

Übung 02: Verfahrens- und Maschinenfehler

Tobias Blesgen und Leonardo Thome

19.05.2021

Im folgenden wollen wir die 2-Punktformel und 3-Punktformel auf ihre Verfahrensfehler untersuchen und durch Verwendung verschiedener Datentypen den Maschinenfehler abschätzen.

Die 2-Punktformel beschreibt die Ableitung einer Funktion $f(x)$ an der Stelle x_i mit:

$$f'(x_i) = \frac{f(x_{i+1}) - f(x_i)}{h} + O(h) \quad (1)$$

Die 3-Punktformel tut dies hingegen mit einem kleineren Verfahrensfehler der Ordnung $O(h^2)$

$$f'(x_i) = \frac{f(x_{i+1}) - f(x_{i-1}))}{2h} + O(h^2) \quad (2)$$

Stuff to do: - Einleitungstexte schreiben - 2-Punktformel, Variation von Schrittweite $h \rightarrow$ Fehler aufzeichnen -

Verfahrens- und Maschinenfehler

Maschinenfehler

Verfahrensfehler

Beispiel Anhand der Differentiation

Am Beispiel der Differentiation der Funktion $f(x) = e^x$ an der Stelle $x = -1$ sollen die Fehlertypen aufgezeigt werden.

```
#include <Rcpp.h>
#include <math.h>

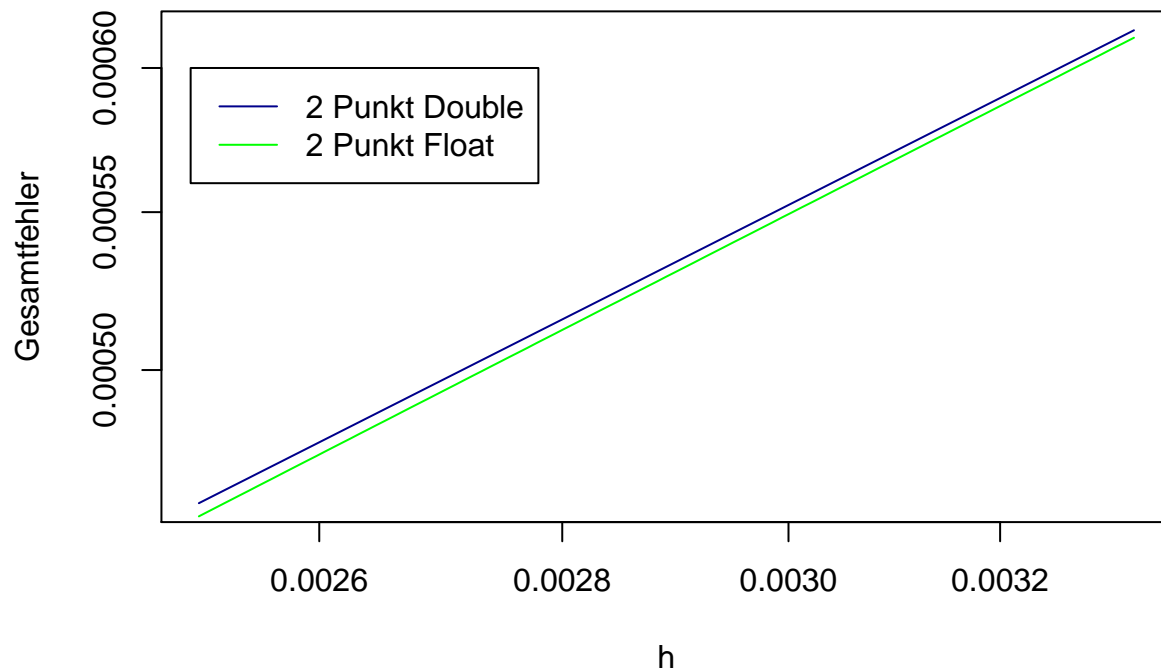
using namespace Rcpp;

//[[Rcpp::export]]
Rcpp::List diff2PunktDouble(const double x, const int r){
    // Array der ersten 100 Werte:
    Rcpp::NumericVector xValue(100);
    Rcpp::NumericVector yValue(100);
    // Quelltext
    for (int i = r; i<=99+r; i++){
        xValue[i-r] = 1./i;
```

```

    yValue[i-r] = (exp(x+1./i) - exp(x))/(1./i);
}
// Rückgabe für eine grafische Wiedergabe
return List::create(Named("x") = xValue, Named("y") = yValue);
}

```



```

#include <Rcpp.h>
#include <math.h>

using namespace Rcpp;

//[[Rcpp::export]]
Rcpp::List diff3PunktDouble(const double x, const int r){
    // Array der ersten 100 Werte:
    Rcpp::NumericVector xValue(100);
    Rcpp::NumericVector yValue(100);
    // Quelltext
    for (int i = r; i<=99+r; i++){
        xValue[i-r] = 1./i;
        yValue[i-r] = (exp(x+1./i) - exp(x-1./i))/(2./i);
    }
    // Rückgabe für eine grafische Wiedergabe
    return List::create(Named("x") = xValue, Named("y") = yValue);
}

```

