

東京工業大学理工学研究科 電気電子工学専攻・電子物理工学専攻  
大学院修士課程入試問題 平成 26 年 8 月 19 日実施

専門科目 電気電子工学・電子物理工学(午前) 27 大修

時間 9:30 ～ 11:00

## 電気数学

### 注 意 事 項

1. 大問 1 の解答は答案用紙綴りの 1 枚目, 大問 2 の解答は答案用紙綴りの 2 枚目, 大問 3 の解答は答案用紙綴りの 3 枚目と 4 枚目に記入せよ。
  2. すべての答案用紙に受験番号を記入せよ。
  3. 電子式卓上計算機などの使用は認めない。
  4. なお虚数単位を,  $j$  と表し,  $j^2 = -1$  である。
-

1. 以下の問に答えよ。ただし、解答は導出過程も含めて答えること。

1)  $z^4 - \left( \frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{1}{4}j \right) = 0$  の解を求めよ。また、求めた解を複素平面上に図示し、偏角の値

とともに記せ。ただし、偏角は  $0 \leq \theta < 2\pi$  の範囲とする。

2) 次の複素積分を積分路  $C$  に沿って求めよ。

(ア)  $\int_C \frac{1}{z-5} dz$  積分路  $C$  は  $|z| = 3$  とする。

(イ)  $\int_C \frac{1}{z-5} dz$  積分路  $C$  は  $|z| = 6$  とする。

(ウ)  $\int_C \frac{1}{(z-5)^2} dz$  積分路  $C$  は  $|z| = 6$  とする。

2. 以下の問に答えよ。ただし、解答は導出過程も含めて答えること。

1) デルタ関数  $\delta(t)$  を時間間隔  $T_s$  ごとに繰り返して重ね合わせた関数は

$\delta_T(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t - nT_s)$  と表すことができる。この関数のフーリエ級数展開から、次の式を導け。

$$\delta_T(t) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} \exp\left(j \frac{2n\pi}{T_s} t\right)$$

2) 関数  $f(t)$  を時間間隔  $T_s$  でサンプリングして得られる次の関数  $f_s(t)$  を考える。

$$f_s(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} T_s f(t) \delta(t - nT_s)$$

また、関数  $f(t)$  のフーリエ変換  $F(\omega)$  は次の式で定義される。

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-j\omega t} dt$$

関数  $f_s(t)$  のフーリエ変換を、関数  $f(t)$  のフーリエ変換  $F(\omega)$  を用いて表せ。

3. 下に示す偏微分方程式について、以下の問に答えよ。ただし、解答は導出過程も含めて答えること。

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} u(x, t) = \frac{1}{D} \frac{\partial}{\partial t} u(x, t) \quad (D \text{ は定数とする}) \quad (1)$$

- 1) 変数分離解  $u(x, t) = X(x)T(t)$  を仮定して、式 (1) より 2 つの常微分方程式を導出せよ。
- 2) 周期解を仮定して、問 1) の結果を用いて、 $u(x, t)$  の一般解を求めよ。
- 3)  $0 \leq x \leq L$  の範囲で定義された  $u(x, t)$  が  $u(0, t) = u(L, t) = 0$ ,  $u(x, 0) = f(x)$  を満たすとき、問 2) の結果を用いて解  $u(x, t)$  を求めよ。