Lösungen zum Übungsblatt 1

Sommersemester 2024

Aufgabe P1

a) Ergebnisraum

Geeigneter Ergebnisraum für das Werfen zweier nicht unterscheidbarer Würfel ist $\{(i,j): 1 \le i \le j \le 6\}$. Dieser berücksichtigt, dass die Würfel nicht unterscheidbar sind und vermeidet doppelte Kombinationen wie (1,2) und (2,1).

b) Laplace-Annahme

Die Laplace-Annahme ist sinnvoll, da jeder Wurf gleich wahrscheinlich ist. Da die Würfel fair sind, hat jedes mögliche Paar (i, j) die gleiche Wahrscheinlichkeit.

c) Ereignisse

- $A1 = E \cap F$: Das Ereignis, dass die Augensumme ungerade ist und mindestens einer der Würfel eine 3 zeigt.
- $A2 = F \cup G$: Mindestens einer der Würfel zeigt eine 3 oder die Augensumme ist 7.
- $A3 = (E \cup F) \cap G$: Die Augensumme ist 7 und zusätzlich ist entweder die Augensumme ungerade oder mindestens ein Würfel zeigt eine 3.
- $A4 = E \cup (F \cap G)$: Die Augensumme ist ungerade oder mindestens ein Würfel zeigt eine 3 und die Augensumme ist 7.
- $A5 = G \setminus E$: Die Augensumme ist 7, aber nicht ungerade.
- $A6 = E \cap F \cap G$: Die Augensumme ist ungerade, mindestens einer der Würfel zeigt eine 3, und die Augensumme ist 7.

Aufgabe P2

Beweise und grafische Darstellungen der Mengengleichheiten.

Aufgabe H1

Mengen im Ergebnisraum $\Omega = [-1,1]^2.$

- $A: \{(x,y) \in \Omega : x+y \ge 0\}$
- $A \cap B$: $\{(x,y) \in \Omega : x + y \ge 0 \text{ und } |x| + |y| \ge 1\}$
- $B \cup C$: $\{(x, y) \in \Omega : |x| + |y| \ge 1 \text{ oder } x^2 \ge y\}$

Aufgabe H2

Beweis der Gesetze von de Morgan unter Verwendung einer beliebigen Indexmenge I.

$$\bigcup_{i \in I} A_i = \bigcap_{i \in I} \overline{A_i}$$
$$\bigcap_{i \in I} A_i = \bigcup_{i \in I} \overline{A_i}$$