

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ
по лабораторной работе №1
по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»
Тема: Поиск с возвратом.**

Студент гр. 8304

Бочаров Ф.Д.

Преподаватель

Размочаева Н.В.

Санкт-Петербург

2020

Вариант 4р - прямоугольник

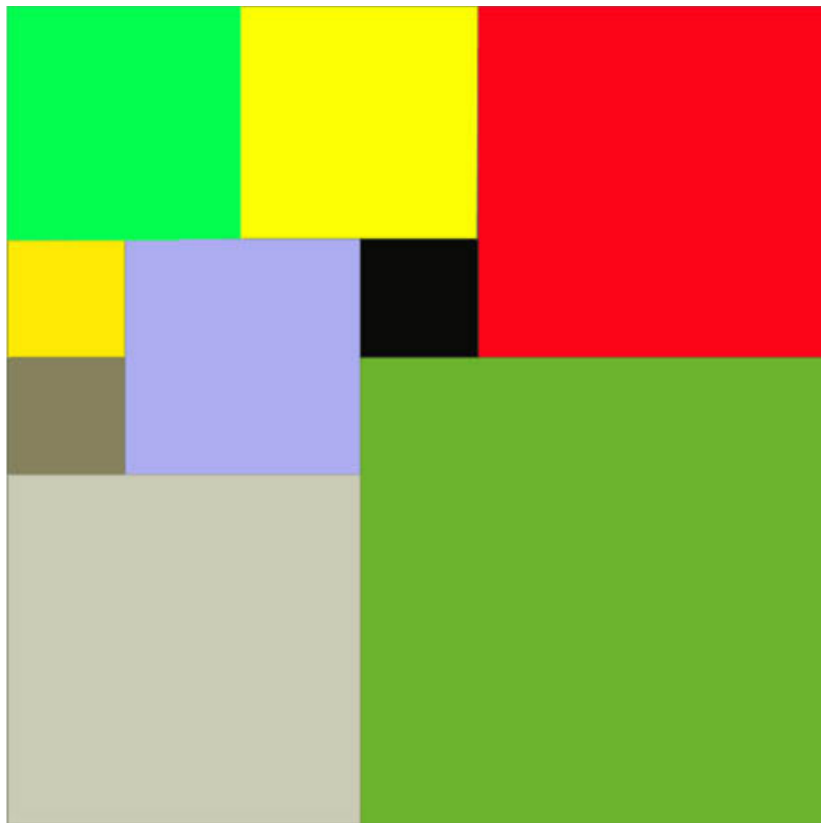
Цель работы

Ознакомиться и закрепить знания, связанные с алгоритмами поиска с возвратом.

Постановка задачи

У Вовы много квадратных обрезков доски. Их стороны (размер) изменяются от 1 до $N-1$, и у него есть неограниченное число обрезков любого размера. Но ему очень хочется получить большую столешницу – квадрат размера N . Он может получить ее, собрав из уже имеющихся обрезков(квадратов).

Например, столешница размера 7×7 может быть построена из 9 обрезков.



Внутри столешницы не должно быть пустот, обрезки не должны выходить за пределы столешницы и не должны перекрываться. Кроме того, Вова хочет использовать минимально возможное число обрезков.

Описание алгоритма

Рекурсивный алгоритм, для каждой клетки квадрата (прямоугольника), для каждого возможного размещенного в этой клетке обрезка, рассматриваются все варианты расположения отрезков в следующей клетке обрезков всех возможных размеров.

Описание функций

```
1. bool add_sq(size_t x, size_t y, size_t side_size, size_t  
   sq_number, std::shared_ptr<size_t[]> sq_arr, size_t sq_width,  
   size_t sq_height)
```

добавляет квадрат в точку с координатами x, y.

```
2. void delete_sq(size_t x, size_t y, size_t side_size,  
   std::shared_ptr<size_t[]> sq_arr, size_t sq_width, size_t  
   sq_height)
```

удаляет квадрат из точки x, y.

```
3. void fill_sq(std::shared_ptr<size_t[]> &sq_arr, size_t sq_width,  
   size_t sq_height, size_t i, size_t sq_number, size_t &min_cnt,  
   std::shared_ptr<size_t[]> &min_sq_arr, size_t &covers_cnt)
```

Рекурсивная функция, основная, осуществляющая поиск решения.

```
4. void start_algorithm(size_t sq_width, size_t sq_height)
```

функция передает в основную параметры и обрабатывает результат.

Вывод

Был получен опыт работы с алгоритмами поиска с возвратом, реализована программа, рассчитывающая минимальное разбиение квадрата (прямоугольника) на квадраты.

ПРИЛОЖЕНИЕ А.

ТЕСТИРОВАНИЕ.

```
x = 6
y = 3

1 1 2 2 3 3
1 1 2 2 3 3
4 5 6 7 8 9

1 1 2 2 3 4
1 1 2 2 5 5
6 7 8 9 5 5

1 1 2 3 4 4
1 1 5 5 4 4
6 7 5 5 8 9

1 1 2 3 4 5
1 1 6 6 7 7
8 9 6 6 7 7

1 2 3 3 4 4
5 5 3 3 4 4
5 5 6 7 8 9

1 2 3 3 4 5
6 6 3 3 7 7
6 6 8 9 7 7

1 2 3 4 5 5
6 6 7 7 5 5
6 6 7 7 8 9

1 2 3 4 5 6
7 7 8 8 9 9
7 7 8 8 9 9

covers count is 8
pieces count is 9
parametres are
0 0 2
2 0 2
4 0 2
0 2 1
1 2 1
2 2 1
3 2 1
4 2 1
5 2 1
```

```

x = 5
y = 4
1 1 1 2 2
1 1 1 2 2
1 1 1 3 3
4 5 6 3 3

```

```

1 1 2 2 2
1 1 2 2 2
3 3 2 2 2
3 3 4 5 6

```

```

1 1 2 3 4
1 1 5 5 5
6 6 5 5 5
6 6 5 5 5

```

```

1 2 3 4 4
5 5 5 4 4
5 5 5 6 6
5 5 5 6 6

```

```

covers count is 4
pieces count is 6
parametres are
0 0 3
3 0 2
3 2 2
0 3 1
1 3 1
2 3 1

```

ПРИЛОЖЕНИЕ В.

Исходный код.

```

#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <memory>
#include <cmath>

```

```

void delete_sq(size_t x, size_t y, size_t side_size, std::shared_ptr<size_t[]> sq_arr, size_t
sq_width, size_t sq_height) {
    for (size_t j = y; j < y + side_size; j++)
        for (size_t i = x; i < x + side_size; i++)
            sq_arr[i + sq_width * j] = 0;
}

```

// вставляет квадрат в доску

```

bool add_sq(size_t x, size_t y, size_t side_size, size_t sq_number, std::shared_ptr<size_t[]>
sq_arr, size_t sq_width, size_t sq_height) {

```

```

    if (x + side_size >= sq_width + 1 || y + side_size >= sq_height + 1)
        return false;

```

```

    for (size_t j = y; j < y + side_size; j++)
        for (size_t i = x; i < x + side_size; i++)

```

```

        if (sq_arr[i + sq_width * j] != 0)
            return false;

    for (size_t j = y; j < y + side_size; j++)
        for (size_t i = x; i < x + side_size; i++)
            sq_arr[i + sq_width * j] = sq_number;

    return true;
}

// sq_arr - состояние доски sq_width и sq_height - её параметры
void fill_sq(std::shared_ptr<size_t[]>& sq_arr, size_t sq_width, size_t sq_height, size_t i,
size_t sq_number, size_t& min_cnt, std::shared_ptr<size_t[]>& min_sq_arr, size_t& covers_cnt) {

    if (i == sq_width * sq_height) {
        if (sq_number == min_cnt + 1) {
            covers_cnt++;
            for (size_t i = 0; i < sq_width * sq_height; i++) {
                std::cout << sq_arr[i] << " ";
                if ((i + 1) % sq_width == 0)
                    std::cout << '\n';
            }
            std::cout << '\n';
            std::cout << '\n';
        }
        if (sq_number < min_cnt) {
            covers_cnt = 1;

            for (size_t i = 0; i < sq_width * sq_height; i++) {
                std::cout << sq_arr[i] << " ";
                if ((i + 1) % sq_width == 0)
                    std::cout << '\n';
            }

            std::cout << '\n';
            std::cout << '\n';

            min_cnt = sq_number - 1;

            for (size_t i = 0; i < (sq_width * sq_height); i++) {

                min_sq_arr[i] = sq_arr[i];

            }
        }
        return;
    }

    if (sq_number > min_cnt + 1)
        return;

    for (size_t j = std::min(sq_width, sq_height) - 1; j > 0; j--) {
        if (add_sq(i % sq_width, i / sq_width, j, sq_number, sq_arr, sq_width, sq_height))
        {
            fill_sq(sq_arr, sq_width, sq_height, i + 1, sq_number + 1, min_cnt,
min_sq_arr, covers_cnt);
            delete_sq(i % sq_width, i / sq_width, j, sq_arr, sq_width, sq_height);
        }
        else {
            if (j == 1)
                fill_sq(sq_arr, sq_width, sq_height, i + 1, sq_number, min_cnt,
min_sq_arr, covers_cnt);
        }
    }
}

```

```

        continue;
    }

}

return;
}

// запускает рекурсию, обрабатывает её результаты
void start_algorithm(size_t sq_width, size_t sq_height) {

    std::shared_ptr<size_t[]> sq_arr(new size_t[sq_height * sq_width]);
    std::shared_ptr<size_t[]> min_sq_arr(new size_t[sq_height * sq_width]);

    for (size_t i = 0; i < (sq_height * sq_width); i++) {
        sq_arr[i] = 0;
    }

    size_t min_cnt = sq_height * sq_width;

    size_t covers_cnt = 0;

    fill_sq(sq_arr, sq_width, sq_height, 0, 1, min_cnt, min_sq_arr, covers_cnt);

    std::cout << "covers count is ";
    std::cout << covers_cnt << std::endl;

    std::vector<size_t> sqs_sizes(min_cnt);

    for (size_t j = 1; j <= min_cnt; j++) {
        for (size_t i = 0; i < (sq_height * sq_width); i++) {
            if (min_sq_arr[i] == j) {
                sqs_sizes.at(j - 1) += 1;
            }
            else {
                continue;
            }
        }
    }

    std::cout << "pieces count is " << min_cnt << std::endl;

    std::cout << "parametres are\n";

    for (size_t j = 1; j <= min_cnt; j++) {
        sqs_sizes.at(j - 1) = sqrt(sqs_sizes.at(j - 1));
        for (size_t i = 0; i < (sq_height * sq_width); i++) {
            if (min_sq_arr[i] == j) {

                std::cout << (i % sq_width) << " " << (i / sq_width) << " " <<
sqs_sizes.at(j - 1) << std::endl;
                break;
            }
        }
    }
}

int main() {

    size_t piece_size = 1;
    std::cout << "x = ";
    size_t sq_width;

```

```
std::cin >> sq_width;
std::cout << '\n';
std::cout << "y = ";
size_t sq_height;
std::cin >> sq_height;
std::cout << '\n';

start_algorithm(sq_width, sq_height);

return 0;
}
```