


Nom :	Prénom :	Groupe :
ECOLE POLYTECHNIQUE UNIVERSITAIRE DE NICE SOPHIA-ANTIPOLIS		
	<p align="center">Cycle Initial Polytech Première Année Année scolaire 2013/2014</p> <hr/> <p align="center">Epreuve de circuit N°3</p>	<p align="center">Note</p> <p align="center">/ 20</p>

Mardi 10 Décembre 2013

Durée : 1h30

- ☐ Cours et documents non autorisés.
- ☐ Calculatrice collègue autorisée.
- ☐ Vous répondez directement sur cette feuille.
- ☐ Tout échange entre étudiants (gomme, stylo, réponses...) est interdit
- ☐ Vous êtes prié :
 - d'indiquer votre nom, prénom et groupe.
 - d'éteindre votre téléphone portable.

TOUTE FRAUDE ou TENTATIVE DE FRAUDE SERA SANCTIONNEE

L'étudiant ayant triché ET l'étudiant ayant aidé (le cas échéant) seront traduits devant la commission disciplinaire de l'université.

CORRECTION

N'OUBLIEZ PAS LES UNITES

Rappel :

- pico = 10^{-12}
- nano = 10^{-9}
- micro = 10^{-6}

On donne :

$e^{-1} = 0,37$

$e^{-2} = 0,135$

$e^{-3} = 0,05$

$e^{-4} = 0,018$

$e^{-5} = 0$

Questions de cours sur les impédances et dimension (3 pts)

0,25pt Expression de l'impédance d'une résistance : $Z_R = R$

0,25pt Expression de l'impédance d'une bobine : $Z_L = jL\omega$

0,25pt Expression de l'impédance d'un condensateur : $Z_C = 1/(jC\omega)$

0,25pt Expression et définition de la fonction de transfert d'un circuit : **c'est le rapport (sous la forme complexe) entre la sortie et l'entrée d'un circuit** – Par exemple : $H(\omega) = \underline{u_s}(t) / \underline{u_e}(t)$

0,25pt Expression du gain : $G(\omega) = |H(\omega)|$

0,25pt Expression du gain en décibel : $G_{dB}(\omega) = 20 \log_{10} G(\omega)$

0,25pt Comment est définie la pulsation de coupure ω_c ? **c'est la pulsation pour laquelle le gain en décibel vaut -3 dB**

0,25pt Que représente l'argument de la fonction de transfert ? **représente le déphasage existant entre la sortie et l'entrée du circuit**

1pt Déterminez la dimension de $\frac{R}{L}$:

Réponse :

$$\left[\frac{R}{L} \right] = \frac{V}{A} \times \frac{1}{\frac{V}{A \cdot s^{-1}}} \frac{V \cdot A \cdot s^{-1}}{V \cdot A} = s^{-1}$$

En effet, la caractéristique courant/tension d'une bobine permet de déterminer une autre dimension (que celle d'Henry) pour l'inductance.

$$u_L(t) = L \times \frac{di(t)}{dt}$$

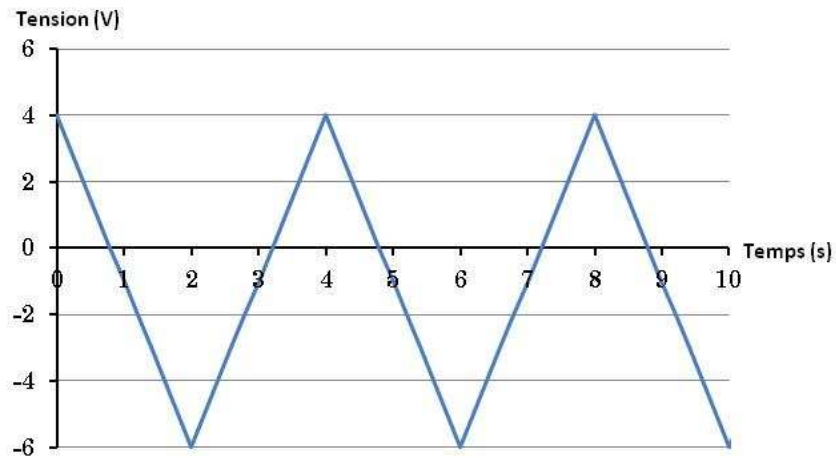
$$L = \frac{u_L(t)}{\frac{di(t)}{dt}}$$

Donc, l'inductance a la dimension de $V/(A \cdot s^{-1})$

BROUILLON

EXERCICE I : Signaux (1 pt)

Soit le signal représenté ci-dessous :



Déterminez graphiquement les valeurs numériques pour :

Valeur crête : $\max \{|-6| ; |4|\} = 6 \text{ V}$

0,25pt

Valeur crête-crête : $|V_{\max} - V_{\min}| = |4 - (-6)| = 10 \text{ V}$

0,25pt

Valeur moyenne : -1 V (au centre du signal)

0,25pt

Période : 4s .

0,25pt

BROUILLON

EXERCICE II : Associations (3 pts)

A. Déterminez la capacité équivalente, C_{AB} , du circuit ci-contre :

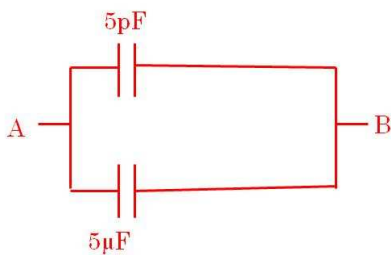
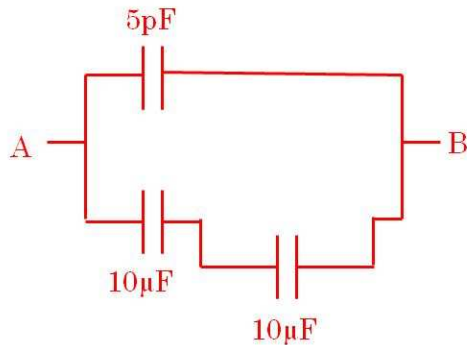
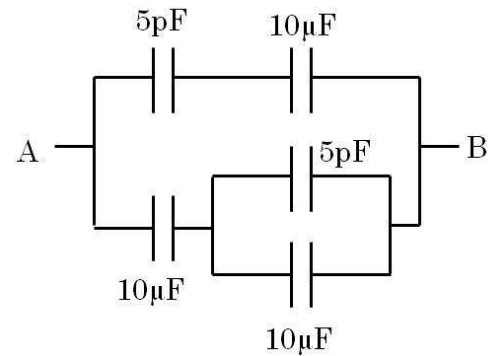
1,5pt

Réponse :

Faites les approximations nécessaires.

En série, les inverses des capacités s'ajoutent, donc c'est la plus petite qui l'emporte.

En parallèle, c'est le contraire : la plus grande capacité l'emporte puisque les capa s'ajoutent.



donc $C_{AB} = 5\mu F$

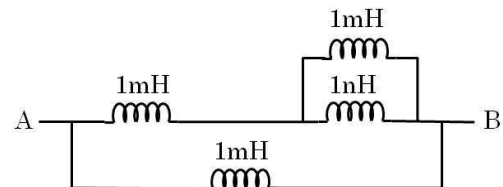
B. Déterminez l'inductance équivalente, L_{AB} , du circuit ci-contre :

1,5pt

Réponse :

Faites les approximations nécessaires.

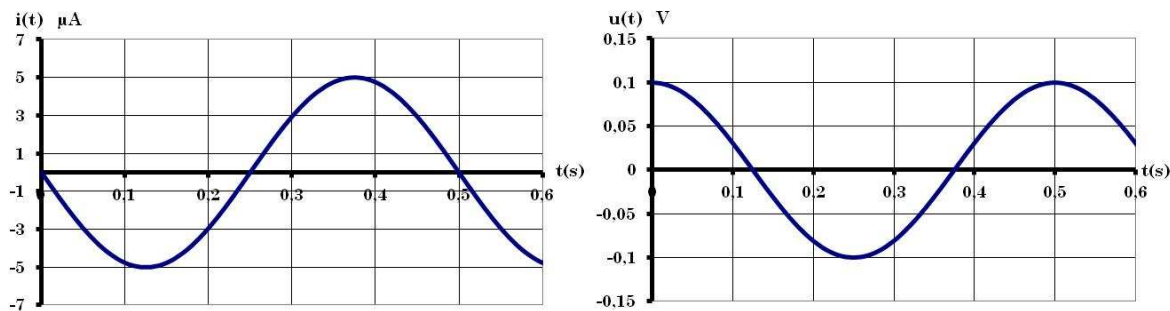
Pour les inductances, c'est comme pour les résistances.



Donc $L_{AB} = 0,5 \text{ mH}$

EXERCICE III : Elément inconnu (3 pts)

Ci-dessous, on a les formes d'onde du courant et de la tension pour un composant inconnu.



III.1. Dédurre du graphe les réponses aux questions suivantes : *n'oubliez pas les unités, attention justement aux échelles en y sur les graphiques.*

1pt

		Courant	Tension
	Amplitude	5μA	0,1V
	T	0,5s	0,5s
	ω	4π	4π
	Expression*	$-5 \cdot 10^{-6} \sin(4\pi t)$	$0,1 \cos(4\pi t)$

* pour l'expression des signaux en fonction du temps, utilisez les fonctions sinus ou cosinus (n'introduisez pas de déphasage).

III.2. Quel est ce composant inconnu ? Justifiez. Donnez sa valeur numérique.

1,5pt

Réponse :

(cos)' = -sin donc le courant est la dérivée de la tension à un coefficient près, donc il s'agit d'un condensateur.

Caract. courant/tension du condensateur :

$$i(t) = C \frac{du(t)}{dt}$$

Donc :

$$C = \frac{i(t)}{\frac{du(t)}{dt}} = \frac{-5 \cdot 10^{-6} \sin(4\pi t)}{0,1 \times (-4\pi \sin(4\pi t))} = \frac{5 \cdot 10^{-6}}{0,1 \times 4\pi} = 3,98 \mu F \cong 4 \mu F$$

III.3. Quelle est la valeur maximale de l'énergie stockée par le composant ?

Réponse :

$E_{\max} = 20 \text{ nJ}$

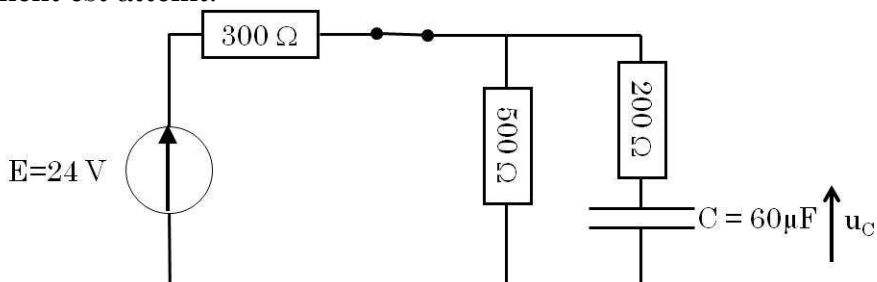
(obtenue pour la valeur max de la tension : 0,1V)

0,5pt

EXERCICE IV : Condensateur (4 pts)

Partie IV.1. Interrupteur fermé.

Soit le circuit ci-dessous. L'interrupteur est fermé depuis longtemps et on considère que le régime permanent est atteint.



0,5pt

IV.1.a. Déterminez la tension U_C (constante) aux bornes du condensateur.

Réponse :

En régime permanent, le condensateur se comporte comme un circuit ouvert, donc aucun courant ne circule dans la branche : la tension aux bornes de la résistance de 200Ω est nulle. Donc la tension aux bornes du condensateur est la même que la tension aux bornes de la résistance de 500Ω .

Comme aucun courant ne circule dans la branche contenant 200Ω et C , les résistances de 300Ω et 500Ω sont en série, et on peut faire un diviseur de tension.

$$U_C = \frac{500}{300 + 500} \times 24 = 15V$$

0,5pt

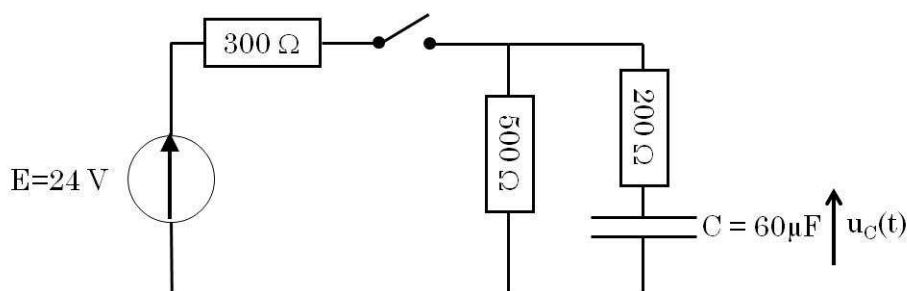
IV.1.b. Donnez l'expression et la valeur numérique de la charge Q du condensateur.

Expression : $Q = C \times U_C$

Valeur numérique (avec unité) : $Q = 900 \mu C$

Partie IV.2. Interrupteur ouvert.

L'interrupteur était fermé depuis longtemps (partie 1). En $t=0$, on l'ouvre.



IV.2.a. Valeur numérique de la tension aux bornes du condensateur en $t=0$.

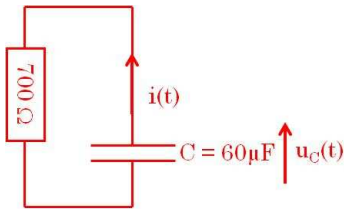
$$u_C(0) = U_C = 15V$$

0,5pt

IV.2.b. Déterminez l'équation différentielle qui régit les variations de $u_C(t)$, tension aux bornes du condensateur.

1pt

Réponse : refaites le schéma sous une forme plus classique



Loi des mailles : $u_C(t) = R \times i(t)$

Caractéristique courant/tension d'un condensateur qui se décharge : $i(t) = -C u'_C(t)$

D'où EDL1H : $u'_C(t) + \frac{1}{0,042} u_C(t) = 0$

IV.2.c. Déterminez la solution de cette équation différentielle (expression de $u_C(t)$)

0,5pt

Réponse :

Solution de la forme : $u_C(t) = k \times e^{-\frac{t}{0,042}}$

On détermine k avec la condition initiale : $u_C(0) = 15 = k$

$$u_C(t) = 15 \times e^{-\frac{t}{0,042}}$$

IV.2.d. Déduisez de l'expression de la tension $u_C(t)$ trouvée en IV.2.c, l'expression de la charge $q(t)$.

0,5pt

$$q(t) = C \cdot u_C(t) = 900 \cdot 10^{-6} e^{-\frac{t}{0,042}}$$

IV.2.e. Au bout de combien de temps, la charge du condensateur atteint-elle 25% de sa valeur initiale calculée au IV.1.b ?

0,5pt

Réponse :

$$q(t) = 0,25 \times Q = 0,25 \times 900 \cdot 10^{-6} = 900 \cdot 10^{-6} e^{-\frac{t}{0,042}}$$

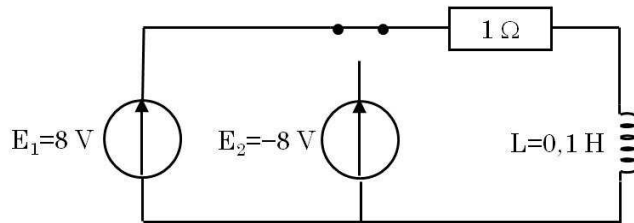
$$\text{Soit : } \ln(0,25) = -\frac{t}{0,042}$$

$$\text{Soit : } t = 58 \text{ ms}$$

EXERCICE V : Etude du régime transitoire d'un circuit RL (6 pts)

Partie A. Charge de la bobine en énergie électromagnétique sous la tension E_1 .

Soit le circuit RL ci-dessous



La bobine se charge sous la tension $E_1=8V$. Dans cette partie, on notera le courant $i_A(t)$.

V.1.a. Déterminez l'équation différentielle qui régit les variations du courant $i_A(t)$ dans la bobine.

0,5pt

Réponse :

Loi des mailles : $8 - 1 \times i_A(t) - 0,1 \times i_A'(t) = 0$

D'où : $i_A'(t) + 10 i_A(t) = 80$

V.1.b. Donnez la solution de cette équation différentielle. On donne $i_A(0)=0$.

0,75pt

Réponse :

La solution de l'EDL1A est composée de :

* la solution de l'EDL1H : $i_1(t) = k e^{-10t}$

* une solution particulière de l'EDL1A : second membre = constante, donc la solution particulière sera une constante : $i_2(t) = A$

On injecte A dans l'EDL1A : $0 + 10 A = 80$ donc $A=8$

La solution complète est : $i_A(t) = k e^{-10t} + 8$

En $t=0$, le courant est nul, on en déduit : $k=-8$

Soit : $i_A(t) = 8 (1 - e^{-10t})$

V.1.c. Tracé

Donnez la valeur numérique de la constante de temps de l'exponentielle : $\tau = \frac{1}{10} = 0,1s$

0,25pt

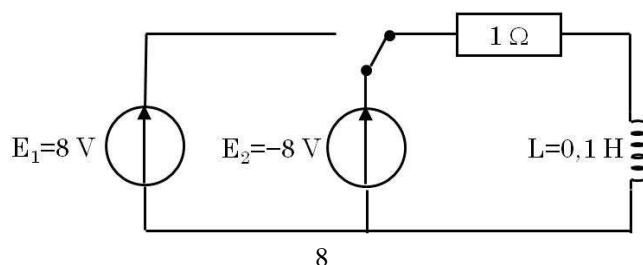
Tracez l'évolution du courant entre $t=0$ et $t=1s$.

0,5pt

~~~~~

### Partie B. Charge de la bobine en énergie électromagnétique sous la tension $E_2$ .

A  $t=1s$  l'interrupteur bascule de sorte que la bobine se charge sous la tension  $E_2=-8V$ .





On réinitialise le temps à  $t=0$ . Dans cette partie, on notera le courant  $i_B(t)$ .

**V.2.a.** La valeur du courant à  $t=0$  correspond à la valeur atteinte précédemment par  $i$  : donnez sa valeur numérique.

$$i_B(0) = i_A(1) = 8 \text{ A.}$$

0,5pt

**V.2.b.** Déterminez l'équation différentielle qui régit les variations du courant  $i_B(t)$  dans la bobine.

Réponse :

$$\text{Loi des mailles : } -8 - 1 \times i_B(t) - 0,1 \times i_B'(t) = 0$$

$$\text{D'où : } i_B'(t) + 10 i_B(t) = -80$$

**V.2.c.** Donnez la solution de cette équation différentielle :

0,75pt

Réponse :

La solution de l'EDL1A est composée de :

$$* \text{ la solution de l'EDL1H : } i_1(t) = k e^{-10t}$$

\* une solution particulière de l'EDL1A : second membre = constante, donc la solution particulière sera une constante :  $i_2(t) = A$

$$\text{On injecte } A \text{ dans l'EDL1A : } 0 + 10 A = -80 \text{ donc } A = -8$$

$$\text{La solution complète est : } i_B(t) = k e^{-10t} - 8$$

$$\text{En } t=0, \text{ le courant est égal à } 8, \text{ on en déduit : } k=16$$

$$\text{Soit : } i_B(t) = 8 (2e^{-10t} - 1)$$

**V.2.d.** Tracé

Donnez la valeur numérique de la constante de temps de l'exponentielle :  $\tau = \frac{1}{10} = 0,1 \text{ s}$

0,25pt

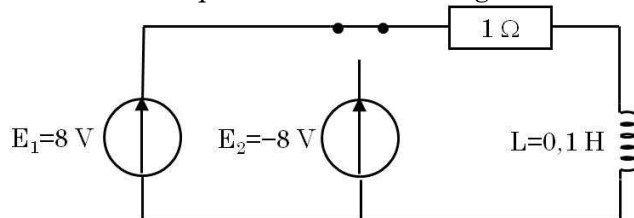
Tracez l'évolution du courant entre  $t=0$  et  $t=1 \text{ s}$  à la suite du tracé précédent (correspond à  $t=1 \text{ s}$  et  $t=2 \text{ s}$  sur le graphique).

0,5pt

~~~~~

Partie C. Charge de la bobine en énergie électromagnétique sous la tension E_1 .

A $t=2 \text{ s}$ l'interrupteur bascule de sorte que la bobine se charge sous la tension $E_1=8 \text{ V}$.



On réinitialise le temps à $t=0$. Dans cette partie, on notera le courant $i_C(t)$.

Brièvement donnez :

Valeur numérique du courant à $t=0$: $i_C(0) = -8 \text{ A}$

0,25pt

EDL1A : $i_C'(t) + 10 i_C(t) = 80$

0,5pt

Solution : $i_C(t) = 8 (1 - 2e^{-10t})$

0,75pt

Tracez $i_C(t)$ sur le graphe à la suite de $i_B(t)$.

0,5pt

