Identifier le caractère total ou non

Les réactifs sont introduits dans les proportions stœchiométriques : il n'y a donc plus de réactifs dans le milieu si la transformation est totale. Or l'ajout d'ion chlorure dans le système à l'état final produit du chlorure de plomb, traduisant la présence d'ion plomb. La transformation étudiée n'est pas totale.

14 a. La quantité d'ion H₃O+ à l'état final est :

 $n_{\text{H}_3\text{O}^+,\text{f}} = V \times 10^{-\text{pH}} \times \text{c}^{\circ}$.

D'autre part : $x_f = n_{\text{H}_3\text{O}^+,f}$. Donc : $x_f = V \times 10^{-\text{pH}} \times c^{\circ}$.

A.N.: $x_f = 1,00 \text{ L} \times 10^{-2.65} \times 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} = 2,24 \times 10^{-3} \text{ mol} = 2,24 \text{ mmol}$. A l'état final, le système contient tous les réactifs et tous les produits donc la transformation est non totale.

$$\mathbf{b.} x_{\text{max}} = n.$$

Donc:
$$\tau = \frac{x_f}{x_{\text{max}}} = \frac{x_f}{n}$$
.

A.N.:
$$\tau = \frac{2,24 \text{ mmol}}{10.0 \text{ mmol}} = 0,224$$
, soit 22,4 %.

Exploiter un taux d'avancement maximal

a. L'équation de la réaction modélisant la transformation étudiée est : $Pb^{2+}(aq) + 2 \Gamma(aq) \rightleftharpoons PbI_2(s)$.

D'après cette équation : $x_{max} = n_{Pb^{2+},i} = 4,00$ mmol.

$$\tau = \frac{x_f}{x_{\text{max}}}$$
 soit $x_f = \tau \times x_{\text{max}} = \tau \times n_{\text{Pb}^{2*},i}$.

A. N.: $x_f = 0.38 \times 4.00 \times 10^{-3} \text{ mol} = 1.5 \times 10^{-3} \text{ mol}.$

Cette question sur le taux d'avancement final aborde cette notion d'une autre façon. En effet, au lieu de calculer τ à partir de x_f et x_{max} , il faut exploiter sa valeur pour retrouver x_f (ANA-RAI).

b.
$$n_{Pb^{2+},f} = n_{Pb^{2+},i} - x_f = n_{Pb^{2+},i} - \tau \times n_{Pb^{2+},i} = n_{Pb^{2+},i} (1 - x_f)$$

A.N.: $n_{Pb^{2+},f} = 4,00 \text{ mmol } (1-0,38) = 2,48 \text{ mmol.}$

$$n_{\Gamma,f} = n_{\Gamma,f} - 2x_f$$

A.N.: $n_{i,f} = 8,00 \text{ mmol} - 2 \times 1,52 \text{ mmol} = 4,96 \text{ mmol}$.

Cette partie de l'exercice permet de réinvestir les notions de 1^{re} Spécialité sur l'évolution d'un système chimique. Le professeur peut ainsi vérifier que l'élève a bien pris en compte la stœchiométrie de la réaction.

19 a. L'équation de réaction s'écrit :

$$Cu^{2+}(aq) + 2 HO^{-}(aq) \rightleftharpoons Cu(OH)_{2}(s)$$
.

b. Le quotient de réaction à l'état initial est :

$$Q_{r,l} = \frac{1}{\left(\frac{[Cu^{2+}]_{i}}{c^{\circ}}\right) \times \left(\frac{[HO^{-}]_{i}}{c^{\circ}}\right)^{2}} = \frac{(c^{\circ})^{3}}{[Cu^{2+}]_{i} \times [HO^{-}]_{i}^{2}}.$$

$$\text{A.N.}: Q_{\text{r,I}} = \frac{1 \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}}{20 \times 10^{-3} \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \times (20 \times 10^{-3} \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1})^2} = 3,1 \times 10^4.$$

 $Q_{r,l} < K(T)$: le système évolue dans le sens de formation du solide.

Hydroxyde de chrome (III) APPLICATION

a. L'équation de la réaction entre les ions Cr^{3+} et HO^- s'écrit : $Cr^{3+}(aq) + 3 HO^-(aq) \rightleftharpoons Cr(OH)_3(s)$.

Le quotient de réaction à l'état initial est :

$$Q_{\rm r,i} = \frac{a_{\rm Cr(OH)_3}}{a_{\rm Cr^{3+}} \times a_{\rm HO}^3} = \frac{1}{\frac{[{\rm Cr^{3+}}]_i}{c^{\circ}} \times \frac{[{\rm HO^{-}}]_i^3}{(c^{\circ})^3}} = \frac{(c^{\circ})^4}{[{\rm Cr^{3+}}]_i \times [{\rm HO^{-}}]_i^3}.$$

À l'état initial, les concentrations en quantité des ions Cr³+ et HO- sont :

$$[\mathrm{Cr^{3+}}]_{i} = \frac{c_1 \times V_1}{V_1 + V_2} = \frac{30 \; \mathrm{mmol} \cdot \mathrm{L}^{-1} \times 60 \; \mathrm{mL}}{120 \; \mathrm{mL}} = 15 \; \mathrm{mmol} \cdot \mathrm{L}^{-1} \; ;$$

$$[HO^{-}]_{i} = \frac{c_{2} \times V_{2}}{V_{1} + V_{2}} = \frac{50 \text{ mmol} \cdot L^{-1} \times 60 \text{ mL}}{120 \text{ mL}} = 25 \text{ mmol} \cdot L^{-1};$$

À l'état initial, le quotient de réaction vaut :

$$Q_{r,i} = \frac{\left(1 \text{ mol} \cdot L^{-1}\right)^4}{15 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot L^{-1} \times (25 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot L^{-1})^3} = 4.3 \times 10^6.$$

Cette question permet de vérifier que l'élève sait exploiter les informations extraites de l'énoncé pour calculer les concentrations à l'état initial (ANA-RAI et RÉA). Elle permet également de s'assurer qu'il sait appliquer la formule du quotient de réaction (RCO).

b. La constante d'équilibre à 25 °C est : $K(T) = 1.0 \times 10^{31}$.

 $Q_{r,i} < K(T)$: le système évolue dans le sens direct, c'est-à-dire dans le sens de formation du précipité.

Cette question permet de vérifier que l'élève sait appliquer le critère d'évolution spontanée (RCO).



a. L'équation de la réaction modélisant la transformation étudiée est :

 $C_2H_5CO_2H(aq) + H_2O(\ell) \rightleftharpoons C_2H_5CO_2(aq) + H_3O^+(aq)$

Question très simple qui exploite les notions sur la transformation acide-base (Chapitre 1) (RCO).

b. On applique la loi de Kohlrausch :

$$\sigma_f = \lambda(C_2H_5CO_2^-) \times [C_2H_5CO_2^-]_f + \lambda(H_3O^+) \times [H_3O^+]_f.$$

c. D'après la loi de Kohlrausch :

$$\sigma_f = [C_2H_5CO_2^-]_f \times (\lambda(C_2H_5CO_2^-) + \lambda(H_3O^+)) \text{ car } [C_2H_5CO_2^-]_f = [H_3O^+]_f.$$

Donc:
$$[C_2H_5CO_2]_f = \frac{\sigma_f}{\lambda(C_2H_5CO_2^-) + \lambda(H_2O^+)}$$

De plus : $[C_2H_5CO_2H]_f = [C_2H_5CO_2H]_i - [C_2H_5CO_2] = c - [C_2H_5CO_2].$

Mélange	1	2	3
[C ₂ H ₅ CO ₂] _f (en mmol · L ⁻¹)	0,360	0,253	0,110
[H₃O⁺] _f (en mmol · L⁻¹)	0,360	0,253	0,110
[C ₂ H ₅ CO ₂ H] _f (en mmol · L ⁻¹)	9,64	4,75	0,890

Pour répondre à cette question, l'élève doit appliquer la loi de Kohlrausch (RÉA) et utiliser ses connaissances (RCO) sur l'avancement et l'évolution d'un système (1^{re} Spécialité).

d. Le quotient de réaction à l'état final est :

$$\begin{split} Q_{\mathrm{r,f}} &= \frac{a_{\mathrm{C_2H_5CO_2^-}} \times a_{\mathrm{H_3O^+}}}{a_{\mathrm{C_2H_5CO_2^-H}} \times a_{\mathrm{H_2O}}} = \frac{\frac{[\mathrm{C_2H_5CO_2^-}]_{\mathrm{f}}}{c^{\circ}} \times \frac{[\mathrm{H_3O^+}]_{\mathrm{f}}}{c^{\circ}}}{\frac{[\mathrm{C_2H_5CO_2H}]_{\mathrm{f}}}{c^{\circ}} \times 1} \\ &= \frac{[\mathrm{C_2H_5CO_2^-}]_{\mathrm{f}} \times [\mathrm{H_3O^+}]_{\mathrm{f}}}{[\mathrm{C_2H_5CO_2H}]_{\mathrm{f}} \times c^{\circ}}. \end{split}$$

Mélange	1	2	3
$Q_{\rm r,f}$	1,35 × 10⁻⁵	1,35 × 10⁻⁵	1,35 × 10⁻⁵

e. Les valeurs de $Q_{r,f}$ sont identiques pour les trois mélanges : le quotient de réaction à l'état final ne dépend pas de la concentration initiale en quantité de soluté.

Cette question permet à élève de comparer des résultats expérimentaux et d'en déduire une conclusion (VAL).

f. D'après la loi d'équilibre : $Q_{r,\text{éqb}} = K(T)$. Donc : $K(T) = 1,35 \times 10^{-5}$.

45 * Acide lactique et crampe

a. Après l'effort, la concentration en quantité d'acide lactique dans le sang est : $[AH]_f = 3,0$ mmol·L⁻¹. L'acide lactique réagit avec l'ion hydrogénocarbonate suivant la réaction d'équation (1).

 $\begin{aligned} \text{Ainsi}: [\text{H}_2\text{CO}_3]_f = [\text{H}_2\text{CO}_3]_i + \frac{x_f}{V} = [\text{H}_2\text{CO}_3]_i + [\text{AH}]_f \text{ car l'acide} \\ \text{lactique est le réactif limitant.} \end{aligned}$

 $[H_2CO_3]_f = 2,0 \text{ mmol} \cdot L^{-1} + 3,0 \text{ mmol} \cdot L^{-1} = 5,0 \text{ mmol} \cdot L^{-1}.$

Et
$$[HCO_{\bar{3}}]_f = [HCO_{\bar{3}}]_i - \frac{x_f}{V} = [HCO_{\bar{3}}]_i - [AH]_f$$

= 20 mmol·L⁻¹ - 3,0 mmol·L⁻¹ = 17 mmol·L⁻¹.

b. Le quotient de réaction à l'état initial (juste après l'effort) est :

$$Q_{r,i} = \frac{a_{HCO_3^-} \times a_{H_3O^+}}{a_{H_2CO_3} \times a_{H_2O}} = \frac{\frac{[HCO_3^-]_f}{c^\circ} \times \frac{[H_3O^+]_i}{c^\circ}}{\frac{[H_2CO_3]_f}{c^\circ} \times 1} = \frac{[HCO_3^-]_f \times [H_3O^+]_i}{[H_2CO_3]_f \times c^\circ}$$

$$= \frac{[HCO_3^-]_f \times 10^{-pH}}{[H_2CO_3]_f}.$$

A. N.:
$$Q_{r,i} = \frac{17 \text{ mmol} \cdot L^{-1} \times 10^{-7,4}}{5,0 \text{ mmol} \cdot L^{-1}} = 1,4 \times 10^{-7}.$$

c. $Q_{r,i} < K(T)$: le système évolue dans le sens direct, c'est-à-dire dans le sens de formation de l'ion H_3O^+ .

d. À l'état final d'équilibre : $Q_{r,éqb} = K_2(T)$. Ainsi :

$$[H_3O^+]_f = \frac{\mathit{K}_2(T)\!\times\! [H_2CO_3]_f \times c^\circ}{[H_CO_3^-]_f} \; .$$

$$\begin{aligned} \textbf{A. N.} : & \left[\textbf{H}_{3} \textbf{O}^{+} \right]_{f} = \frac{4.0 \times 10^{-7} \times 5.0 \text{ mmol} \cdot \textbf{L}^{-1} \times 1 \text{ mmol} \cdot \textbf{L}^{-1}}{17 \text{ mmol} \cdot \textbf{L}^{-1}} \\ &= 1.2 \times 10^{-7} \text{ mol} \cdot \textbf{L}^{-1} \end{aligned}$$

$$pH = -log\left(\frac{\left[H_{3}O^{+}\right]_{f}}{c^{\circ}}\right) = -log\left(\frac{1,2 \times 10^{-7} \ mol \cdot L^{-1}}{1 \ mol \cdot L^{-1}}\right) = 6,9.$$

Le pH est passé de 7,4 à 6,9 : des crampes apparaissent.