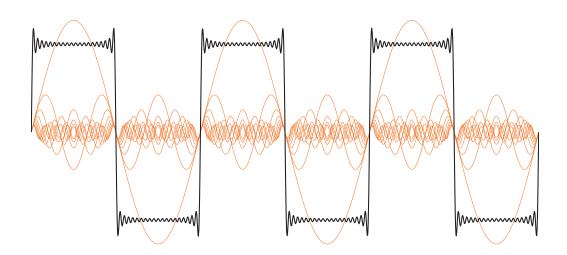


Anno scolastico 2017-18 Lavoro Professionale Individuale

Nome e cognome: Naoki Pross

Professione: **Elettronico**

Titolo del progetto: Spectrum Analyzer



Azienda:	CPT Bellinzon Centro Professio Viale S. Franscin 6500 Bellinzona	nale Tecnico	
Formazione approfondita:	S.2 Sviluppare	prototipi	
Formatore:	Rinaldo Geiler,	Daniele Kamm	
Data d'inizio:	12.04.2018	Ore a disposizione:	83 UD
Data di fine lavoro:	15.05.2018	Ore effettive:	83 UD

Abstract

Per completare un percorso formativo alla SAM è richiesto lo sviluppo di un progetto. Questa documentazione descrive e documenta lo sviluppo di un prototipo di un circuito di analisi spettrale a 3 entrate: 2 jack ed un Cinc/RCA, in grado di offrire uno spettro fino a $10\,\mathrm{kHz}$. Realizzato intorno ad un PIC18F45K22 con l'utilizzo dell'algoritmo della Fast Fourier Transform (FFT), è possibile osservare i valori complessi dello spettro mediante la porta seriale RS232 oppure utilizzando il software sviluppato in C++ per Windows e Linux (probabilmente è possibile compilarlo anche sotto MacOS).

Il progetto si è concluso con lo sviluppo di un primo design per un PCB, funzionante, ed uno schema elettrico revisionato.

Indice

1	Intro	oduzione	3
	1.1	Contesto	3
	1.2	Requisiti	3
	1.3	Concetti matematici	3
	1.4	Norme di progetto	4
2		ware	5
	2.1	Schema a blocchi	5
	2.2	Selezione delle entrate	5
	2.3	Circuito di entrata	6
	2.4	Microcontroller	6
	2.5	Schemi originali	7
_	.		_
3	Soft		9
	3.1	Campionamento	9
	3.2	Trasferimento dei dati	9
	3.3	'	10
			10
		·	10
			11
			11
		'	12
			12
			14
	3.4	Fast Fourier Transform	15
1	Con	dusioni	16
4			16 16
4	Con 4.1	Risultati	16
4	4.1	Risultati	16 16
4		Risultati	16 16 16
4	4.1	Risultati	16 16 16
4	4.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo	16 16 16
4	4.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads	16 16 16 16
4	4.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri	16 16 16 16 16 17
4	4.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro	16 16 16 16 17 18
4	4.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata	16 16 16 16 17 18
4	4.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS	16 16 16 16 17 18 18
4	4.14.24.3	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati	16 16 16 16 17 18 18
4	4.14.24.34.4	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento	16 16 16 16 17 18 18 18
4	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti	16 16 16 16 17 18 18 18
4	4.14.24.34.4	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti	16 16 16 16 17 18 18 18
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione	16 16 16 16 17 18 18 18 19
5	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier	16 16 16 16 17 18 18 18 19 19
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie	16 16 16 16 17 18 18 18 18 19 19
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie 5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati	16 16 16 16 17 18 18 18 19 20 20
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie 5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati 5.1.2 Funzione armonica	16 16 16 16 17 18 18 18 18 19 20 20 20
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras 5.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie 5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati 5.1.2 Funzione armonica 5.1.3 Proprietà di ortogonalità del seno e del coseno	16 16 16 16 17 18 18 18 19 20 20 20 20 21
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie 5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati 5.1.2 Funzione armonica 5.1.3 Proprietà di ortogonalità del seno e del coseno Polinomio Trigonometrico	16 16 16 16 16 17 18 18 18 18 19 20 20 21 21 23
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras 5.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie 5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati 5.1.2 Funzione armonica 5.1.3 Proprietà di ortogonalità del seno e del coseno Polinomio Trigonometrico 5.2.1 Polinomio Trigonometrico	16 16 16 16 16 17 18 18 18 18 19 20 20 21 21 23
	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 Tras 5.1	Risultati 4.1.1 Esempi di misurazioni Problemi riscontrati 4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp 4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo 4.2.3 Sincronizzazione dei threads Possibili miglioramenti e sviluppi futuri 4.3.1 Filtro 4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata 4.3.3 Supporto per MacOS 4.3.4 Supporto per altri formati di dati Commento Ringraziamenti Certificazione formata di Fourier Nozioni preliminarie 5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati 5.1.2 Funzione armonica 5.1.3 Proprietà di ortogonalità del seno e del coseno Polinomio Trigonometrico 5.2.1 Polinomio Trigonometrico 5.2.2 Polinomio Trigonometrico Reale	16 16 16 16 16 17 18 18 18 18 19 20 20 21 21 23

	Trasfor 5.4.1 5.4.2	Converge mata di F Derivazio DFT da mata di F	ourier one de un ins	disc la D ieme	reta FT di	a . can	 npi	oni	 dis	 cre	ti	 	 	 	 	 	 	 	 24 25 26
Allegat																			31
Pian	ificazior	ie del prog	getto									 							31
Diar	io giorna	aliero										 							32
	_	trico (V.1																	
Sche	ema Elet	trico (V.2	<u>2</u>)									 							38
Desi	gn del F	PCB (V.1)										 							40

1 Introduzione

1.1 Contesto

Per portare a termine il percorso formativo per un attestato di capacità federale presso la Scuola Arti e Mestieri di Bellinzona è richiesto lo sviluppo individuale di un progetto di produzione di un prodotto. Per interesse personale nella matematica della trasformata di Fourier mi è stato assegnato di sviluppare un analizzatore spettrale.

1.2 Requisiti

È richiesto di sviluppare circuito per analizzare lo spettro dei segnali di frequenza fino a 10 kHz. Il dispositivo dovrà avere 3 possibili sorgenti: RCA/Cinch e 2 Audio Jack per un microfono e per una sorgente di audio generica. È inoltre richiesto che il calcolo dei dati dello spettrogramma sia eseguito da un microcontroller della Microchip, collegato a due altri dispositivi quali, un display e ad un computer in RS232, per poter visualizzare lo spettrogramma computato.

1.3 Concetti matematici

Il circuito realizzato si appoggia sul concetto matematico di importanza fondamentale, nelle discipline come la fisica e l'elettrotecnica della *Trasformata di Fourier*. Questa operazione matematica è fondata su un principio dimostrato da Joseph Fourier che asserisce che è possibile rappresentare una qualsiasi funzione periodica, in alcuni casi anche non periodica, con una serie di sinusoidi di frequenze multiple ad una di base. L'operazione di *Trasformata* dunque è uno strumento per osservare le frequenze di queste armoniche, esso trasforma una funzione in funzione del tempo f(t) in una funzione rispetto alla frequenza o alla pulsazione $\hat{f}(\omega)$, che restituisce ad ogni ω l'ampiezza e la fase dell'armonica.

Secondariamente, il progetto usufruisce anche di un altro strumento chiamato Fast Fourier Transform (FFT) scoperto inizialmente nel 1965 dai matematici J. Cooley e J. Tukey. La FFT è un algoritmo con molte implementazioni che riduce la complessità computazionale della trasformata di fourier discreta da $\mathcal{O}(n^2)$ a $\mathcal{O}(n\log n)$. Questo è necessario perché le operazioni matematiche da eseguire sono dei prodotti tra numeri complessi, i quali impiegano molto tempo per essere computati.

Tutti i concetti descritti saranno approfonditi nei capitoli seguenti.

1.4 Norme di progetto

Tabella 1.1: Norme di progetto: Software

Componente	Software
Version control	Git
Documentazione	\LaTeX
Diario di lavoro	IAT _E X
Pianificazione	MS Excel 2016
IATEX engine	XHATEX
ECAD	Altium Designer 2017
Embedded toolchain	Microchip XC, MPLabX
Desktop Toolchain	$QtCreator,\ g{+}{+},\ MinGW$

Per i valori non specificati sono utilizzati i predefiniti del software ECAD.

Tabella 1.2: Norme di progetto: Hardware

Regola	Valore	Unità
Number of Layers	2	_
Silkscreen / Overlay	No	_
Minimum trace width	30	mil
Maximum trace width	60	mil
Minimum trace clearance	20	mil
Minimum power rail width	50	mil
Minimum pad diameter	80	mil
Minimum pad hole diameter	25	mil

Tabella 1.3: Norme di progetto: Programmazione

Regole per programmazione embedded	
Paradigma	Imperativo sequenziale
Convenzione per i nomi	snake_case, sempre minuscolo
Tabulatore	4 spazi
Tabulato con gli spazi	Sì
Regole per programmazione desktop	
Paradigma	Imperativo ad oggetti (OOP)
Convenzione per i nomi	Convenzioni di Qt
Tabulatore	4 spazi
Tabulato con gli spazi	Sì

2 Hardware

2.1 Schema a blocchi

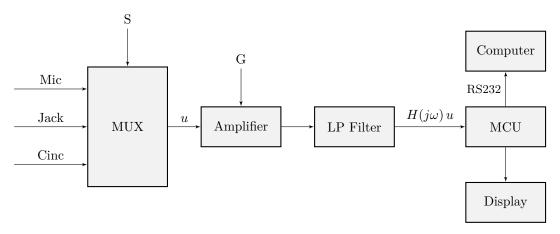


Figura 2.1: Schema a blocchi

2.2 Selezione delle entrate

Essendo richiesta dai requisiti la possibilità di selezione tra 3 entrate, è stato utilizzando un semplice multiplexer controllato direttamente dal microcontroller. Per la sua semplicità non sono necessari particolari osservazioni.

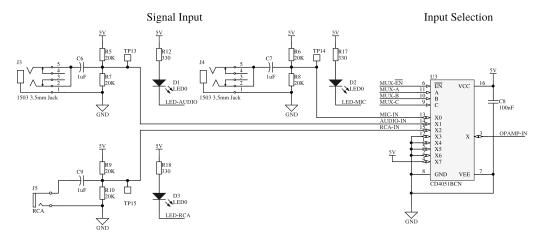


Figura 2.2: Circuito di selezione delle entrate

Tutte le entrate dispongono di un condensatore di disaccoppiamento, seguito da un partitore di tensione simmetrico per aggiungere un offset pari a metà dell'alimentazione. Il valore delle resistenze di $20~\mathrm{k}\Omega$ è scelto per avere un impedenza rispetto al connettore uguale all'impedenza caratteristica dei cavi audio di $10~\mathrm{k}\Omega$.

2.3 Circuito di entrata

Il segnale di cui si analizza lo spettro, prima di essere campionato, viene adattato mediate un circuito di amplificazione e filtraggio. Esso è necessario per due ragioni. Il circuito di amplificazione è presente per poter regolare il guadagno nel caso in cui si dovesse avere in entrata un segnale di ampiezza molto piccola. Il secondo circuito invece, di filtraggio, è necessario per rimuovere disturbi di alta frequenza che potrebbero introdurre disturbi nel campionamento. Questa è una tipica configurazione prima di un circuito di conversione AD (analogico - digitale), ed è conosciuto anche come circuito di filtraggio anti-alias.

Signal Adapter

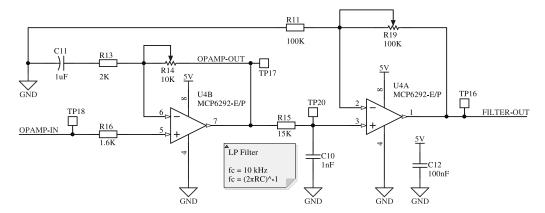


Figura 2.3: Circuito di adattamento del segnale in entrata.

È importante notare che per questa applicazione si è scelto utilizzare degli opamp rail to rail, che hanno una tensione di saturazione vicina a quella di alimentazione. Essi sono necessari per poter raggiungere tensioni vicino allo $0\,V$, che non sarebbero possibili con un opamp normale siccome l'alimentazione del circuito è asimmetrica tra $0\,e\,12\,V$.

Amplificatore. Come si può notare a sinistra nella figura 2.5, il circuito di amplificazione non ha una configurazione tipica. Esso è basato su una configurazione non invertente ma dispone di un consensatore (C11) che modifica la retroazione in modo da reagire unicamente alla componente AC del segnale. Questo permette di amplificare la componente alternata ignorando l'offset del segnale, perciò di non utilizzare un'alimentazione simmetrica $\pm 5\,\mathrm{V}$.

L'amplificazione di questo amplificatore è comunque data dal rapporto $1+R_{14}/R_{13}$ che permette un un guadagno fino a 6 oppure 15,5 dB.

Filtro. A destra della figura 2.5 vi è il circuito di filtraggio, realizzato utilizzando un tipico filtro passa basso attivo di primo ordine. Esso è dimensionato con una frequenza di taglio di 10 kHz poichè quest'ultimo è il limite di Nyquist, conosciuto anche dal teorema di Shannon, il quale stata che la frequenza di campionamento deve essere almeno doppia della frequenza dell'armonica di frequenza maggiore.

2.4 Microcontroller

Per questa applicazione è stato deciso di utilizzare il microcontroller a 8 bit di Microchip PIC18F45K22, principalmente per la sua frequenza di lavoro. Questo PIC senza oscillatori esterni dispone di un clock

a 16 MHz che grazie ad un PLL interno può essere aumentato fino a ad un massimo di 64 MHz.

Inoltre questo microcontroller dispone di un moltiplicatore hardware 8x8 che impiega un solo ciclo, risparmiando la difficoltà di dover ottimizzare le computazioni della Fast Fourier Tranform.

Un ultima ragione importante per la scelta di questo componente è data dalla disponibilità di una libreria per controllare il la matrice LED, utilizzata per la visualizzazione, adattata da Arduino da P. Randjelovic in un LPI precedente.

In allegato è presente una pagina riassuntiva dal datasheet.

Tabella 2.1: Sommario della configurazione utilizzata

Componente utilizzato	Valore	Osservazioni
Oscillatore Interno	16 MHz	Questa <i>non</i> è la frequenza di lavoro
PLL	\times 4	La frequenza di lavoro è di $16 \times 4 \text{MHz} = 64 \text{MHz}$
ADC	ANSAO	Utilizzato per il campionamento
I/O ports	A, B, C, D	
Timer 2	Vedi §3.1	Utilizzato per il campionamento
I/O interrupts	INTO (RBO)	Utilizzato per la selezione del canale
EUSART 1		Utilizzato per trasferire i campioni della FFT.
EUSART 2		Porta di debugging

Tabella 2.2: Configurazione della porta seriale

Baudrate	57.6	kbps
Data size	8	bits
Stop bits	1	_
Flow control	off	-

2.5 Schemi originali

Dopo la realizzazione del primo prototipo, gli schemi sono stati revisionati, apportando delle correzioni. In questa sezione sono presenti gli schemi originali utilizzati per produrre il (primo) prototipo.

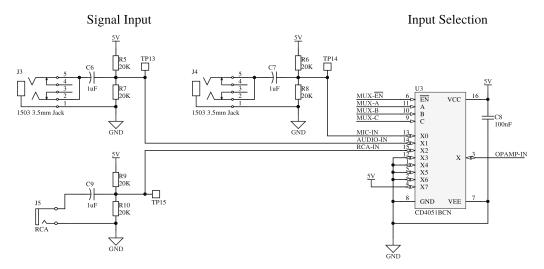


Figura 2.4: Circuito di selezione delle entrate (prima versione)

Signal Adapter

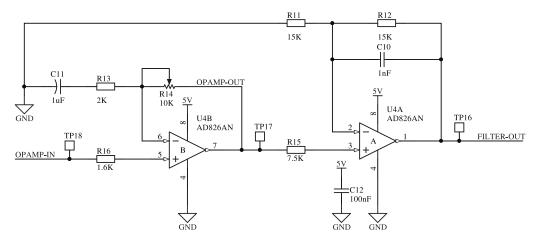


Figura 2.5: Circuito di adattamento del segnale in entrata (prima versione)

3 Software

3.1 Campionamento

Per campionare il segnale è stato scelto di utilizzare il TIMER2, sia per la sua semplicità che per la granulatià offerta dal registro di comparazione. Il campionamento è eseguito ad una frequenza di 20 kHz, poco sotto al valore massimo possibile che si può ottenere considerando il tempo di conversione dell'ADC.

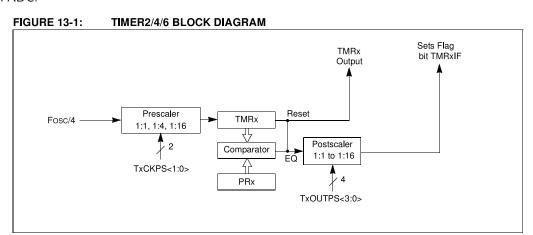


Figura 3.1: Schema a blocchi del TIMER2. Fonte: Microchip PIC18F2X/4XK22 datasheet

Dallo schema a blocchi nella figura 3.1, si può osservare che la frequenza degli interrupt, ossia di campionamento, è data dalla seguente relazione.

$$f = \frac{F_{osc}}{4} \cdot \frac{1}{\text{prescaler}} \cdot \frac{1}{\text{comparator}} \cdot \frac{1}{\text{postscaler}}$$

Per il questo progetto il PIC18F45K22 è configurato con un postscaler 1:1 ed un prescaler 1:16, per far corrispondere un unità del comparatore ad 1 microsecondo. Perciò il comparatore è impostato a 50, poichè $1/50\,\mu\mathrm{s} = 20\,\mathrm{kHz}$.

$$f = \frac{64\,\mathrm{MHz}}{4} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{\mathrm{comparator}} \cdot \frac{1}{16} = \frac{1\,\mathrm{MHz}}{\mathrm{comparator}} = \frac{1\,\mathrm{MHz}}{50} = 20\,\mathrm{kHz}$$

In allegato la figura 6.1 mostra il diagramma di flusso del programma.

3.2 Trasferimento dei dati

Per trasferire i dati campionati era inizialmente stato scelto di utilizzare una struttura dati binaria. In seguito però si è deciso di utilizzare un formato interamente ASCII per semplificare il debugging.

$$\left\langle S \right\rangle \left\langle a_0 \right\rangle \left\langle i \right\rangle \left\langle b_0 \right\rangle \left\langle n \right\rangle \left\langle a_1 \right\rangle \left\langle i \right\rangle \left\langle \cdots \right\rangle \left\langle E \right\rangle \left\langle n \right\rangle$$

Figura 3.2: Protocollo di trasmissione dei dati, il primo dato mandato è $a_0 + ib_0$

I dati sono trasferiti con un semplice protocollo illustrato nella figura 3.2. Un frame di dati incomincia con il carattere ASCII maiuscolo 'S' seguito da un line break (\n\r). Ogni riga seguente è un numero

complesso a 4 cifre con il carattere 'i' come separatore tra la parte immaginaria e complessa (Es: 014010670

n

r). Il frame termina con il carattere ASCII maiuscolo 'E' seguito da un line break.

La trasmissione di basso livello è gestita dalla porta EUSART del microcontroller, impostato per funzionare in modalità asincrona con i dati da 8 bit, 1 stop bit ad una velocità di 57600 bps.

3.3 Interfaccia al Computer

Per preferenze principalmente personali è stato scelto di realizzare l'interfaccia al computer utilizzando il moderno linguaggio di programmazione C++ (versione ≥ 11) utilizzando un framework (Qt) che sarà descritto successivamente. I vantaggi dati dall'utilizzo del C++ anzichè linguaggi interpretati come il Python, linguaggi compilati in bytecode come Java, o con runtime particolari come LabView / CVI sono molteplici. Innanzitutto tutti gli strumenti necessari per lo sviluppo hanno mezzi o varianti open source / libre, di conseguenza gratuiti e in molti casi multipiattaforma. Al contrario invece dei sistemi proprietari come quelli offerti da National Instruments che sono estremamente costosi e possono essere utilizzati unicamente sulle piattaforme con un supporto ufficiale. Tra i vari linguaggi di programmazione non proprietari il C++ è comunque in posizione di vantaggio siccome è tra i più performanti in quanto non richiede alcun interpreter (bytecode o non) o nessuna runtime, stando quindi alla pari con il linguaggio C guadagnando però i vantaggi dell'astrazione data dalla programmazione ad oggetti.

3.3.1 Librerie e codice di terzi

Per ridurre i tempi dedicati alla realizzazione del programma, seppur mantenendo una buona qualità, è stato scelto di utilizzare le seguenti librerie.

 Serial (http://wjwwood.io/serial/): Utilizzata come interfaccia multipiattaforma per l'accesso di basso livello alla porta seriale del sistema operativo sottostatante. Descrizione dal sito:

This is a cross-platform library for interfacing with rs-232 serial like ports written in C++. It provides a modern C++ interface with a workflow designed to look and feel like PySerial, but with the speed and control provided by C++.

 QCustomPlot (http://qcustomplot.com): Utilizzata per produrre il grafico all'interno del software, per visualizzare i dati dal microcontroller. Descrizione dal sito:

QCustomPlot is a Qt C++ widget for plotting and data visualization. It has no further dependencies and is well documented. This plotting library focuses on making good looking, publication quality 2D plots, graphs and charts, as well as offering high performance for realtime visualization applications.

3.3.2 Qt Framework

La dipendenza principale utilizzata per realizzare la grafica è il framework di Qt. Inoltre Qt è un'azienda indipendente che vende un supporto commerciale per lo sviluppo di applicazioni su praticamente ogni piattaforma. Qt è un framework grafico maturo che esiste oramai da 22 anni ed è disponibile sia con una licenza commerciale che con le licenze open source LGPL e GPL.

La toolchain di Qt aggiunge al normale sviluppo un preprocessore speciale chiamato MOC che genera in automatico il codice dalle strutture grafiche realizzate con QtDesigner. Il resto della toolchain è composta da componenti tipici che possono essere intercambiati liberamente poichè Qt supporta gcc/g++, clang, MSVC e MinGW. Per compilare il codice è dunque necessario un compiler qualsiasi

di C++ e l'IDE QtCreator, oppure qmake. Questi ultimi due pacchetti offrono il preprocessore MOC. Per progetti open source entrambi sono offerti gratuitamente dal sito ufficiale www.qt.io.

3.3.3 Compilazione sotto Linux

Il programma è stato realizzato in parte sotto Debian 9.4 Stretch ed in parte sotto Fedora 27. Per entrambi i sistemi sono necessarie le dipendenze per lo sviluppo di Qt5.

Una volta installate le dipendenze dalla cartella di progetto è possibile utilizzare il makefile per compilare le dipendenze e il codice.

Purtroppo la libreria QCustomPlot utilizza un sistema di build molto particolare che richiede molte dipendenze. Perciò in alcuni casi è preferibile scaricare dal seguente link l'ultima versione dei due files qcustomplot.cpp e qcustomplot.hpp ed immetterli manualmente nella cartella lib/qcustomplot/.

http://qcustomplot.com/index.php/download

Ed infine si compila con

```
$ make serial  # build only Serial library dep
$ make  # build spectrum analyzer code
```

3.3.4 Compilazione manuale sotto Linux

Per compilare manualmente il progetto sono necessari pochi passaggi grazie a qmake. Come per il caso precedente la libreria QCustomPlot può essere scaricata dal sito.

1. Scaricare le dipendenze.

```
$ git submodule init
$ git submodule update
```

2. Compilare la libreria Serial

```
$ mkdir -p lib/build-serial
$ qmake -makefile -o Makefile -Wall "CONFIG+=releae" \
    -o lib/build-serial/ lib/serial
$ make -C lib/build-serial/
```

3. Compilare la libreria QCustomPlot

```
$ cd lib/qcustomplot/src
$ sed -i -e 's/qmake474/qmake/' release.py
$ ./release.py
$ cd ../.. # go back to project root dir
```

4. Compilare il progetto

```
$ mkdir -p build-deskop
$ qmake -makefile -o Makefile -Wall "CONFIG+=release" \
    -o build-desktop/ src-desktop
$ make -C build-desktop
```

3.3.5 Compilazione sotto Windows

Per compilare il progetto in Windows è necessario installare QtCreator dal sito ufficiale www.qt.io.

- 1. Installare QtCreator, Qt \geq 5.0 (consigliato 5.10.0)
- 2. Installare MinGW oppure MSVC + Visual Studio (consigliato MinGW)
- 3. Inizializzare ed aggiornare i submoduli di Git oppure clonare recursivamente il progetto.
- 4. Scaricare dal sito http://qcustomplot.com/index.php/downloadidocumentiqcustomplot.cpp qcustomplot.hpp della libreria QCustomPlots ed immetterli nella cartella lib/qcustomplots/
- 5. Aprire il progetto lib/serial/serial.pro ed impostare la build directory sia per release che per debug in lib/build-serial.
- 6. Compilare la libreria Serial come release.
- 7. Aprire il progetto src-desktop/SpectrumAnalyzer.pro ed impostare la cartella di build sia per release che debug nella cartella build-desktop/
- 8. Compilare il progetto SpectrumAnalyzer come release
- 9. Controllare che lo script deploy-desktop.cmd abbia le variabili QT_PATH e QT_VERSION che corrispondano con la vostra l'installazione.
- 10. Eseguire lo script deploy-desktop.cmd.

Nella cartella build-desktop sarà pronto l'eseguibile con tutte le librerie dinamiche (DLL) necessarie.

3.3.6 Architettura

Il programma desktop è programmato per reagire ad eventi asincroni dati dalla porta seriale del sistema operativo e dalle interazioni dell'utente. La gestione degli eventi grafici è affidata interamente a Qt, perciò sono stati scritti solamente i metodi che vengono attivati in funzione degli eventi dall'utente.

Per la porta seriale invece il compito della gestione è stato delegato ad una classe SerialWorker che ha un rapporto di *composizione* con la classe MainWindow in quanto essa esiste unicamente quando esiste MainWindow. Nella figura 3.3 è mostrato un diagramma delle sequenze che mostra il flusso dei dati attraverso le componenti del programma.

Per l'implementazione nella figura 3.4 è possibile osservare il diagramma UML delle classi. È importante notare che Qt introduce dei nuovi tipi di membri chiamati *slots* e *signals*. Gli slots sono dei normali metodi che rispondo ai signals. I signals invece sono delle funzioni prive di implementazione che possono essere *emesse*.

Quando viene realizzato un modello ad oggetti in Qt è possibile collegare degli slots a dei segnali per poter gestire delle azioni asincrone. Nel progetto dello SpectrumAnalyzer il segnale receivedData della classe SerialWorker viene messo quando sono stati ricevuti dei dati validi dalla seriale. Il segnale ha come argomento un vettore di numeri complessi interi.

Nella classe MainWindow il segnale di receivedData è associato allo slot serialDataReceiver con argomento uguale al segnale, dunque un vettore di numeri complessi interi, che processa i dati e li mostra nell'interfaccia utente.

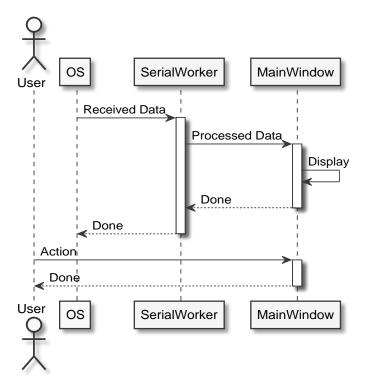


Figura 3.3: Diagramma delle sequenze

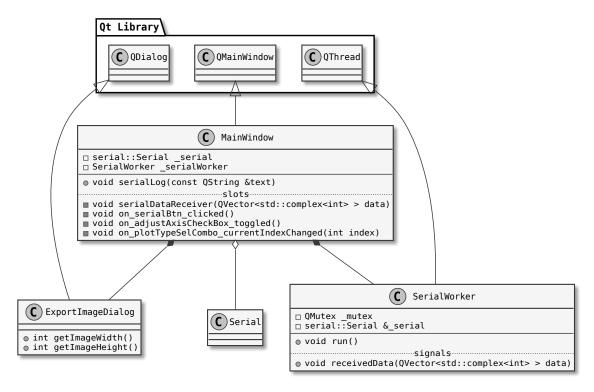


Figura 3.4: Diagramma delle classi

3.3.7 Interfaccia utente

L'interfaccia utente, realizzata con Qt è molto semplice e non dovrebbe richiedere delle istruzioni d'utilizzo. Dal software è possibile esportare i dati sia in formato CSV sia in un immagine del grafico in formato vettoriale o bitmap / compresso (png, jpg).

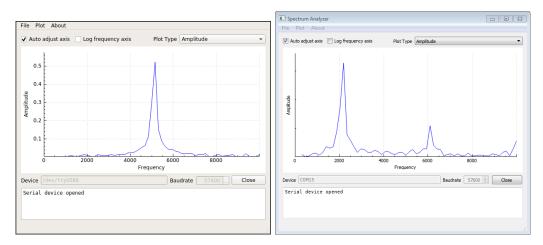


Figura 3.5: L'applicativo sotto Fedora 27 (sinistra) e Windows 7 (destra)

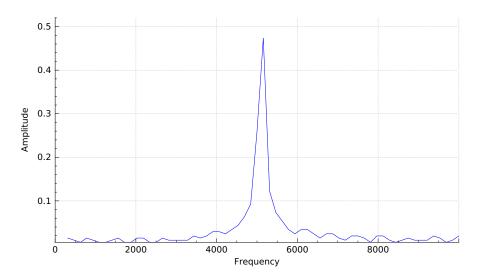


Figura 3.6: Esempio di immagine esportata dal software

3.4 Fast Fourier Transform

Il codice della FFT è stato preso dal dominio pubblico. Originalmente scritto da Tom Roberts (8.11.1989), successivamente adattato da Malcom Stanley (15.12.1994), Dimitrios P. Buras (14.6.2006) ed infine da Simon Inns (4.1.2011) [1] non ha praticamente necessitato modifiche. L'algoritmo implementato è chiamato "Fixed-Point in-place Fast Fourier"

4 Conclusioni

4.1 Risultati

Il circuito stampato realizzato è funzionante, come il prototipo iniziale su piastra sperimentale, malgrado gli errori rilevati durante la messa in servizio.

4.1.1 Esempi di misurazioni

I dati illustrati nella figura 4.1 sono esportati dal programma desktop.

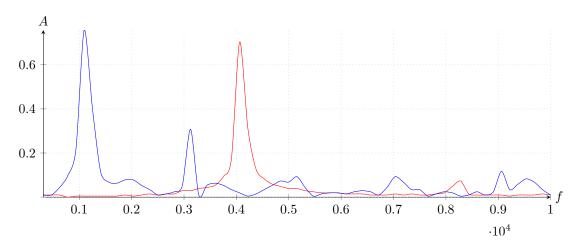


Figura 4.1: Spettro di un'onda sinusoidale (rosso) e di un segnale quadrato (blu)

4.2 Problemi riscontrati

4.2.1 Errore nella scelta dell'opamp

Durante la fase di test, dopo l'assemblaggio, si è notato che l'amplificatore operazionale AD826 non è rail to rail come l'AD820 utilizzato durante la fase di sviluppo su piastra sperimentale. Ciò limita l'escursione del segnale amplificato di quasi 1V, riducendo la precisione del campionamento.

Fortunatamente il footprint DIP8 degli operazionali dual package è standard, perciò non vi sono eccessive difficoltà nella sostituzione del componente. Purtroppo però non sarà possibile acquistare in tempo un opamp sostitutivo. Un possibile sostituto, utilizzato nella seconda revisione dello schema, potrebbe essere l'operazionale MCP6292 (in alternativa: MCP6002, TI OPA2340, ICL7621DCPAZ).

4.2.2 Errore nel dimensionamento del filtro attivo

Durante la fase di test è stato inoltre rilevato che il filtro attivo (vedi figura 2.5) di anti-alias aveva un amplificazione non unitaria, dunque incorretta. La tensione di offset di $2.5\,\mathrm{V}$ veniva amplificata ed in molti punti l'operazionale entrava in saturazione. Ciò era causato dal valore incorretto di R_{11} poichè l'amplificazione, data dalla relazione sottostante, era di 2.

$$A_v = 1 + R_{12}/R_{11} = 1 + 15\,\mathrm{k}\Omega/15\,\mathrm{k}\Omega = 2$$

Un valore sostitutivo per il resistore R_{11} è $\geq 750\,\mathrm{k}\Omega$, in modo da ottenere un amplificazione quasi unitaria, con un errore di +0.02, che corrisponde ad un incremento di $50\,\mathrm{mV}$ della tensione di offset di $2.5\,\mathrm{V}$. Valori di ordini di grandezza maggiori sono preferibili, infatti dopo aver rilevato il guasto a R_{11} è stato assegnato un valore di $910\,\mathrm{k}\Omega$.

$$A_v = 1 + R_{12}/R_{11} = 1 + 15 \,\mathrm{k}\Omega/910 \,\mathrm{k}\Omega \approx 1.016$$

Così facendo però è stata modificata la frequenza di taglio del filtro. Perciò si è concluso che il circuito scelto non è utilizzabile e nella seconda revisione la configurazione è stata sostituita da una cella RC con un amplificatore non invertente.

4.2.3 Sincronizzazione dei threads

Durante lo sviluppo del software desktop è stato riscontrato un unico problema riguardante la sincronizzazione dei threads. La risorsa serial::Serial MainWindow::_serial come implica il nome è istanziata nella classe MainWindow, ma essa è gestita anche dalla classe SerialWorker siccome è suo compito leggere i dati.

Perciò la risorsa deve essere protetta da un QMutex e la sua lifetime (ciclo di vita) deve essere gestita tenendo in considerazione il thread parallelo. Il bug era causato da una chiusura della risorsa seriale mentre il thread era ancora attivo. Chiudendo la risorsa mentre il thread del SerialWorker è attivo, al tentativo di lettura seguente il metodo serial::Serial::read() causa una serial::IOException che termina il programma.

La ragione per cui il thread non veniva fermato, era l'utilizzo incorretto dell'API dei QThread. Per chiudere correttamente un thread secondo il framework di Qt si richiede un interruzione con QThread::requestInterruption(). Invece nel codice veniva utilizzato QThread::quit(), che se non in condizioni particolari non chiude il processo parallelo.

Il diff sottostante mostra il commit in cui il problema viene risolto.

```
1 diff --git a/src-desktop/mainwindow.cpp b/src-desktop/mainwindow.cpp
2 index 73c416e..15c7d77 100644
3 --- a/src-desktop/mainwindow.cpp
4 +++ b/src-desktop/mainwindow.cpp
5 @@ -42,8 +42,12 @@ void MainWindow::serialDataReceiver(const QString &data)
6
  void MainWindow::on_serialBtn_clicked()
7
   {
8
       if (_serial.isOpen()) {
9 -
            _serialWorker.quit();
10 -
           while (_serialWorker.isRunning());
           // _serialWorker.quit();
11 +
12 +
           // while ( serialWorker.isRunning());
13 +
           if (_serialWorker.isRunning()) {
                _serialWorker.requestInterruption();
14 +
15 +
                _serialWorker.wait();
           }
16 +
17
            _serial.close();
18
           serialLog("Serial device closed");
19
20 diff --git a/src-desktop/serialworker.cpp b/src-desktop/serialworker.cpp
21 index 15301cb..f70bce8 100644
22 --- a/src-desktop/serialworker.cpp
23 +++ b/src-desktop/serialworker.cpp
24 00 -1,6 +1,7 00
25 #include "serialworker.h"
26
   #include <QMutexLocker>
```

```
28 +#include <string>
29
30
   SerialWorker::SerialWorker(serial::Serial &serial) :
        _mutex(), _serial(serial)
31
32 00 -15,12 +16,17 00 SerialWorker::~SerialWorker()
33
34 void SerialWorker::run()
35 ₹
36 -
        while (isRunning()) {
37 +
        while (!isInterruptionRequested()) {
            QMutexLocker locker(&_mutex);
38
            while (!_serial.available() && isRunning());
39 -
40 +
            while (!_serial.available() && !isInterruptionRequested());
41
            QString data = QString::fromStdString(_serial.readline());
42 -
43 -
            emit receivedData(data);
           for (std::string line : _serial.readlines()) {
44 +
45 +
                QString data = QString::fromStdString(line);
46 +
                emit receivedData(data);
47 +
            }
48 +
49 +
            // QString data = QString::fromStdString(_serial.readline());
50 +
            // emit receivedData(data);
51
            _serial.flushOutput();
       }
52
53 }
```

4.3 Possibili miglioramenti e sviluppi futuri

4.3.1 Filtro

Il circuito di filtraggio del rumore di alta frequenza potrebbe essere sostituito con un filtro di secondo o di terzo ordine per migliorarne le prestazioni.

4.3.2 Circuito di selezione dell'entrata

Il multiplexer utilizzato per l'entrata ha un valore d'impedenza non particolarmente eccezionale, per migliorare le prestazioni si dovrebbe scegliere un multiplexer differente.

4.3.3 Supporto per MacOS

Il software (al computer) dell'analisi spettrale attualmente non utilizza dipendenze che richiedono una piattaforma particolare. Portare il software per MacOS non dovrebbe essere difficile.

4.3.4 Supporto per altri formati di dati

Il software al computer attualmente supporta unicamente il formato CSV (Comma Separated Values) per l'esportazione dei dati. Sarebbe opportuno aggiungere il supporto di altri formati come DAT (Data), TSV (Tab Separated Values) e ODS (Open Document format for Spreadsheet).

4.4 Commento

Personalmente ho trovato il progetto molto interessante e coinvolgente. Malgrado la complessità dell'argomento trattato, grazie al supporto di docenti ed amici, sono riuscito ad avere una comprensione tutto sommato abbastanza completa del funzionamento del principio matematico dell'analisi spettrale.

4.5 Ringraziamenti

Vorrei ringraziare Eduardo Cima: professore di elettrotecnica alla SAM e Raffaele Ancarola: studente di fisica del primo anno al Politecnico Federale di Losanna (EPFL), per il grande supporto attraverso spiegazioni e chiarimenti degli strumenti matematici della trasformata di Fourier; ed infine vorrei ringraziare anche il professor Emidio Planamente per l'aiuto a risolvere il bug di sincronizzazione (4.2.3).

4.6 Certificazione

II sottoscritto	dichiara di aver	redatto e prodotto indiv	vidualmente	il lavoro di produzione.
Data:			Firma:	
				Naoki Pross

5 Trasformata di Fourier

5.1 Nozioni preliminarie

5.1.1 Regressione lineare con il metodo dei minimi quadrati

La regressione lineare è un'approssimazione di una serie di dati ad una funzione lineare. Questa retta di approssimazione può essere calcolata in molteplici modi, per questo progetto è di interesse utilizzare il $metodo\ dei\ minimi\ quadrati$. Sarà dunque esplicato come trovare i coefficienti di una retta a m+1 termini interpolando N punti.

$$r(x, a_0, \dots, a_m) = a_0 + x \sum_{i=1}^m a_i$$
 (5.1)

Consideriamo di avere gli insiemi X e Y entrambi con N termini di cui si prende le coppie ordinate di valori, ossia i punti da interpolare. Il metodo dei minimi quadrati trova i coefficienti della retta minimizzando il quadrato della differenza tra il valore stimato dalla retta $y=r(x_k)$ e il valore reale y_k .

$$\min((r(x_k) - y_k)^2) \quad \forall x_k \in X, y_k \in Y$$

Definiamo quindi la funzione da minimizzare arepsilon

$$\varepsilon(a_0, \dots, a_m) = \sum_{k=1}^{N} \left[r(x_k, a_0, \dots, a_m) - y_k \right]^2$$
 (5.2)

Da cui si computa le derivati parziali rispetto ai coefficienti ricercati, ottenendo un sistema di equazioni lineare poichè si cerca per ogni derivata quando essa equivale a 0. Ciò corrisponde anche ad affermare che il gradiente di ε è un vettore $\in \mathbb{R}^{m+1}$ con tutte le componenti a 0.

$$\nabla \varepsilon = (0, \dots, 0)$$

A questo punto si può procedere risolvendo il sistema con l'algebra lineare definendo la matrice di trasformazione ${\bf A}$ e il vettore dei termini noti \vec{u}

$$\nabla \varepsilon = \mathbf{A}(a_0, \dots, a_m) + \vec{u} \iff (a_0, \dots, a_m) = \mathbf{A}^{-1}(-\vec{u})$$

5.1.2 Funzione armonica

Una funzione armonica, sinusoidale, può essere descritta in molteplici modi. Nella forma trigonometrica, data la pulsazione $\omega=2\pi f=\frac{2\pi}{T}$ e la fase $\varphi=\frac{\pi}{2}-\vartheta$.

$$f(x) = a \cdot \sin(\omega x + \varphi)$$

$$f(x) = b \cdot \cos(\omega x + \vartheta)$$

Conoscendo la formula di Eulero $e^{i\varphi}=\cos(\varphi)+i\cdot\sin(\varphi)$ possiamo riscrivere f(x) utilizzando la forma complessa del seno e del coseno.

$$f(x) = \frac{a}{2i} \cdot (e^{i(x\omega + \varphi)} - e^{-i(x\omega + \varphi)})$$

$$f(x) = \frac{b}{2} \cdot (e^{i(x\omega + \vartheta)} + e^{-i(x\omega + \vartheta)})$$

5.1.3 Proprietà di ortogonalità del seno e del coseno

Per avere delle fondamenta solide prima dell'introduzione dell'argomento principale, saranno dimostrate le proprietà di ortogonalità del seno e coseno considerando il periodo T in uno spazio euclideo.

Intuizione geometrica

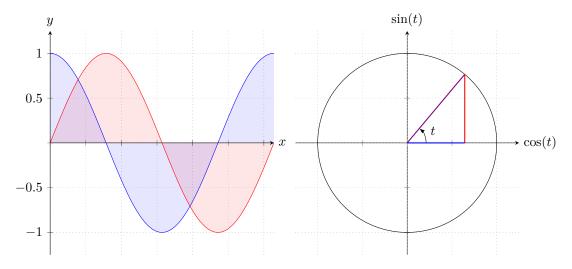


Figura 5.1: Funzioni $\sin e \cos$

Si può osservare intuitivamente dal cerchio unitario nella figura 5.1 che le funzioni seno e coseno sono ortogonali tra loro. Dal grafico a sinistra possiamo inoltre osservare che l'area (integrale) di un periodo è sempre nulla.

Dimostrzioni algebriche

1. Area di \sin in un periodo.

$$\int_0^T \sin(\frac{m2\pi x}{T}) \, \mathrm{d}x = 0 \quad \forall m \in \mathbb{Z}$$

$$\int_0^T \sin(\frac{m2\pi x}{T}) dx = \left[-\frac{T}{2\pi m} \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T}mx\right) \right]_0^T$$
$$= -\frac{T}{2\pi m} \cdot \cos\left(2\pi m\right) + \frac{T}{2\pi m} \cdot \cos\left(0\right)$$
$$= 0$$

2. Area di \cos in un periodo.

$$\int_0^T \cos(\frac{m2\pi x}{T}) dx = 0 \quad \forall m \in \mathbb{Z}^*$$

$$\int_0^T \cos(\frac{m2\pi x}{T}) dx = \left[\frac{T}{2\pi m} \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T}mx\right)\right]_0^T$$

$$= \frac{T}{2\pi m} \cdot \sin\left(2\pi m\right) + \frac{T}{2\pi m} \cdot \sin\left(0\right)$$

$$= \begin{cases} 0 & \iff m \neq 0 \\ T & \iff m = 0 \end{cases}$$

3. Prodotto tra sin e cos.

$$\int_0^T \sin(\frac{m2\pi x}{T})\cos(\frac{n2\pi x}{T}) \, \mathrm{d}x = 0 \quad \forall m, n \in \mathbb{Z}$$

$$\int_0^T \sin(\frac{m2\pi x}{T})\cos(\frac{n2\pi x}{T}) \, \mathrm{d}x = \underbrace{\frac{1}{2} \int_0^T \sin\left[\frac{2\pi}{T}(n+m)x\right] \, \mathrm{d}x}_{0} - \underbrace{\frac{1}{2} \int_0^T \sin\left[\frac{2\pi}{T}(n-m)x\right] \, \mathrm{d}x}_{0}$$

4. Prodotto tra due sin di frequenze diverse.

$$\int_{0}^{T} \sin(\frac{m2\pi x}{T}) \sin(\frac{n2\pi x}{T}) dx = 0 \quad \forall m, n \in \mathbb{Z} \mid m \neq \pm n$$

$$\int_{0}^{T} \sin(\frac{m2\pi x}{T}) \sin(\frac{n2\pi x}{T}) dx = \underbrace{\frac{1}{2} \int_{0}^{T} \cos\left[\frac{2\pi}{T}(n-m)x\right] dx}_{m-n \neq 0 \implies 0} - \underbrace{\frac{1}{2} \int_{0}^{T} \cos\left[\frac{2\pi}{T}(n+m)x\right] dx}_{m+n \neq 0 \implies 0} - \underbrace{\frac{1}{2} \int_{0}^{T} \cos\left[\frac{2\pi}{T}(n+m)x\right] dx}_{m+n \neq 0 \implies 0}$$

$$= \begin{cases} 0 & \iff n \neq \pm m \\ T/2 & \iff n = m \\ -T/2 & \iff n = -m \end{cases}$$

5. Prodotto tra due \cos di frequenze diverse.

$$\int_0^T \cos(\frac{m2\pi x}{T})\cos(\frac{n2\pi x}{T}) \, \mathrm{d}x = 0 \quad \forall m, n \in \mathbb{Z}^* \mid m \neq \pm n$$

$$\int_0^T \cos(\frac{m2\pi x}{T})\cos(\frac{n2\pi x}{T}) \, \mathrm{d}x = \underbrace{\frac{1}{2} \int_0^T \cos\left[\frac{2\pi}{T}(n+m)x\right] \, \mathrm{d}x}_{m+n \neq 0 \implies 0} + \underbrace{\frac{1}{2} \int_0^T \cos\left[\frac{2\pi}{T}(n-m)x\right] \, \mathrm{d}x}_{m-n \neq 0 \implies 0}$$

$$= \begin{cases} 0 & \iff n \neq \pm m \\ T/2 & \iff n = \pm m \end{cases}$$

6. $\sin e \cos raggruppate$ nella forma complessa con la formula di Eulero.

$$\int_0^T e^{i2\pi kx/T} dx = 0 \quad \forall k \in \mathbb{Z}^*$$

$$\int_0^T e^{i2\pi kx/T} dx = \underbrace{\int_0^T \cos(\frac{2\pi}{T}kx) dx}_{k\neq 0 \implies 0} + \underbrace{i \int_0^T \sin(\frac{2\pi}{T}kx) dx}_{0}$$

$$= \begin{cases} 0 & \iff k \neq 0 \\ T & \iff k = 0 \end{cases}$$

5.2 Polinomio Trigonometrico

5.2.1 Polinomio Trigonometrico

Analogamente a come è definito un polinomio P "normale", una somma di termini dal grado 0 fino al grado N, è possibile definire anche un polinomio trigonometrico T.

$$P_N(x) = \sum_{n=0}^{N} a_n x^n \qquad a_n \in \mathbb{R}, \ a_N \neq 0$$

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} c_n e^{i\omega nx}$$
 $c_n \in \mathbb{C}, \ \omega \in \mathbb{R}, \ c_N \neq 0$

Questo polinomio è detto trigonometrico perché utilizzando la formula di Eulero $e^{i\varphi}=\cos(\varphi)+i\sin(\varphi)$ si può espandere nel seguente modo.

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} \left[a_n \cdot \cos(\omega nx) + ib_n \cdot \sin(\omega nx) \right] \qquad a_n, b_n \in \mathbb{C}$$

5.2.2 Polinomio Trigonometrico Reale

È definito inoltre il polinomio trogonometrico reale come

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} \left[a_n \cdot \cos(\omega nx) + b_n \cdot \sin(\omega nx) \right] \qquad a_n, b_n \in \mathbb{R}$$

Mediante delle identità trigonometriche può essere riscritto anche nel modo seguente.

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} A_n \cdot \cos(\omega nx - \varphi)$$

Oppure nella sua forma complessa in cui $c_k = \frac{a_k}{2} + \frac{b_k}{2i}$

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} c_n e^{i\omega nx} + \bar{c_n} e^{-i\omega nx}$$
 $c_n \in \mathbb{C}$

Definendo $c_{-n} = \bar{c_n}$ è possibile ridurre la notazione.

$$T_N(x) = \sum_{n=-N}^{N} c_n e^{i\omega nx}$$

In tutti i casi possiamo osservare che il polinomio trogonometrico è una somma di sinusoidi di frequenze multiple ad una base $f=\omega/2\pi$. Se descritto mediante la terminologia dell'algebra lineare, si può anche osservare che un polinomio trigonometrico è una combinazione lineare nello spazio funzionale dalle basi ortonormate $\sin(\omega x)$ e $\cos(\omega x)$.

5.3 Serie di Fourier

Un polinomio trigonometrico reale di infiniti termini è una serie di Fourier, in onore al matematico francese J. B. Fourier.

$$S(x) = \sum_{n = -\infty}^{\infty} c_n e^{i\omega nx} = \sum_{n = 0}^{\infty} a_n \cdot \cos(\omega nx) + b_n \cdot \sin(\omega nx)$$

5.3.1 Convergenza della serie

La convergenza puntuale della serie di Fourier è dimostrabile dalle condizioni del teorema di Dirichlet. Purtroppo questa dimostrazione richiede una grande quantità di nozionistica matematica che non può essere riassunta in pochi paragrafi. In allegato e nelle referenze sono presenti dei documenti che analizzano e dimostrano questa proprietà.

Da questo punto è da dare per assunto che è dimostrata la convergenza puntuale della serie di Fourier di una funzione reale a condizione che:

- 1. |f(x)| (valore assoluto) è integrabile in un periodo.
- 2. La funzione deve essere di variazione limitata, ossia devono esserci un numero finito di minimi e massimi in un qualsiasi intervallo.
- 3. La funzione deve avere un numero finito di discontinutià in un qualsiasi intervallo chiuso e le discontinuità non devono essere infinite.

5.4 Trasformata di Fourier discreta

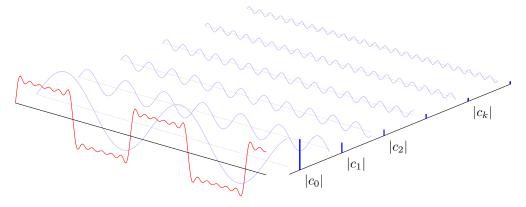


Figura 5.2: Rappresentazione grafica della transformata di Fourier [9]

La Trasformata di Fouerier Discreta (DFT) è l'operazione matematica che permette di trovare i coefficienti della serie di Fourier o di un polinomio trigonometrico, per approssimare al meglio una funzione. Se presa a sestante però essa essendo una *trasformata* può essere osservata anche come una funzione che da uno spettro *discreto* di una funzione. La densità spettrale ottenuta dalla DFT è dipende dalla frequenza di base scelta e nel caso di un polinomio trigonometrico, anche dal numero di termini di quest'ultimo.

$$X_k = c_k \cdot T = \int_0^T f(x) \cdot e^{-i\omega kx} \, \mathrm{d}x$$

Nella figura 5.2, possiamo osservare sul grafico $x \perp z$ in rosso una funzione, ed il suo spettro sull'asse $y \perp z$ in blu. Si può intuire che più

5.4.1 Derivazione della DFT

Per trovare la DFT, supponiamo di voler approssimare una funzione, utilizzando il metodo dei minimi quadrati, con un polinomio trigonometrico reale.

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} A_n \cdot \cos(\omega nx - \varphi)$$
 $\omega = 2\pi f$

Sappiamo che questo può essere scritto anche nel seguente modo.

$$T_N(x) = \sum_{n=0}^{N} a_n \cdot \cos(\omega nx) + b_n \cdot \sin(\omega nx)$$

Dunque per trovare i termini a_0, \ldots, a_N e b_0, \ldots, b_N definiamo una funzione ε da minimizzare con il metodo dei minimi quadrati.

$$\varepsilon = \int_0^T \left[T_N(x) - f(x) \right]^2 \mathrm{d}x$$

Per generalizzare sarà dimostrato come trovare il k-esimo termine.

Termini dei coseni

I termini dei coseni a_k sono ottenuti eguagliando la derivata parziale di ε a zero.

$$\frac{\partial \varepsilon}{\partial a_k} = 0 = \frac{\partial}{\partial a_k} \int_0^T \left[T_N(x) - f(x) \right]^2 dx$$

$$0 = \int_0^T \frac{\partial}{\partial a_k} \left[\sum_{n=0}^N a_n \cos(\omega n x) + b_n \sin(\omega n x) - f(x) \right]^2 dx$$

$$0 = \int_0^T 2 \left[\sum_{n=0}^N a_n \cos(\omega n x) + b_n \sin(\omega n x) - f(x) \right] \cdot a_k \cos(\omega k x) dx$$

$$0 = \underbrace{\int_0^T \cos(\omega k x) \sum_{n=0}^N a_n \cos(\omega n x) dx}_{k \neq n \implies 0} + \underbrace{\int_0^T \cos(\omega k x) \sum_{n=0}^N b_n \sin(\omega n x) dx}_{0} - \int_0^T \cos(\omega k x) \cdot f(x) dx$$

$$0 = a_k \cdot \frac{T}{2} - \int_0^T \cos(\omega k x) \cdot f(x) dx$$

$$\frac{a_k}{2} = \frac{1}{T} \int_0^T \cos(\omega kx) \cdot f(x) \, \mathrm{d}x$$

Termini dei seni

I termini dei seni b_k sono ottenuti eguagliando la derivata parziale di ε a zero.

$$\frac{\partial \varepsilon}{\partial b_k} = 0 = \frac{\partial}{\partial b_k} \int_0^T \left[T_N(x) - f(x) \right]^2 dx$$

$$0 = \int_0^T \frac{\partial}{\partial b_k} \left[\sum_{n=0}^N a_n \cos(\omega n x) + b_n \sin(\omega n x) - f(x) \right]^2 dx$$

$$0 = \int_0^T 2 \left[\sum_{n=0}^N a_n \cos(\omega n x) + b_n \sin(\omega n x) - f(x) \right] \cdot b_k \sin(\omega k x) dx$$

$$0 = \underbrace{\int_0^T \sin(\omega k x) \sum_{n=0}^N a_n \cos(\omega n x) dx}_{0} + \underbrace{\int_0^T \sin(\omega k x) \sum_{n=0}^N b_n \sin(\omega n x) dx}_{k \neq n \implies 0} - \int_0^T \sin(\omega k x) \cdot f(x) dx$$

$$0 = b_k \cdot \frac{T}{2} - \int_0^T \sin(\omega k x) \cdot f(x) dx$$

$$\frac{b_k}{2} = \frac{1}{T} \int_0^T \sin(\omega k x) \cdot f(x) dx$$

Termine complesso

A questo punto è possibile raggurppare i termini a_k e b_k in un unico valore complesso c_k , come descritto nella sezione 5.2.2.

$$c_k = \frac{a_k}{2} + \frac{b_k}{2i}$$

$$c_k = \frac{1}{T} \int_0^T \cos(\omega kx) \cdot f(x) \, \mathrm{d}x + \frac{1}{Ti} \int_0^T \sin(\omega kx) \cdot f(x) \, \mathrm{d}x$$

$$c_k = \frac{1}{T} \int_0^T f(x) \cdot \left[\cos(\omega kx) - i \sin(\omega kx) \right] \, \mathrm{d}x$$

$$c_k = \frac{1}{T} \int_0^T f(x) \cdot e^{-i\omega kx} \, \mathrm{d}x$$

5.4.2 DFT da un insieme di campioni discreti

L'operazione della DFT può essere applicata anche ad un insieme di N valori discreti, che per esempio potrebbero originare da un campionamento di un segnale elettrico. In tal caso la trasformata discreta di Fourier è la seguente.

$$X_k = c_k \cdot T = \sum_{n=0}^{N-1} x_n \cdot e^{-i\omega kn}$$

Utilizzando questa notazione con gli indici è possibile anche notare che la TFD può essere espressa come una matrice \mathbf{V} . Definendo il vettore $\vec{x}=(x_0,x_1,\ldots,x_{N-1})$ e $\vec{X}=(X_0,\ldots,X_{N-1})$ si ottiene

$$\vec{X} = \mathbf{V} \cdot \vec{x}$$

Dove

$$[\mathbf{V}]_{kn} = (e^{i\omega})^{-kn}$$

ossia, se rappresentata come tabella

$$\mathbf{V} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & \dots & 1 \\ 1 & (e^{i\omega})^{-1} & (e^{i\omega})^{-2} & \dots & (e^{i\omega})^{-(N-1)} \\ 1 & (e^{i\omega})^{-2} & (e^{i\omega})^{-4} & \dots & (e^{i\omega})^{-2(N-1)} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & (e^{i\omega})^{-(N-1)} & (e^{i\omega})^{-2(N-1)} & \dots & (e^{i\omega})^{-(N-1)^2} \end{pmatrix}$$

Osservando la matrice si nota subito una simmetria diagonale, che è data dalla progressione geometrica $[\mathbf{V}]_{ij} = [\mathbf{V}]_i^{j-1}$. Questa matrice è detta una matrice di Vandermonde, da cui è stato scelto il nome \mathbf{V} .

5.5 Trasformata di Fourier

Dalla DFT si è sviluppato lo strumento matematico per ottenere lo spettro discreto di una funzione. Il risultato della DFT però è una funzione discontinua con valori spettrali unicamente multipli della base.

La Trasformata di Fourier estende ulteriormente producendo una funzione di spettro continua. Un modo intuitivo per ottenere questo requisito, è di far tendere il limite della densità spettrale, data dal periodo, verso l'infinito. Per i seguenti passaggi sarà utilizzata la funzione s per indicare la funzione reale di cui si osserva lo spettro. Partendo dall'approssimazione data dalla DFT possiamo asserire che

$$s(x) \approx \sum_{n=-\infty}^{\infty} \frac{X_n}{T} \cdot e^{i2\pi x n/T}$$

$$s(x) \approx \sum_{n=-\infty}^{\infty} \frac{1}{T} \underbrace{\int_{-T/2}^{T/2} s(x) \cdot e^{-i2\pi x n/T} \, \mathrm{d}x}_{X_n} \cdot e^{i2\pi x n/T}$$

$$s(x) = \lim_{T \to \infty} \sum_{n=-\infty}^{\infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} s(x) \cdot e^{-i2\pi x n/T} \, \mathrm{d}x \cdot e^{i2\pi x n/T}$$

Osserviamo che

$$\lim_{T\to\infty}\sum_{n=-\infty}^{\infty}\frac{1}{T}=\int_{-\infty}^{\infty}\mathrm{d}f \qquad \qquad \lim_{T\to\infty}\frac{n}{T}=f \quad \text{(variabile continua)}$$

Dunque otteniamo

$$s(x) = \int_{-\infty}^{\infty} df \underbrace{\int_{-\infty}^{\infty} s(x) \cdot e^{-i2\pi f x} dx}_{\mathcal{F}\{s\}} \cdot e^{i2\pi f x}$$

Si nota a questo punto che il termine centrale è la trasformata di Fourier ed è una funzione dalla variabile continua f (frequenza). Si osservi inoltre che sono stati cambiati i limiti di integrazione del periodo. Definendo entrambi i limiti in funzione di T e facendo tendere T all'infinito, si ottiene come conseguenza secondaria che la trasformata non è più limitata ad una funzione periodica.

Formalmente dunque la Trasformata di Fourier, tipicamente notata con $\mathcal F$ oppure con l'accento circonflesso $\hat f$ sul nome della funzione, è definita come segue.

$$\mathcal{F}{f} = \hat{f}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) \cdot e^{-i\omega x} dx$$

Elenco delle figure

2.1	Schema a blocchi	5
2.2	Circuito di selezione delle entrate	5
2.3	Circuito di adattamento del segnale	6
2.4	Circuito di selezione delle entrate (prima versione)	7
2.5	Circuito di adattamento del segnale	8
3.1	Schema a blocchi del TIMER2	g
3.2	Protocollo di trasmissione dei dati	g
3.3	Diagramma delle sequenze	13
3.4	Diagramma delle classi	14
3.5	L'applicativo sotto Fedora 27 (sinistra) e Windows 7 (destra)	14
3.6	Esempio di immagine esportata dal software	15
4.1	Spettro di un'onda sinusoidale (rosso) e di un segnale quadrato (blu)	16
5.1	Funzioni sin e cos	21
5.2	Rappresentazione grafica della transformata di Fourier [9]	24
6.1	Diagramma di flusso del codice del microcontrollore	43
Ele	enco delle tabelle	
1.1	Norme di progetto: Software	4
1.2	Norme di progetto: Hardware	4
1.3	Norme di progetto: Programmazione	4
2.1	Sommario della configurazione utilizzata	7
2.2	Configurazione della porta sociale	7

Bibliografia

- [1] REAL TIME AUDIO SPECTRUM ANALYZER. (online) Simon Inns. Jan 8 2011. https://www.waitingforfriday.com/?p=325 http://archive.is/IJeAe (archived)
- [2] DIVIDE AND COUQUER: FFT. (online, video)
 Erik Demaine, MIT OpenCourseWare. MIT 6.046J Design and Analysis of Algorithms, Spring 2015
 https://youtu.be/iTMnOKt18tg
- [3] BUT WHAT IS THE FOURIER TRANSFORM? A VISUAL INTRODUCTION. (online, video) Grant Sanderson. Jan 26, 2018. YouTube. https://youtu.be/spUNpyF58BY
- [4] THÉORIE ET TRAITEMENT DES SIGNAUX. (Pag. 70 72)

 Coulon, Frédéric de (1996). Lausanne: Presses polytechniques et universitaires romandes, 1996

 (Traité d'électricité de l'Ecole polytechnique fédérale de Lausanne; vol. 6)
- [5] ALGÈBRE LINÉAIRE. AIDE-MÉMOIRE, EXERCICES ET APPLICATIONS. (Pag. 64 Moindres carrées) Dalang, Robert C. Chaabouni, Amel (2001). Lausanne: Presses polytechniques et universitaires romandes, 2001
- [6] ALGÈBRE LINÉAIRE. (Pag 63 65)
 Cairoli, R. (1991). Lausanne: Presses polytechniques et universitaires romandes, 1991
- [7] LINEAR ALGEBRA. AN INTRODUCTORY APPROACH. Curtis, Charles W. (2000). New York: Springer, 2000
- [8] ELÉMENTS D'ANALYSE NUMÉRIQUE ET APPLIQUÉE Kurt Arbentz, Otto Bachmann (1992). Lausanne: Presses polytechniques et universitaires romandes 1992
- [9] EXAMPLE: FOURIER TRANSFORM. (online) Jake. TeX.SE http://www.pgfplots.net/tikz/examples/fourier-transform/

Progetto:	Spectrum Analyzer	Analy	/zer							=	Inizio:		12.04.2018																	
Persona in formazione:	Naoki Pross	SS								ш.	Fine:	15.0	15.05.2018																	
	Data	12.	12.04.2018	8	13.	13.04.2018	-	16.04	16.04.2018	-	17.04.2018	.2018	L	26.04.2018	910		27.04.2018	318	30	30.04.2018	18	1	11.05.2018	18	14	14.05.2018	80	15.	15.05.2018	
	Glorno		Gio			Ve			Lu	Н	Ma	la	Ц	Gio		Ц	Ve			Γn			Ve			Γn			Ma	
		Σ		Ь	Μ	Ь		M	Д		M	Ь		M	Ь	7	M	Р	Σ		Ь	M		Ь	M		Ь	Μ	Д	
ATTIVITA	Tempo																													٦
Analisi e comprensione della FT, DFT, FFT	10										wiiilli																			
	80																													
Preparazione di un prototipo su piastra sperimentale	6																													
	3																													
Progettazione dello schema elettrico e del PCB	18																													
7	26																													
Assemblaggio del PCB	4																													
2	9																													
Programmazione del microcontroller	11																													
t	16																													
Programmazione dell'interfaccia desktop	11																													
2	6																													
Allestimento ed esecuzione di test hardware e software	9																													
	4																													
2	0																													
,	0																													
Stesura documentazione e del diario giornaliero	14																													
2	11																													
Totale preventivo	83																													
Totale consuntivo	83																													

DIARIO GIORNALIERO

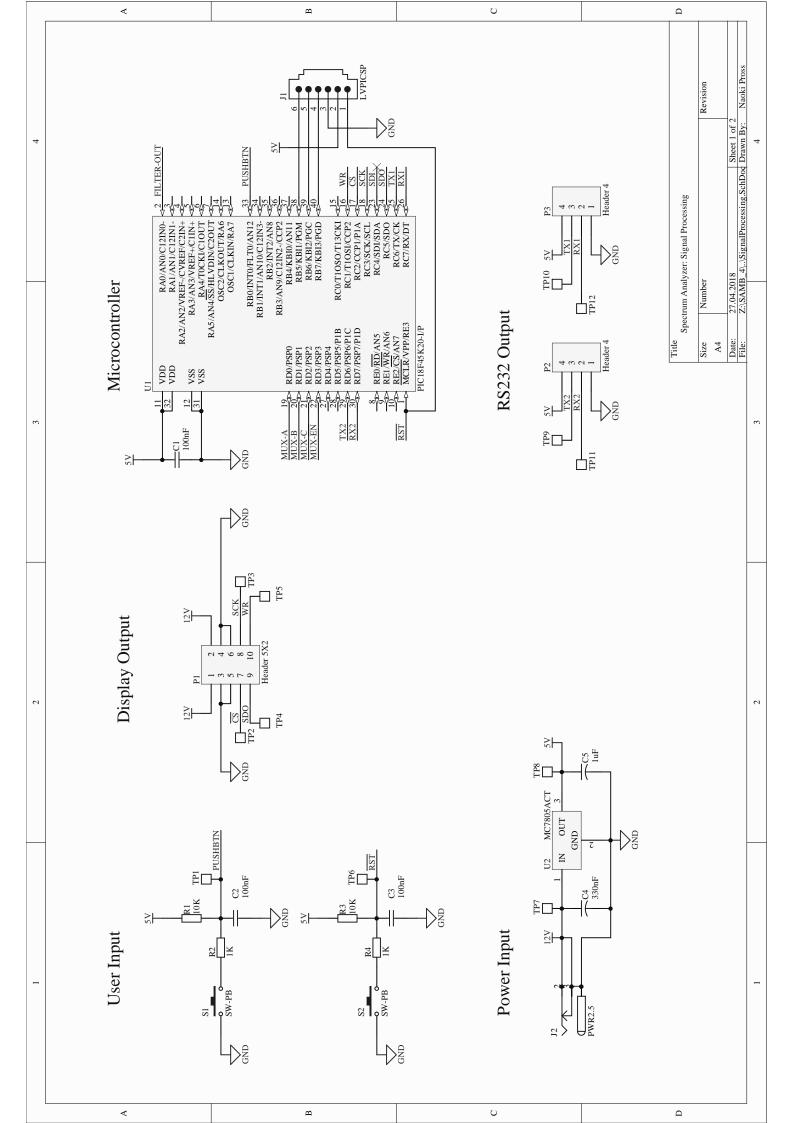
Candidato:	Naoki Pross	Progetto:	Spectrum Analyzer
Formatore:	Rinaldo Geiler, Daniele Kamm	Periodo:	12.04.2018 - 15.04.2018

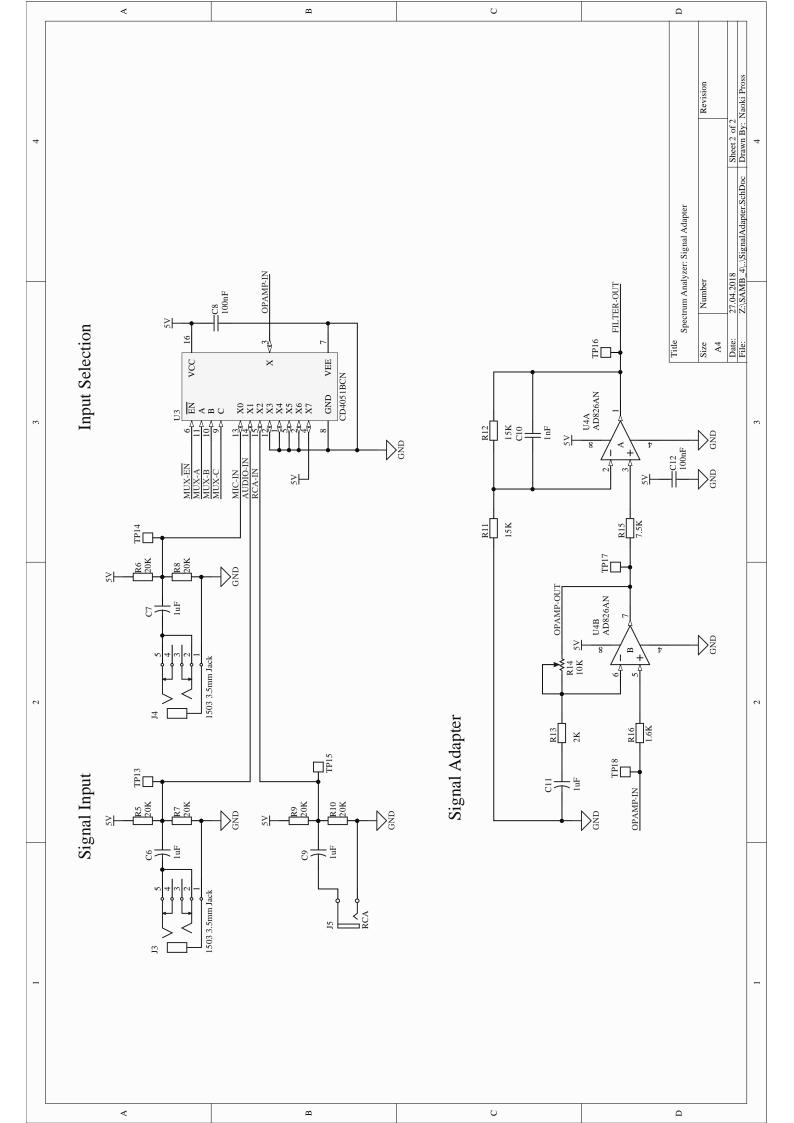
Giorno	Data	Ore	Descrizione attività	Osservazioni	
			(Attività eseguite, metodi adottati, decisioni prese, dimostrazioni effettuate, ecc.)		
Gio	12.04.2018	2	Preparazione della documentazione, della pi- anifica ed organizzazione generale del progetto.		
Gio	12.04.2018	5	Analisi e studio del concetto matematico.		
Gio	12.04.2018	1	Raccolto informazioni e librerie software per i componenti utilizzati dal progetto. Inoltre è stata preparata una struttura per la documentazione.		
Ve	13.04.2018	2	Scelto i componenti analogici e passivi e preparato una BOM (Bill Of Materials). Progettato uno schema elettrico.	È stato scelto di utilizzare un unico amplificatore di qualità migliore (per audio) con un multiplexer in- vece di un package con più ampli- ficatori di precisione inferiore.	
Ve	13.04.2018	3	Realizzato la parte centrale dello schema elettrico in formato ECAD (Altium Designer). Ossia i circuiti di multiplexing, di adattamento del segnale e di filtraggio delle frequenze indesiderate.	Manca il jack di alimentazione (non ancora necessaria su tavola sperimentale) e il circuito di adattamento di tensione da 12 V a 5 V.	
Ve	13.04.2018	2	Modificato il circuito progettato per utilizzare un filtro attivo anzichè passivo dopo aver osservato sperimentalmente l'attenuazione dal filtro passivo.	Il circuto su piastra sperimentale non è ancora funzionante per sviluppare i primi programmi di test.	
Ve	13.04.2018	2	Studiato il concetto matematico della Fourier transform con il professor Edoardo Cima.	L'attività non era programmata poichè la disponibilità dei docenti è limitata.	
Lu	16.04.2018	1	Realizzato un circuito di prova su piastra sperimentale.	Si è osservato che il circuito progettato non era idoneo. L'amplificatore scelto in precedenta (TL071) non è in grado di lavorare come necessario nel margine da 0 V a 5 V. Dunque è stato cambiato in un OPAMP Rail-to-Rail AD820 sotto consiglio di D. Kamm.	
Lu	16.04.2018	2	Corretto il circuito di amplificazione e risolto imperfezioni minori.	L'amplificatore combinato con il fil- tro è stato separato in due stadi, di amplificazione e di filtraggio.	

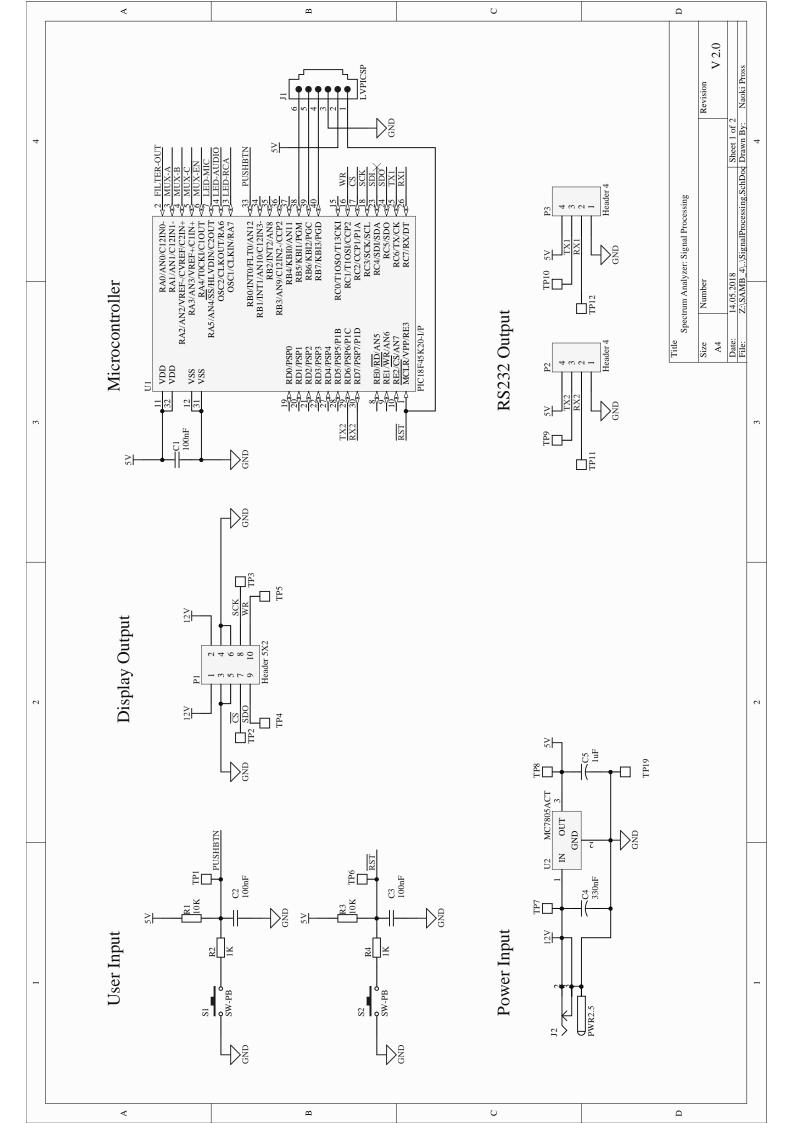
Lu	16.04.2018	1	Corretto il montaggio sulla piastra sperimentale.	Il filtro attivo non è presente sulla tavola perché si deve aspettare la comanda del componente.	
Lu	16.04.2018	5	Implementato il codice del microcontroller per configurare l'ADC ed un timer per un campi- onamento regolare.		
Lu	16.04.2018	1	Riordinato lo schema elettrico. Aggiunto il ciruito di regolazione della tensione in entrata con un MC7805.	Manca ancora il connettore princi- pale dell'alimentazione, rimane da decidere se utilizzare dei morsetti o un power jack.	
Ма	17.04.2018	2	Diviso lo schema elettrico su più fogli per dendere il tutto più ordinato. Preparato il footprint del Jack Audio.		
Ma	17.04.2018	1	Analizzato un problema inerente alla programmazione dell'interfaccia software per il computer con il professor Emidio Planamente. È presente un errore nella gestione delle risorse nel thread parallelo di gestione del seriale. Il thread della classe SerialWorker deve essere terminato per rilasciare la risorsa MainWindow::_serial, ma ciò non accade e il programma crasha. Il problema è ancora irrisolto. Riportato lo stato e discusso del progetto con Marco Bertoz (Perito).	Dettagli tecnici: 8ba16b0	
Ма	17.04.2018	2	Terminato lo schema elettrico e controllato tutti i footprints. Richiesto una revisione al professor Rinaldo Geiler prima di procedere al PCB.	Se non vi sono errori si potrà iniziare il design del PCB.	
Gio	26.04.2018	4	Integrato dei consigli dal feedback da Geiler, ossia correzioni miniori e l'aggiunta di un bottone di reset manuale. Iniziato il design del PCB.	Presentato il progetto al capo perito.	
Gio	26.04.2018	4	Risolto un il bug dell'interfaccia software desktop con il professor E. Planamente. Il thread di lettura del seriale adesso viene chiuso correttamente. Implementato la rappresentazione grafica dei segnali campionati dal microcontroller ricevuti attraverso la seriale RS232.	Vedi 69d5d42, 2791cdd	
Ve	27.04.2018	5	Terminato il routing del PCB. Risolto i problemi indicati dal DRC.	Il footprint del potenziometro R14 è sbagliato. Il footprint del connettore RCA non può essere controllato poichè il componente non è ancora arrivato. Le correzioni del componente R14 e di eventuali altri saranno eseguite una volta ottenuti tutti i componenti prima della stampa.	

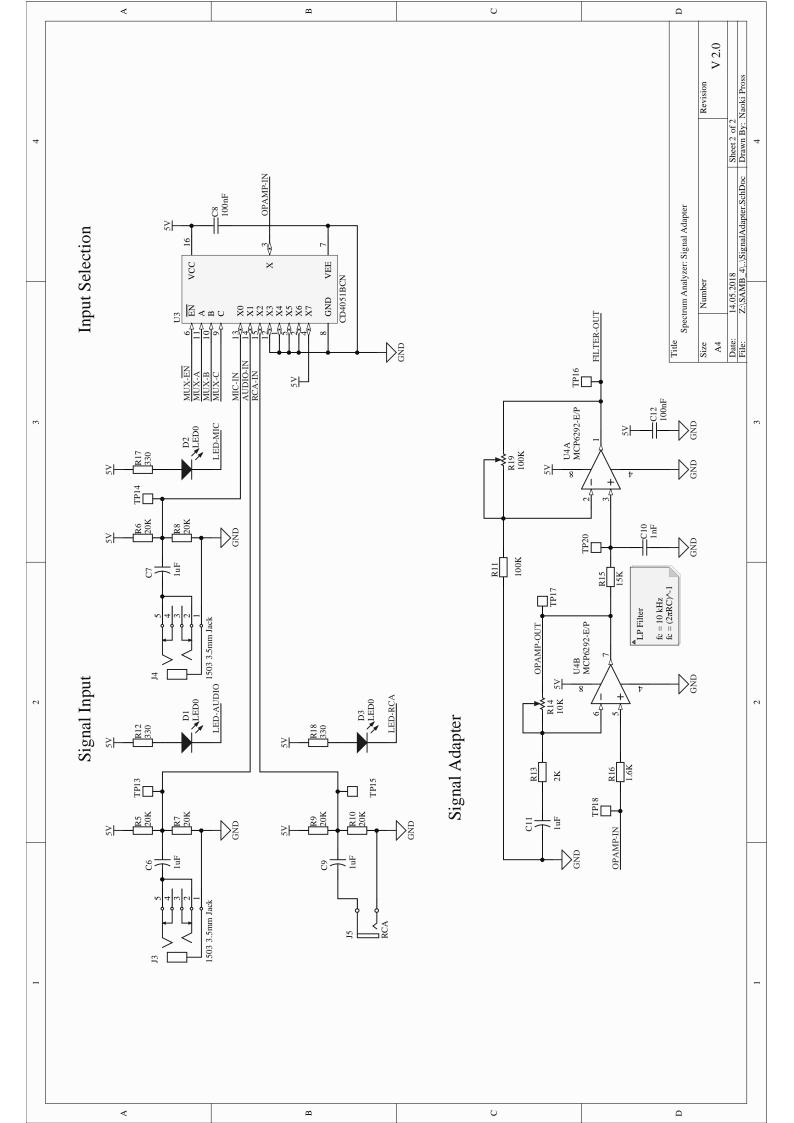
Ve	27.04.2018	4	Iniziato ad implementare un protocollo migliore per mandare i dati dal microcontroller al PC. Risolto un bug minore dell'applicativo desktop che causava un malfunzionamento sotto Windows. In dettaglio: la funzione _serial.waitReadable(); emetteva un IOException causando la chiusura del thread di lettura del seriale.		
Lu	30.04.2018	2	Terminato l'implementazione del protocollo per mandare i dati. È ora possibile mandare numeri complessi interi sia positivi che negativi.		
Lu	30.04.2018	4	Implementato il calcolo della FFT sul micro- controller e la corrispondente visualizzazione sul PC.		
Lu	30.04.2018	1	Corretto i footprints, preparato i lucidi per la stampa.		
Lu	30.04.2018	2	Cambiato il baudrate della trasmissione a 57.6 k e raddoppiato il numero di campioni. Modificato l'implementazione del PC per utilizzare le strutture std::complex invece della mia implementazione sam::complex_int16_t poichè sono standard ed hanno già tutte le operazioni matematiche definite.	Commits: d34ffc6, 41dae5e	
Lu	30.04.2018	1	Continuato la documentazione.		
Ve	11.05.2018	6	Raccolto i componenti necessari ed assemblato la scheda.	Alcuni connettori sono stati saldati in maniera rialzata per poter saldare sul lato superiore, poichè la stampa (realizzata a scuola) non collega i due layers nei fori / vias.	
Ve	11.05.2018	2	Allestito test hardware. È stato trovato un errore nel dimensionamento della resistenza R11 del filtro attivo di anti alias. Il circuito aveva un rapporto di amplificazione di 2 anzichè di 1. L'errore di dimensionamento è stato temporaneamente risolto sostituendo R11 con una resistenza da 910 k portando il rapporto di amplificazione a circa 1.016.		
Lu	14.05.2018	2	Corretto delle imperfezioni nella stampa, quali piccolo corticircuiti e piste strappate. Saldato il connettore RCA.		
Lu	14.05.2018	2	Implementato il codice per selezionare l'entrata. Iniziato ad analizzare l'implementazione della libreria HT1632 per la matrice LED.		
Lu	14.05.2018	1	Testato la compilazione del software desktop sotto windows 7. Aggiornato lo script di de- ployment (rilascio, pubblicazione).		

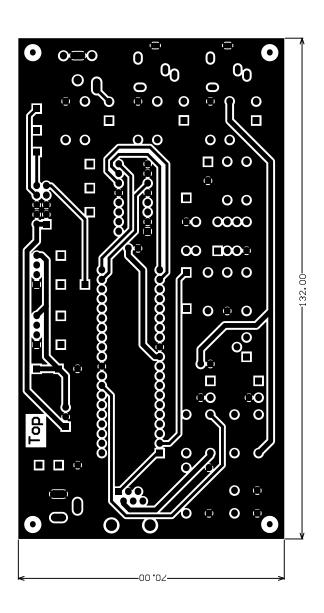
Lu	14.05.2018	2	Apportato le correzioni nello schema elettrico per il prossimo prototipo.	
Lu	14.05.2018	3	Continuato la documentazione.	
Ма	15.05.2018	5	Concluso la documentazione.	

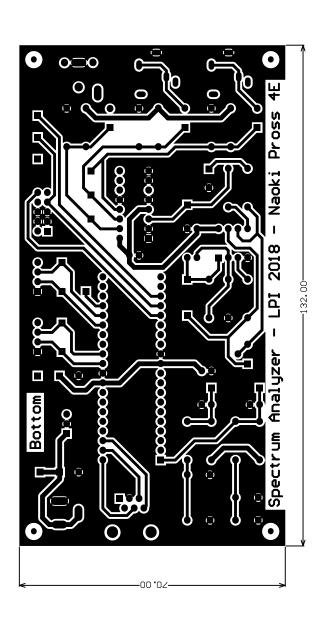


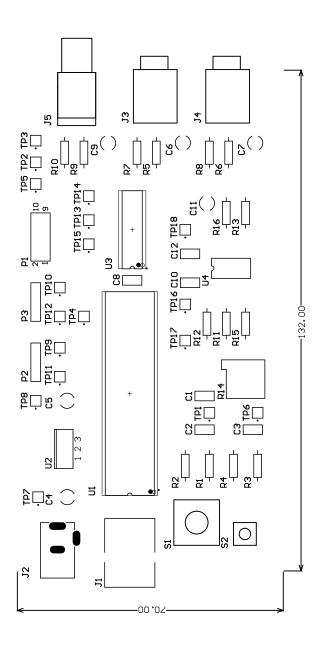












Codice sorgente

Codice del microcontroller

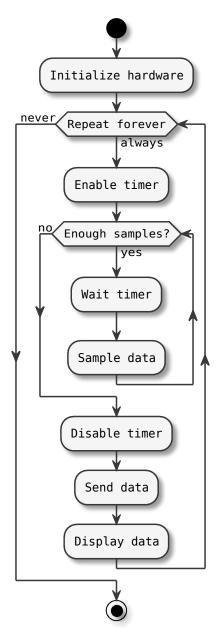


Figura 6.1: Diagramma di flusso del codice del microcontrollore