# Méthodes mathématiques de la théorie quantique - 2022 Bases de l'Information quantique - Day 1

### Nana Engo

Department of Physics Faculty of Science University of Yaounde I

Juillet 2022











### Programme

- Day 1
  - Intérêt de l'information quantique
  - Formalisme et postulats de la théorie quantique
- 2 Day 2
  - Portes et circuits quantiques
  - Framework de simulations
- Oay 3
  - Théorème de non-clonage quantique
  - Téléportation quantique
- O Day 4
  - Algorithme de Grover
- Day 5
  - Variational Quantum Algorithms (VQA)



### Sommaire - Day 1

Définitions et atouts

2 Applications métiers

3 Services cloud de développement de l'informatique quantique



# Information quantique

### Definition (Information quantique)

- La théorie de l'information quantique, ou simplement l'information quantique, est un développement de la théorie de l'information de Claude Shannon exploitant les propriétés de la théorie quantique, comme
  - le principe de superposition
  - l'intrication
  - le non-clonage quantique
- L'unité utilisée pour quantifier l'information quantique est le qubit ou quantum bit, par analogie avec le bit d'information classique

Les principales sous-branches de l'information quantique sont

- L'informatique ou le calcul quantique
- La cryptographie quantique
- Les codes correcteurs quantiques
- Les communications quantiques

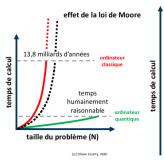


### Information quantique

### Pourquoi l'informatique quantique?

- L'informatique quantique sert à dépasser les limites des processeurs traditionnels pour des applications spécifiques
  - d'optimisation, de simulation
  - de prédiction
  - de cryptographie

dont la complexité croit de manière exponentielle avec la taille du problème







Problèmes d'optimisation - véhicules autonomes

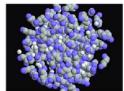
- Lorsque la combinatoire à optimiser est très grande, les algorithmes classiques trouvent leurs limites sur les calculateurs (ordinateurs) traditionnels
- Cela se complique avec l'optimisation du trafic de parcs de véhicules autonomes de villes intelligentes du futur
  - Flotte intégralement autonome ⇒ il faut théoriquement optimiser le trajet individuel de chaque véhicule en f(départ,destination)
  - Algorithmes classiques  $\equiv$  fonctionner avec  $\sim$  100 véhicules et trajets, mais au-délà, les capacités de calcul traditionnelles seraient largement saturées. La quantique arriverait alors à la rescousse!





Simulation du fonctionnement de la matière au niveau nanoscopique

- La matière est régie par les règles de la théorie quantique qui dépendent d'équations connues
  - mais dont la résolution est un problème d'optimisation complexe à résoudre
  - passant par la recherche d'un minimum énergétique
  - ⇒ comprendre l'interaction de nombreux atomes dans des molécules ou des structures cristallines complexes
- Cela concerne les simulations chimiques et molécualires (matériaux et biologique) :  $100-10^4$  atomes,  $10^5-10^8$  configurations



• L'informatique quantique pourrait servir à simuler la quantique du monde réel dans l'infiniment petit



Entraînement de modèles de machine learning et de réseaux de neurones

- Il est à la portée des ordinateurs classiques, équipés
  - de GPU (Graphics Processing Unit)
  - de processeurs neuromorphiques qui mettent en œuvre dans le silicium des portes logiques dont l'organisation est très proche de la logique des réseaux de neurones
- Cependant, la puissance de calcul disponible rend difficile l'entraînement de réseaux de grande taille
  - ullet Par exemple, les réseaux convolutifs de reconnaissance d'images ont une résolution d'image en entrée généralement limitée à 227 imes 227 pixels





#### Factorisation de nombres entiers

 La factorisation de nombres entiers intéresse les services de renseignement pour casser les codes de sécurité sur Internet de type RSA qui reposent sur l'envoi de clés publiques



- L'algorithme quantique de Shor pourrait mettre à mal les systèmes de cryptographiques courants qui reposent sur la notion de clé publique
  - Il devrait permettre de factoriser dans un temps raisonnable des nombres entiers, proportionnel à leur logarithme
  - C'est donc une factorisation en un temps linéaire en fonction du nombre de bits de la clé



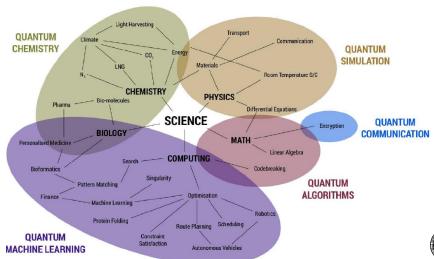
### Applications métiers

#### Incertitudes et espoirs

- Les algorithmes quantiques existant sont dans l'ensemble de bien bas niveau. Il reste à les assembler dans des solutions métiers, marché par marché
- Le secteur du calcul quantique est encore des plus immatures puisque les calculateurs quantiques sont encore très limités
- Il est donc difficile de prédire à quelle vitesse les applications quantiques émergeront marché par marché
- Cependant, il existe, depuis 2018, un inventaire des applications de l'informatique quantique classifiées par secteurs d'activités
- Il existe déjà un marché des outils de modélisation et de développement de solutions quantiques
  - Ces outils sont déjà bien nombreux et vont continuer de gagner en maturation et s'adapter aux évolutions du matériel
  - Des bibliothèques adaptées aux besoins de marchés spécifiques feront sans doute leur apparition comme dans la simulation moléculaire ou finance

### Applications métiers l

Inventaire par secteurs d'activité



### Applications métiers II

#### Inventaire par secteurs d'activité





### Applications métiers III

### Inventaire par secteurs d'activité

INDUSTRIES	SELECTION OF USE-CASES	ENTERPRISES (EXAMPLES)	
Chemistry and Pharma	Catalyst and enzyme design, such as nitrogenase Pharmaceuticals R&D, such as faster drug discovery Bioinformatics, such as genomics Patient diagnostics for health care, such as improved diagnostic capability for MRI	BASF Biogen Dow Chemical	JSR DuPont Amgen
Finance	Trading strategies Portfolio optimization Asset pricing Risk analysis Fraud detection Market simulation	J.P. Morgan Commonwealth Bank	Barclays Goldman Sachs
Energy	Network design     Energy distribution     Oil well optimization	Dubai Electricity & Water Authority	ВР



# Quantum Computing as a service - QCaaS

- Jusqu'à un passé très récent, l'informatique quantique était réservée aux labos de Recherche et Developpement (R&D) et aux centres universitaires
  - Les contraintes techniques pour assurer la stabilité des qubits sont particulièrement draconiennes
  - Isolé du monde extérieur, le calculateur doit être protégé des interférences magnétiques et refroidi à des températures proches du zéro absolu (-273.15°C)
- Des considérations techniques qui n'ont pas fait reculer les géants du numérique qui ont conçu des services de calcul quantique managés en mode cloud
  - IBM a été le premier, en 2016, à proposer une offre de Quantum Computing as a service (QCaaS)
  - Il est en 2018 par Alibaba Cloud
  - Et en 2019, par Microsoft Azure et Amazon Web Services (AWS)



# Comparatif des services cloud d'informatique quantique

		_		
	IBM Quantum	Microsoft Azure	AWS Braket	Alibaba Cloud
	Experience	Quantum		
Année de	2016	2019	2019	2018
lancement				
Calculateurs	Calculateurs	Honeywell,	IonQ, Rigetti,	Calculateurs
quantiques	quantiques en	IonQ, QCI	D-Wave	quantiques en
	propre			propre
SDK	Qiskit	Quantum Deve-	SDK Amazon	Alibaba Cloud
		lopment Kit	Braket	Quantum De-
				velopment
				Platform
Langages	OpenQASM,	Q#, Python,	Python	Python
supportés	Python	C++, C		
Partenaires	Université de	Membre des	California Insti-	Académie
acadé-	Princeton,	réseaux Quan-	tute of Techno-	chinoise des
miques	The Coding	tum Science	logy, universités	sciences
	School	Center (QSC)	de Stanford, du	
		et Q-NEXT,	MIT et de Chi-	
		Pacific North-	cago	
		west National		hand the
	I .	1 <b>1</b> .	1	