

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«МИРЭА – Российский технологический университет» РТУ МИРЭА

Институт Информационных технологий

Кафедра Математического обеспечения и стандартизации информационных технологий

Отчет по выполнению индивидуального задания № 6

по дисциплине «Структуры и алгоритмы обработки данных»

Тема: «Рекурсивные алгоритмы и их реализация»

Выполнил:

Студент группы ИКБО-29-20

Хан Анастасия Александровна

Проверил: Копылова А.В.

СОДЕРЖАНИЕ

Ответы на вопросы	3
Отчет по задаче 1	
Условие задачи	4
Постановка задачи	4
Описание алгоритма – рекуррентная зависимость	4
Коды используемых функций	4
Ответы на задания по задаче 1: список требований к задаче 1	5
Код программы и скриншоты результатов тестирования	15
Отчет по задаче 2	
Условие задачи	18
Постановка задачи	18
Описание алгоритма – рекуррентная зависимость	18
Коды используемых функций	18
Ответы на задания по задаче 1: список требований к задаче 1	18
Код программы и скриншоты результатов тестирования	20
Выводы	21
Информационные источники	21

Ответы на вопросы

1) Определение рекурсивной функции

Рекурсивная функция — функция, которая в своем теле содержит обращение к самой себе с измененным набором параметров.

2) Шаг рекурсии

Шаг рекурсии – это активизация очередного рекурсивного выполнения алгоритма при других исходных данных.

3) Глубина рекурсии

Глубина рекурсивных вызовов — наибольшее одновременное количество рекурсивных вызовов функции, определяющее максимальное количество слоев рекурсивного стека, в котором осуществляется хранение отложенных вычислений.

4) Условие завершения рекурсии

Условие завершения рекурсии — условие, которое определяет завершение рекурсии и формирование конкретного простейшего действия вычислительного процесса.

5) Виды рекурсии

- линейная рекурсия, в которой каждый вызов порождает ровно один новый вызов
- каскадная рекурсия, в которой каждый вызов порождает несколько новых вызовов

6) Прямая и косвенная рекурсия

Прямая рекурсия – рекурсия, в которой вызов функции самой себя делается непосредственно в этой же функции.

Косвенная рекурсия - рекурсия, в которой данная функция вызывается из другой функции, которая вызывается из данной функции.

7) Организация стека рекурсивных вызовов

Вся иерархия вызовов хранится в стеке вызовов. Когда метод вызывает сам себя, новым локальным переменным и параметрам выделяется место в стеке и код метода выполняется с этими новыми начальными значениями. При каждом возврате из рекурсивного вызова старые локальные переменные и параметры удаляются из стека, и выполнение продолжается с момента вызова внутри метода.

Персональный вариант: 29%16 + 1 = 15.

Отчет по задаче 1

1. Условие задачи

Реализовать выполнения алгоритма "Ханойская башня"

2. Постановка задачи

Привести итерационные и рекурсивные алгоритмы решения задачи, описать рекурсивную зависимость. Написать две функции — рекурсивную и итерационную, которые должны выполнять алгоритм Ханойской башни. Отладить функции, оценить их теоретические сложности.

3. Описание алгоритма – рекуррентная зависимость

В начале работы у нас есть n дисков, три стержня – начальный (1), дополнительный (2) и конечный (3).

Рассмотрим башню при n = 1, 2, 3:

$$n = 1, 1 \Rightarrow 3$$
.

$$n = 2, 1 \Rightarrow 2, 1 \Rightarrow 3, 2 \Rightarrow 3.$$

$$n = 3, 1 \Rightarrow 3, 1 \Rightarrow 2, 3 \Rightarrow 2, 1 \Rightarrow 3, 2 \Rightarrow 1, 2 \Rightarrow 3, 1 \Rightarrow 3.$$

Если n=4, то мы должны свести задачу к известной — переносе 3-х дисков, но не на конечный (для пирамиды из 3-х дисков — он дополнительный), стержень, а на дополнительный (для пирамиды из 3-х дисков — он конечный), чтобы потом нижний и самый большой 4 диск перенести на конечный стержень. А далее пирамиду из 3-х дисков перенести с дополнительного стержня (он теперь будет начальный) на конечный с помощью начального (теперь он является дополнительным). Мы выявили, что для конкретной пирамиды размером k, появляется зависимость: мы перекладываем на стержень, который для нее является дополнительным, перемещаем целевой диск на конечный стержень для данной пирамиды; потом стержень, на котором лежат k-1 дисков, является уже не дополнительным, а начальным, конечный остается конечным, а бывший начальный становится дополнительным. Таким образом, в чередовании стержней, на которые надо переносить, и заключается идея решения задачи.

4. Коды используемых функций

```
void hanoi(int number, int from, int free, int to)
{
            if (number != 0)
            {
                  hanoi(number-1, from, to, free);
                  cout << "Передвигаем " << number << "-й диск с "<< from << "-го
            стержня на " << to << "-ий" << endl;
                  hanoi(number-1, free, from, to);
            }
        }
```

5. Ответы на задания по задаче 1: список требований к задаче 1

1. Приведите итерационный алгоритм решения задачи

Итерационный алгоритм решения таков:

Необходимо создать стек, в котором будет храниться задача (структура) – с какого стержня на какой перекладывать, сколько дисков осталось переложить и какой шаг из трех будет выполняться (0, 1, 2). По позиции в цикле будет выбираться действие, которое надо сделать.

Изначально добавляем в стек задач перемещение пирамиды из n дисков с начального стержня на конечный с помощью вспомогательного, с позицией равной 0 (чтобы переместить верхние n-1 дисков).

Далее, пока стек не пуст, выполняется цикл, из верхнего элемента стека берется номер действия (0, 1 или 2), выбирается нужный блок программы и выполняется:

- 0 добавление задачи перемещения диска с начального стержня на вспомогательный (если количество дисков, которые надо переместить, равно 0, то удаляем задачу из стека);
- 1 вывод какой диск переставляем с какого стержня на какой, добавление задачи перестановки диска с вспомогательного стержня на конечный;
- 2 удаление задачи из стека.

2. Реализуйте алгоритм в виде функции и отладьте его

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
```

struct Condition

```
{
            int dNumber, from, free, to, position;
       Condition* setNewTask(int n, int from, int free, int to, int position)
            Condition* cond = new Condition;
            cond->dNumber = n;
            cond->from = from;
            cond->free = free;
            cond->to = to;
            cond->position = position;
            return cond;
       }
       void hanoi_iteration(int n)
            vector<Condition*> stack;
            stack.push_back(setNewTask(n, 1, 2, 3, 0));
            while (stack.size() > 0)
                  Condition *cond = stack.back();
                  switch (cond->position)
                        case 0:
                                    if (\text{cond-}>\text{dNumber} == 0)
                                           stack.pop_back();
                                     else
                                           cond->position++;
                                           stack.push_back(setNewTask(cond-
>dNumber - 1, cond->from, cond->to, cond->free, 0));
                                    break:
                        case 1:
                                    cond->position++;
                                    \cot <- "Передвигаем " << cond->dNumber
<< "-й диск с "<< cond->from << "-го стержня на " << cond->to << "-ий" <<
endl;
                                     stack.push_back(setNewTask(cond->dNumber
```

3. Определите теоретическую сложность алгоритма

Выясним, сколько раз в зависимости от n повторяется while (stack.size() > 0){...}

Рассмотрим случай, когда у нас только один диск — один элемент в стеке. Именно значение состояния элемента position и п влияют на количество итераций цикла. Для n=1 сначала создается стек из одного элемента с position =0 и n=1.

Далее происходит вход в цикл (элемент с n=1) (сравнение, размер стека 1>0), элемент меняет свое состояние на position =1 и порождает еще один элемент с n=0 и position =0, который кладется в стек. Далее происходит вход в цикл (элемент с n=0) (сравнение, размер стека 2>0), элемент удаляется из стека.

Далее происходит вход в цикл (элемент с n=1) (сравнение, размер стека 1>0), элемент меняет свое состояние на position =2 и порождает еще один элемент с n=0 и position =0, который кладется в стек. Далее происходит вход в цикл (элемент с n=0) (сравнение, размер стека 2>0), элемент удаляется из стека.

Далее происходит вход в цикл (элемент с n=1) (сравнение, размер стека 1>0), элемент удаляется из стека.

Далее происходит вход в цикл, сравнение, размер стека 0=0, выход. Итого 6 операций сравнения при n=1.

Также: блок case 0 исполнился три раза (в нем if исполнился два раза

else 1), блок case 1 исполнился 1 раз, блок case 2 исполнился 1 раз.

Случай для двух дисков, n=2, position = 0. Вход в цикл, (сравнение, размер стека 1>0), перемена состояния на position = 1 и создание элемента с n=1 и position = 0; при n=1 мы знаем, что количество операций сравнения в цикле равно 6 (6 сравнение — это уже сравнение стека только с элементом n=2). Далее элемент n=2 сменяет состояние position на 2, опять порождается элемент n=1 и position = 0, 6 сравнений. Далее элемент n=2 и position = 2 удаляется из стека. Происходит сравнение размера стека, n=20, выход.

Итого 14 операций сравнения при n = 2

Также: блок case 0 исполнился 7 раз (в нем if исполнился 4 раза, else 3), блок case 1 исполнился 3 раза, блок case 2 исполнился 3 раза.

Аналогично при n=3, сравнение размера стека при входе + порождаются два элемента с n=2 (Всего 28 сравнений) + сравнение размера стека при выходе =30 операций сравнения.

Также: блок case 0 исполнился 15 раз (в нем іf исполнился 8 раза, else 7), блок case 1 исполнился 7 раз, блок case 2 исполнился 7 раз.

При n=1: количество операций сравнения в цикле: $6=1+2*(2^{n+1}-2)+1=2^{n+2}$ -2

При n=2: количество операций сравнения в цикле: $6=1+2*(2^{n+1}-2)+1=2^{n+2}-2$

При n=k: количество операций сравнения в цикле: $6=1+2*(2^{k+1}-2)+1=2^{k+2}-2$

Количество входов в блок

- case 0: $2^{k+1} 1$ (Блок if выполняется 2^k раз, Блок else выполняется $2^k 1$ раз)
- case $1:2^k-1$
- case 2: 2^k 1

Оператор	Время выполнения инструкции	Количество выполнений оператора
vector <condition*> stack;</condition*>	c1	1
stack.push_back(setNewTask(n, 1, 2, 3,		
0));	c2	5
while $(stack.size() > 0)$	c3	$2^{n+2}-2$
{		
Condition *cond = stack.back();	c4	2 ⁿ⁺² -2
switch (cond->position)	c5	2 ⁿ⁺² -2

case 0:	c6	2 ⁿ⁺² -2
{		
if (cond->dNumber == 0)	c7	$2^{n+1}-1$
{		2 1
stack.pop_back();	c8	2 ⁿ
}	•	
else		
{		
cond->position++;	c9	2 ⁿ - 1
stack.push_back(setNewTask(cond-	•	
>dNumber - 1, cond->from, cond->to,	c10	$6*(2^n-1)$
cond->free, 0));	• 10	0 (= 1)
}		
break;	c11	2 ⁿ - 1
}	<u> </u>	
case 1:	10	$2^{n+2}-2-2^n-1=$
	c12	3*2 ⁿ - 3
{		
cond->position++;	c13	2 ⁿ - 1
cout << "Передвигаем " << cond-		
>dNumber << "-й диск с "<< cond-	. 1.4	On 1
>from << "-го стержня на " << cond->to	c14	2 ⁿ - 1
<< "-ий" << endl;		
stack.push_back(setNewTask(cond-		
>dNumber - 1, cond->free, cond->from,	c15	$6*(2^n-1)$
cond->to, 0));		
break;	c16	2 ⁿ - 1
}		
case 2:	c17	2 ⁿ - 1
{		
stack.pop_back();	c18	2 ⁿ - 1
break;	c19	2 ⁿ - 1
}		
}		
}		

 $T(n) = c1 + 5*c2 + c3*(2^{n+2}-2) + c4*(2^{n+2}-2) + c5*(2^{n+2}-2) + c6*(2^{n+2}-2) + c7*(2^{n+1}-1) + c8*2^n + c9*(2^n-1) + c10*6*(2^n-1) + c11*(2^n-1) + c12*(3*2^n-3) + c13*(2^n-1) + c14*(2^n-1) + c15*6*(2^n-1) + c16*(2^n-1) + c17*(2^n-1) + c18*(2^n-1) + c19*(2^n-1) = 2^n*(4*c3 + 4*c4 + 4*c5 + 4*c6 + 2*c7 + c8 + c9 + 6*c10 + c11+ 3*c12 + c13 + c14 + 6*c15+c16+ c17+ c18+ c19) + (c1 + 5*c2 - 4*c3 - 4*c4 - 4*c5 - 4*c6 - 2*c7 - c9 - 6*c10 - c11- 3*c12 - c13 - c14 - 6*c15 - c16 - c17 - c18 - c19) = >O(n) = 2^n$

4. Опишите рекуррентную зависимость в решении задачи

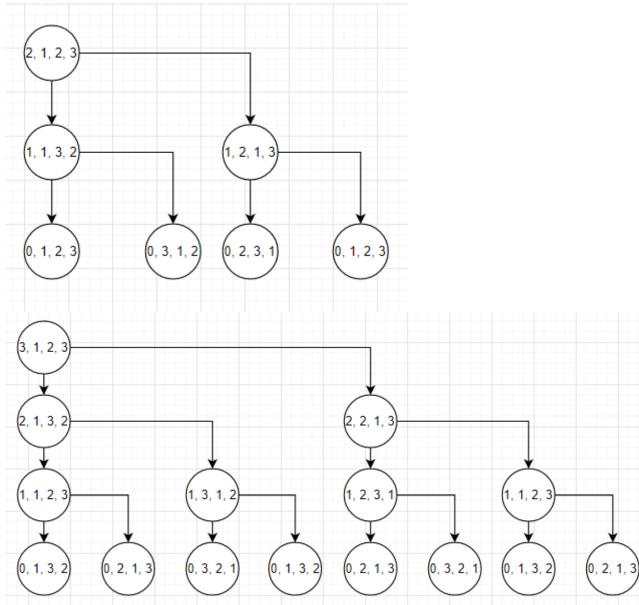
Рекуррентная зависимость описана в разделе 3 задания 1 "Описание алгоритма – рекуррентная зависимость".

5. Реализуйте и отладьте рекурсивную функцию решения задачи

Рекурсивная функция реализована и отлажена в разделе 6 задания 1 "Код программы и скриншоты результатов тестирования"

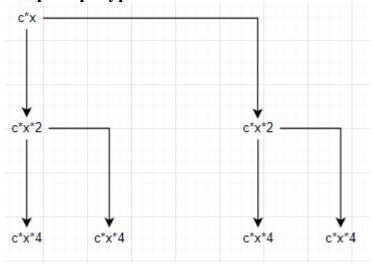
б. Определите глубину рекурсии, изменяя исходные данные

Из рисунков видно, что глубина рекурсии определяется как n+1, n- количество дисков.



7. Определите сложность рекурсивного алгоритма, используя

метод подстановки и дерево рекурсии



Глубина рекурсии (из задачи 6) равна n + 1;

Предположим, что значение каждого из узлов на уровне x: $T(x*2^{(n+1)})$

Время выполнения на каждом из уровней: с*х

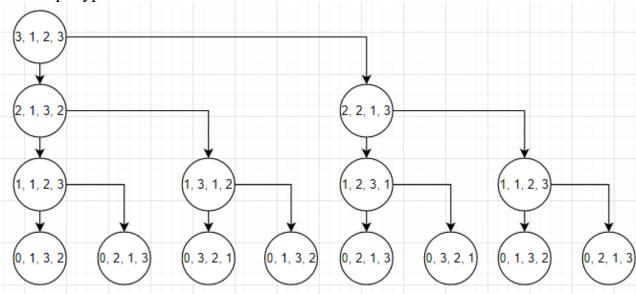
Просуммируем время на каждом из уровней и время всех уровней:

 $S = cx + 2cx + 2cx + 4cx + 4cx + 4cx + 4cx + ...2^{(n+1)}cx = cx (1 + 4 + 16 + ... 2^{(n+1)})$ [воспользуемся формулой суммы геометрической прогрессии] = $cx*(1*(1-2^{(n+1)})/(1-2)) = (2^{(n+1)}-1)*cx$

Таким образом, сложность написанного рекурсивного алгоритма: $O(n) = 2^{(n+1)} - 1$

8. Приведите для одного из значений схему рекурсивных вызовов

Схема рекурсивных вызовов для n = 3:



9. Разработайте программу демонстрирующую выполнение обеих функций и покажите результаты тестирования

```
#include <iostream>
       #include <vector>
       using namespace std;
       struct Condition
            int dNumber, from, free, to, position;
       };
       void hanoi(int number, int from, int free, int to)
             if (number != 0)
               hanoi(number-1, from, to, free);
               cout << "Передвигаем " << number << "-й диск с "<< from << "-го
стержня на " << to << "-ий" << endl;
               hanoi(number-1, free, from, to);
       }
       Condition* setNewTask(int n, int from, int free, int to, int position)
       {
            Condition* cond = new Condition;
            cond->dNumber = n;
            cond->from = from;
            cond->free = free;
            cond->to = to;
            cond->position = position;
            return cond;
       }
       void hanoi_iteration(int n)
            vector<Condition*> stack;
            stack.push_back(setNewTask(n, 1, 2, 3, 0));
            while (stack.size() > 0)
                   Condition *cond = stack.back();
                   switch (cond->position)
                         case 0:
```

```
{
                                   if (cond->dNumber == 0)
                                         stack.pop_back();
                                   else
                                         cond->position++;
                                         stack.push_back(setNewTask(cond-
>dNumber - 1, cond->from, cond->to, cond->free, 0));
                                   break;
                       case 1:
                                   cond->position++;
                                   cout <<  "Передвигаем " << cond->dNumber
<< "-й диск с "<< cond->from << "-го стержня на " << cond->to << "-ий" << endl;
                                   stack.push_back(setNewTask(cond->dNumber
- 1, cond->free, cond->from, cond->to, 0));
                                   break;
                       case 2:
                                   stack.pop_back();
                                   break:
                  }
       int main()
       {
           setlocale(LC_ALL, "Russian");
           int n;
           cout << "Количество дисков n: ";
           cout << "===Рекурсивная функция===" << endl;
           hanoi(n, 1, 2, 3);
           cout << "===Итерационная функция===" << endl;
           hanoi_iteration(n);
       Результаты тестирования (одинаковы для двух функций):
```

```
Количество дисков n: 3
==Рекурсивная функция===
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня на 3-ий
Передвигаем 2-й диск с 1-го стержня на 2-ий
Передвигаем 1-й диск с 3-го стержня на 2-ий
Передвигаем 3-й диск с 1-го стержня на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 2-го стержня на 1-ий
Передвигаем 2-й диск с 2-го стержня на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                    на 3-ий
===Итерационная функция===
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня на 3-ий
Передвигаем 2-й диск с 1-го стержня на 2-ий
Передвигаем 1-й диск с 3-го стержня на 2-ий
Передвигаем 3-й диск с 1-го стержня на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 2-го стержня на 1-ий
Передвигаем 2-й диск с 2-го стержня на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня на 3-ий
Process exited with return value 0
Press any key to continue . . .
```

```
Количество дисков n: 4
 =Рекурсивная функция=
Передвигаем 1-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 2-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 3-й диск
                     с 1-го стержня на 2-ий
                     с 3-го стержня
Передвигаем 1-й диск
                                     на 1-
Передвигаем 2-й
               диск
                     с 3-го стержня
Передвигаем 1-й
                                     на 2-ий
               диск
                     с 1-го стержня
Передвигаем 4-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 2-й диск
                     с 2-го стержня на 1-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 3-го стержня
                                     на 1-ий
                     с 2-го стержня
Передвигаем 3-й диск
Передвигаем 1-й диск
                                     на 2-ий
                     с 1-го стержня
Передвигаем 2-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 2-го стержня
                                     на 3-ий
===Итерационная функция===
Передвигаем 1-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 2-ий
                     с 1-го стержня
Передвигаем 2-й диск
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 3-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 2-ий
                     с 3-го стержня
Передвигаем 1-й диск
                                     на 1-ий
Передвигаем 2-й диск
                     с 3-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 2-ий
                                     на 3-ий
Передвигаем 4-й диск
                     с 1-го стержня
                     с 2-го стержня
Передвигаем 1-й
               диск
                                     на 3-ий
                                     на 1-ий
                     с 2-го стержня
Передвигаем 2-й диск
                     с 3-го стержня
Передвигаем 1-й диск
                                     на 1-ий
Передвигаем 3-й диск
                     с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 2-й диск с 1-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Process exited with return value 0
Press any key to continue . . .
```

6. Код программы и скриншоты результатов тестирования

```
#include <iostream> using namespace std;

void hanoi(int number, int from, int free, int to) {
    if (number != 0) {
        hanoi(number-1, from, to, free);
        cout << "Передвигаем " << number << "-й диск с "<< from << "-го стержня на " << to << "-ий" << endl;
        hanoi(number-1, free, from, to);
```

```
}
int main()
   setlocale(LC_ALL, "Russian");
   int n:
   cout << "Количество дисков n: ";
   cin >> n;
   cout << endl;
   hanoi(n, 1, 2, 3);
Результаты тестирования:
Количество дисков n: 1
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                        на 3-ий
Process exited with return value 0
Press any key to continue .
Количество дисков n: 2
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                        на 2-ий
Передвигаем 2-й диск с 1-го стержня
                                        на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 2-го стержня
                                        на 3-ий
Process exited with return value 0
Press any key to continue . . .
Количество дисков n: 3
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                        на 3-ий
Передвигаем 2-й диск с 1-го стержня
                                        на 2-ий
Передвигаем 1-й диск с 3-го стержня
                                        на 2-ий
Передвигаем 3-й диск с 1-го стержня
                                        на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 2-го стержня
                                        на 1-ий
Передвигаем 2-й диск с 2-го стержня
                                        на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                        на 3-ий
Process exited with return value O
Press any key to continue . .
```

```
Количество дисков n: 4
                                     на 2-ий
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 2-й диск
                     с 1-го стержня
Передвигаем 1-й диск с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 3-й диск с 1-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 3-го стержня
                                     на 1-ий
Передвигаем 2-й диск с 3-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 1-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 4-й диск с 1-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 2-й диск с 2-го стержня
                                     на 1-ий
Передвигаем 1-й диск с 3-го стержня
                                     на 1-ий
Передвигаем 3-й диск с 2-го стержня
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск с 1-го стержня
                                     на 2-ий
Передвигаем 2-й диск с 1-го стержня
                                     на 3-ий
                                     на 3-ий
Передвигаем 1-й диск
                     с 2-го стержня
Process exited with return value O
Press any key to continue . . .
```

Отчет по задаче 2

1. Условие задачи

Удалить рекурсивно однонаправленный список.

2. Постановка задачи

Реализовать рекурсивную функцию, которая должна удалять линейный список.

3. Описание алгоритма – рекуррентная зависимость

$$\text{deleteList(n)} = \begin{cases} deleteList(n \rightarrow next), & n! = 0 \\ return, & n == 0 \end{cases}$$

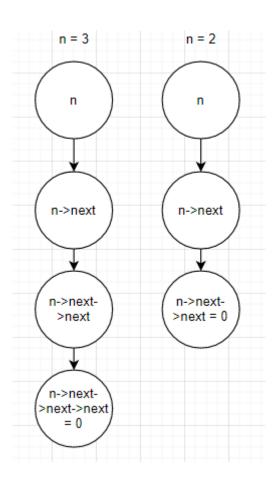
4. Коды используемых функций

```
\begin{tabular}{lll} void deleteList(Node* \&N) & & & & \\ & if (N != 0) & & & & \\ & deleteList(N->next); & & & & \\ & cout << endl << "I'm going to delete the element of the list with number: " <math><< N->a; & & & \\ & delete N; & & & \\ & & else & & \\ & & & return; & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & \\ & & & \\ & & & \\ & & \\ & & & \\ & & & \\ & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & &
```

5. Ответы на задания по задаче 2: список требований к задаче 2

1. Определите глубину рекурсии

Глубина рекурсии: n + 1



2. Определите теоретическую сложность алгоритма

Оператор	Время	Количество выполнений
	выполнения инструкции	оператора
if (N != 0)	c1	n + 1
{		
deleteList(N->next);	c2	n
cout << endl << "I will delete the element of the list with number: " << N->a;	c3	n
delete N;	c4	n
}		
else		
{		
return;	c5	1
}		

$$T(n) = c1*(n+1) + c2*n + c3*n + c4*n + c5 = n*(c1 + c2 + c3 + 4) + (c1 + c5) => O(n) = n$$

3. Разработайте программу, демонстрирующую работу функций и покажите результаты тестов

Разработаны в пункте 6.

6. Код программы и скриншоты результатов тестирования

```
#include <iostream>
using namespace std;
struct Node
    int a;
    Node* next;
};
Node* insertNode(Node* N, int a)
    Node *newNode = new Node;
    newNode->a = a;
    newNode->next = N;
    return newNode;
}
void printNode(Node* N)
    cout << endl << "=Node=" << endl;
    while (N != 0)
          cout << N->a << ' ';
          N = N->next;
    cout << endl << "=====";
void createNewNode(Node* &N)
{
    int n, a;
    cout << endl << "The number of elements: ";</pre>
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++)
          cin >> a;
          N = insertNode(N, a);
void deleteList(Node* &N)
    if (N != 0)
           deleteList(N->next);
          cout << endl << "I'm going to delete the element of the list with
```

```
number: " << N->a;
                  delete N;
            else
                  return;
       int main()
            Node* N = 0;
            createNewNode(N);
            printNode(N);
            deleteList(N);
```

Результат тестирования:

```
The number of elements: 10
 2 3 4 5 6 7 8 9 10
 =Node=
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
   will delete the element of the list with number: 1
will delete the element of the list with number: 2
will delete the element of the list with number: 3
will delete the element of the list with number: 4
will delete the element of the list with number: 5
will delete the element of the list with number: 6
will delete the element of the list with number: 7
will delete the element of the list with number: 8
will delete the element of the list with number: 9
will delete the element of the list with number: 9
    will delete the element of the list with number: 10
Process exited with return value O
Press any key to continue .
```

Выводы

В ходе практической работы я получила навыки работы с рекурсивными функциями, выполнила реализацию 2-х задач своего варианта с помощью рекурсивных функций, оценила их сложность.

Информационные источники

- 1. Лекции по Структурам и алгоритмам обработки данных Скворцова Л. А. – МИРЭА – Российский технологический университет 2021 год
- 2. Искусство программирования Т. 1 / Д. Кнут М.: Вильямс, 2014. 712 с.
- 3. draw.io [Электронный pecypc]. (URL: https://app.diagrams.net) Последнее обращение 26.05.2021