

## Prova 02.

### Questão 1-

Divisão e Conquista: Quick Sort

Vetor  $A = \{4, 0, 7, 9, 1, 3, 5, 2, 6, 8\}$

Passo 1 - Escolher um pivo de comparação. Pegarei a última posição,

$A = \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 4 & 0 & 7 & 9 & 1 & 3 & 5 & 2 & 6 & 8 \\ \hline 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ \hline \end{array} //$

Pivo  $\leftarrow A[9]$

$i \leftarrow -1$

$j \leftarrow 0$

Passo 2 - Iteramos o vetor a partir do pivo

$i \rightarrow$

(I)  $\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 4 & 0 & 7 & 9 & 1 & 3 & 5 & 2 & 6 & 8 \\ \hline \end{array} //$   $i$  representa o  
começo do vetor

$\| A[i] \leq \text{Pivo} \rightarrow i++$

$i \quad j$

menor que o pivo

e  $j$  o range maior

(II)  $\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 4 & 0 & 7 & 9 & 1 & 3 & 5 & 2 & 6 & 8 \\ \hline \end{array}$

$i \quad j$

(V)  $\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 4 & 0 & 7 & 9 & 1 & 3 & 5 & 2 & 6 & 8 \\ \hline \end{array} //$  Para  $A[j] \leq \text{pivo}$

ele é trocado com o primeiro valor do range  $j$   
que representa os maiores que o pivo e aumenta  
o range dos menores

19.2.4007

(VI) [4 | 0 | 7 | 1 | 9 | 3 | 5 | 2 | 6 | 8]

(VII) [4 | 0 | 7 | 1 | 3 | 9 | 5 | 2 | 6 | 8]

(VIII) [4 | 0 | 7 | 1 | 3 | 5 | 9 | 2 | 6 | 8]

(IX) [4 | 0 | 7 | 1 | 3 | 5 | 2 | 9 | 6 | 8]

(X) [4 | 0 | 7 | 1 | 3 | 5 | 2 | 6 | 9 | 8]

|| Para o último passo, como o pivô é o valor intermediário dos dois ranges, ele vai ser colocado após o final do range à esquerda, trocando os valores.

final [4 | 0 | 7 | 1 | 3 | 5 | 2 | 6 | 8 | 9]

|| Essa função retornará o índice do vetor e chamará, de maneira recursiva, a mesma função para analisar o vetor A entre 2 novos ranges:

$A[iniício, \dots, pivô - 1]$  e  $A[pivô + 1, \dots, final]$

Os vetores finais serão:

Pivô 6 → [4 | 0 | 1 | 3 | 5 | 2 | 6 | 7]

Pivô 2 → [0 | 1 | 2 | 4 | 3 | 5]

Pivô 1 → [0 | 1]

Pivô 5 [4 | 3 | 5]

Pivô 3 [3 | 4]



19.2.4004 Nathann Zini dos Reis

// Com isso, obtém-se o vetor ordenado com ordem crescente.

// Para verificar o pior caso, que acontece quando o vetor já é ordenado, basta inicialmente embaralhar o vetor, evitando, assim, que esteja ordenado.

Divisão quadrática: Bubble Sort

$$A = \{4, 0, 7, 9, 1, 3, 5, 2, 6, 8\}$$

// Em cada passo, analisa-se a posição do vetor com a posição posterior, se for maior que a próxima, troca.

Faz isso para todas posições

(i) 

4	0	7	9	1	3	5	2	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

(ii) 

0	4	7	9	1	3	5	2	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

(iii) 

0	4	7	9	1	3	5	2	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

(iv) 

0	4	7	9	1	3	5	2	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

(v) 

0	4	7	1	9	3	5	2	6	8
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

⋮

19.2.2007

(ix) 0 4 4 1 3 5 2 6 9 8

(x) 0 4 4 1 3 5 2 6 8 9

1) Ao final da execução, obtém-se o maior valor do vetor na última posição.

Agora executa no mesmo caso a passo com o range de 0 até  $n-i$  ( $i$  vai de 0 até  $n$ ).

Ao final das  $n$  execuções de valor  $i$ , obtém-se o vetor ordenado em ordem crescente.

1) Para vetor no pior caso, que é quando o vetor já está ordenado, basta criar uma variável auxiliar para contabilizar o número de trocas. Se houver 0 trocas, o vetor já é ordenado e pode interromper a execução.

→ O método Quick Sort não é estável, enquanto o Bubble Sort é estável.

O Quick Sort é muito indicado para vetores de grande tamanho, enquanto o Bubble Sort, embora eficaz, não é muito eficiente por ser muito custoso.

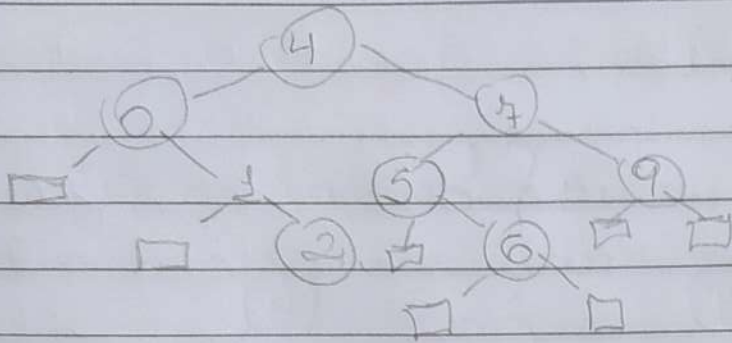
Escolhi os dois pelo contraste de eficiência



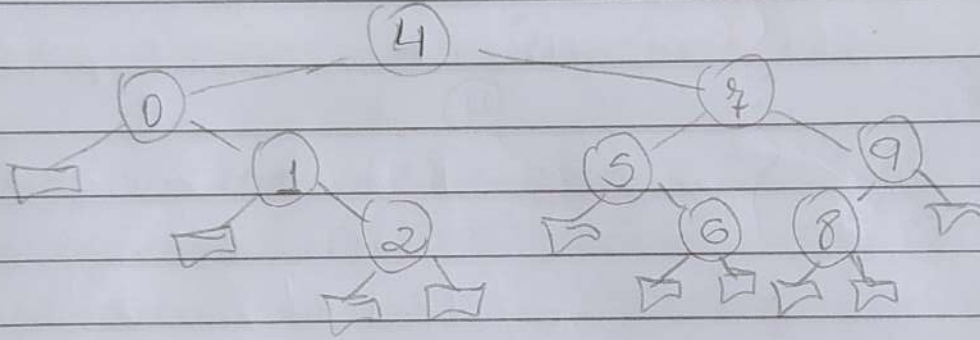
Nathann Zini dos Reis

Inserção do 6

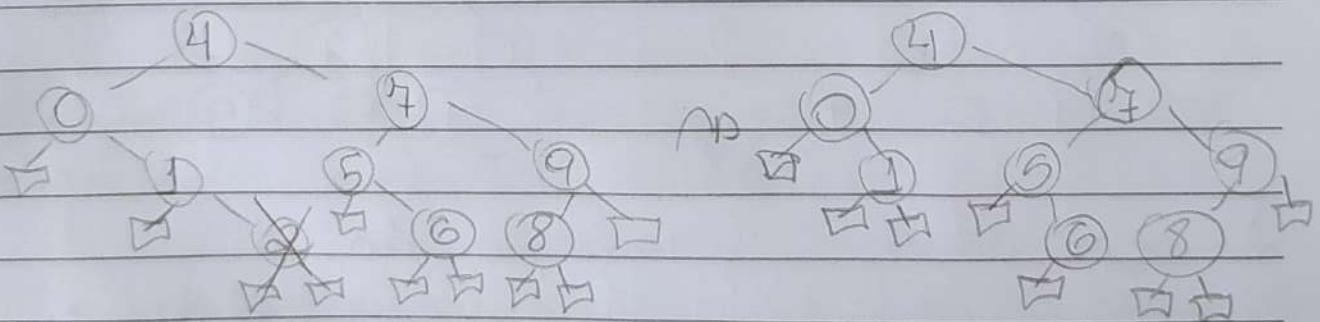
19.2.4007



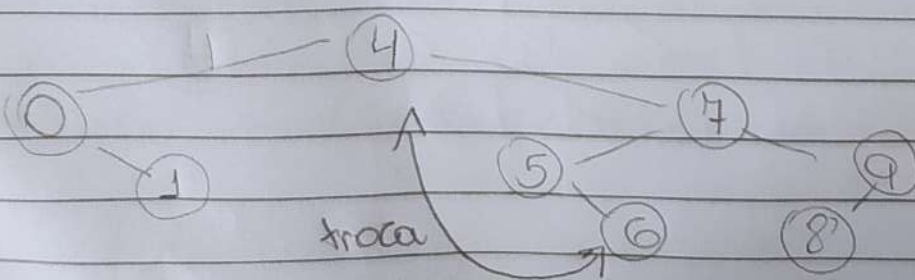
Inserção do 8



Remoção do 2



Remoção do 4 (MLOZ)

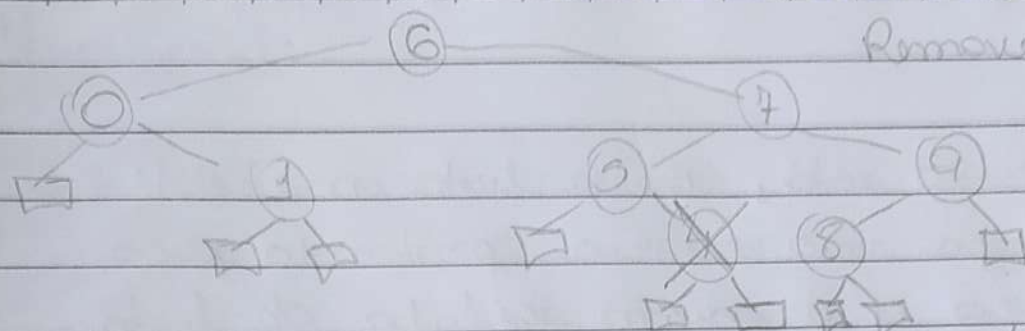


Seg Ter Qua Qui Sex Sáb Dom

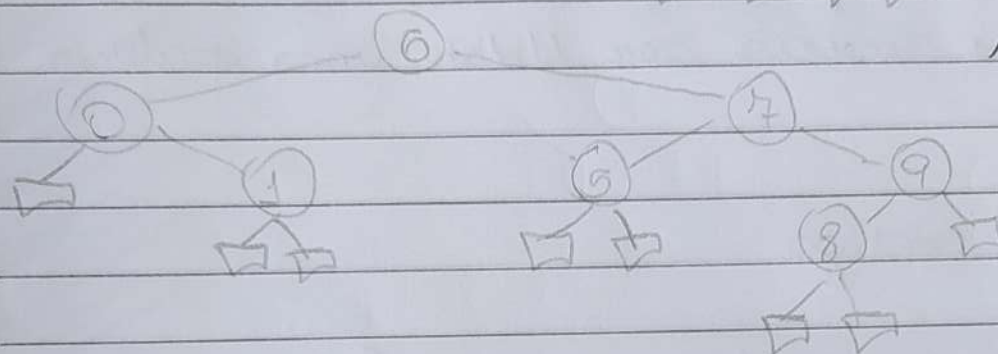
/ /

Nathann Zini dos Reis 19.2.2007

Remove o elemento



Árvore final



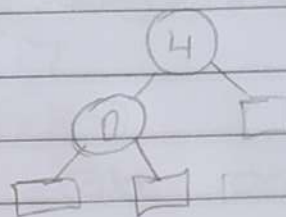
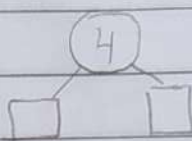
Nathann Zini dos Reis

Questão 2.

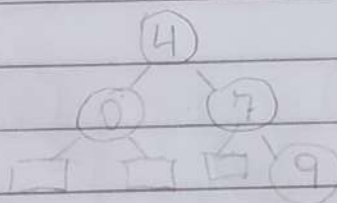
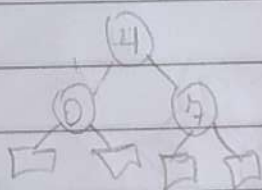
19.2.4007

Vetor  $M = \{4, 0, 0, 7\}$

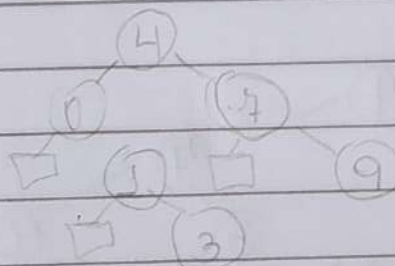
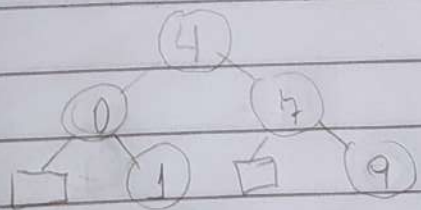
Árvore vazio { Inserção do 4 { Inserção do 0



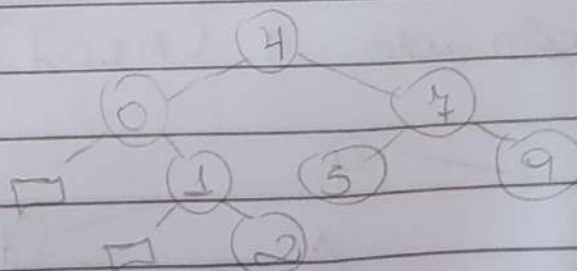
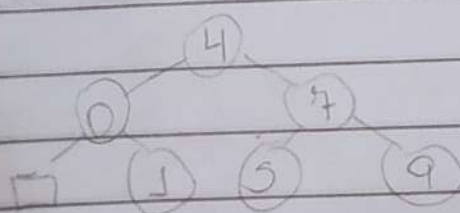
Inserção do 7 { Inserção do 9



Inserção do 1 { Inserção do 3



Inserção do 5 { Inserção do 2





Nathann Zini dos Reis

Questão 3.

19.2.4007

$$E = H(C) = ((C \text{ dire } 50) + 1) \bmod 10$$

$$C = 4007$$

$$4007 / 50 = 80$$

$$80 + 1 = 81$$

$$81 \bmod 10 = 1 //$$

$$H(C) = 1$$

// Como a posição 1 está preenchida, vai percorrer o vetor e inserir na próxima posição livre.

O endereçamento direto funciona com a inserção de um elemento na posição que será definida por um cálculo  $\bmod$  tomando da tabela. Caso a posição não esteja vazia, pega a próxima vazia.

No pior caso, vai adicionar na última posição da tabela, ou seja o custo assintótico vai ser  $O(n)$ , pois terá que percorrer toda a tabela.



/ /

Seg	Ter	Qua	Qui	Sex	Sáb	Dom
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Northann Zini dos Reis 19.2.2007

Questões 4

Do modo como está, use a lista uma vez mais, a cabeça na restrição apontando para NUL, uma para a próxima célula da lista.

E o fim, que deveria ser NUL, mas receberia NUL.

Processo do código

void Tlista\_Limpar (Tlista \* l) {

Tcelula \* aux = l->cabeça;

while (aux != NUL) {

Tcelula \* prox = aux->prox;

free (aux);

aux = prox;

}

l->fim = l->cabeça;

l->tam = 0;

}