

Лекция Языковые модели

Владимир Гулин

7 ноября 2019 г.

Языковые модели

**Языковая модель** - это вероятностное распределение на множестве словарных последовательностей

## Языковые модели

Языковая модель приписывает вероятность фрагменту текста (высказыванию, предложению...)

В хорошей модели вероятности языковых фрагментов соответствуют их относительной частотности в текстах Иными словами

- максимизирует вероятность реальных текстов
- минимизирует вероятность нереальных текстов

# Где это требуется?

- Предсказание следующей лингвистической единицы (буквы, слова)
- Определение языка
- Исправление опечаток
- ▶ Снятие неоднозначностей разбора
- Машинный перевод
- Распознавание речи
- Генерация текстов
- ▶ Ранжирование результатов поиска
- ▶ и т.д.

## Вероятности предложений: Интуиция

Probability of a sentence = насколько вероятно встретить его в естественном языке

P("Иван Грозный википедия") > P("Иван Грозный фото") <math>P("Анекдот про порутчика Ржевского") > P("Телефон порутчика Ржевского")

# Language models in NLP

- ▶ В реальности крайне сложно узнать истинную вероятность заданной последовательности слов
- Однако мы можем использовать языковые модели, которые дают нам неплохую аппроксимацию
- Как и любые модели, языковые модели будут хороши в одних задачах и неприменимы в других

N-gram Language Models

# Вероятность языковых событий

- ▶ Вероятность основана на подсчете частотности событий
- Обычно считаем по заданному корпусу
- ▶ вероятность = относительная частотность

## Пример расчета

Всего слов в корпусе = 411165 sunday = 17

$$P(sunday) = \frac{17}{411165} = 0.00004$$

# Оценка вероятности

## Maximum Likelihood Estimation, MLE

$$p(w_n|w_{n-1}) = \frac{C(w_{n-1}w_n)}{\sum_{w} C(w_{n-1}w)}$$
$$p(w_n|w_{n-1}) = \frac{C(w_{n-1}w_n)}{C(w_{n-1})}$$

# Вопрос

Что делать с предложениями, которые не втсречались никогда в заданном корпусе?

# Предложениями, которые не втсречались никогда

# the Archaeopteryx soared jaggedly amidst foliage ${\sf vs}$ jaggedly trees the on flew

- ▶ Первое осмысленное, второе нет
- ► C(S) = 0 в обоих случаях

# Sparse data problem

- Не достаточно данных для корректной оценки вероятностей (слишком большое признаковое пространство)
- Большинство предложений можно встретить либо слишком редко, либо не встретить вообще, поэтому надо что-то думать :)

# Как победить проблему?

### Идея:

Будем оценивать вероятности предложений P(S) комбинируя вероятности меньших частей предложения, которые встречаются чаще

Таким образом, получили:

N-граммные языковые модели

ightharpoonup Хотим оценить  $P(s=w_1\dots w_n)$ 

Пример: P(s = иван грозный фото в душе)



▶ По факту это совместное распределение слов в s:

$$P(w_1 = \mathsf{иван}, w_2 = \mathsf{грозный}, w_3 = \mathsf{фото}, w_4 = \mathsf{в}, w_5 = \mathsf{душe})$$

Вспоминаем, что для совместного распределения верно P(X,Y) = P(Y|X)P(X), тогда:

```
P(иван грозный фото в душе) = P(душе|иван грозный фото в) \cdot P(иван грозный фото в) = = P(\text{душе}|\text{иван грозный фото в}) \cdot P(\text{в}|\text{иван грозный фото}) \cdot P(\text{фото}|\text{иван грозный}) \cdot \\ \cdot P(\text{грозный}|\text{иван}) \cdot P(\text{иван})
```

Chain rule дает нам:

$$P(w_1,\ldots,w_n) = \prod_{i=1}^n P(w_i|w_1\ldots w_{i-1})$$

## Вопрос:

В чем тут подвох?

Chain rule дает нам:

$$P(w_1,\ldots,w_n) = \prod_{i=1}^n P(w_i|w_1\ldots w_{i-1})$$

▶ Многие из этих условных веротностей попрежнему sparse!

Если мы пытаемся оценить P(иван грозный фото в душе), то нам нужно знать P(душе иван грозный фото в)

▶ Сделаем предположение, что вероятность слова зависит только от конечного количистева предыдущих слов

## Марковское свойство:

$$P(w_i|w_1, w_2, \ldots, w_{i-1}) = P(w_i|w_{i-n+1}, \ldots, w_{i-1})$$

- ▶ trigram model:  $P(w_i|w_0, w_1, ..., w_{i-1}) \approx P(w_i|w_{i-2}, w_{i-1})$
- ▶ bigram model:  $P(w_i|w_0, w_1, ..., w_{i-1}) \approx P(w_i|w_{i-1})$
- ▶ unigram model:  $P(w_i|w_0, w_1, ..., w_{i-1}) \approx P(w_i)$

$$P(w_{i}|w_{1}, w_{2}, \dots, w_{i-1}) = P(w_{i}|w_{i-n+1}, \dots, w_{i-1}) =$$

$$= \frac{P(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{P(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})} \approx$$

$$\approx \frac{Count(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{Count(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}$$

# Проблемы N-граммных моделей

$$P(w_{i}|w_{1}, w_{2}, \dots, w_{i-1}) = P(w_{i}|w_{i-n+1}, \dots, w_{i-1}) =$$

$$= \frac{P(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{P(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})} \approx$$

$$\approx \frac{Count(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{Count(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}$$

Какие в этой формуле проблемы?

# Backoff (aka "stupid backoff")

 Иногда помогает использование меньшего контекста

#### **Backoff**

- Если есть достаточно статистики, то используем триграммы
- ▶ Иначе биграммы
- Иначе униграммы

```
"иван грозный фото в" не встречалось 
ightarrow пробуем "иван грозный фото"
```

P(душe|иван грозный фото в) pprox P(душe|иван грозный фото)

"иван грозный фото" не встречалось  $\rightarrow$  пробуем "иван грозный"

 $P( exttt{душe}| exttt{иван грозный фото}) pprox P( exttt{душe}| exttt{иван грозный})$ 

"иван грозный" не встречалось o пробуем "иван"

P(душе|иван грозный) pprox P(душе|иван)

# Более интелектуальный подход: Линейная интерполяция

Сделаем линейную комбинацию униграмм, биграмм, триграмм и т.д.

$$P(w_i|w_1, w_2, \dots, w_{i-1}) \approx \lambda_3 P(w_i|w_{i-2}, w_{i-1}) + \lambda_2 P(w_i|w_{i-1}) + \lambda_1 P(w_i)$$

$$\sum_{k=0}^{n-1} \lambda_k = 1$$

# Более интелектуальный подход: Линейная интерполяция

Сделаем линейную комбинацию униграмм, биграмм, триграмм и т.д.

$$P(w_i|w_1, w_2, \dots, w_{i-1}) \approx \lambda_3 P(w_i|w_{i-2}, w_{i-1}) + \lambda_2 P(w_i|w_{i-1}) + \lambda_1 P(w_i)$$

$$\sum_{k=1}^{n-1} \lambda_k = 1$$

## Вопрос:

Как выбрать  $\lambda_k$  ?

# Как оценивать языковые модели

## Оценивание на промежуточных подзадачах

- Perplexity
- Cross entropy

## Оценивание на реальных задачах

- ▶ Встраиваем языковую модель в реальную боевую систему
- Учим смодель системы с разными языковыми моделями
- Если итоговое качество лучше, то успех!

# Cross-entropy and Perplexity

▶ Для  $(w_1 w_2 \dots w_n)$  cross entropy определяется как

$$H_M(w_1w_2\ldots w_n)=\frac{1}{n}\cdot \log P_M(w_1w_2\ldots w_n)$$

- Чем меньше cross entropy, тем лучше модель предсказывает следующее слово
- Perplexity (часто можно встретить в статьях):

$$Perplexity = 2^{cross-entropy}$$

# Проблемы N-граммных моделей

$$P(w_{i}|w_{1}, w_{2}, \dots, w_{i-1}) = P(w_{i}|w_{i-n+1}, \dots, w_{i-1}) =$$

$$= \frac{P(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{P(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})} \approx$$

$$\approx \frac{Count(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{Count(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}$$

А что если числитель равен 0?

# Laplace smoothing

- Сделаем вид, что мы видели каждое слово на один раз больше, чем на самом деле
- ▶ Добавим ко всем статистикам по единице

Если 1 слишком грубое приближение, то можное взять небольшую константу  $\delta$  для каждого слова  $w_i \in V$ .

$$P(w_i|w_{i-n+1},\ldots,w_{i-1}) = \frac{\delta + P(w_i,w_{i-1},\ldots,w_{i-n+1})}{\delta \cdot |V| + P(w_{i-1},\ldots,w_{i-n+1})}$$

# Good-Turing

Пусть  $n_r$  - число n-грамм, повторяющихся ровно r раз. Сдвинем частоты:

$$r* = (r+1)\frac{n_{r+1}}{n_r}$$

и положим

$$p_{GT}(w_{i-n+1}^i) = \frac{r*}{N},$$

где 
$$N=\sum_{r=0}^{\infty}n_{r}r^{*}$$

# Kneser-Ney smoothing

### Идея:

Модель более низкого порядка имеет смысл пользовать только когда статистика по модели высокго порядка равна 0 или незначительна

- ► Пример: Рассмотрим "San Francisco" и положим, что "Francisco" встречается только после "San"
- ▶ "Francisco" будет иметь высокую униграммную вероятность, после каждой новой биграммы
- Лучше дать "Francisco" низкую униграммную вероятность, потому что он встречается только после "San", тогда биграммная модель юудет адекватной

# Kneser-Ney smoothing

 Пускай счетчик для каждой униграммы определяется как число различных слов, которые идут после него:

$$N_{1+}(\bullet w_i) = \|w_{i-1} : c(w_{i-1}w_i) > 0\|$$

$$N_{1+}(\bullet \bullet) = \sum_{w_i} N_{1+}(\bullet w_i)$$

Распределение меньшего порядка:

$$p_{KN}(w_i) = \frac{N_{1+}(\bullet w_i)}{N_{1+}(\bullet \bullet)}$$

Объединяем вместе:

$$p_{KN}(w_i|w_{i-n+1}^{i-1}) = \frac{\max\{c(w_{i-n+1}^{i-1}) - \delta, 0\}}{\sum\limits_{w_i} c(w_{i-n+1}^{i})} + \frac{\delta}{\sum\limits_{w_i} c(w_{i-n+1}^{i})} N_{1+}(\bullet w_{i-n+1}^{i-1}) p_{KN}(w_i|w_{i-n+2}^{i-1})$$

# Вопросы

