

Московский государственный университет имени М.В.Ломоносова Факультет вычислительной математики и кибернетики

Параллельные (высокопроизводительные) вычисления

Отчет по заданию N21 «Расписание сети сортировки»

Богатенкова Анастасия Олеговна 528 группа

Содержание

1	Описание условия	2
2	Описание метода решения	3
3	Описание метода проверки	4
4	Приложение 1	6

1 Описание условия

Разработать последовательную программу вычисления расписания сети сортировки, числа использованных компараторов и числа тактов, необходимых для её срабатывания при выполнении на n процессорах. Число тактов сортировки при параллельной обработке не должно превышать числа тактов, затрачиваемых четно-нечетной сортировкой Бетчера.

Параметр командной строки запуска: n.

n>=1 – количество элементов в упорядочиваемом массиве, элементы которого расположены на строках с номерами [0...n-1].

Формат команды запуска:

bsort n

Требуется:

- 1. вывести в файл стандартного вывода расписание и его характеристики в представленном далее формате;
- 2. обеспечить возможность вычисления сети сортировки для числа элементов 1 <= n <= 10000;
- 3. предусмотреть полную проверку правильности сети сортировки для значений числа сортируемых элементов 1 <= n <= 24;
- 4. представить краткий отчет удовлетворяющий указанным далее требованиям.

Формат файла результата:

```
n\ 0\ 0 cu_0cd_0 cu_1cd_1 ... cu_{n\_comp-1}cd_{n\_comp-1} n\_comp n\_tact 3десь: n\ 0\ 0 — число сортируемых элементов, ноль, ноль. cu_i\ cd_i — номера строк, соединяемых i-м компаратором сравнения перестановки. n\_comp — число компараторов. n\ tact — число тактов сети сортировки.
```

2 Описание метода решения

Реализован алгоритм четно-нечетной сортировки Бетчера для вычисления расписания сети сортировки. Общая схема четно-нечетной сортировки Бетчера для массива из 13 элементов представлена на рисунке 1.

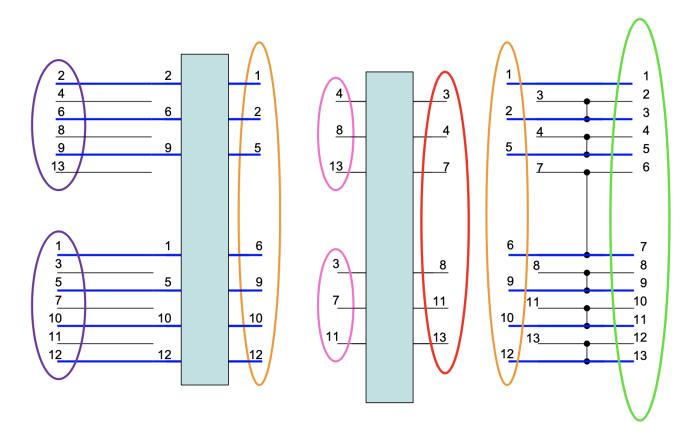


Рис. 1: Четно-нечетная сортировка Бетчера

В алгоритме можно выделить следующие основные части:

- 1. Разделение массива на две равные части, если массив четной длины, либо на части, отличающиеся длиной на 1 (пусть первая часть имеет меньший размер) в случае массива нечетной длины. Каждая из частей должна быть отсортирована тем же способом.
- 2. Выделение в каждой части элементов с четными и нечетными номерами, отдельная сортировка пар массивов из элементов с четными и нечетными номерами.
- 3. Слияние результатов сортировки массивов из элементов с четными и нечетными номерами.

Для реализации алгоритма написана программа на C++, в которой первый пункт алгоритма реализуется рекурсивной функцией bsort, а второй и третий пункты – рекурсивной функцией sortTwoArrays. Для проверки правильности реализации написан скрипт, проверяющий правильность числа сравнений и тактов для значений числа сортируемых элементов 1 <= n <= 24.

3 Описание метода проверки

Количество сравнений и тактов для значений числа сортируемых элементов 1 <= n <= 24 вычислялись вручную с использованием рекурсивной природы алгоритма. На рисунке 2 представлены сети сортировки для массивов с 1 <= n <= 5 элементами.

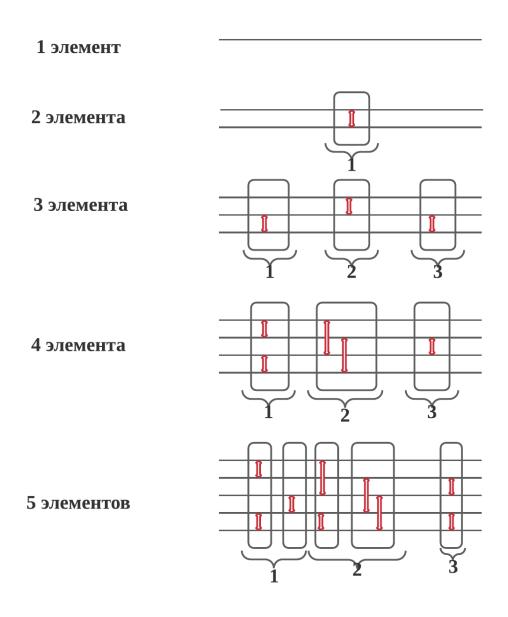


Рис. 2: Сети сортировки для массивов длины <=5

Для массивов из 1 и 2 элементов число сравнений и тактов считается тривиально. Для больших размеров применялась следующая стратегия:

- 1. Разделить массив на две части и взять значение числа сравнений и тактов для размеров этих частей. Число сравнений суммируется, число тактов вычисляется как максимум из числа тактов, необходимых для сортировки каждой из частей, так как сортировку частей можно выполнять параллельно.
- 2. Выделить в каждой из частей массивы элементов с четными и нечетными номерами, основываясь на предыдущих значениях посчитать отдельно для четного и нечетного случая число тактов для слияния массивов. Число сравнений суммируемся, число тактов вычисляется как максимум из числа тактов, необходимых для слияния массивов

из четных элементов и массивов из нечетных элементов, так как эти массивы не пересекаются и слияния можно выполнять параллельно.

3. Слияние результатов сортировки массивов из элементов с четными и нечетными номерами выполняется за один такт и требует $round(\frac{n}{2})-1$ сравнений.

Подсчет числа тактов для массива длины 5 несколько отличается, сеть с разделением на такты представлена на рисунке 2.

Были посчитаны числа сравнений и тактов для массивов с числом элементов до 24 включительно. Результаты подсчётов представлены в таблице 1.

n	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
comp	0	1	3	5	9	12	16	19	26	31	37	41	48	53	59	63	74	82	91	97	107	114	122	127
tact	0	1	3	3	5	6	6	6	8	9	10	10	10	10	10	10	12	13	14	14	15	15	15	15

Таблица 1: Количество сравнений и тактов для значений числа сортируемых элементов 1 <= n <= 24

Правильность составленной сети сортировки проверялась с помощью функции testBsort на всевозможных массивах из 0 и 1, длина массивов варьировалась от 1 до 24 (0-1 принцип). Проверялось, что отсортированный с помощью bsort массив из 0 и 1 отсортирован правильно. Данное тестирование показало, что сеть сортировки построена правильно.

4 Приложение 1

Для реализации алгоритма написана программа на C++, в текст которой был встроен подсчет числа сравнений и тактов. Программа проверялась с помощью скрипта на языке Python на правильность подсчета числа сравнений и тактов. Для проверки правильности сети сортировки реализована функция testBsort.