

# ポートフォリオ

---

Namachan

created with  $\text{\LaTeX}$

I はじめに	2
1 自己紹介	2
1.1 経歴 (p.2) 1.2 過去の活動・実績 (p.2) 1.3 使用可能ツール (p.2)	
1.4 対応領域 (p.2) 1.5 仕事のスタイル (p.2) 1.6 リンク (p.2)	
II 作品紹介	3
2 数学	3
2.1 サイクロイド (p.3) 2.2 写像 (p.4) 2.3 上方和と下方和 (p.5)	
2.4 三角不等式の証明 (p.7) 2.5 はさみうちの原理 (p.8) 2.6 内心 (p.9)	
2.7 球座標 (p.10) 2.8 四面体 (p.11) 2.9 樹形図 (p.12) 2.10 増減表とグラフ (p.13)	
2.11 楕円 (ケプラーの法則) (p.14)	
3 物理	15
3.1 バネとブロック (力学) (p.15) 3.2 滑車とロープ (力学) (p.17)	
3.3 フックの法則 (力学) (p.19) 3.4 ピストン付き容器 (熱力学) (p.20)	
3.5 LC 回路 (電磁気学) (p.21) 3.6 傾斜レール上の導体棒 (電磁気学) (p.22)	
3.7 ヤングの実験 (光学) (p.24)	
4 化学	25
4.1 サリチル酸と炭酸水素ナトリウムの化学反応式 (p.25)	
4.2 サリチル酸の構造式 (p.25) 4.3 ハロゲン (フッ素) の電子配置 (p.25)	
4.4 モル濃度の計算 (p.26) 4.5 $\beta$ -グルコースの構造式 (p.26) 4.6 酢酸の電離 (p.27)	
5 書類	28
5.1 問題用紙 (数学) (p.28) 5.2 スクリプト (Python) (p.29)	
参考文献	30

# I はじめに

## 1 自己紹介

### 1.1 経歴

茨城県立水戸第一高等学校を卒業後、学習院大学理学部数学科に入学し、翌年に中途退学。その後、故郷の茨城にて  $\text{\LaTeX}$  入力の技術を磨きつつ、通信制大学にて自然科学を学んでいる。

2018 年に、『線型代数入門（基礎数学 1）』（齋藤正彦著、東京大学出版会）、『解析入門 I（基礎数学 2）』（杉浦光夫著、東京大学出版会）の解答集を作るプロジェクト「数学書解答集作成班」を立ち上げ、現在 GitHub にて解答をオープンソースで公開中。2025 年現在、公開されている解答は 2 冊ともに 100 ページを超える。

また、Discord を用いた数学・物理のコミュニティ『数物 - 学習の場 -』を立ち上げ、自主ゼミ結成の支援・数学・物理関連の質問の場を開設し、2025 年現在もリーダーとして運営に尽力している。

### 1.2 過去の活動・実績

**2011 年** 株式会社東京出版『月刊 大学への数学』の学力コンテスト（S コース）にて氏名の冊子掲載を複数回にわたり経験。

**2018 年** 「数学書解答集作成班」を結成。現在のメンバーは 11 名。主に Discord を用いたオンライン作業で解答を制作する。

**2024 年** 出版社 1 社と  $\text{\LaTeX}$  入力の業務委託契約を締結。

**2025 年** 出版社・予備校合わせて 2 社と  $\text{\LaTeX}$  入力の業務委託契約を締結。

### 1.3 使用可能ツール

- $\text{\LaTeX}$ 
  - 2018 年から 6 年間使用。
  - TikZ を用いた作図も対応可能。
  - 主に  $\text{\LaTeX}$ ,  $\text{\upLaTeX}$  を使用。
- Git（2018 年から GitHub と併用して使用）

その他、Slack、Discord 等のチャットツールを用いて業務に従事することが可能である。

### 1.4 対応領域

- 数学（ $\text{\LaTeX}$  入力、作図）
- 物理（ $\text{\LaTeX}$  入力、作図）
- 化学（ $\text{\LaTeX}$  入力、複雑な式は要相談）

### 1.5 仕事のスタイル

- Slack や Discord を用いたオンラインでのコミュニケーションを重視する。
- 文書を作成するにあたっては、指定された形式を守りつつ、丁寧に体裁を整えるスタイルをとる。

### 1.6 リンク

#### GitHub

<https://github.com/NamaSwimming>

- GitHub にて、解答集とそのソースコードを公開している。
- 解答集の公開にあたっては、著作権に配慮するために出版社に確認をとり「問題文は掲載せず、解答のみ掲載」という形になった。
- GitHub の Pull Request 機能を用いることで、誰もがこの解答集に対して「コードの修正の提案」をすることが可能である。
- 上記のことに関連して、Git や GitHub を用いたプロジェクトの経験があるため、仕事をするにあたって「複数人での教材の共同編集」という状況に対応可能である。

## II 作品紹介

これまでに作成してきたコンテンツを紹介する。基本的には、まず  $\text{\LaTeX}$  のソースコードを記述し、続けてコンパイル結果を掲載する。

なお、紙面の都合で図や文章の紹介のみでソースコードを掲載していないものがあることや、mathcha などの外部ツールを用いて作成したものがあることに留意したい。

## 2 数学

### 2.1 サイクロイド

#### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=1.175]
2   \draw[->] (-0.1,0) -- (7,0) node[below] {$x$};
3   \draw[->] (0,-0.1) -- (0,3) node[left] {$y$};
4   \draw (0,0) node[below left] {$\mathrm{0}$} coordinate (0);
5   \draw[dashed](pi,0)node[below]{$\pi a$}--(pi,2)--(0,2)node[left]{$2a$};
6   \draw(2*pi,0)node[below]{$2\pi a$};
7   \draw [thin] (pi/2,1) circle (1);
8   \draw [dashed](pi/2,0)--(pi/2,1)--(0,1);
9   \draw [color=red] plot[domain=0:{2*pi}, variable=\theta,smooth]
10  ({\theta-sin(\theta r)},{1-cos(\theta r)});
11  \fill [color=red] ({pi/2-1}, 1) circle (1.5pt);
12 \end{tikzpicture}
```

#### 説明と図

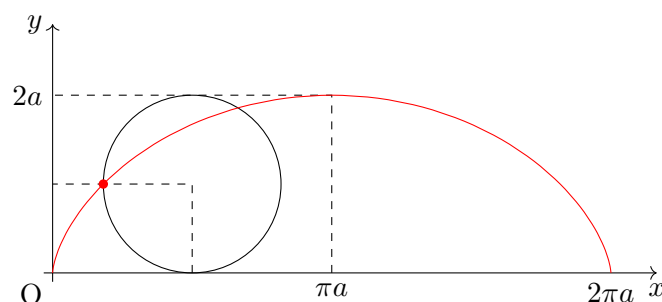
媒介変数  $\theta$  と定数  $a$  を用いて

$$\begin{cases} x = a(\theta - \sin \theta), \\ y = a(1 - \cos \theta), \end{cases} \quad (0 \leq \theta < 2\pi)$$

と表される図形をサイクロイドとよび、図の赤線部になる<sup>†1</sup>。

さて、円が 1 回転したときの定点の軌跡の長さを  $l$  は以下  
のようになる：

$$\begin{aligned} l &= \int_0^{2\pi} \sqrt{(dx/d\theta)^2 + (dy/d\theta)^2} d\theta \\ &= a \int_0^{2\pi} \sqrt{2 - 2\cos \theta} d\theta \\ &= 2a \int_0^{2\pi} \sin(\theta/2) d\theta \\ &= 8a. \end{aligned}$$



<sup>†1</sup> 図形的に説明すると、「直線に沿って円が滑らずに回転するときの円周上の定点の軌跡」である。

#### ポイント

- 媒介変数を定義して、サイクロイドを plot した。

## 2.2 写像

### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=1.2]
2   \draw[fill=lightgray!40, draw=lightgray] (-2,0) ellipse (1.5cm and 2cm);
3   \node at (-2,2.2) {$A$};
4
5   \draw[fill=lightgray!40, draw=lightgray] (3,0) ellipse (1.5cm and 2cm);
6   \node at (3,2.2) {$B$};
7
8   \fill (-2,1) circle (2pt); \node[left] at (-2,1) {$1$};
9   \fill (-2,0) circle (2pt); \node[left] at (-2,0) {$2$};
10  \fill (-2,-1) circle (2pt); \node[left] at (-2,-1) {$3$};
11
12  \fill (3,1) circle (2pt); \node[right] at (3,1) {$a$};
13  \fill (3,0) circle (2pt); \node[right] at (3,0) {$b$};
14  \fill (3,-1) circle (2pt); \node[right] at (3,-1) {$c$};
15
16  \draw[->, thin] (-2,1) to[bend left=20] (3,1);
17  \draw[->, thin] (-2,0) to[bend left=0] (3,0);
18  \draw[->, thin] (-2,-1) to[bend left=20] (3,1);
19 \end{tikzpicture}
```

### 説明と図

集合  $A$  から集合  $B$  への写像  $f$  とは、任意の  $a \in A$  に対して、 $b \in B$  をただひとつ対応させる規則のことである。

このとき、 $A$  を  $f$  の始集合、 $B$  を  $f$  の終集合とよぶ。これを次のように表す：

$$f: A \rightarrow B.$$

この写像  $f$  によって、 $a \in A$  が  $b \in B$  に対応するとき、

$$b = f(a)$$

または

$$f: a \mapsto b$$

とかく<sup>†1</sup>。

たとえば、 $A = \{1, 2, 3\}$ 、 $B = \{a, b, c\}$  とする。 $f(1) = a$ 、 $f(2) = b$ 、 $f(3) = a$  とすると、この写像  $f$  は図のように表現できる。



<sup>†1</sup> これを  $f: A \ni a \mapsto b \in B$  とかくときもある。

### ポイント

- 円・楕円・矢印を組み合わせで描写した。

## 2.3 上方和と下方和

### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=1.15]
2 \pgfmathsetmacro{\xZero}{pi/6}
3 \pgfmathsetmacro{\xOne}{pi/3}
4 \pgfmathsetmacro{\xTwo}{2*pi/3}
5 \pgfmathsetmacro{\xThree}{pi}
6 \pgfmathsetmacro{\xFour}{11*pi/6}
7 \pgfmathsetmacro{\xFive}{25*pi/12}
8
9 \pgfmathsetmacro{\fZero}{sin(\xZero r) + 4}
10 \pgfmathsetmacro{\fOne}{ sin(\xOne r) + 4}
11 \pgfmathsetmacro{\fTwo}{ sin(\xTwo r) + 4}
12 \pgfmathsetmacro{\fThree}{ sin(\xThree r) + 4}
13 \pgfmathsetmacro{\fFour}{ sin(\xFour r) + 4}
14 \pgfmathsetmacro{\fFive}{ sin(\xFive r) + 4}
15
16 \coordinate (x0) at (\xZero,0);
17 \coordinate (x1) at (\xOne, 0);
18 \coordinate (x2) at (\xTwo, 0);
19 \coordinate (x3) at (\xThree, 0);
20 \coordinate (x4) at (\xFour, 0);
21 \coordinate (x5) at (\xFive, 0);
22 \coordinate (X0) at (\xZero, \fZero);
23 \coordinate (X1) at (\xOne, \fOne );
24 \coordinate (X2) at (\xTwo, \fTwo );
25 \coordinate (X3) at (\xThree, \fThree);
26 \coordinate (X4) at (\xFour, \fFour );
27 \coordinate (X5) at (\xFive, \fFive );
28
29 \draw (-0.2,0) -- (7.5,0);
30
31 \filldraw[fill=lightgray!50,draw=black] (X0) rectangle (X1);
32 \filldraw[fill=darkgray!50,draw=black] (x0) rectangle ($(x1)+(0,\fZero)$);
33
34 \filldraw[fill=lightgray!50,draw=black] (X1) rectangle ($(x2)+(0,5)$);
35 \filldraw[fill=darkgray!50,draw=black] (x1) rectangle ($(x2)+(0,\fOne)$);
36
37 \filldraw[fill=lightgray!50,draw=black] (\xTwo,\fThree) rectangle (\xThree,\fTwo);
38 \filldraw[fill=darkgray!50,draw=black] (x2) rectangle ($(x3)+(0,\fThree)$);
39
40 \filldraw[fill=lightgray!50,draw=black] (\xThree,3) rectangle (\xFour,\fThree);
41 \filldraw[fill=darkgray!50,draw=black] (x3) rectangle ($(x4)+(0,3)$);
42
43 \filldraw[fill=lightgray!50,draw=black] (X4) rectangle (X5);
44 \filldraw[fill=darkgray!50,draw=black] (x4) rectangle ($(x5)+(0,\fFour)$);
45
46 \draw (x0) node[below] {$a = x_0$};
47 \draw (x1) node[below right]{$x_1$};
48 \draw (x2) node[below] {$x_2$};
49 \draw (x3) node[below] {$x_3$};
50 \draw (x4) node[below] {$x_4$};
51 \draw (x5) node[below right]{$x_5 = b$};
52
53 \draw[domain=-0.2:6.9, smooth] plot(\x, {sin(\x r)+4}) node[above left]{$y=f(x)$};
54 \end{tikzpicture}
```

$$f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad ([a, b] \subset \mathbb{R})$$

は有界であるとする.

区間  $[a, b]$  を  $n$  個の小区間  $[x_{i-1}, x_i]$  に分割し, 小区間  $[x_{i-1}, x_i]$  における  $f$  の最小値を  $m_i$ , 最大値を  $M_i$  とする.

図において,  $f$  の下方和は  $[x_{i-1}, x_i]$  を底辺, 最小値  $m_i$  を高さとする長方形の面積の和である.  $f$  の上方和は  $[x_{i-1}, x_i]$  を底辺, 最大値  $M_i$  を高さとする長方形の面積の和である.

$U(f)$  を  $f$  の上方和,  $L(f)$  を  $f$  の下方和とすると, 次の不等式が成り立つ:

$$m(b-a) \leq L(f) \leq U(f) \leq M(b-a).$$

このことから, ただちに  $L(f)$  と  $U(f)$  が有界であることが従う. ゆえに,

$$\sup L(f) \in \mathbb{R}, \quad \inf U(f) \in \mathbb{R}$$

が存在する<sup>†1</sup>.

$L(f)$  と  $U(f)$  はそれぞれ上方和と下方和であるため,

$$\sup L(f) \leq \inf U(f)$$

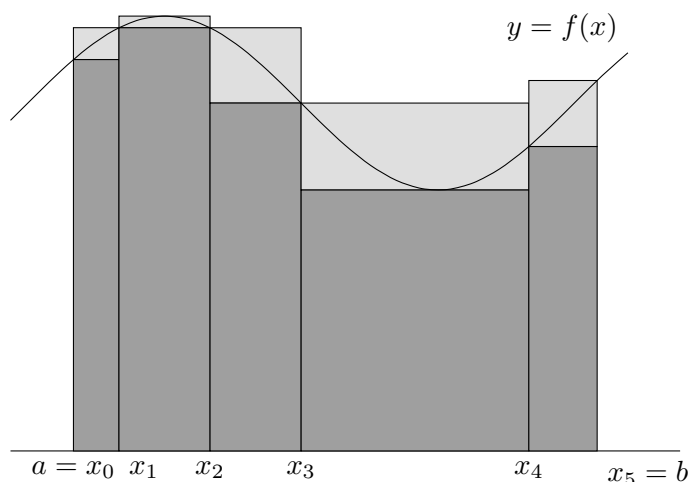
が成り立つ. そして,

$$\sup L(f) = \inf U(f)$$

となることは,  $f$  が  $[a, b]$  で積分可能であるための必要十分条件であり, このとき,  $f$  は  $[a, b]$  で可積分であるという. この共通の値を

$$\int_a^b f(x) dx$$

とかき, これを  $f$  の区間  $[a, b]$  における定積分とよぶ.



<sup>†1</sup> 実数の連続性の公理による.

## ポイント

- 具体的な関数を plot してグラフを作成した.

## 2.4 三角不等式の証明

### ソースコード

```
1 \begin{proof}
2 $ -\abs{x} \leq x \leq \abs{x}$と$-\abs{y} \leq y \leq \abs{y}$の辺々を足すと,
3 \[
4 -(\abs{x}+\abs{y}) \leq x+y \leq \abs{x}+\abs{y}.
5 \]
6 絶対値の定義\footnote{$x \in \mathbb{R}$の絶対値$\abs{x}$を$\abs{x}=\max \{x,-x\}$と定める. }から
7 \[
8 \abs{x}+\abs{y} \geq \max \{x+y,-(x+y)\} = \abs{x+y}.
9 \]
10 $\abs{x}$について,
11 \begin{align*}
12 & \abs{x} = \abs{x-y+y} \leq \abs{x-y}+\abs{y}, \\
13 & \text{\therefore } \abs{x}-\abs{y} \leq \abs{x-y} \\
14 \end{align*}
15 となるから, $x \geq y$, $x \leq y$のときがあることを加味すると,
16 \[
17 \abs{\abs{x}-\abs{y}} \leq \abs{x \pm y}
18 \]
19 であるから, 以上のことをまとめると,
20 \[
21 \abs{\abs{x}-\abs{y}} \leq \abs{x \pm y} \leq \abs{x}+\abs{y}.
22 \]
23 \end{proof}
```

### 証明

証明.  $-|x| \leq x \leq |x|$  と  $-|y| \leq y \leq |y|$  の辺々を足すと,

$$-(|x| + |y|) \leq x + y \leq |x| + |y|.$$

絶対値の定義<sup>†1</sup>から

$$|x| + |y| \geq \max\{x + y, -(x + y)\} = |x + y|.$$

$|x|$  について,

$$\begin{aligned} |x| &= |x - y + y| \leq |x - y| + |y|, \\ \therefore |x| - |y| &\leq |x - y| \end{aligned}$$

となるから,  $x \geq y$ ,  $x \leq y$  のときがあることを加味すると,

$$||x| - |y|| \leq |x \pm y|$$

であるから, 以上のことをまとめると,

$$||x| - |y|| \leq |x \pm y| \leq |x| + |y|.$$

□

---

<sup>†1</sup>  $x \in \mathbb{R}$  の絶対値  $|x|$  を  $|x| = \max\{x, -x\}$  と定める.

### ポイント

- 絶対値記号を`\abs`を用いて記述した.



## 2.5 はさみうちの原理

### ソースコード (定理環境の定義)

```
1 \usepackage{tcolorbox}
2 \tcbuselibrary{theorems,breakable,skins}
3 \definecolor{applePaper}{HTML}{F5F5F7}
4 \definecolor{appleInk}{HTML}{1D1D1F}
5 \definecolor{appleLine}{HTML}{D1D1D6}
6 \definecolor{appleCard}{HTML}{FFFFFF}
7 \tcbset{ appleMonoBase/.style={enhanced, breakable,
8     colback=appleCard, colframe=appleLine, coltitle=appleInk,
9     fonttitle=\sffamily\bfseries,
10    boxrule=0.5pt, arc=3pt,
11    left=8pt,right=8pt,top=6pt,bottom=6pt,
12    attach boxed title to top left={xshift=8pt,yshift=-3pt},
13    boxed title style={size=small,interior engine=empty},
14    drop shadow={black!6!applePaper} }
15 }
```

### 文章

#### Theorem 2.5.1: はさみうちの原理

数列  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  および  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  がともに収束し,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a, \quad \lim_{n \rightarrow \infty} b_n = a$$

であり, なおかつ, 任意の  $n \in \mathbb{N}$  に対して  $a_n \leq b_n$  であるとする.

この条件のもとで, 数列  $(c_n)_{n \in \mathbb{N}}$  が任意の  $n \in \mathbb{N}$  に対して

$$a_n \leq c_n \leq b_n$$

であるならば,  $(c_n)_{n \in \mathbb{N}}$  は収束し,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} c_n = a$$

となる.

証明. 仮定により, 任意の  $\varepsilon > 0$  に対して,  $N_1 \in \mathbb{N}$ ,  $N_2 \in \mathbb{N}$  が存在し, 任意の  $n \in \mathbb{N}$  に対して,

$$n \geq N_1 \implies |a - a_n| < \varepsilon,$$

$$n \geq N_2 \implies |a - b_n| < \varepsilon$$

となる. ここで  $N = \max\{N_1, N_2\}$  と定めると,  $n \geq N$  のとき,

$$a - \varepsilon < a_n \leq c_n \leq b_n < a + \varepsilon$$

が成り立ち,  $|a - c_n| < \varepsilon$  であるので,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} c_n = a$$

を得る. これが証明すべきことであった.  $\square$

### ポイント

- tcolorbox.sty を用いて定理環境を記述した.

## 2.6 内心

### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale =1.8]
2   \draw[->] (-0.2,0) -- (4.3,0) node[below] {$x$};
3   \draw[->] (0,-0.2) -- (0,3.3) node[left] {$y$};
4   \coordinate (O) at (0,0) node [below left] at (O) {$\mathrm{O}$};
5   \coordinate (A) at (4,0) node [below] at (A) {$\mathrm{A}$};
6   \coordinate (B) at (0,3) node [above right] at (B) {$\mathrm{B}$};
7   \draw (O)--(A)--(B)--cycle;
8   \pgfmathsetmacro{\xL}{(3*4 + 4*0)/(4+3)}
9   \pgfmathsetmacro{\yL}{(3*0 + 4*3)/(4+3)}
10  \pgfmathsetmacro{\xM}{(4*0 + 5*0)/(5+4)}
11  \pgfmathsetmacro{\yM}{(4*3 + 5*0)/(5+4)}
12  \pgfmathsetmacro{\xN}{(5*0 + 3*4)/(3+5)}
13  \pgfmathsetmacro{\yN}{(5*0 + 3*0)/(3+5)}
14  \coordinate (L) at (\xL,\yL) node [above right] at (L) {$\mathrm{L}$};
15  \coordinate (M) at (\xM,\yM) node [above left] at (M) {$\mathrm{M}$};
16  \coordinate (N) at (\xN,\yN) node [above right] at (N) {$\mathrm{N}$};
17
18  \draw[name path= line 0,red] (O)--(L);
19  \draw[name path= line A,blue](A)--(M);
20  \draw[name path= line B,green](B)--(N);
21  \path[name intersections={of=line 0 and line B, by=P}];
22  \fill (P) circle (1pt) node[left,xshift=-3pt,yshift=-1pt] {P};
23  \draw let \p1=($(O)!(P)!(A)-(P)$), \n1={veclen(\x1,\y1)} in circle [at=(P), radius=\n1];
24
25  \draw pic[draw=blue, angle radius=1.8cm,"$\alpha$"] {angle=M--A--O};
26  \draw pic[draw=blue, angle radius=1.8cm,"$\alpha$"] {angle=B--A--M};
27  \draw pic[draw=red, angle radius=1.2cm,"$\tfrac{\pi}{4}$"] {angle=L--O--B};
28  \draw pic[draw=red, angle radius=1.2cm,"$\tfrac{\pi}{4}$"] {angle=A--O--L};
29  \draw pic[draw=green, angle radius=1.8cm,"$\beta$"] {angle=O--B--N};
30  \draw pic[draw=green, angle radius=1.8cm,"$\beta$"] {angle=N--B--A};
31 \end{tikzpicture}
```

### 内心の定義および図

#### Definition 2.6.1: 内心

三角形の各頂点の内角を二等分する線は一点で交わり、この点を三角形の内心という。



### ポイント

- angles ライブラリを読み込んで TikZ で角度を描画した。

## 2.7 球座標

### ソースコード (図)

```
1 \tdplotsetmaincoords{60}{120}
2 \begin{tikzpicture}[tdplot_main_coords,scale=1.25]
3 \pgfmathsetmacro{\x}{5 * sin(45) * cos(45)}
4 \pgfmathsetmacro{\y}{5 * sin(45) * sin(45)}
5 \pgfmathsetmacro{\z}{5 * cos(45)}
6
7 \draw[thick,->] (0,0,0) -- (4,0,0) node[anchor=north east]{$x$};
8 \draw[thick,->] (0,0,0) -- (0,4,0) node[anchor=north west]{$y$};
9 \draw[thick,->] (0,0,0) -- (0,0,4) node[anchor=south]{$z$};
10
11 \draw[fill=black] (\x,\y,\z) circle (2pt) node[right] {$$(r, \theta, \varphi)$};
12
13 \draw[dashed,gray] (0,0,0)--(\x,0,0)--(\x,\y,0)--(0,\y,0)--(0,0,0);
14 \draw[dashed,gray] (0,0,0)--(\x,0,0)--(\x,0,\z)--(0,0,\z)--(0,0,0);
15 \draw[dashed,gray] (0,0,0)--(0,\y,0)--(0,\y,\z)--(0,0,\z)--(0,0,0);
16 \draw[dashed,gray] (\x,0,\z)--(\x,\y,\z)--(\x,\y,0);
17 \draw[dashed,gray] (\x,\y,0)--(\x,\y,\z)--(0,\y,\z);
18
19 \draw[gray] (0,0,0)--(\x,\y,\z);
20 \draw[gray] (0,0,0)--(\x,\y,0);
21
22 \draw (1,0,0) coordinate (A) -- (0,0,0) coordinate (B) -- (0,1,0) coordinate (C);
23 \tdplotdrawarc[draw=gray]{(0,0,0)}{0.5}{0}{45}{anchor=north}{$\varphi$}
24 \tdplotsetthetaplanecoords{45}
25 \tdplotdrawarc[tdplot_rotated_coords,draw=gray]{(0,0,0)}{0.5}{0}{45}{}}
26 \node at (0.5, 0.5, 1) {$\theta$};
27 \end{tikzpicture}
```

### 説明と図

直交座標  $(x, y, z)$  から球座標  $(r, \theta, \varphi)$  への変換は次のようになる：

$$\begin{cases} x = r \sin \theta \cos \varphi, \\ y = r \sin \theta \sin \varphi, \\ z = r \cos \theta. \end{cases}$$

球座標  $(r, \theta, \varphi)$  から直交座標  $(x, y, z)$  への変換は次のようになる：

$$\begin{cases} r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}, \\ \theta = \arccos\left(z / \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}\right), \\ \varphi = \operatorname{sgn}(y) \arccos\left(x / \sqrt{x^2 + y^2}\right). \end{cases}$$



### ポイント

- tikz-3dplot を用いて、3次元での極座標を描画した.
- 図の調整にあたって、ChatGPT を用いた箇所もある.

## 2.8 四面体

### ソースコード (図)

```
1 \tdplotsetmaincoords{70}{0}
2 \begin{tikzpicture}[tdplot_main_coords, scale=0.54]
3   \coordinate (A) at (-4,-3,-9);
4   \coordinate (B) at (-5,6,-9);
5   \coordinate (C) at (4,-2,-9);
6   \coordinate (O) at (0,0,0);
7   \coordinate (H) at (0,0,-9);
8
9   \draw (A) -- (C) -- (O) -- cycle;
10  \draw (B) -- (O);
11  \draw (B) -- (A) -- (O);
12  \draw [dashed] (B) -- (C);
13  \draw (H) -- (A);
14
15  \fill [opacity=1.0,gray!80] (O) -- (A) -- (H) -- cycle;
16  \draw (O) -- (H);
17  \pic [draw, angle radius=10pt] {right angle = O--H--A};
18
19  \node[below left] at (A) {\mathrm{A}};
20  \node[above left] at (B) {\mathrm{B}};
21  \node[below right] at (C) {\mathrm{C}};
22  \node[above] at (O) {\mathrm{O}};
23  \node[below right] at (H) {\mathrm{H}};
24
25  \draw [dashed](O) .. controls ($ (O)!.2!(A)!30pt!320:(B)$) and ($ (O)!.8!(A)!30pt!320:(B)$) .. (A)
26  node [midway, left, fill=white] {$a$};
27  \draw [dashed](O) .. controls ($ (O)!.2!(B)!30pt!190:(A)$) and ($ (O)!.8!(B)!30pt!190:(A)$) .. (B)
28  node [midway, left, fill=white] {$b$};
29  \draw [dashed](O) .. controls ($ (O)!.2!(C)!30pt!140:(A)$) and ($ (O)!.8!(C)!30pt!140:(A)$) .. (C)
30  node [midway, left, fill=white] {$c$};
31 \end{tikzpicture}
```

### 説明と図

$$\vec{a} = \overrightarrow{OA}, \quad \vec{b} = \overrightarrow{OB}, \quad \vec{c} = \overrightarrow{OC}.$$

とし,  $\vec{n}$  を  $\triangle OAB$  の法線ベクトルとする. このとき,

$$\overrightarrow{OH} = s\vec{a} + t\vec{b} + u\vec{c} \quad (s + t + u = 1, s, t, u \in \mathbb{R})$$

とおくと,  $\vec{n} \cdot \overrightarrow{AH} = 0$  であるから,

$$\vec{n} \cdot (\overrightarrow{OH} - \overrightarrow{OA}) = 0.$$

したがって,

$$\vec{n} \cdot \{(s\vec{a} + t\vec{b} + u\vec{c}) - \vec{a}\} = 0.$$

この式を用いて  $\overrightarrow{OH}$  の長さを求めたのちに,  $\triangle OAH$  に三平方の定理を適用することで,  $\overrightarrow{AH}$  の長さを求めることができる.



### ポイント

- tikz-3dplot を用いて, 三次元の四面体を描写した.
- angles ライブラリを読み込んで TikZ で直角を描画した.

## 2.9 樹形図

### ソースコード (樹形図・1 回目表の場合)

```
1 \begin{tikzpicture}
2   [ scale=1.0, grow=right, level distance=30mm,
3     sibling distance=45mm, edge from parent/.style={draw, -stealth}
4   ]
5   \node {\textcolor{red}{1回目:表}}
6   child[grow=0,edge from parent/.style={draw=red, -stealth}] { node {\textcolor{red}{2回目:表}}
7     child[grow=0, edge from parent/.style={draw=black, -stealth}] { node {3回目:表} }
8     child[grow=-40, edge from parent/.style={draw=red, -stealth}] { node {\textcolor{red}{3回目:裏}} } }
9   child[grow=-60] { node {2回目:裏}
10     child[grow=0] { node {3回目:表} }
11     child[grow=-40] { node {3回目:裏} } };
12 \end{tikzpicture}
```

### 説明と図

コインを3回投げるとき、各回で表または裏が同じ確率で出ると仮定する。ここで、「1回目:表、2回目:表、3回目:裏」となる確率を求めたい。この場合の出方は右のように樹形図で表すことができる。

コインを1回投げたときに表または裏が出る確率はそれぞれ  $\frac{1}{2}$  であり、独立な試行を3回行うので、出方は

$$2^3 = 8$$

通りある。その中で、「表・表・裏」に対応するのは1通りだけであるため、求める確率は

$$\frac{1}{8}$$

である。

また、 $k$  を  $n$  以下の自然数として、コインを  $n$  回投げたときに表が  $k$  回出る確率は

$$\binom{n}{k} \left(\frac{1}{2}\right)^k \left(\frac{1}{2}\right)^{n-k} = \binom{n}{k} \left(\frac{1}{2}\right)^n \quad \dagger 1$$

である。



<sup>†1</sup>  $\binom{n}{k}$  は  ${}_nC_k$  とも書き、 $n$  個の中から  $k$  個を選ぶ組み合わせの数を表す。

### ポイント

- 樹形図を描くために、trees ライブラリを用いた。

## 2.10 増減表とグラフ

### ソースコード (増減表)

```

1 \begin{tabular}{|c|cccccc|} \hline
2 $x$ & & $\cdots$ & & $0$ & & $\cdots$ & & $1/3$ & & $\cdots$ & & $1$ & & $\cdots$ \\ \hline
3 $f'(x)$ & & $-$ & & $0$ & & $+$ & & $+$ & & $+$ & & $0$ & & $+$ \\ \hline
4 $f''(x)$ & & $+$ & & $+$ & & $+$ & & $0$ & & $-$ & & $0$ & & $+$ \\ \hline
5 $f(x)$ & & \ser & & & & \ner & & & & \nel & & & & \ner \\ \hline
6 \end{tabular}

```

### ソースコード (グラフ)

```

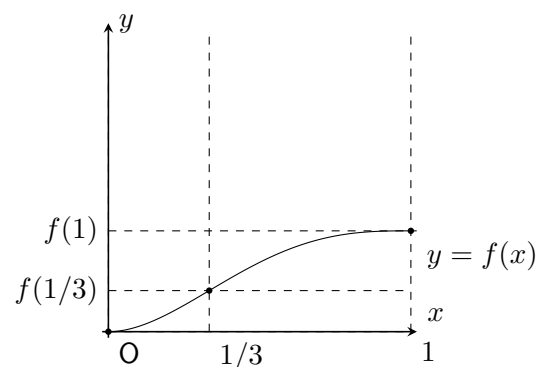
1 \begin{tikzpicture}[scale = 4.0]
2 \draw[->,>stealth,semithick](-0.02,0)--(1.02,0)node[above right]{$x$};
3 \draw[->,>stealth,semithick](0,-0.02)--(0,1.02)node[right]{$y$};
4 \draw(0,0)node[below right]{0};
5 \draw[domain=-0.02:1.02,samples=100]
6 plot(\x,{(\x)^4 - (8/3)*(\x)^3 + 2*(\x)^2})
7 node[below right]{$y=f(x)$};
8 \def\x{0}
9 \def\xb{1/3}
10 \def\xc{1}
11 \pgfmathsetmacro\xfa{(\xa)^4 - (8/3)*(\xa)^3 + 2*(\xa)^2}
12 \pgfmathsetmacro\xfb{(\xb)^4 - (8/3)*(\xb)^3 + 2*(\xb)^2}
13 \pgfmathsetmacro\xfc{(\xc)^4 - (8/3)*(\xc)^3 + 2*(\xc)^2}
14
15 \draw[dashed] (\xa,0)--(\xa,1);
16 \draw[dashed] (0,{\fxa})--(1,{\fxa});
17 \fill (\xa,{\fxa}) circle[radius=0.3pt] ;
18 \draw[dashed] (\xb,0)--(\xb,1);
19 \draw[dashed] (0,{\fxb})--(1,{\fxb});
20 \fill (\xb,{\fxb}) circle[radius=0.3pt];
21 \node[left] at (0,{\fxb}) {$f(1/3)$};
22 \node[below right] at (\xb,0) {$1/3$};
23 \draw[dashed] (\xc,0)--(\xc,1);
24 \draw[dashed] (0,{\fxc})--(1,{\fxc});
25 \fill (\xc,{\fxc}) circle[radius=0.3pt];
26 \node[left] at (0,{\fxc}) {$f(1)$};
27 \node[below right] at (\xc,0) {$1$};
28 \end{tikzpicture}

```

### 説明, 表とグラフ

$x$  が実数全体を動くとき,  $f(x) = x^4 - 8x^3/3 + 2x^2$  とおくと,  $f'(x) = 4x(x-1)^2$ ,  $f''(x) = 4(3x-1)(x-1)$  であるから, 増減表およびグラフは以下になる.

$x$	...	0	...	$1/3$	...	1	...
$f'(x)$	-	0	+	+	+	0	+
$f''(x)$	+	+	+	0	-	0	+
$f(x)$		↘		↗		↗	↗



### ポイント

- $\backslash\text{ner}$ ,  $\backslash\text{nel}$ ,  $\backslash\text{sel}$ ,  $\backslash\text{ser}$  は TikZ を用いて定義したマクロである.

## 2.11 楕円（ケプラーの法則）

### ソースコード

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=0.71]
2   \pgfmathsetmacro{\t}{9/5}
3   \pgfmathsetmacro{\s}{atan(\t/7)}
4   \pgfmathsetmacro{\u}{atan(\t)}
5
6   \draw[->,>=stealth,semithick](-8,0)--(4,0)node[above]{$x$};
7   \draw[->,>=stealth,semithick](0,-4.5)--(0,4.5)node[right]{$y$};
8   \draw(0,0)node[below left]{0};
9
10  \node at (-8,0) [below left] {$-a(1+e)$};
11  \node at (2,0) [below right] {$a(1-e)$};
12
13  \draw [black] (-3,0) circle [x radius=5cm, y radius=3cm];
14
15  \fill (-6,0) circle (2pt) node at (-6,0) [below right] {$-2ae$};
16  \fill (-3,0) circle (2pt) node at (-3,0) [below right] {$-ae$};
17
18  \coordinate (A) at (1, \t) node at (A) [above right] {$ (x,y)$};
19  \fill (A) circle (2pt);
20  \draw (0,0)--(A)--(-6,0)--cycle;
21
22  \draw[dashed] (-6,0) to [out=30+\s,in=150+\s] (1,\t);
23  \node at (-5/2,{(3+\t)/2}) {$r'$};
24
25  \draw[dashed] (0,0) to [out=-30+\u,in=-150+\u] (1,\t);
26  \node at (1,{(-2/3+\t)/2}) {$r$};
27 \end{tikzpicture}
```

### 説明と図

極方程式が

$$r = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e \cos \theta}$$

で表される楕円を描画した。焦点は  $O$  と  $(-2ae, 0)$  である。

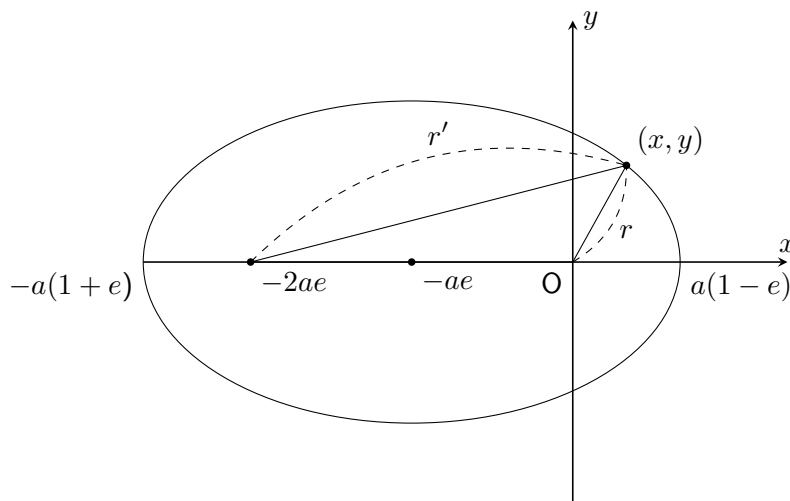
ここで  $e$  は離心率を表し、

$$e = \frac{\sqrt{a^2 - b^2}}{a}$$

である。

この楕円は「ケプラーの法則」の説明に用いられる。その場合、原点  $O$  は太陽を表し、惑星は楕円の周を動くとして設定する。

つまり、惑星は太陽を焦点とした楕円軌道を公転する。



### ポイント

- 楕円上の点の座標を `\pgfmathsetmacro` を用いて設定した。

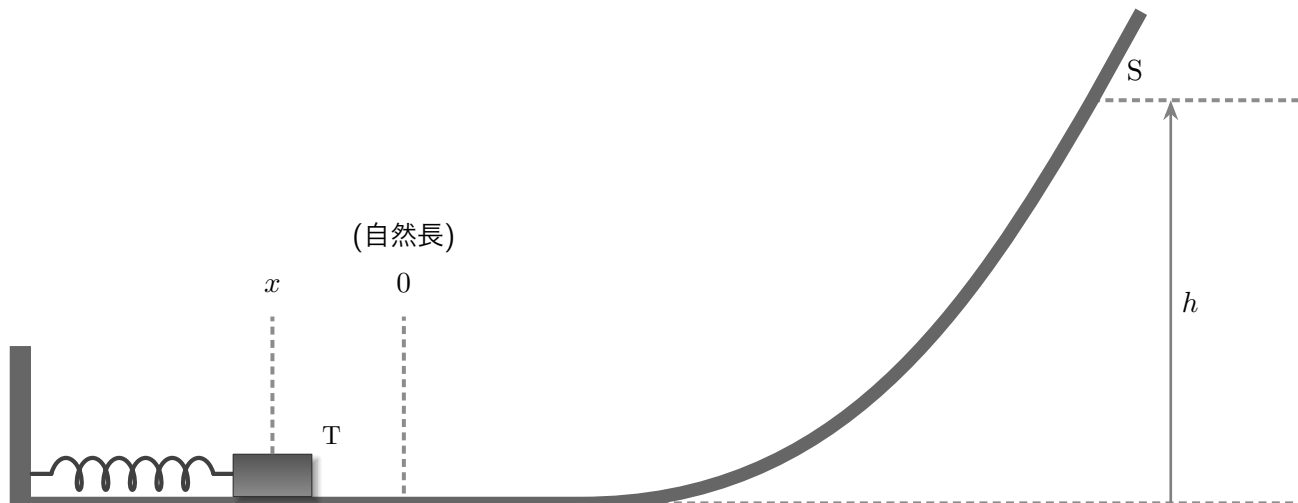
## 3 物理

### 3.1 ばねとブロック (力学)

#### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=1.3,line join=round]
2   \tikzset{
3     rail/.style = {line width=5pt, draw=darkgray!80, line cap=butt, line join=round},
4     thickRail/.style = {draw=darkgray!80, line width=8pt, line cap=butt, line join=round},
5     dash line/.style = {line width=1.5pt, draw=darkgray!60, densely dashed, line cap=butt},
6     dim line/.style = {line width=1pt, arrows={-Stealth}, draw=gray},
7     springStraight/.style = {line width=1.6pt, draw=darkgray, line cap=round},
8     springCoil/.style = {draw=darkgray, decorate, decoration={coil, amplitude=6pt},
9       line width=1.6pt, line cap=round},
10    block/.style = {draw=black!80, top color=darkgray!90, bottom color=darkgray!60,
11      blur shadow={shadow xshift=2pt,shadow yshift=-2pt,shadow blur steps=6}},
12  }
13
14  \coordinate (RailJoint) at (0.0,-1.6);
15  \coordinate (RailCurve) at (5.2, 2.5);
16  \coordinate (RailEnd) at (5.7, 3.4);
17  \coordinate (AuxLeft) at (-5.7, 0.0);
18  \coordinate (Hbase) at (6.0,-1.6);
19  \coordinate (Htop) at (6.0, 2.5);
20  \coordinate (SpringLeft) at (-5.65,-1.3);
21  \coordinate (SpringRight) at (-4.0,-1.3);
22
23  \coordinate (BlockLL) at (-4.0,-1.53);
24  \coordinate (BlockUR) at (-3.2,-1.10);
25  \coordinate (BL) at ($(BlockLL)+(0.465,0)$);
26  \coordinate (BU) at ($(BlockUR)+(0.465,0)$);
27  \coordinate (BC) at ($(BL)!0.5!(BU)$);
28
29  \coordinate (Xbase) at (0,-1.10);
30  \coordinate (Xtop) at (0, 0.30);
31
32  \coordinate (ZeroBase) at (-1.8,0.45);
33
34  \draw[dash line] (RailJoint) -- (7.4,-1.6);
35  \draw[dash line] (RailCurve) -- (7.4, 2.5);
36
37  \draw[dim line] (Hbase) -- (Htop) node[midway,right] {$h$};
38
39  \draw[rail] (RailLeft) -- (RailJoint)
40  to[out=0,in=-120] (RailCurve) -- (RailEnd);
41  \draw[thickRail] ($(RailLeft)+(0,-0.065)$) -- (AuxLeft);
42
43  \draw[springStraight] ($(SpringLeft)+(0.065,0)$) -- ++(0.2,0);
44  \draw[springCoil] ($(SpringLeft)+(0.265,0)$) -- ($(SpringRight)+(0.265,0)$);
45  \draw[springStraight] ($(SpringRight)+(0.265,0)$) -- ++(0.2,0);
46  \draw[block] (BL) rectangle (BU) node[above right,font=\small\bfseries] {$\mathrm{T}$};
47
48  \draw[dash line] ($(BC|-Xbase)$) -- ($(BC|-Xtop)$);
49  \node[above] at ($(BC|-ZeroBase)$) {$x$};
50
51  \draw[dash line] $(-1.8,-1.6)+(0,0.1)$ -- (-1.8,0.30);
52  \node[above,align=center] at (ZeroBase) {(自然長)\$0$};
53
54  \node[above right] at ($(RailCurve)+(0.25,0.1)$) {$\mathrm{S}$};
55 \end{tikzpicture}
```





図のように、ばねを自然長から  $x$  だけ縮め、ブロックを静かに離す操作を考える。このとき、ブロックは点 S で速さが 0 になった。ブロックの質量は  $m$  とし、全ての面で摩擦は無視できるものとする。

自然長から  $x$  だけ縮めたときのばねの弾性エネルギーは、ばね定数を  $k$  とすると、

$$\frac{1}{2}kx^2$$

と表せる。

高さが  $h$  の点でのブロックの速さを  $v_h$  とすると、その点でのブロックの運動エネルギーは

$$\frac{1}{2}mv_h^2$$

と表せる。

いま、ブロックに右向きに初速  $v_0$  を与えると、力学的エネルギー保存則により、

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}kx^2 \quad \therefore v_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}x.$$

また、点 S でのブロックの重力による位置エネルギーは、重力加速度の大きさを  $g$  とすると、

$$mgh$$

と表せるので、力学的エネルギー保存則により、

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = mgh \quad \therefore h = \frac{v_0^2}{2g}.$$

最後に、曲線上で水平面からの高さが  $h/2$  の点  $S_{\text{mid}}$  におけるブロックの速さを  $v_{\text{mid}}$  とし、これを求めよう：

力学的エネルギー保存則により、

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv_{\text{mid}}^2 + mg \cdot \frac{h}{2} \quad \therefore v_{\text{mid}} = \sqrt{v_0^2 - gh}.$$

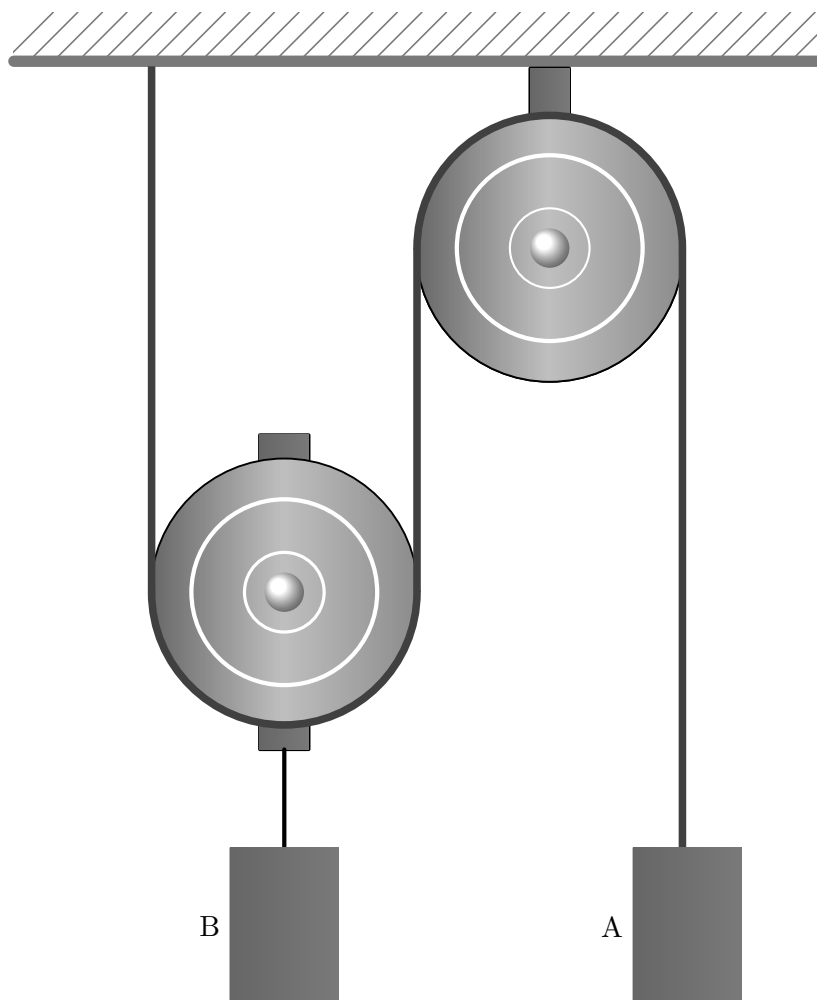
## ポイント

- `\tikzset` を用いて、スタイルを定義した。
- `\coordinate` を用いて、座標を定義した。

## 3.2 滑車とロープ (力学)

### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=1.3,line cap=round, line join=round]
2   \tikzset{ thickline/.style   ={line width=0.15cm, color=darkgray!70},
3     ropeline/.style   ={line width=0.1cm, color=darkgray,line cap=butt},
4     outercircle/.style ={line width=0.05cm, color=black}, }
5
6   \coordinate (TopLeft) at (-5.1, 4.3);
7   \coordinate (TopRight) at ( 3.1, 4.3);
8   \coordinate (ClipLowerLeft) at (-5.1, 4.3);
9   \coordinate (ClipUpperRight) at ( 3.1, 4.8);
10  \draw [thickline] (TopLeft) -- (TopRight);
11
12  \begin{scope}
13    \clip (ClipLowerLeft) rectangle (ClipUpperRight);
14    \foreach \i in {0,...,33} { \draw [darkgray!70, semithick]
15      ({-5.2 + 0.25*\i}, 4.3) -- ({-4.7 + 0.25*\i}, 4.8); }
16  \end{scope}
17
18  \draw [very thick] (-2.6, 0.5) rectangle (-2.1, -2.7);
19  \fill [left color=darkgray!80, right color=darkgray!70] (-2.6, 0.5) rectangle (-2.1, -2.7);
20  \draw[very thick, shorten <=0.075cm, shorten >=0.075cm, line cap=butt]
21    (0.15,2.4) rectangle (0.55,4.23);
22  \fill [left color=darkgray!80, right color=darkgray!70] (0.15,2.4) rectangle (0.55,4.23);
23
24  \begin{scope}
25    \pgfmathsetmacro{\R}{1.35}
26    \draw [outercircle] (-2.35, -1.1) circle (\R);
27    \fill [left color=darkgray!80, right color=darkgray!60, middle color=lightgray]
28      (-2.35, -1.1) circle (\R);
29    \draw [very thick, white] (-2.35, -1.1) circle (.3 * \R);
30    \draw [ultra thick, white] (-2.35, -1.1) circle (.7 * \R);
31    \shade [ball color=white] (-2.35, -1.1) circle (.2);
32    \draw [darkgray, line width=0.1cm] (-2.35, -1.1) ++(0:\R) arc (0:-180:\R);
33    \draw [ropeline] (-3.7, -1.1) -- (-3.7,4.25);
34    \draw [outercircle] (0.35, 2.4) circle (\R);
35  \end{scope}
36
37
38  \begin{scope}
39    \pgfmathsetmacro{\R}{1.35}
40    \draw [outercircle] (0.35, 2.4) circle (\R);
41    \fill [left color=darkgray!80, right color=darkgray!60, middle color=lightgray]
42      (0.35, 2.4) circle (\R);
43    \draw [thick, white] (0.35, 2.4) circle (.3 * \R);
44    \draw [ultra thick, white] (0.35, 2.4) circle (.7 * \R);
45    \shade [ball color=white] (0.35, 2.4) circle (.2);
46    \draw [darkgray, line width=0.1cm] (0.35, 2.4) ++(180:\R) arc (180:0:\R);
47    \draw [ropeline] (-1.0, -1.1) -- (-1.0, 2.4);
48  \end{scope}
49
50  \draw [ultra thick] (-2.35, -2.7) -- (-2.35, -3.7);
51  \draw (-2.9, -3.7) rectangle (-1.8, -5.3);
52  \fill [left color=darkgray!80, right color=darkgray!70] (-2.9, -3.7) rectangle (-1.8, -5.3);
53  \node [left] at (-2.9, -4.5) {$\mathrm{B}$};
54
55  \draw [ropeline] (1.7,2.4) -- (1.7,-3.7);
56  \draw (1.2, -3.7) rectangle (2.3, -5.3);
57  \fill [left color=darkgray!80, right color=darkgray!70] (1.2, -3.7) rectangle (2.3, -5.3);
58  \node [left] at (1.2, -4.5) {$\mathrm{A}$};
59 \end{tikzpicture}
```



物体 A と物体 B があり，それぞれの質量を  $m_A$ ,  $m_B$  とする．ただし， $m_B$  は  $m_A$  に比べて十分大きいとする．また，物体 A と物体 B はそれぞれ上昇および下降運動を行うものとし，糸の質量と伸縮，滑車の質量と摩擦は無視する．

天井の位置を原点とし，鉛直下向きを正の方向とする．重力加速度を  $g$ ，物体 A の位置を  $x_A$ ，物体 B の位置を  $x_B$  とすると，各物体の運動方程式は次式のように表される：

$$m_A \frac{d^2 x_A}{dt^2} = m_A g + (-T),$$

$$m_B \frac{d^2 x_B}{dt^2} = m_B g + (-T) + (-T).$$

糸の長さが一定なことから，束縛条件は

$$x_A + 2x_B = \text{const} \quad \therefore \frac{d^2 x_A}{dt^2} + 2\frac{d^2 x_B}{dt^2} = 0.$$

この運動方程式と束縛条件を用いて，物体 A および物体 B の加速度，ならびに両物体を結ぶ糸の張力  $T$  を求めると，

$$\frac{d^2 x_A}{dt^2} = -\frac{2(m_B - 2m_A)}{m_B + 4m_A}g, \quad \frac{d^2 x_B}{dt^2} = \frac{m_B - 2m_A}{m_B + 4m_A}g, \quad T = \frac{3m_A m_B}{m_B + 4m_A}g.$$

### ポイント

- `\scope` 環境を用いて，スコープを分けた．
- `\clip` を用いて，クリッピング範囲を指定した．
- `\foreach` を用いて，ループ処理を行った．

### 3.3 フックの法則 (力学)

#### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[x=0.65pt,y=0.65pt,yscale=-1.02,xscale=1.02]
2 \draw[>=>stealth,semithick](230,200)--(340,200) node [above right ] {$x$};
3 \draw (255,195)--(255,205);
4 \node at (255,135) [align=center] {(自然長)\!\!\$0\$};
5 \draw [dashed] (310,170)--(310,230) node at (310,155) {$x$};
6 \draw [color=darkgray!80,line width=2] (280,260) -- (243,260) ;
7 \draw [darkgray!80,decorate,decoration={coil,amplitude=6pt},line width=2] (245,260) -- (150,260);
8 \draw [color=darkgray!80,line width=2] (150,260) -- (115,260) ;
9 \shade [ball color=darkgray!70] (310,255) circle [radius=30];
10 \draw (310,255) circle [radius=30] ;
11 \end{tikzpicture}
```

#### 説明と図

摩擦なしの水平面に質量  $m$  の球とばね定数  $k$  のばねを置く。  
フックの法則により、運動方程式は次のようになる：

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} = -kx.$$

これは2階線型微分方程式であり、初期条件を与えれば解が求められる<sup>i1</sup>。初期条件を

$$x(0) = 0, \quad \dot{x}(0) = v_0$$

とする<sup>i2</sup>。このとき解は

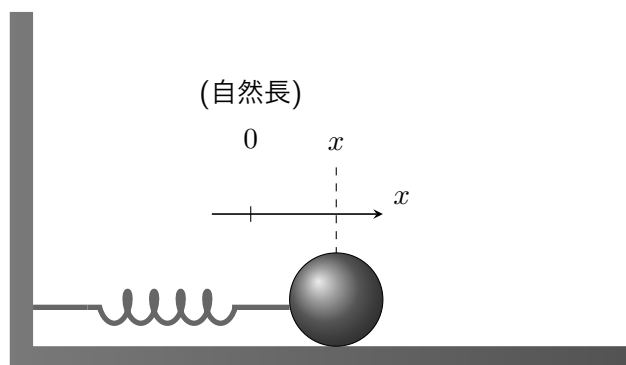
$$x(t) = \frac{v_0}{\sqrt{k/m}} \sin \left( \sqrt{\frac{k}{m}} t \right)$$

となる。

また、物体とばねからなる系の運動エネルギーと弾性エネルギーの和は保存し、エネルギー保存則は次のようになる：

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2 = \text{const.}$$

運動エネルギー      弾性エネルギー



<sup>i1</sup> いわゆる「単振動」を表す微分方程式である。

<sup>i2</sup>  $\dot{x} = dx/dt$  である。 $\dot{x}$  はニュートンの微分記法、 $dx/dt$  はライプニッツの微分記法である。

#### ポイント

- `mathcha` を用いて作図し、その後は自分の手で調整を施した。
- `\shade` を用いることで、グラデーションを施した。

### 3.4 ピストン付き容器（熱力学）

#### ソースコード（図）

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=0.12,yscale=-1,xscale=1]
2   \fill[lightgray] (2,6) rectangle (35,45);
3   \fill[black!70]
4     (70,6) -- (73,6) -- (73,48) -- (2,48) -- (2,6)
5     -- (44,6) -- (44,7) -- (3,7) -- (3,45) -- (70,45)
6     -- (70,6) -- cycle;
7   \fill[darkgray!60] (35,7) -- (38,7) -- (38,45) -- (35,45) -- cycle;
8
9   \draw[line width=2] (38,30) -- (44,30);
10  \draw[color=black, decorate, decoration={coil, amplitude=6pt}, line width=2]
11    (44,30) -- (64,30);
12  \draw[line width=2] (64,30) -- (70,30);
13
14  \draw[line width=1.5] (8,18) -- (12,18) -- (12,32) -- (8,32) -- cycle;
15
16  \draw (0,10) -- (10,10) -- (10,18);
17  \draw (10,32) -- (10,40) -- (0,40);
18
19  \draw (44, 4) node[anchor=west] {シリンダ};
20  \draw (48, 24) node[anchor=west] {ばね};
21  \draw (16, 23) node[anchor=west] {気体};
22  \draw (-12, 16) node[anchor=west] {ヒーター};
23  \draw (40, 18) node[anchor=west] {ピストン};
24 \end{tikzpicture}
```

#### 説明と図

「理想気体<sup>i1</sup>を考える」などの条件を課すと<sup>i2</sup>,  
この状況は下記の二式から考察される：

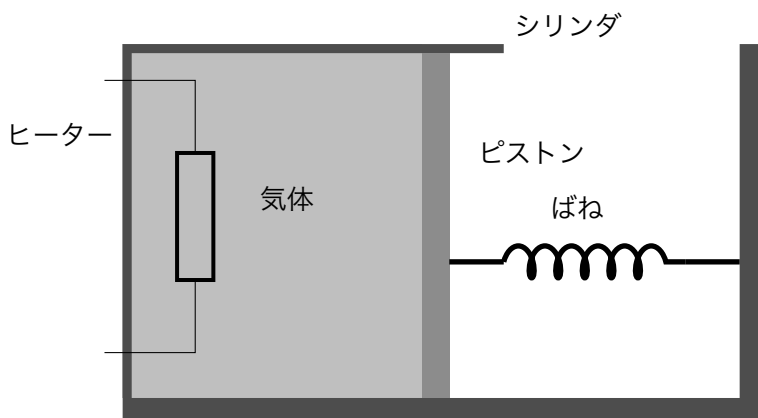
理想気体の状態方程式：

$$PV = nRT.$$

熱力学第一法則：

$$\Delta U = -W + Q.$$

圧力  $P$  は力学的にピストンのつり合いから求めるもので、状態方程式から求められるものではない。 $W$  は  $P$ - $V$  グラフの面積から求まり、 $V$  は容器の体積である。



<sup>i1</sup> ここでいう理想気体とは、体積が 0 で分子間力がはたらかないと仮定した架空の気体のことである。

<sup>i2</sup> シリンダやピストンに断熱性を課したり、ピストンの摩擦を無視することが多い。ここではそれらの条件の明記は省略する。

#### ポイント

- mathcha を用いて作図し、その後にコードを整えた。

## 3.5 LC 回路 (電磁気学)

### ソースコード (図)

```
1 \begin{circuitikz}[scale=1.3,american currents]
2   \draw (0,0)
3     to [L=$L$] (0,5)
4     to [short] (3,5);
5
6   \draw (3,5)
7     to [C=$C$] (3,0)
8     to [short] (0,0);
9
10  \node at (2.5,3) {$Q$};
11  \node at (2.5,2) {$-Q$};
12 \end{circuitikz}
```

### 説明と図

電気振動の基本的なモデルである。

充電した電荷  $Q_0$  のコンデンサーを、時刻  $t = 0$  でコイルにつなぐ。時刻  $t$  における回路の電流を  $I$  とし、時計回りを電流の正の向きとする。

キルヒホッフ則により、回路方程式は次のようになる：

$$\frac{Q}{C} + L \frac{dI}{dt} = 0 \quad \therefore \frac{dI}{dt} = -\frac{Q}{LC}.$$

また、連続方程式は次のようになる：

$$\frac{dQ}{dt} = I.$$

これを回路方程式に代入すると、

$$\frac{d^2 Q}{dt^2} = -\frac{Q}{LC}.$$

これは 2 階線型微分方程式である。初期条件<sup>†1</sup>を考慮するとその解は次のようになる：

$$Q = Q_0 \cos \omega t, \quad \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}.$$

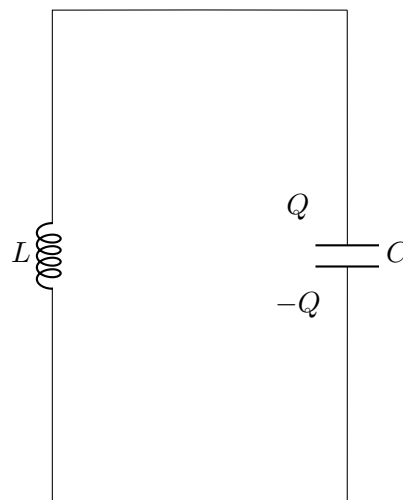
また、回路方程式と連続方程式から次の結果を得る：

$$LI \frac{dI}{dt} + \frac{Q}{C} \frac{dQ}{dt} = 0 \quad \therefore \frac{d}{dt} \left( \frac{LI^2}{2} + \frac{Q^2}{2C} \right) = 0.$$

このことから、次のエネルギー保存則を得る：

$$\frac{LI^2}{2} + \frac{Q^2}{2C} = \text{const.}$$

コイルのエネルギー      静電エネルギー



<sup>†1</sup> 時刻  $t = 0$  でコンデンサーの電荷が  $Q_0$  であること。

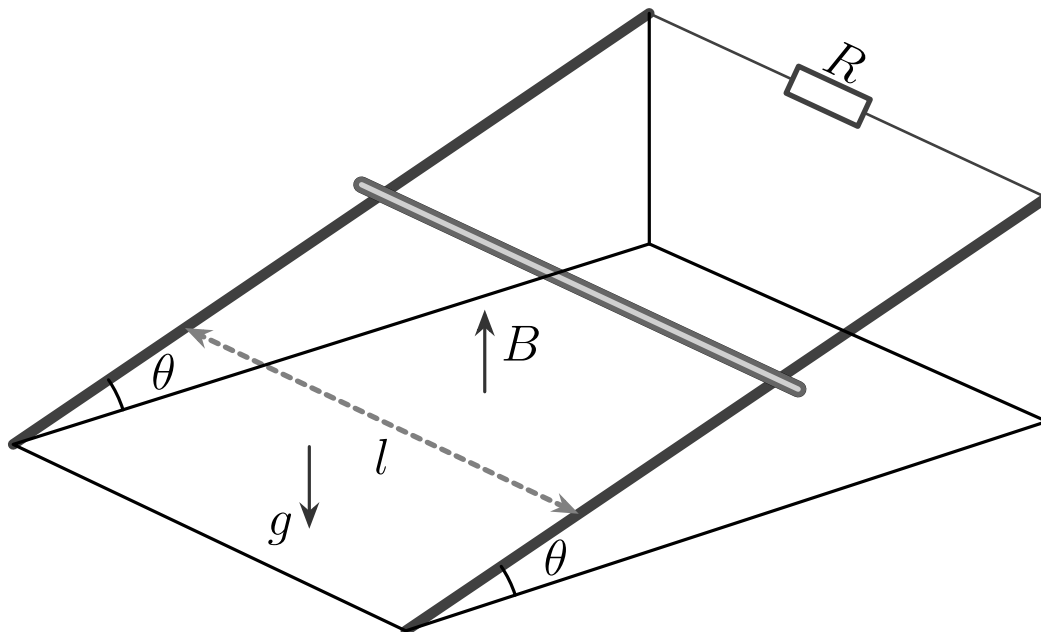
### ポイント

- circuitikz.sty を用いて作図した。

## 3.6 傾斜レール上の導体棒（電磁気学）

### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[font=\large,line cap=round,line join=round,scale=1.45,
2   transform shape,shift={(-4.725,-0.32)}]
3   \colorlet{railcolor}{black!75} \colorlet{rodBody}{black!60}
4   \colorlet{rodHighlight}{white} \colorlet{arrowcolor}{black!80}
5   \tikzset{ RailLine/.style = {draw=railcolor, line width=4.0},
6   DashLine/.style = {draw=black!50, dashed, line width=1.5},
7   ResistorLine/.style = {draw=railcolor, line width=1.0},
8   BaseLine/.style = {draw=black, line width=1.2},
9   Vector/.style = {-{Stealth[length=10pt]}, very thick, draw=arrowcolor},
10  DistanceArrow/.style={ <->,>={Stealth[length=10pt]},
11  dashed,line width=2.0,draw=black!50,} }
12  \coordinate (A) at (-1.12,0.32);
13  \coordinate (B) at ( 4.725,4.27);
14  \coordinate (D) at (-4.7 ,2.02);
15  \coordinate (E) at ( 1.1 ,5.95);
16  \draw[RailLine] (A)--(B);
17  \draw[RailLine] (D)--(E);
18  \coordinate (C) at ($(E)!0.9!(B)$);
19  \draw[ResistorLine] (E) to[european resistor,l=$R$,bipoles/length=0.9cm] (C) -- (B);
20  \def\s{0.27}
21  \coordinate (S1) at ($(A)!\s!(B)$);
22  \coordinate (S2) at ($(D)!\s!(E)$);
23  \draw[DistanceArrow] (S1) -- (S2) node[midway,below] {$l$};
24  \coordinate (F) at ( 2.8 ,1.6 );
25  \coordinate (G) at (-2.7 ,2.65);
26  \draw pic[draw, line width=1.2,angle eccentricity=1.45,angle radius=1.05cm,
27    pic text={$\theta$}] {angle=F--A--B};
28  \draw pic[draw, line width=1.2,angle eccentricity=1.45,angle radius=1.05cm,
29    pic text={$\theta$}] {angle=G--D--E};
30  \draw[Vector] (-2,2.0) -- ++(0,-0.75) node[left] {$g$};
31  \draw[Vector] (-0.4,2.5) -- ++(0, 0.75) node[below right] {$B$};
32  \begin{scope}
33    \def\t{0.58}
34    \def\rodW{5pt}
35    \def\rodExt{0.30cm}
36    \coordinate (R1) at ($(A)!\t!(B)$);
37    \coordinate (R2) at ($(D)!\t!(E)$);
38    \draw[line width=\rodW+1.2pt, color=black,line cap=round, shorten >--\rodExt,
39      shorten <--\rodExt] (R1)--(R2);
40    \draw[line width=\rodW+1pt, color=black!20, opacity=0.5,line cap=round,
41      shorten >--\rodExt, shorten <--\rodExt] (R1)--(R2);
42    \draw[line width=\rodW, color=rodBody,line cap=round, shorten >--\rodExt,
43      shorten <--\rodExt] (R1)--(R2);
44    \path let \p1 = (R1), \p2 = (R2), \n1 = {\y2-\y1}, \n2 = {\x1-\x2}, \n3 = {veclen(\n1,\n2)}
45    in coordinate (rodShift) at (\n1/\n3*0.9pt,\n2/\n3*0.9pt);
46    \begin{scope}[shift={(\rodShift)}]
47      \draw[line width=2pt, color=rodHighlight, opacity=0.7,line cap=round,
48        shorten >--\rodExt, shorten <--\rodExt] (R1)--(R2);
49    \end{scope}
50  \end{scope}
51  \path[overlay,name path=BaseFront] (A) -- ($(A)!6!(F)$);
52  \path[overlay,name path=BaseBack ] (D) -- ($(D)!6!(G)$);
53  \path[overlay,name path=VertB ] (B) -- ++(0,-10);
54  \path[overlay,name path=VertE ] (E) -- ++(0,-10);
55  \path[name intersections={of=BaseFront and VertB, by=Bb}];
56  \path[name intersections={of=BaseBack and VertE, by=Eb}];
57  \draw[BaseLine] (A) -- (Bb) -- (Eb) -- (D) -- cycle;
58  \draw[BaseLine] (B) -- (Bb);
59  \draw[BaseLine] (E) -- (Eb);
60 \end{tikzpicture}
```



レール間隔を  $l$ 、傾角を  $\theta$ 、棒の質量を  $m$ 、磁束密度を  $B$ 、抵抗を  $R$  とし、レールに沿う下向きを正とする。誘導起電力を  $V$  とすると、 $V$  は以下のように表される：

$$V = vBl \cos \theta$$

時計回りを正として、流れる電流を  $i$  とする。キルヒホッフ則により、

$$V = Ri \quad \therefore i = \frac{V}{R} = \frac{vBl \cos \theta}{R}.$$

運動方程式は、レールにはたらく力の斜面と平行な成分を考えて、

$$\begin{aligned} m \frac{dv}{dt} &= mg \sin \theta - iBl \cos \theta \\ &= mg \sin \theta - \frac{B^2 l^2 \cos^2 \theta}{R} v. \end{aligned}$$

十分時間が経てば  $dv/dt = 0$  となり、

$$v_{\infty} = \frac{mgR \sin \theta}{B^2 l^2 \cos^2 \theta}.$$

このとき、 $i = (vBl \cos \theta)/R$  より、

$$i_{\infty} = \frac{mg \sin \theta}{Bl \cos \theta}.$$

よって、抵抗で消費される電力を  $P$  とすると、 $P = i^2 R$  より、

$$P_{\infty} = \left( \frac{mg \sin \theta}{Bl \cos \theta} \right)^2 R.$$

### ポイント

- 抵抗は circuitikz.sty を用いて描画した。
- 導体棒の影を \path を用いて描画した。
- 導体棒のハイライトは、\scope 環境を用いて描画した。



## 3.7 ヤングの実験（光学）

### ソースコード (図)

```
1 \begin{tikzpicture}[scale=0.735]
2   \draw[thick] (-3, 2) -- (-3, -2);
3   \draw (-3.3, 2) node[left] {$\mathrm{S}_1$};
4   \draw[thick] (-2.8, 0.5) -- (-3.2, 0.5);
5   \draw[thick] (-2.8, -0.5) -- (-3.2, -0.5);
6   \draw[thick] (0, 2) -- (0, 1.2);
7   \draw[thick] (0, 0.8) -- (0, -0.8);
8   \draw[thick] (0, -1.2) -- (0, -2);
9   \draw (-0.3, 2) node[left] {$\mathrm{S}_2$};
10  \draw[thick] (-0.2, 1) -- (0.2, 1);
11  \draw[thick] (-0.2, -1) -- (0.2, -1);
12  \draw[thick] (6, 3) -- (6, -3);
13  \draw (6.3, 3) node[right] {$\mathrm{F}$};
14
15  \foreach \y in {-2.5, -2, ..., 2.5} { \draw[gray, thick] (6, \y) -- (6.3, \y); }
16  \foreach \i in {0.5,1,1.5,2,2.5} {
17    \draw[thin, dashed] (-3,0) ++(0,\i) arc[start angle=90,end angle=-90,radius=\i];
18  \foreach \i in {0.5,1,1.5,2,2.5,3} { \draw[thin, dashed] (0,1) ++(0,\i)
19    arc[start angle=90,end angle=-90,radius=\i];
20    \draw[thin, dashed] (0,-1) ++(0,\i) arc[start angle=90,end angle=-90,radius=\i]; }
21
22  \draw[thick, ->] (-3, 0) -- (0, 1);
23  \draw[thick, ->] (-3, 0) -- (0, -1);
24  \draw[thick, ->] (0, 1) -- (6, 1);
25  \draw[thick, ->] (0, -1) -- (6, -1);
26  \node at (-2.8, 0.25) {$a$};
27  \node at (-0.3, 1.3) {$b$};
28  \node at (-0.3, -1.3) {$c$};
29  \node at (5, 1.3) {$d$};
30 \end{tikzpicture}
```

### 説明と図

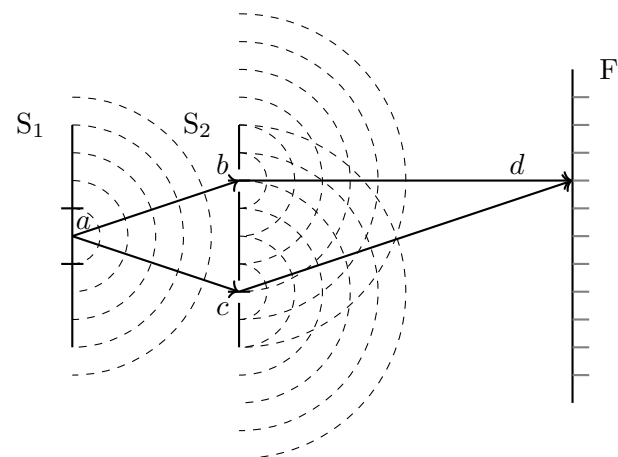
光が波の性質である「干渉性」を持つことを示す「ヤングの実験」に関する図である。ヤングの実験により、2つのスリットを通過した光が、強め合ったり打ち消し合ったりして干渉縞が現れることが示された。

光に関しては「光電効果」というよく知られた現象があるが、その現象では光は粒子の性質を持つことがわかっている。そのため、光の性質については以下のような説明がよくなされる：

「光」を波だと思っていたら、粒子であった。「電子」を粒子だと思っていたら、波であった。よって「光」も「電子」も波であり粒子である。

だが「光」と「電子」はマクロな人間にとって「直感的概念」であるから、以下の2点で光を説明する：

- 波でも粒子でもない
- 量子力学で記述される対象



### ポイント

- ChatGPT で大雑把なソースコードを作り、その後は自分の手で調整を施した。

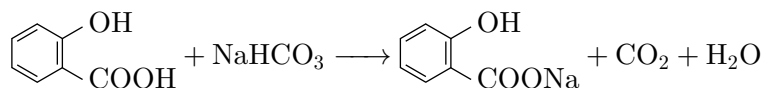
## 4 化学

### 4.1 サリチル酸と炭酸水素ナトリウムの化学反応式

#### ソースコード

```
1 \ce{\ortho{OH}{COOH} + NaHCO3 -> \ortho{OH}{COONa} + CO2 + H2O }
```

#### 化学反応式

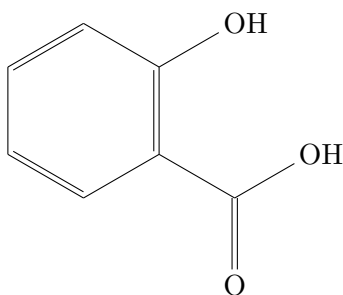


### 4.2 サリチル酸の構造式

#### ソースコード

```
1 \chemfig{[: -60]*6(---(-([:270]O)(-[:30]OH))=([:30]OH)-)}
```

#### サリチル酸の構造式



### 4.3 ハロゲン（フッ素）の電子配置

#### ソースコード

```
1 \chlewis[lewis-distance=1.25ex]{0.90,180,270}{F}
```

#### ハロゲン（フッ素）の電子配置



#### ポイント

- chemformula.sty, chemfig.sty と mhchem.sty を用いて作成した.
- 記述の難易度を考慮し, 主に芳香族の反応を取り上げた.

## 4.4 モル濃度の計算

### ソースコード (計算式)

```
1 c= \frac{\dfrac{\SI{5.85}{g}}{\SI{58.44}{g/mol}}}{\dfrac{\SI{500}{mL}}{\SI{1000}{mL/L}}}  
2 = \frac{\SI{0.1000}{mol}}{\SI{0.5000}{L}}  
3 = \SI{0.2000}{mol/L}.
```

### モル濃度の計算

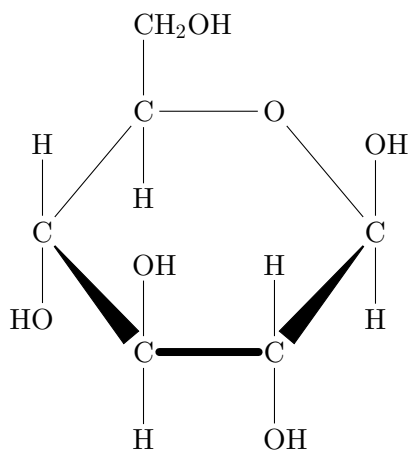
質量  $m = 5.85 \text{ g}$  の  $\text{NaCl}$  を  $500 \text{ mL}$  の溶液に溶かしたときのモル濃度を  $c$  とすると,

$$c = \frac{\frac{5.85 \text{ g}}{58.44 \text{ g/mol}}}{\frac{500 \text{ mL}}{1000 \text{ mL/L}}} = \frac{0.1000 \text{ mol}}{0.5000 \text{ L}} = 0.2000 \text{ mol/L}.$$

## 4.5 $\beta$ -グルコースの構造式

```
1 \chemfig{%  
2 C?(-[2]OH)(-[6]H)  
3 <[:130,1.8]  
4 C(-[2]H)(-[6]OH)  
5 -[:180,1.5,,,line width=3pt,cap=round]  
6 C(-[2]OH)(-[6]H)  
7 >[:130,1.8]  
8 C(-[2]H)(-[6,,,2]HO)  
9 -[:50,1.8]  
10 C(-[6]H)(-[1.5]O?)  
11 -[2]  
12 CH_2OH  
13 }
```

### $\beta$ -グルコースの構造式



### ポイント

- siunitx.sty を用いて単位を表記した.
- chemfig.sty を用いて化学構造式を表記した.

## 4.6 酢酸の電離

### ソースコード (表)

```

1 \begin{tabular}{cc@{}c@{}c@{}c}\hline
2 & \ce{CH3COOH} & & \ce{CH3COO-} & \ce{+} & \ce{H+} & \\\hline
3 反応前 & $c$ & & $0$ & & $0$ & \\
4 変化量 & $-c\alpha$ & & $+c\alpha$ & & $+c\alpha$ & \\
5 平衡状態 & $c(1-\alpha)$ & & $c\alpha$ & & $c\alpha$ & \\\hline
6 \multicolumn{6}{r}{計 $c(1+\alpha)$ mol}
7 \end{tabular}
```

### 酢酸の電離

酢酸の電離定数を  $K_a$ , 酢酸の電離度を  $\alpha$  とすると,

$$\begin{aligned}
 K_a &= \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-][\text{H}^+]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]} \\
 &= \frac{c\alpha \times c\alpha}{c(1-\alpha)} \\
 &= \frac{c\alpha^2}{1-\alpha}
 \end{aligned}$$

	$\text{CH}_3\text{COOH} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COO}^- + \text{H}^+$		
反応前	$c$	$0$	$0$
変化量	$-c\alpha$	$+c\alpha$	$+c\alpha$
平衡状態	$c(1-\alpha)$	$c\alpha$	$c\alpha$
	計 $c(1+\alpha)$ mol		

ここで,  $\alpha \ll 1$  より,  $K_a = c\alpha^2$  であるから,

$$\alpha = \sqrt{\frac{K_a}{c}}$$

である<sup>†1</sup>. よってこのとき

$$\begin{aligned}
 [\text{H}^+] &= c\alpha \\
 &= \sqrt{cK_a}.
 \end{aligned}$$

ゆえに,

$$\begin{aligned}
 \text{pH} &= -\log_{10}[\text{H}^+] \\
 &= -\log_{10} \sqrt{cK_a} \\
 &= -\frac{1}{2} \log_{10} cK_a.
 \end{aligned}$$

<sup>†1</sup>  $1-\alpha$  に近似が適用できない場合は, 二次方程式の解の公式を用いて議論する.

### ポイント

- chemformula.sty, chemfig.sty と mhchem.sty を用いて作成した.
- 酢酸の電離に対する記述では tabular 環境も用いた.

5 書類

5.1 問題用紙（数学）

数学

学籍番号: \_\_\_\_\_ 名前: \_\_\_\_\_

指示: 各問題に答えなさい。選択問題では正しい選択肢を選びなさい。

問題 1. (10 点)

解の公式を用いて、次の方程式の解を求めなさい。

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

問題 1. \_\_\_\_\_

問題 2. (5 点)

自然数全体の集合を表す記号は次のうちどれか。

- (a)  $\mathbb{R}$
- (b)  $\mathbb{Q}$
- (c)  $\mathbb{Z}$
- (d)  $\mathbb{N}$

問題 2. \_\_\_\_\_

問題 3. (5 点)

イ

 , 

ロ

 と 

ハ

 に適切な数を入れなさい。

$$\frac{3}{2 - \sqrt{3}} = \text{イ} + \text{ロ} \sqrt{\text{ハ}}$$

である。

問題 3. イ \_\_\_\_\_

問題 3. ロ \_\_\_\_\_

問題 3. ハ \_\_\_\_\_

問題番号	問題 1	問題 2	問題 3	計
配点	10	5	5	20
得点				

ポイント

- exam.cls を用いて作成し、一部の箇所にて、exam.cls で定義された表記を書き換えている。

## 5.2 スクリプト (Python)

### ソースコード (L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X)

```
1  import numpy as np
2  import matplotlib.pyplot as plt
3
4  def plot_cycloid(r=1, t_max=4 * np.pi, n_points=500):
5
6      t = np.linspace(0, t_max, n_points)
7
8      x = r * (t - np.sin(t))
9      y = r * (1 - np.cos(t))
10
11     plt.figure(figsize=(8, 4))
12     plt.plot(x, y, linewidth=2)
13     plt.xlabel('x')
14     plt.ylabel('y')
15     plt.title(f'Cycloid (r = {r})')
16     plt.axis('equal')
17     plt.grid(True)
18     plt.tight_layout()
19     plt.show()
20
21     if __name__ == '__main__':
22         plot_cycloid()
```

### スクリプト (Python)

```
1  import numpy as np
2  import matplotlib.pyplot as plt
3
4  def plot_cycloid(r=1, t_max=4 * np.pi, n_points=500):
5
6      t = np.linspace(0, t_max, n_points)
7
8      x = r * (t - np.sin(t))
9      y = r * (1 - np.cos(t))
10
11     plt.figure(figsize=(8, 4))
12     plt.plot(x, y, linewidth=2)
13     plt.xlabel('x')
14     plt.ylabel('y')
15     plt.title(f'Cycloid (r = {r})')
16     plt.axis('equal')
17     plt.grid(True)
18     plt.tight_layout()
19     plt.show()
20
21  if __name__ == '__main__':
22      plot_cycloid()
```

### ポイント

- minted 環境を用いて Python のスクリプトを記述した.
- matplotlib を用いてサイクロイドを描画した.

数学の分野では [1], [2], [3], 物理の分野では [4] と [5] を参考にした.

## 参考文献

- [1] 杉浦 光夫. 解析入門 (1). 東京大学出版会, 1980, p. 430.
- [2] 松坂 和夫. 解析入門 (上). 岩波書店, 2018, p. 424.
- [3] 中島 匠一. 集合・写像・論理: 数学の基本を学ぶ. 共立出版, 2012, p. 240.
- [4] 篠本 滋, 坂口 英継 and 益川 敏英. 基幹講座 物理学 力学. Ed. by 植松 恒夫 and 青山 秀明. 東京図書, 2013, p. 356.
- [5] 田崎 晴明. 熱力学: 現代的な視点から (新物理学シリーズ 32). 培風館, 2000, p. 302.

---

# Portfolio

2025 Edition