



重庆大学
CHONGQING UNIVERSITY

第四讲 语法分析 (3)

重庆大学 计算机学院 张敏





4.7.3 LR(1)分析法

例: 文法G:

1. $S \rightarrow L = R$

2. $S \rightarrow R$

3. $L \rightarrow *R$

4. $L \rightarrow i$

5. $R \rightarrow L$

LR(0)项目集

I0: $S' \rightarrow \bullet S$

$S \rightarrow \bullet L = R$

$S \rightarrow \bullet R$

$L \rightarrow \bullet *R$

$L \rightarrow \bullet i$

$R \rightarrow \bullet L$

I1: $S' \rightarrow S \bullet$

I2: $S \rightarrow L \bullet = R$

$R \rightarrow L \bullet$

I3: $S \rightarrow R \bullet$

I4: $L \rightarrow * \bullet R$

$R \rightarrow \bullet L$

$L \rightarrow \bullet *R$

$L \rightarrow \bullet i$

I5: $L \rightarrow i \bullet$

I6: $S \rightarrow L = \bullet R$

$R \rightarrow \bullet L$

$L \rightarrow \bullet *R$

$L \rightarrow \bullet i$

I7: $L \rightarrow *R \bullet$

I8: $R \rightarrow L \bullet$

I9: $S \rightarrow L = R \bullet$

思考1: $FOLLOW(R) = \{ \#, = \}$, 当在I2状态输入符号为“=”时, 会出现什么情况?

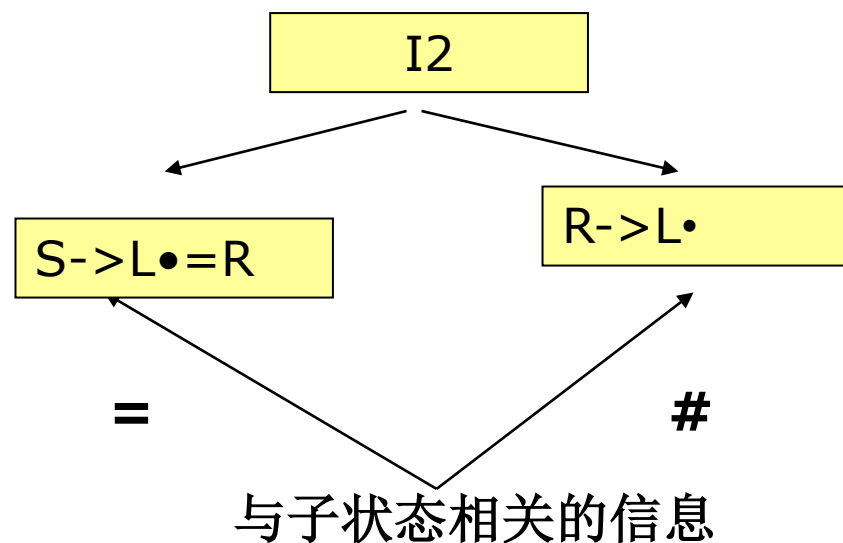
移进-归约冲突

思考2: 能否用SLR(1)方法解决? $\longrightarrow \{ = \} \cap FOLLOW(R) \neq \emptyset$



- 思考：冲突的原因是什么？如何解决？

-----该状态中存在互相矛盾的子状态





4.7.3 LR(1)分析法

LR(k)项目

解决项目集内部冲突的办法:把该状态进行分裂,并把与这些状态的展望信息附加在相应的项目上.

在每个项目后面附加若干个展望信息—K个终结符号.

$[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a_1 a_2 \dots a_k]$

我们把这样的项目称为LR(k)项目, $a_1 a_2 \dots a_k$ 称为它的**向前搜索符号串**.



4.7.3 LR(1)分析法

LR(k)项目

解决项目集内部冲突的办法:把该状态进行分裂,并把与这些状态的展望信息附加在相应的项目上.

在每个项目后面附加若干个展望信息—K个终结符号.

$[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a_1 a_2 \dots a_k]$, 这样的项目称为LR(k)项目

LR(k)项目: $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a_1 a_2 \dots a_k]$, 其中 $A \rightarrow \alpha \cdot \beta$ 是一个LR(0)项目,
 $a_i (i=1, 2, \dots, k)$ 是终结符号, $a_1 a_2 \dots a_k$ 称为该项目的向前搜索符号串

向前搜索符号串仅对归约项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a_1 a_2 \dots a_k]$ 起作用, 对任何移进或待约项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a_1 a_2 \dots a_k]$, ($\beta \neq \epsilon$) 是没有意义的。

归约项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a_1 a_2 \dots a_k]$ 意味着, 当它所属项目集对应的状态在栈顶, 且后续的k个输入符号为 $a_1 a_2 \dots a_k$ 时, 才允许把栈顶的文法符号串 α 归约为A



4.7.3 LR(1)分析法

LR(1)项目的一般形式为 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ ，其中， $A \rightarrow \alpha \beta$ 是文法中的一个产生式， a 是一个终结符或 $\#$ ；当 $\beta = \varepsilon$ 时，若当前面临的输入符号为 a ，则用 $A \rightarrow \alpha$ 进行规约；否则， a 无任何作用。

LR(1)项目的有效性

一个LR(1)项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 $\gamma = \delta \alpha$ 有效，是指存在规范推导

$$S \xRightarrow{*} \delta A w \Rightarrow \delta \alpha \beta w$$

其中 $A \in V_N$ ， $w \in V_T^*$ ， $\alpha, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$ ， $a \in (V_T \cup \{\#\})$ 且满足以下条件：

- ① if $w = \varepsilon$ ，then a 为 $\#$
- ② else，then $a \in \mathbf{FIRST}(\beta w)$



4.7.3 LR(1)分析法

LR(1)有效项目集和LR(1)项目集规范族

LR(1)有效项目集:

文法G的某个活前缀 γ 的所有LR(1)有效项目组成的集合称为 γ 的LR(1)有效项目集。

文法G的所有LR(1)有效项目集组成的集合称为G的LR(1)项目集规范族。



4.7.3 LR(1)分析法

LR(1)项目集族构造

LR(1)项目集族的构造基本方法：

针对初始项目 $S' \rightarrow \bullet S, \#$ 求闭包后再用转换函数逐步求出整个文法的LR(1)项目集族。



4.7.3 LR(1)分析法

LR(1)项目集闭包 (closure) 的定义:

设 I 是文法 G 的一个LR(1)项目集, $\text{closure}(I)$ 是从 I 出发, 用下面的方法构造的项目集

- (1) I 中的每一个项目都属于 $\text{closure}(I)$;
- (2) 若项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot B\beta, a]$ 属于 $\text{closure}(I)$, 且 $B \rightarrow \eta$ 是 G 的一个产生式, 则对任何终结符号 $b \in \text{FIRST}(\beta a)$, 若项目 $[B \rightarrow \cdot \eta, b]$ 不属于集合 $\text{closure}(I)$, 则将它加入 $\text{closure}(I)$;
- (3) 重复规则(2), 直到 $\text{closure}(I)$ 不再增大为止。



4.7.3 LR(1)分析法

算法： closure(I)的构造过程

输入：项目集合I。

输出：集合 $J = \text{closure}(I)$ 。

方法：

$J = I$;

do {

$J_{\text{new}} = J$;

for (J_{new} 中的每一个项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$ 和
文法G的每个产生式 $B \rightarrow \eta$)

for (FIRST(βa)中的每一个终结符号b)

if ($[B \rightarrow \cdot \eta, b] \notin J$) 把 $[B \rightarrow \cdot \eta, b]$ 加入J;

} while ($J_{\text{new}} \neq J$);



4.7.3 LR(1)分析法

转移函数go

若 I 是文法 G 的一个LR(1)项目集, X 是一个文法符号, 定义:

$$\text{go}(I, X) = \text{closure}(J)$$

其中: $J = \{ [A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a] \mid \text{当} [A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a] \text{属于} I \text{时} \}$, 项目 $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a]$ 称为 $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a]$ 的后继。

直观含义:

若 I 是某个活前缀 γ 的有效项目集,
则 $\text{go}(I, X)$ 便是活前缀 γX 的有效项目集。



4.7.3 LR(1)分析法

转移函数go

若 I 是文法 G 的一个LR(1)项目集, X 是一个文法符号, 定义:

$$\text{go}(I, X) = \text{closure}(J)$$

其中: $J = \{ [A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a] \mid \text{当} [A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a] \text{属于} I \text{时} \}$, 项目 $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a]$ 称为 $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a]$ 的后继。

直观含义:

若 I 是某个活前缀 γ 的有效项目集,
则 $\text{go}(I, X)$ 便是活前缀 γX 的有效项目集。



4.7.3 LR(1)分析法

算法：计算GO (I, X)

```
procedure GO (I, X)
  begin
    J = {任何形如 $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a]$ 的项目 |  $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a \in I]$ };
    return CLOSURE (J);
  end;
```



4.7.3 LR(1)分析法

算法： LR(1)有效项目集族C的构造算法

输入: G的拓广文法 G'

输出: G的LR(1)的项目集族 C

begin

$C := \{ \text{CLOSURE} (\{ [S' \rightarrow \cdot S, \#] \}) \};$

repeat

for C 中每个项目集I和 G' 中每个文法符号X

do if $GO(I, X)$ 非空且不属于C then将 $GO(I, X)$ 加到C

until C不再增大;

end



4.7.3 LR(1)分析法

示例: 构造如下文法的LR(1)项目集规范族

(1) $S \rightarrow CC$ (2) $C \rightarrow cC$ (3) $C \rightarrow d$ (文法4.8)

- 拓广文法:

(0) $S' \rightarrow S$ (1) $S \rightarrow CC$ (2) $C \rightarrow cC$ (3) $C \rightarrow d$



4.7.3 LR(1)分析法

示例：构造如下文法的LR(1)项目集规范族

(1) $S \rightarrow CC$ (2) $C \rightarrow cC$ (3) $C \rightarrow d$ (文法4.8)

续：

根据算法4.6构造其LR(1)项目集规范族。

$I_0 = \text{closure}(\{[S' \rightarrow \cdot S, \$]\}) = \{[S' \rightarrow \cdot S, \$] [S \rightarrow \cdot CC, \$] [C \rightarrow \cdot cC, c/d] [C \rightarrow \cdot d, c/d]\}$

$I_1 = \text{go}(I_0, S) = \text{closure}(\{[S' \rightarrow S \cdot, \$]\}) = \{[S' \rightarrow S \cdot, \$]\}$

$I_2 = \text{go}(I_0, C) = \text{closure}(\{[S \rightarrow C \cdot C, \$]\}) = \{[S \rightarrow C \cdot C, \$] [C \rightarrow \cdot cC, \$] [C \rightarrow \cdot d, \$]\}$

$I_3 = \text{go}(I_0, c) = \text{closure}(\{[C \rightarrow c \cdot C, c/d]\}) = \{[C \rightarrow c \cdot C, c/d] [C \rightarrow \cdot cC, c/d] [C \rightarrow \cdot d, c/d]\}$

$I_4 = \text{go}(I_0, d) = \text{closure}(\{[C \rightarrow d \cdot, c/d]\}) = \{[C \rightarrow d \cdot, c/d]\}$

$I_5 = \text{go}(I_2, C) = \text{closure}(\{[S \rightarrow CC \cdot, \$]\}) = \{[S \rightarrow CC \cdot, \$]\}$

$I_6 = \text{go}(I_2, c) = \text{closure}(\{[C \rightarrow c \cdot C, \$]\}) = \{[C \rightarrow c \cdot C, \$] [C \rightarrow \cdot cC, \$] [C \rightarrow \cdot d, \$]\}$

$I_7 = \text{go}(I_2, d) = \text{closure}(\{[C \rightarrow d \cdot, \$]\}) = \{[C \rightarrow d \cdot, \$]\}$

$I_8 = \text{go}(I_3, C) = \text{closure}(\{[C \rightarrow cC \cdot, c/d]\}) = \{[C \rightarrow cC \cdot, c/d]\}$

$\text{go}(I_3, c) = \text{closure}(\{[C \rightarrow c \cdot C, c/d]\}) = I_3$

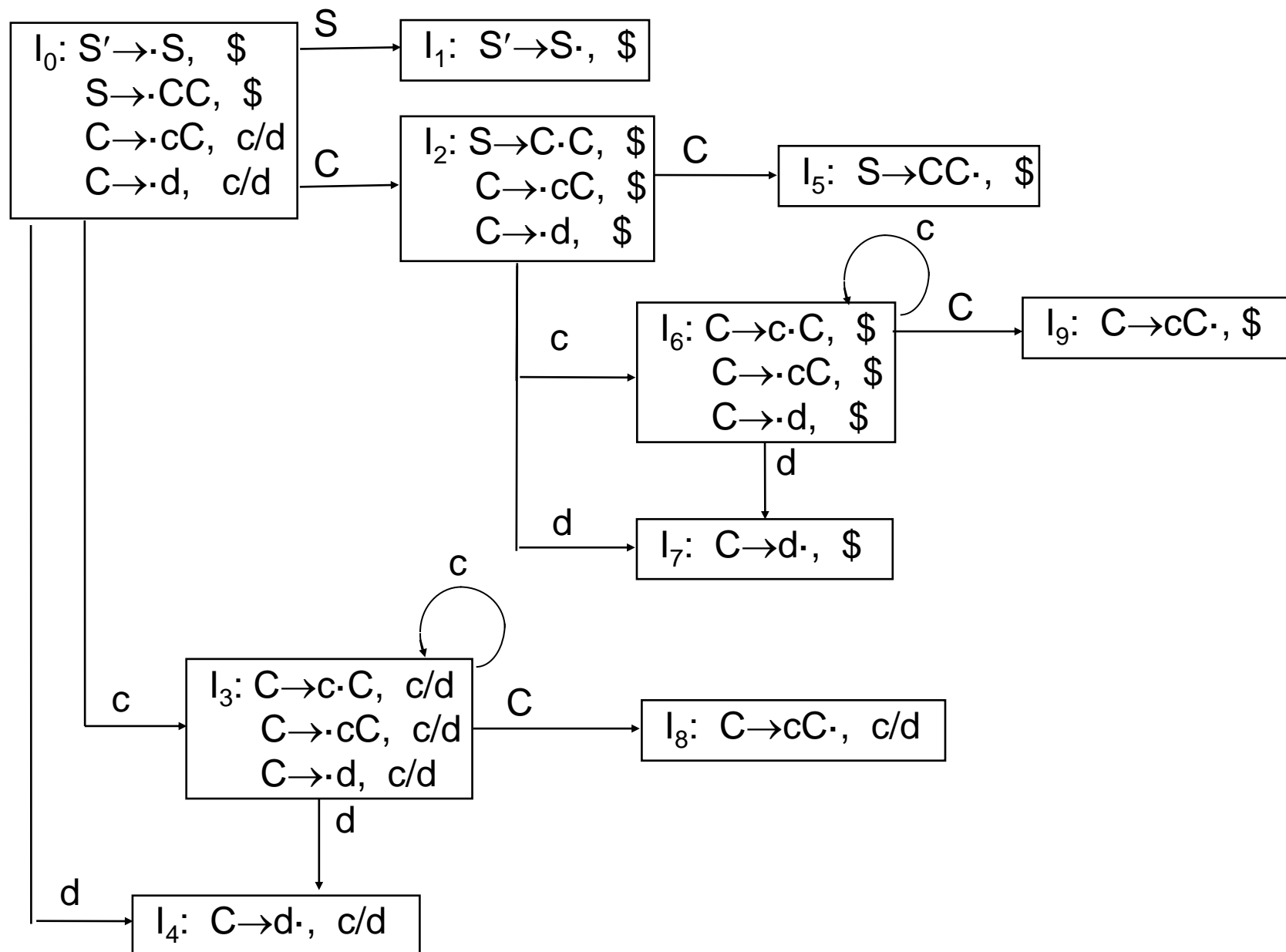
$\text{go}(I_3, d) = \text{closure}(\{[C \rightarrow d \cdot, c/d]\}) = I_4$

$I_9 = \text{go}(I_6, C) = \text{closure}(\{[C \rightarrow cC \cdot, \$]\}) = \{[C \rightarrow cC \cdot, \$]\}$

$\text{go}(I_6, c) = \text{closure}(\{[C \rightarrow c \cdot C, \$]\}) = I_6$

$\text{go}(I_6, d) = \text{closure}(\{[C \rightarrow d \cdot, \$]\}) = I_7$

示例(续): 识别所有活前缀的DFA



- (0) $S' \rightarrow S$
- (1) $S \rightarrow CC$
- (2) $C \rightarrow cC$
- (3) $C \rightarrow d$



4.7.3 LR(1)分析法

算法：构造LR(1)分析表

输入：拓广文法 G'

输出：文法 G' 的分析表

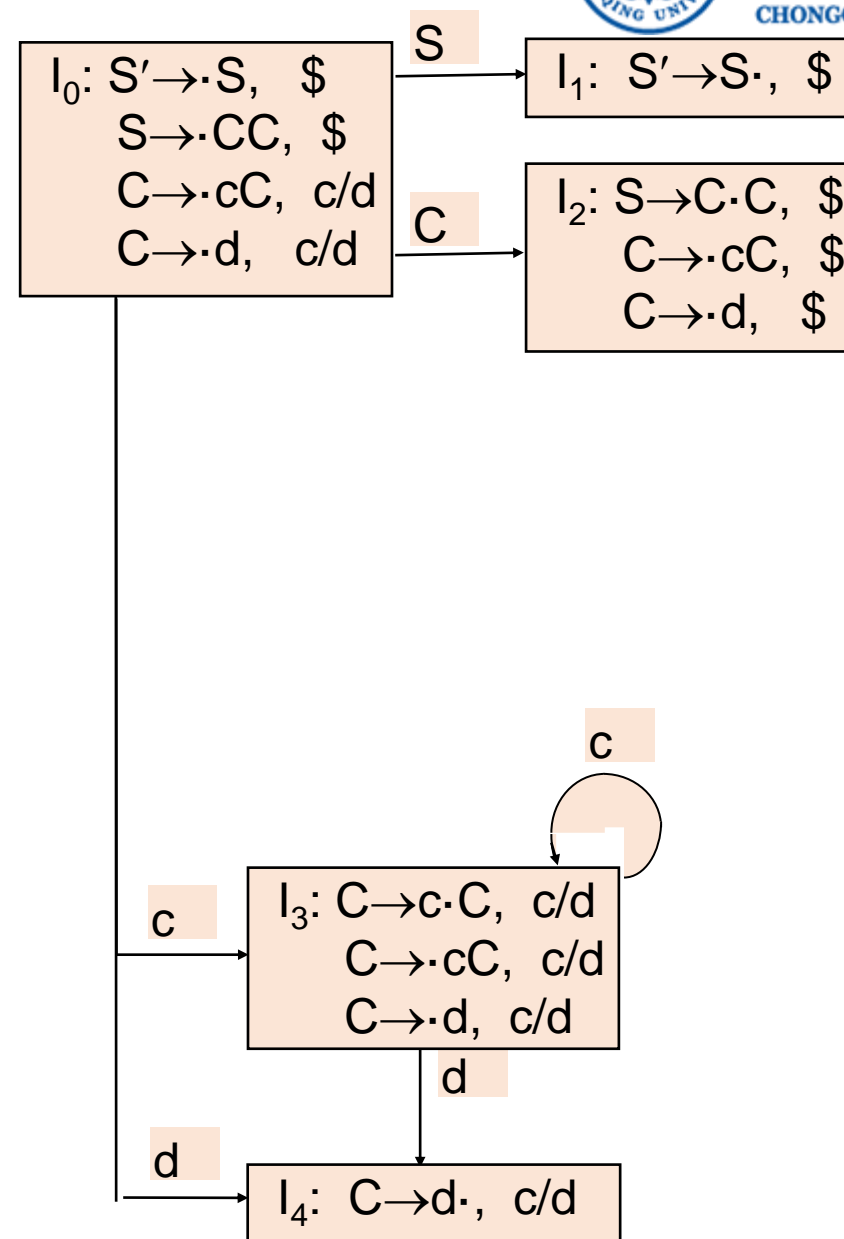
- 1.构造文法 G' 的LR(1)项目集规范族 $C=\{I_0, I_1, \dots, I_n\}$
- 2.对于状态 i （代表项目集 I_i ），分析动作如下：
 - a) 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot a \beta, b] \in I_i$ ， a 为终结符且 $go(I_i, a) = I_j$ ，则置 $action[i, a] = sj$
 - b) 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a] \in I_i$ ，且 $A \neq S'$ ，则置 $action[i, a] = rj$
 - c) 若 $[S' \rightarrow S \cdot, \$] \in I_i$ ，则置 $action[i, \$] = acc$
- 3.若对非终结符号 A ，有 $go(I_i, A) = I_j$ ，则置 $goto[i, A] = j$
- 4.凡是不能用上述规则填入信息的空白表项，均置上出错标志error。
- 5.分析程序的初态是包括 $[S' \rightarrow \cdot s, \$]$ 的有效项目集所对应的状态。



4.7.3 LR(1)分析法

LR(1)分析表

- 考察 I_0 :
 - $[S' \rightarrow \cdot S, \$]$ 且 $go(I_0, S) = I_1$, 故: $goto[0, S] = 1$
 - $[S \rightarrow \cdot CC, \$]$ $go(I_0, C) = I_2$ $goto[0, C] = 2$
 - $[C \rightarrow \cdot cC, c/d]$ $go(I_0, c) = I_3$ $action[0, c] = s3$
 - $[C \rightarrow \cdot d, c/d]$ $go(I_0, d) = I_4$ $action[0, d] = s4$
- 考察 I_1 : 由于 $[S' \rightarrow S \cdot, \$]$ 故 $action[1, \$] = acc$
- 考察 I_2 :
 - $[S \rightarrow C \cdot C, \$]$ 且 $go(I_2, C) = I_5$ 故: $goto[2, C] = 5$
 - $[C \rightarrow \cdot cC, \$]$ $go(I_2, c) = I_6$ $action[2, c] = s6$
 - $[C \rightarrow \cdot d, \$]$ $go(I_2, d) = I_7$ $action[2, d] = s7$
- 考察 I_4 :
 - $[C \rightarrow d \cdot, c/d]$ 故 $action[4, c] = action[4, d] = r3$





4.7.3 LR(1)分析法

LR(1)分析表

状态	action			goto	
	c	d	\$	S	C
0	s3	s4		1	2
1			acc		
2	s6	s7			5
3	s3	s4			8
4	r3	r3			
5			r1		
6	s6	s7			9
7			r3		
8	r2	r2			
9			r2		



4.7.4 LALR(1)分析法

LR(1)分析表与LR(0)分析表相比较又什么优劣？可以怎样改进？



4.7.4 LALR(1)分析法

描述LR(1)项目集特征的两个概念

同心集:

如果两个LR(1)项目集去掉搜索符号之后是相同的, 则称这两个项目集具有相同的心 (core), 即这两个项目集是同心集。

核:

除去初态项目集外, 一个项目集的核 (kernel) 是由该项目集中那些圆点不在最左边的项目组成。

LR(1)初态项目集的核中有且只有项目
 $[S' \rightarrow \cdot S, \$]$ 。



4.7.4 LALR(1)分析法

构造LALR(1)分析表的基本思想：

- 合并LR(1)项目集规范族中的同心集，以减少分析表的状态数。
- 用核代替项目集，以减少项目集所需的存储空间。
- $go(I, X)$ 仅仅依赖于 I 的心，因此LR(1)项目集合并后的转移函数可以通过 $go(I, X)$ 自身的合并得到。
- 同心集的合并，可能导致归约-归约的冲突，但不会产生新的移进-归约冲突？

为什么？



4.7.4 LALR(1)分析法

同心集的合并不会引进新的移进-归约冲突

如果合并后的项目集中存在移进-归约冲突，则意味着：

项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot a]$ 和 $[B \rightarrow \beta \cdot a \gamma, b]$ 处于合并后的同一项目集中，合并前必存在某个 c ，使得 $[A \rightarrow \alpha \cdot a]$ 和 $[B \rightarrow \beta \cdot a \gamma, c]$ 同处于某个项目集中。说明，原来的LR(1)项目集中已经存在移进-归约冲突。而这与合并前为LR(1)项目所冲突。



4.7.4 LALR(1)分析法

同心集的合并可能导致归约-归约冲突

例：有文法G：

$$S \rightarrow aAd | bBd | aBe | bAe$$
$$A \rightarrow c$$
$$B \rightarrow c \quad (\text{文法4.9})$$

- 拓广文法G'

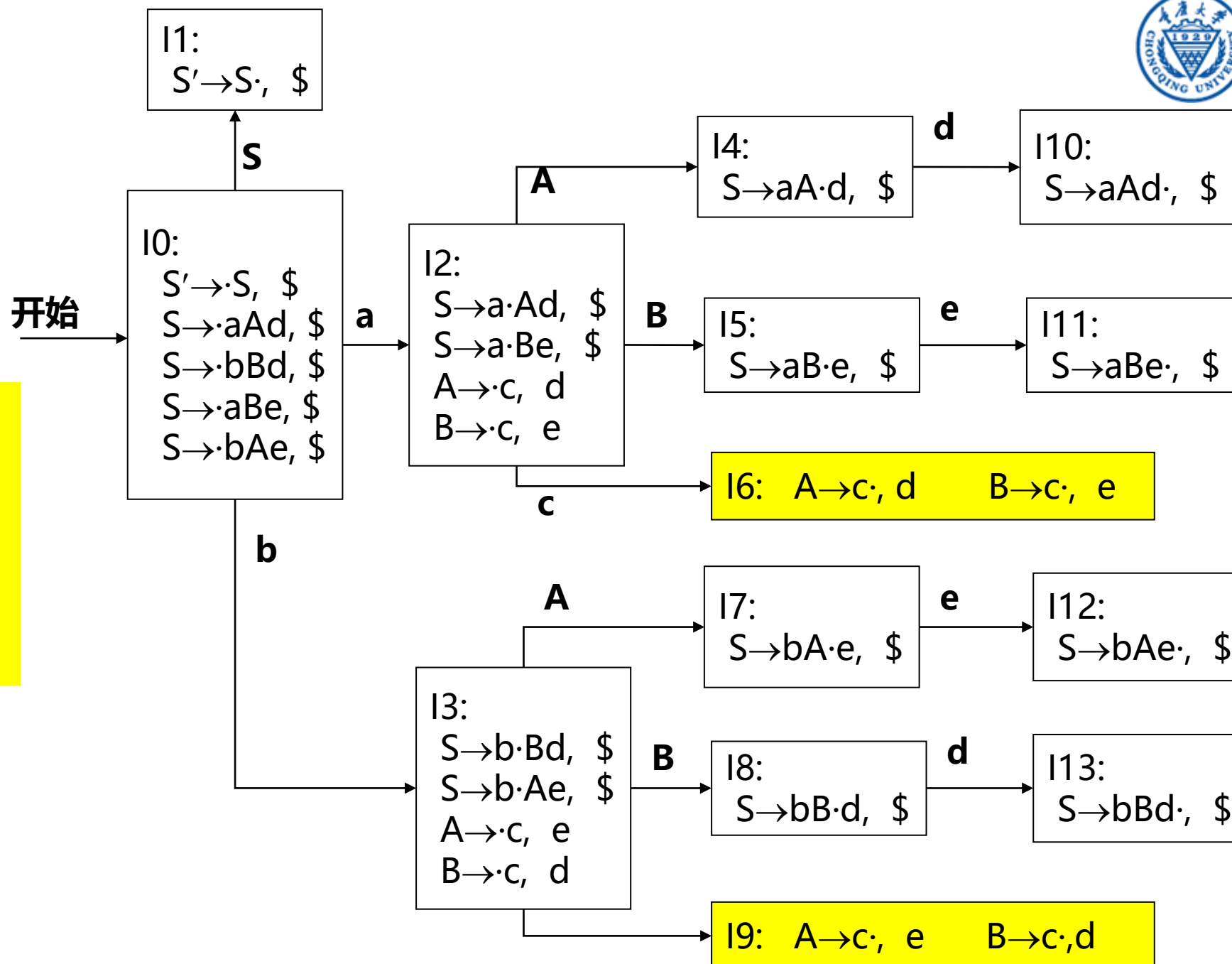
(0) $S' \rightarrow S$

(1) $S \rightarrow aAd$ (2) $S \rightarrow bBd$ (3) $S \rightarrow aBe$ (4) $S \rightarrow bAe$

(5) $A \rightarrow c$ (6) $B \rightarrow c$

- 构造识别文法G'的所有活前缀的DFA

$$I_0 = \{[S' \rightarrow \cdot S, \$]$$
$$[S \rightarrow \cdot aAd, \$] [S \rightarrow \cdot bBd, \$] [S \rightarrow \cdot aBe, \$] [S \rightarrow \cdot bAe, \$]\}$$



- 0) $S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow aAd$
- 2) $S \rightarrow bBd$
- 3) $S \rightarrow aBe$
- 4) $S \rightarrow bAe$
- 5) $A \rightarrow c$
- 6) $B \rightarrow c$

4.7.4 LALR(1)分析法



状态	action						goto		
	a	b	c	d	e	\$	S	A	B
0	s2	s3					1		
1						acc			
2			s6					4	5
3			s9					7	8
4				s10					
5					s11				
6				r5	r6				
7					s12				
8				s13					
9				r6	r5				
10						r1			
11						r3			
12						r4			
13						r2			



4.7.4 LALR(1)分析法

合并同心集

- LR(1)项目集规范族中
 - 活前缀ac的有效项目集是 I_6
 - 活前缀bc的有效项目集是 I_9
 - 这两个项目集都不含冲突项目，且是同心集。
- 它们合并后得到的集合为：
 $\{[A \rightarrow c\cdot, d/e] [B \rightarrow c\cdot, d/e]\}$
- 含有归约-归约冲突。



4.7.4 LALR(1)分析法

LALR(1)分析表的构造

- 基本思想是：
 - 首先构造LR(1)项目集规范族；
 - 如果它不存在冲突，就把同心集合并在一起；
 - 若合并后的项目集规范族不存在归约-归约冲突，就按这个项目集规范族构造分析表。



4.7.4 LALR(1)分析法

算法 构造LALR(1)分析表

输入：一个拓广文法 G'

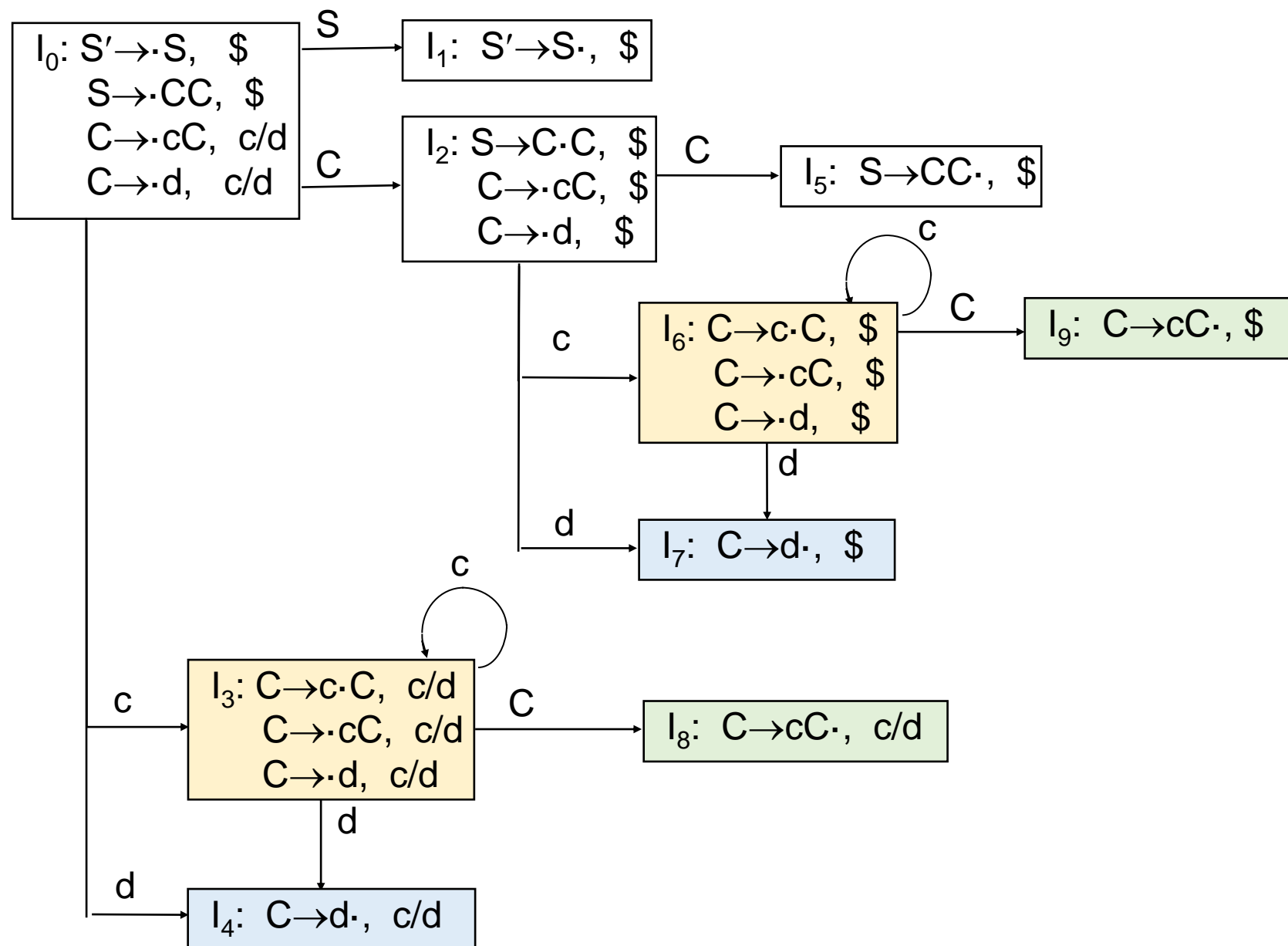
输出：文法 G' 的LALR(1)分析表

方法：

- 1.构造文法 G' 的LR(1)项目集规范族 $C=\{I_0, I_1, \dots, I_n\}$ 。
- 2.合并 C 中的同心集，得到一个新的项目集规范族 $C'=\{J_0, J_1, \dots, J_m\}$ ，其中含有项目 $[S' \rightarrow \cdot S, \$]$ 的 J_k 为分析表的初态。
- 3.从 C' 出发，构造action子表
 - a) 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot a\beta, b] \in J_i$ ，且 $go(J_i, a) = J_j$ ，则置 $action[i, a] = sj$
 - b) 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a] \in J_i$ ，则置 $action[i, a] = r A \rightarrow \alpha$
 - c) 若 $[S' \rightarrow S \cdot, \$] \in J_i$ ，则置 $action[i, \$] = acc$
- 4.构造goto子表
设 $J_k = \{li_1, li_2, \dots, li_t\}$ ，由于这些 li 是同心集，因此 $go(li_1, X)$ 、 $go(li_2, X)$ 、...、 $go(li_t, X)$ 也是同心集
把所有这些项目集合并后得到的集合记作 J_i ，则有： $go(J_k, X) = J_i$ ，于是，若 $go(J_k, A) = J_i$ ，则置 $goto[k, A] = i$
- 5.分析表中凡不能用上述规则填入信息的空表项，均置上出错标志。



示例: 构造文法4.8的LALR(1)分析表



- (0) $S' \rightarrow S$
- (1) $S \rightarrow CC$
- (2) $C \rightarrow cC$
- (3) $C \rightarrow d$



4.7.4 LALR(1)分析法

- 有三对同心集可以合并，即
 - I_3 和 I_6 合并，得到项目集：
 $I_{36} = \{[C \rightarrow c \cdot C, c/d/\$] [C \rightarrow \cdot cC, c/d/\$] [C \rightarrow \cdot d, c/d/\$]\}$
 - I_4 和 I_7 合并，得到项目集：
 $I_{47} = \{[C \rightarrow d \cdot, c/d/\$]\}$
 - I_8 和 I_9 合并，得到项目集：
 $I_{89} = \{[C \rightarrow cC \cdot, c/d/\$]\}$
- 同心集合并后得到的新的项目集规范族为：
 $C' = \{I_0, I_1, I_2, I_{36}, I_{47}, I_5, I_{89}\}$
- 利用算法4.8，可以为该文法构造LALR(1)分析表。



4.7.4 LALR(1)分析法

文法4.8的LALR(1)分析表

状态	action			goto	
	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		

- 此文法是LALR(1)文法
- 转移函数go的计算只依赖于项目集的心



4.7.4 LALR(1)分析法

LALR(1)分析程序对符号串cdcd的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	cdcd\$	shift
1	0c ³⁶	dcd\$	shift
2	0c ³⁶ d ⁴⁷	cd\$	reduce by $C \rightarrow d$
3	0c ³⁶ C ⁸⁹	cd\$	reduce by $C \rightarrow cC$
4	0C ²	cd\$	shift
5	0C ² c ³⁶	d\$	shift
6	0C ² c ³⁶ d ⁴⁷	\$	reduce by $C \rightarrow d$
7	0C ² c ³⁶ C ⁸⁹	\$	reduce by $C \rightarrow cC$
8	0C ² C ⁵	\$	reduce by $S \rightarrow CC$
9	0S ¹	\$	accept



4.7.4 LALR(1)分析法

LR(1)分析程序对符号串cdcd的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	cdcd\$	shift
1	0c3	dcd\$	shift
2	0c3d4	cd\$	reduce by $C \rightarrow d$
3	0c3C8	cd\$	reduce by $C \rightarrow cC$
4	0C2	cd\$	shift
5	0C2c6	d\$	shift
6	0C2c6d7	\$	reduce by $C \rightarrow d$
7	0C2c6C9	\$	reduce by $C \rightarrow cC$
8	0C2C5	\$	reduce by $S \rightarrow CC$
9	0S1	\$	accept

4.7.4 LALR(1)分析法

LR(1)分析程序对符号串ccd的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	ccd\$	shift
1	0c3	cd\$	shift
2	0c3c3	d\$	shift
3	0c3c3d4	\$	error

状态	action			goto	
	c	d	\$	S	C
0	s3	s4		1	2
1			acc		
2	s6	s7			5
3	s3	s4			8
4	r3	r3			
5			r1		
6	s6	s7			9
7			r3		
8	r2	r2			
9			r2		



4.7.4 LALR(1)分析法

LALR(1)分析程序对符号串ccd的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	ccd\$	shift
1	0c36	cd\$	shift
2	0c36c36	d\$	shift
3	0c36c36d47	\$	reduce by $C \rightarrow d$
4	0c36c36C89	\$	reduce by $C \rightarrow cC$
5	0c36C89	\$	reduce by $C \rightarrow cC$
6	0C2	\$	error

状态	action			goto	
	c	d	\$	S	C
0	s36	s47		1	2
1			acc		
2	s36	s47			5
36	s36	s47			89
47	r3	r3	r3		
5			r1		
89	r2	r2	r2		



4.7.4 LALR(1)分析法

定理：任何二义性文法决不是LR文法，因而也不是SLR或LALR文法。

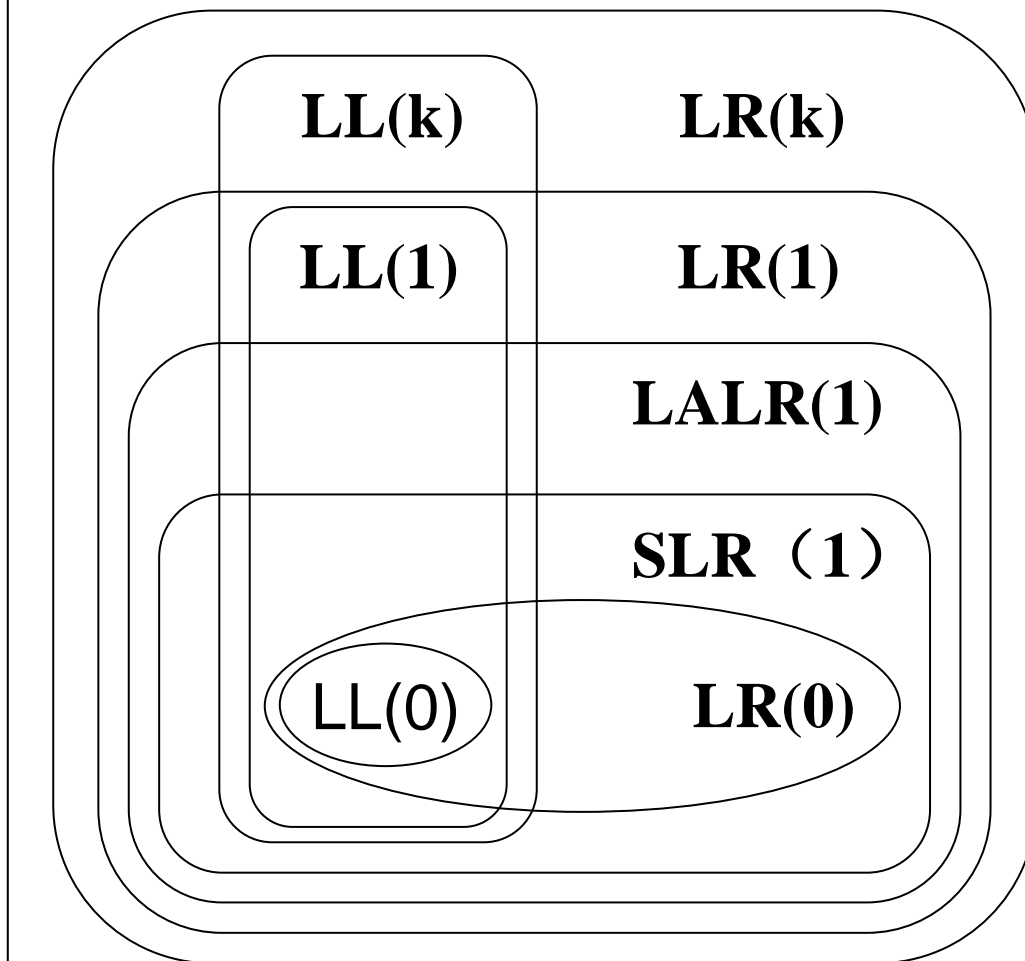
程序设计语言的某些结构用二义性文法描述比较直观，使用方便。例如关于算术表达式的文法和if语句的文法。

在所有情况下，都说明了消除二义性的一些规则（即这类结构的使用限制）。



4.7.4 LALR(1)分析法

非二义性文法



二义性文法



4.7.4 LALR(1)分析法

利用优先级和结合规则解决表达式冲突

- 描述算术表达式集合的二义性文法：
 $E \rightarrow E + E | E * E | (E) | id$ (文法4.10)
- 无二义性的文法：
 $E \rightarrow E + T | T$
 $T \rightarrow T * F | F$
 $F \rightarrow (E) | id$
- 前者具有两个明显的优点：
 - 改变运算符的优先级或结合规则时，文法本身无需改变，只需改变限制条件。
 - LR分析表所包含的状态数比后者少得多



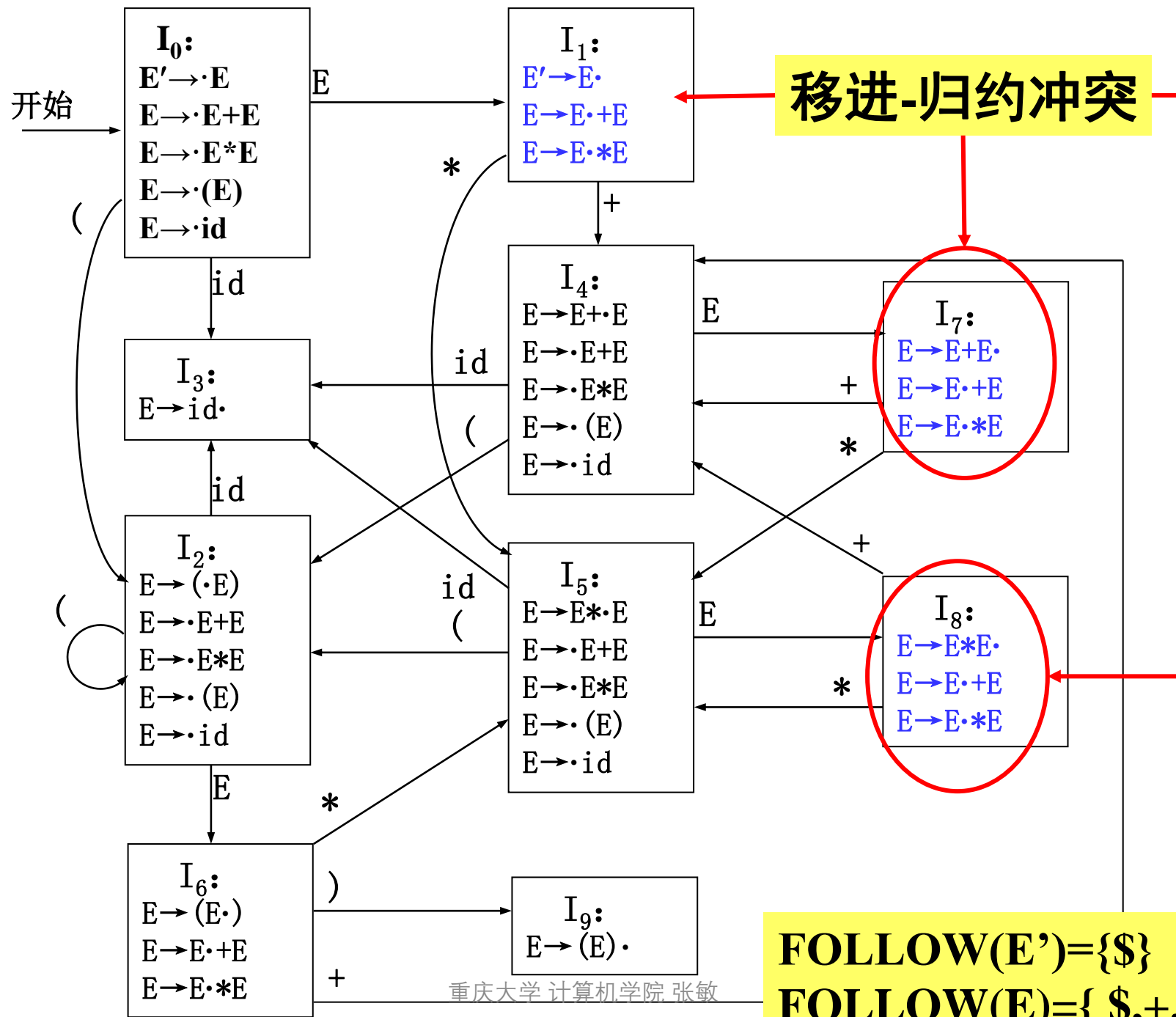
4.7.4 LALR(1)分析法

例：其拓广文法 G' 具有产生式：

(0) $E' \rightarrow E$ (1) $E \rightarrow E + E$ (2) $E \rightarrow E * E$

(3) $E \rightarrow (E)$ (4) $E \rightarrow id$

构造文法 G' 的LR(0)项目集规范族及识别所有活前缀的DFA





'+' 和 '*' 的优先级及结合规则共有4种情况

(1) * 优先于 + , 遵从左结合规则

(2) * 优先于 + , 遵从右结合规则

(3) + 优先于 * , 遵从左结合规则

(4) + 优先于 * , 遵从右结合规则

$I_7:$
 $E \rightarrow E + E \cdot$
 $E \rightarrow E \cdot + E$
 $E \rightarrow E \cdot * E$

$I_8:$
 $E \rightarrow E * E \cdot$
 $E \rightarrow E \cdot + E$
 $E \rightarrow E \cdot * E$

条件	状态	action					goto	
		id	+	*	()	\$	E
(1)	7		r1	s5		r1	r1	
	8		r2	r2		r2	r2	
(2)	7		s4	s5		r1	r1	
	8		r2	s5		r2	r2	
(3)	7		r1	r1		r1	r1	
	8		s4	r2		r2	r2	
(4)	7		s4	r1		r1	r1	
	8		s4	s5		r2	r2	



4.7.4 LALR(1)分析法

状态	action						goto
	id	+	*	()	\$	E
0	s3			s2			1
1		s4	s5			acc	
2	s3			s2			6
3		r4	r4		r4	r4	
4	s3			s2			7
5	s3			s2			8
6		s4	s5		s9		
7		r1	s5		r1	r1	
8		r2	r2		r2	r2	
9		r3	r3		r3	r3	



4.7.4 LALR(1)分析法

利用最近最后匹配原则解决if语句冲突

- 映射程序设计语言中if-then-else结构的文法:

$$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$$
$$| \text{if } E \text{ then } S$$
$$| \text{others} \quad (\text{文法4.11})$$

- 对该文法进行抽象

- 用i表示 “if E then”

- 用e表示 “else”

- 用a表示 “others”

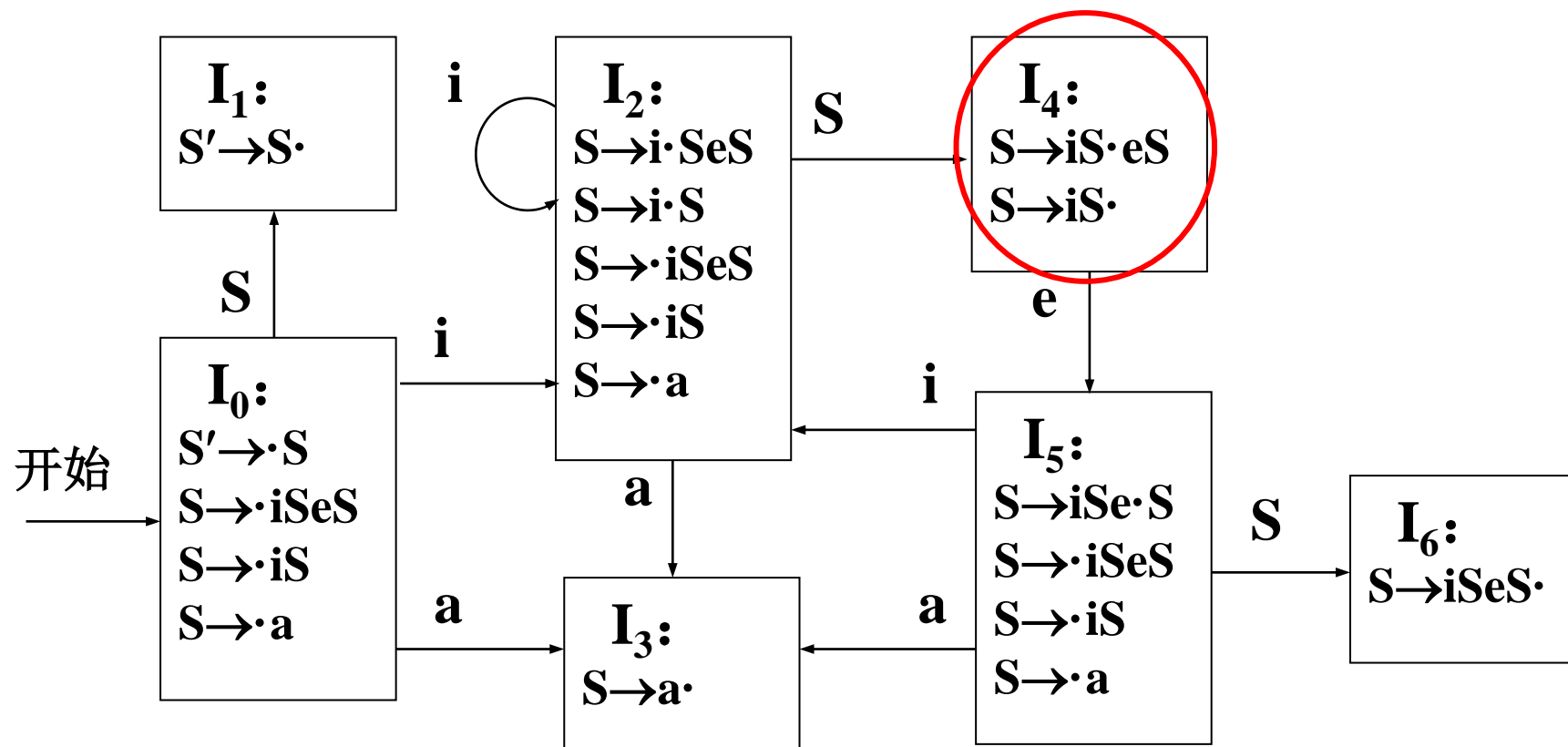
- 得到文法:

$$S \rightarrow iS \mid iSeS \mid a \quad (\text{文法4.12})$$

4.7.4 LALR(1)分析法

文法4.12 的LR(0)项目集规范族及识别其所有活前缀的DFA
其拓广文法 G' 为:

(0) $S' \rightarrow S$ (1) $S \rightarrow iSeS$ (2) $S \rightarrow iS$ (3) $S \rightarrow a$





4.7.4 LALR(1)分析法

最近最后匹配原则：

else与离它最近的一个未匹配的then相匹配

文法4.14的LR分析表

状态	action				goto
	i	e	a	\$	S
0	s2		s3		1
1				acc	
2	s2		s3		4
3		r3		r3	
4		s5		r2	
5	s2		s3		6
6		r1		r1	



例：分析输入符号串iiaea

步骤	栈	输入	分析动作
1	0	iiaea\$	shift
	-		
2	0 2	iaea\$	shift
	- i		
3	0 2 2	aea\$	shift
	- i i		
4	0 2 2 3	ea\$	reduce by $S \rightarrow a$
	- i i a		
5	0 2 2 4	ea\$	shift
	- i i S		
6	0 2 2 4 5	a\$	shift
	- i i S e		
7	0 2 2 4 5 3	\$	reduce by $S \rightarrow a$
	- i i S e a		
8	0 2 2 4 5 6	\$	reduce by $S \rightarrow iSeS$
	0 i i S e S		
9	0 2 4	\$	reduce by $S \rightarrow iS$
	- i S		
10	0 1	\$	accept
	- S		



4.7.5 LR分析的错误处理与恢复

- LR分析程序可采取以下恢复策略：
 - 首先，从栈顶开始退栈，可能弹出0个或若干个状态，直到出现状态S为止，根据S在goto子表中可以找到一个非终结符号A，即它有关于A的转移；
 - 然后，抛弃0个或若干个输入符号，直到找到符号a为止， $a \in \text{FOLLOW}(A)$ ，即a可以合法地跟在A的后面；
 - 然后，分析程序把状态goto[S,A]压入栈，继续进行语法分析。
- 在弹栈过程中出现的A可能不止一个，通常选择表示主要结构成分的非终结符号。
- 实际上是跳过包含错误的一部分终结符号串。

例：
符号

期待输入符号为运算符或右括号，而遇到的却是运算对象（id或左括号）。

诊断信息：“缺少运算符”

恢复策略：把运算符 ‘+’ 压入栈，转移到状态4。

遇到

状态							goto
	id	()	\$	E		
0	s3	e1	e1	s2	e2	e1	1
1	e3	s4	s5	e3	e2	acc	
2	s3	e1	e1	s2	e2	e1	6
3	r4	r4	r4	r4	r4	r4	
4	s3	e1	e1	s2	e2	e1	7
5	s3	e1	e1	s2	e2	e1	8
6	e3	s4	s5	e3	s9	e4	
7	r1	r1	s5	r1	r1		
8							
9							

期待输入符号为运算符或右括号，而遇到的却是输入串结束标志 ‘\$’。

诊断信息：“缺少右括号”

恢复策略：把右括号压入栈，转移到状态9。



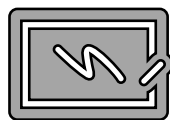
4.7.5 LR分析的错误处理与恢复

- e1: 在状态0、2、4、5, 期待输入符号为运算对象的首字符, 即id或(, 而输入中出现的却是运算符 '+' 或 '*', 或是输入串结束标志 '\$'。
- 策略: 把一个假想的id压入栈, 并将状态3推入栈顶。
 - 诊断信息: “缺少运算对象”
- e2: 在状态0、1、2、4、5, 期待输入符号为运算对象的首字符或运算符, 但却遇到右括号。
- 策略: 删掉输入的右括号
 - 诊断信息: “括号不匹配”
- e3: 在状态1、6, 期待输入符号为运算符或右括号, 而遇到的却是运算对象 (id或左括号)。
- 策略: 把运算符 '+' 压入栈, 转移到状态4。
 - 诊断信息: “缺少运算符”
- e4: 在状态6, 期待输入符号为运算符或右括号, 而遇到的却是输入串结束标志 '\$'。
- 策略: 把右括号压入栈, 转移到状态9。
 - 诊断信息: “缺少右括号”



示例：分析符号串id+)

步骤	栈	输入	分析动作
(1)	0	id+)\$	shift
	—		
(2)	0 3	+)\$	reduce by $E \rightarrow id$
	— id		
(3)	0 1	+)\$	shift
	— E		
(4)	0 1 4)\$	CALL e2 “括号不匹配”，删掉 ‘)’
	— E +		
(5)	0 1 4	\$	CALL e1 “缺少运算对象”，id压入栈
	— E +		
(6)	0 1 4 3	\$	reduce by $E \rightarrow id$
	— E + id		
(7)	0 1 4 7	\$	reduce by $E \rightarrow E + E$
	— E + E	\$	reduce by $E \rightarrow E + E$
(8)	0 1	\$	accept
	— E		



课后作业 1

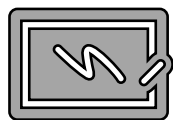
1、构造下列文法的LR (1) 分析表

1. $S \rightarrow AcA$

2. $A \rightarrow aA$

3. $A \rightarrow d$





课后作业 2

请对几种语法分析方法进行总结

