    else {
        FordFulkersonAlgorithm(graph, source, destination, file);
    }
}

return 0;
}

```