Travaux dirigés de théories des graphes UAC/IFRI

Année académique: 2015-2016.

Exercice

Peut-on construire un graphe dont les degrés des sommets sont:

- a. 5, 7, 3, 3, 2?
- b. 2, 3, 3, 12?
- c. 0, 0, 0, 2?

Exercice

- 1. Peut-on construire un graphe simple d'ordre 7 ayant 10 arêtes, un seul sommet de degré 6 et les autres de degré impair (pas forcément identiques)? Construire un tel graphe si cela est possible.
- 2. Peut-on construire un graphe simple d'ordre 8 ayant 14 arêtes, exactement deux sommets de degré 3, deux sommets de degré 4, un sommet de degré 7 et les autres sommets de degré impair?
- 3. Peut-on installer 9 ordinateurs de telle sorte que chaque ordinateur soit relié à 3 autres postes?

Exercice

- 1. on donne sept verbes: aimait, lisait, chantions, a vécu, avons mangé, apprenions, viendrons. Dessiner deux graphes qui traduisent les relations suivantes entre deux sommets
 - (a) "est conjugué au même temps que "
 - (b) "est conjugué à la même personne que "
- 2. Voici un ensemble de termes qui désignent actuellement, au Bénin, des électeurs et des élus: chefs quartiers, députés, citoyens inscrits sur les listes électorales, conseillers municipaux, conseillers

- généraux, maires. Représenter par un graphe la relation définie dans cet ensemble par "élisent directement".
- 3. Jérémie souhaite organiser un tournoi de baby foot entre 6 joueurs où chacun d'eux joue 4 parties.
 - (a) Traduire la situation par un schéma. Montre que le tournoi ne peut pas être organiser.
 - (b) Combien de parties doit jouer chaque joueur pour que le tournoi soit possible?
- 4. Dans une assemblée de $n(n \ge 2)$ personnes, est-il vrai qu'il y a toujours au moins deux personnes qui connaissent le même nombre de personnes? On admet que si A connaît B alors B connaît A.
 - (a) Traduire la situation par un graphe: un sommet représente une personnes et deux sommets sont adjacents lorsque deux personnes se connaissent.
 - (b) Montre que l'exercice revient à chercher s'il existe des graphes dont tous les sommets sont de degrés différents.
 - (c) Conclure.