

問題2 電磁気学 設問すべてについて解答すること。

I 図1のように、半径 a の内導体、および内半径 c の外導体からなる同心球コンデンサ（中心 O ）がある。この同心球コンデンサを、半径 a から半径 b までは誘電率が ϵ_1 の誘電体1で、半径 b から半径 c までは誘電率が ϵ_2 の誘電体2で、それぞれ一様に満たした（ただし、 $a < b < c$ ）。内導体に Q 、外導体に $-Q$ の電荷（真電荷）をそれぞれ一様に与えたとして、次の（1）～（4）の問いに答えよ。真空の誘電率は ϵ_0 である。

- （1）中心 O からの距離を r として、誘電体1（ $a < r < b$ ）、および誘電体2（ $b < r < c$ ）における電界の大きさと向きを求めよ。
- （2）内導体と外導体の電位差 V を求めよ。
- （3）このコンデンサの静電容量 C を求めよ。
- （4）誘電体の表面には分極による電荷（分極電荷）があらわれる。誘電体1、2に挟まれた境界面（半径 b の球面）に生じる分極電荷の面密度 σ_p を求めよ。

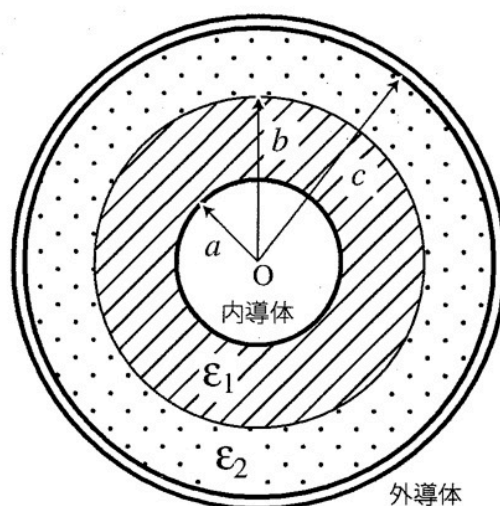


図1

II 図2のように、太さが無視できる2本の無限長直線状導線 A_1 , A_2 が、真空中、間隔 $2d$ で z 軸に対して平行におかれている。この2本の導線に図2のような往復の定常電流 I が流れている。真空の透磁率を μ_0 として、次の(1)～(4)の問いに答えよ。

- (1) 導線 A_1 の電流が xy 平面上の任意の点 $P(x, y, 0)$ につくる磁界の大きさ H_1 を求めよ。
- (2) (1) と同様に、導線 A_2 の電流が点 $P(x, y, 0)$ につくる磁界の大きさ H_2 を求めよ。
- (3) 導線 A_1 , A_2 を流れる往復電流がつくる磁界は(1)と(2)の磁界を合成して得られる。点 $P(x, y, 0)$ における合成磁界の x 成分 H_x , y 成分 H_y , および z 成分 H_z を求めよ。
- (4) 導線 A_1 , A_2 (往復線路) の間に、2辺の長さが a , b の単巻きの長方形コイルを、図3のように中心が原点 O 、長さ b の辺が導線 A_1 , A_2 と平行になるようにおいた(ただし、 $a < 2d$)。長方形コイルを貫く全磁束 Φ , および A_1 , A_2 の往復線路と長方形コイルとの間の相互インダクタンス M を求めよ。

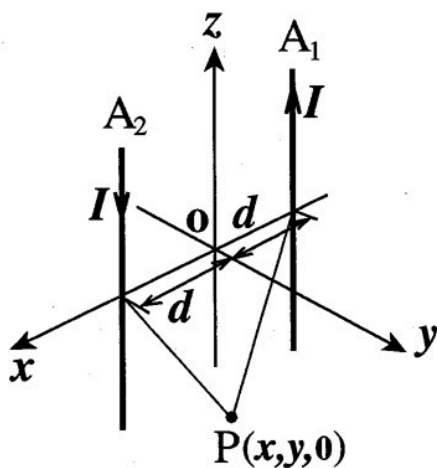


図2

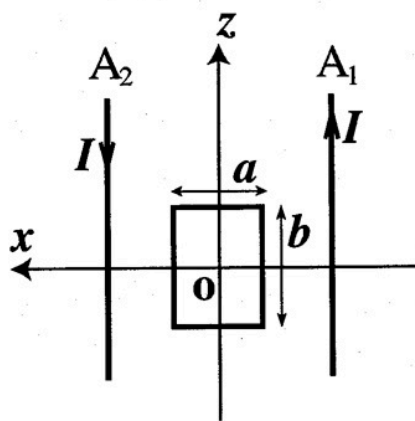


図3