Nom:	Prénom :	Gr	Groupe :		
ECOLE POLYTEC	HNIQUE UNIVERSITAIRE DE NICE SOI	PHIA-ANT	TIPOLIS		
Université Nice Sophia Antipolis	Cycle Initial Polytech Première Année Année scolaire 2014/2015		Note / 14		
École d'ingénieurs POLYTECH' NIGE-SOPHIA	Epreuve N°2 Electronique Numérique	→	/20		

Durée: 45 mn

Vendredi 10 Avril 2015

- □ Cours et documents NON autorisés.
- □ Calculatrice NON autorisée.
- Vous répondrez directement sur cette feuille.
- □ Tout échange entre étudiants (gomme, stylo, réponses...) est interdit
- □ Vous êtes prié :
 - d'indiquer votre nom, prénom et groupe.
 - d'éteindre TOTALEMENT votre téléphone portable.

TOUTE FRAUDE ou TENTATIVE DE FRAUDE SERA SANCTIONNEE

L'étudiant ayant triché ET l'étudiant ayant aidé (le cas échéant) seront traduits devant la commission disciplinaire de l'université.

Transcodage binaire \leftrightarrow décimal : 2^{-4} =0,0625 2^{7} =128 2^{6} =64 2^{5} =32 2^{4} =16 2^{3} =8 2^{2} =4 2^{1} =2 2^{0} =1 2^{-1} =0,5 2^{-2} =0,25 2^{-3} =0,125 $\sqrt{}$

Rappels de l'algèbre de Boole :

Commutativité : A.B = B.A A + B = B + A

Associativité : A.(B.C) = (A.B).C A + (B+C) = (A+B)+CDistributivité : A.(B+C) = A.B+A.C A + (B.C) = (A+B).(A+C)

Complémentarité : $A.\overline{A} = 0$ $A + \overline{A} = 1$ Idempotence : A.A = A A + A = AIdentités remarquables : A + 1 = 1 A.1 = A

 $A + 0 = A \qquad A. 0 = 0$

Th. de De Morgan : $\overline{A+B} = \overline{A}.\overline{B}$ $\overline{A.B} = \overline{A} + \overline{B}$

EXERCICE I : Algèbre de Boole

1pts	1. Montrez par l'algèbre de Boole que : $A.(A + B) = A$
1pts	2. Montrez par l'algèbre de Boole que : $(A + B)$. $(\bar{A} + \bar{B}) = A \oplus B$
1pts	3. A l'aide des théorèmes de De Morgan et des propriétés de l'algèbre de Boole, trouvez l'expression du complément de la fonction suivante : $F = a. \bar{b}.c + (\bar{a} + b + d)$
	$\overline{F} = \dots$

EXERCICE II : Synthèse de fonction logique et simplification

La table de vérité ci-contre représente les états d'un circuit à 3 entrées (A, B et C) et 2 sorties (S_0 et S_1).

A	В	С	S_0	S_1
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

1pts

1. Donnez l'expression de l'équation logique de S₀.

.....

1pts

2. Etablissez le tableau de Karnaugh pour \mathbf{S}_0

A B C	0 0	0 1	1 1	1 0
0				
1				

1pts 3.						plifiée (optimale) de S ₀ en fai gh (représentez les regroupe					à
		•••••	•••••	•••••	•••••			• • • • • • •	• • • • • •	•••••	••••
1pts 4.	Donnez est égal					nation logique de S_1 , et mont 1	rez (de fa	çon s	imple	e) qu'e	elle
		•••••	•••••	•••••	•••••			•••••	•••••	•••••	••••
•••											
			•••••	•••••	•••••			•••••	•••••	•••••	••••
EXE	RCICE I	II : K	Karna	augh	pou	r une fonction incomplète	ement de	éfini	e		
en						uations logiques simplifiées (upements JUDICIEUX donc					nter
1pts	B C 0 0)	S =					
	0 0	0	1	0 X							
1pts	AB CD	0 0	0 1	1 1	1 0						
<u></u>	0 0	0	1	1	0	S =	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • •			
	0 1	1	1	X	1						
	1 1	0	1	X	0		A B C D	0 0	0 1	1 1	10
	1 0	X	1	1	0		0.0	0	1	1	0
1pts							0 1	0	1	1	0
S =							11	1	X	1	X
							10	1	X	1	0

EXERCICE IV: Vote au directoire

Le comité directeur d'une entreprise est constitué de quatre membres :

- le directeur : A
- ses trois adjoints : B, C, D.

Lors des réunions, les décisions sont prises à la majorité.

Chaque personne dispose d'un interrupteur pour voter sur lequel elle appuie en cas d'accord avec le projet soumis au vote.

En cas d'égalité du nombre de voix, celle du directeur A compte double.

On vous demande de réaliser un dispositif logique permettant l'affichage du résultat du vote sur une lampe R.

1. Remplissez la table de vérité ainsi que le tableau de Karnaugh associé.

1pts

déc.	Α	В	С	D	R
0	0	0	0	0	
1	0	0	0	1	
2	0	0	1	0	
3	0	0	1	1	
4	0	1	0	0	
5	0	1	0	1	
6	0	1	1	0	
7	0	1	1	1	
8	1	0	0	0	
9	1	0	0	1	
10	1	0	1	0	
11	1	0	1	1	
12	1	1	0	0	
13	1	1	0	1	
14	1	1	1	0	
15	1	1	1	1	

1pts	A B C D	0 0	0 1	1 1	1 0
	0 0				
	0 1				
	1 1				

10

1pts 2.	A partir du tableau de Karnaugh, établissez l'équation logique de R (vous veillerez à représenter sur le tableau les regroupements optimaux que vous choisissez).
••••	

3. Réalisez le schéma logique avec des portes élémentaires en minimisant le nombre de portes (4 portes devraient suffire).

