

Spectrum Analyzer

Lavoro Professionale Individuale

Naoki Pross 25 maggio 2018

SAM Bellinzona

Table of contents

- 1. Introduzione
- 2. Fourier Transform
- 3. Fast Fourier Transform
- 4. Prodotto realizzato
- 5. Conclusioni

Introduzione

A cosa servono l'analisi spettrale e la FT?

Alcuni esempi pratici

Elettronica Filtri digitali, analisi di segnali

Informatica Audio editing, Riconoscimento sonoro / vocale

Matematica Risoluzione di equazioni differenziali

Fisica Principio di inteterminazione di Heisenberg







$$\langle x | \hat{p} | \psi \rangle = -i\hbar \frac{d}{dx} \psi(x)$$
$$\langle x | \hat{x} | \psi \rangle = i\hbar \frac{d}{dp} \psi(p)$$

Obiettivo

Realizzare un circuito di analisi spettrale

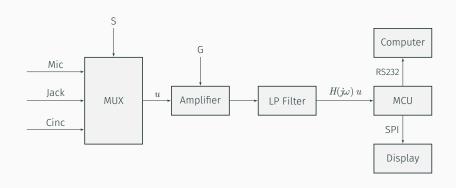
Requisiti

- · Analisi dello spettro fino a 10 kHz
- · Entrate Jack e RCA
- Visualizzazione
- · Utilizzo di un PIC18F45K22

Componenti

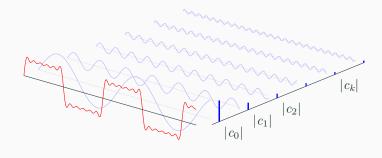
- · Circuito di adattamento in entrata
- · Design di un PCB
- · Software per il uC e per il PC

Schema a blocchi



Fourier Transform

Rappresentazione grafica



$$\hat{f}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) \cdot e^{-i\omega x} \, \mathrm{d}x$$

Fast Fourier Transform

Divide et impera (Divide and Conquer)

La FFT appartiene ad una classe di algoritmi chiamata

Divide et Impera

Definizione

- 1. Divide il problema in sottoproblemi
- 2. Impera (conquista) i sottoproblemi
- 3. Combina i risultati dei sottoproblemi

Il problema della DFT

La trasformata di Fourier discreta è

$$\vec{X} = \mathbf{V} \cdot \vec{x}_n$$

In cui

$$\mathbf{V} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & \dots & 1 \\ 1 & (e^{i\omega})^{-1} & (e^{i\omega})^{-2} & \dots & (e^{i\omega})^{-(N-1)} \\ 1 & (e^{i\omega})^{-2} & (e^{i\omega})^{-4} & \dots & (e^{i\omega})^{-2(N-1)} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & (e^{i\omega})^{-(N-1)} & (e^{i\omega})^{-2(N-1)} & \dots & (e^{i\omega})^{-(N-1)^2} \end{pmatrix}$$

Complessità temporale (analisi asintotica)

Definizione

In informatica, la complessità temporale di un algoritmo quantifica la quantità di tempo impiegata da un algoritmo a essere eseguito.

Descrivendo il prodotto nelle componenti

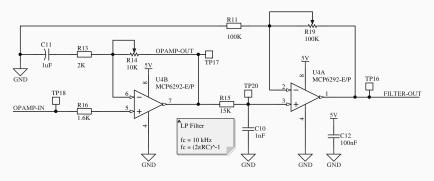
$$X_k = \sum_{n=0}^{N-1} x_n \cdot e^{-i\omega kn} \qquad 0 \le k < N$$

Osserviamo che la complessità temporale è $\mathcal{O}(N^2)$.

Prodotto realizzato

Hardware Analogico

Signal Adapter



FFT Software

L'implementazione si chiama

Fixed-Point In-Place FFT

Fixed-Point Il numero di bit per la mantissa e per l'esponente del valore floating point sono costanti

In-Place La memoria non viene riallocata ma riscritta

FFT Fast Fourier Transform

Software

Demo!

Conclusioni

Obiettivi

Raggiungi

- · Analisi spettrale fino a 10 kHz
- Visualizzazione al PC[†]
- · Esportare immagini / dati

Incompleti

- † Visualizzazione delle curve $\Re(z)$ e $\Im(z)$ in un solo grafico
- · Visualizzazione mediante la matrice LED

Possibili miglioramenti