Мера Хартли подходит лишь для систем с равноверотяными состояниями. Если состояние системы S не равновероятны, исопльзуют меру Шеннона:

$$i(S) = -\sum_{i=1}^{N} p_i \cdot \log_2 p_i,$$

где N

- число системы, p_i - вероятность того, что система S находится в состоянии і (сумма всех p_i равна 1)

img1.png

Формула Хартли является частным случаем формулы Шеннона!

Пример 1. Количество информации в акте подбрасывания обычной монеты по формуле Хартли равно $log_22=1$ бит. По формуле Шеннона получим то же: $i_s1=-0.5*log_20.5=1$ бит.

Пример 2. При подбрасывании монеты со смещённым центром тяжести количество непредсказуемости становится меньше: $i_{\text{c}}2=-0.75*log_{2}0.75-0.25*log_{2}0.25\approx0,8$ бит

Шулер наугад вытаскивает одну карту из стопки, содержащей 9 известных ему карт: 3 джокера, 3 туза, 1 король, 1 дама и 1 валет. Какое количество информации для шулера содержится в этом событии s?

Вероятность вытащить

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{джокера} \\ \text{туза} \\ \text{короля} \\ \text{даму} \\ \text{валета} \end{array} \right\} \ \mathsf{равна} \ \left\{ \begin{array}{l} \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \\ \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \\ \frac{1}{9} \\ \frac{1}{9} \\ \frac{1}{9} \end{array} \right.$$

Количество информации, выраженное в тритах, равно:

$$i(s) = -\left(\frac{1}{3} \cdot \log_3 \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \cdot \log_3 \frac{1}{3} + \frac{1}{9} \cdot \log_3 \frac{1}{9} + \frac{1}{9} \cdot \log_3 \frac{1}{9} + \frac{1}{9} \cdot \log_3 \frac{1}{9}\right) =$$

$$= \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \frac{2}{9} + \frac{2}{9} = 1\frac{1}{3} \approx \log_3 5 \quad \text{vs} \quad \log_3 14$$

Нестрогий вывод формулы Шеннона

Задача. Монета имеет смещённый центр тяжести. Вероятность выпадения «орла» – 0,25, вероятность выпадения «решки» – 0,75. Какое количество информации содержится в одном подбрасывании? Решение.

- ▶ Пусть монета была подброшена N раз $(N \rightarrow)$, из которых «решка» выпала M раз, «орёл» K раз (очевидно, что N = M + K).
- ► Количество информации в N подбрасываниях: $i_N = M^*i(«решка») + K^*i(«орёл»)$.
- ▶ Тогда среднее количество информации в одном подбрасывании: $i_1 = i_N/N = = (M/N)^*i(«решка»)+(K/N)^*i(«орёл») = p(«решка»)^*i(«решка»)+p(«орёл»)^*i(«орёл»).$
- ▶ Подставив формулу Шеннона для і, окончательно получим: $i_1 = -p(«решка»)*log_x pp(«решка») p(«орёл»)*log_x pp(«орёл»)≈ 0.8 бит.$

Приставки для единиц измерения количества информации/данных: проблема

Linux Ubuntu 14	Microsoft Windows 7	
image2.png	image3.png	

33 097 216 байт — это 33,1 МБ или 31,5 МБ?

Приставки для единиц измерения количества информации/данных: решение

- 1. IEEE 1541-2002 Институт инженеров по электротехнике и радиоэлектронике.
- 2. ISO/IEC 80000-13:2008 Международная организация по стандартизации.
- 3. ГОСТ ІЕС 60027-2-2015 Международная электротехническая комиссия.

Приставки единиц СИ	Новые двоичные префиксы	Δ,,
килобайт (kB) $= 10^3$ байт	кибибайт (KiB, КиБ) = $2^{(10)}$ байт	2
мегабайт $(MB) = 10^6$ байт	мебибайт (МіВ, МиБ) = $2^{(20)}$ байт	5
гигабайт (GB) $= 10^9$ байт	гибибайт (GiB, ГиБ) = $2^{(30)}$ байт	7
терабайт (TB) $= 10^{(12)}$ байт	тебибайт (ТіВ, ТиБ) = 2 ⁽ 40) байт	10

Краткое обозначение битов и байтов: b=bit=бит, B=Б=байт 1024 B=1024 Б=8192 b=8192 бит=8 Кибит=1 КиБ=1 КіВ