平成 24 年度大学院博士前期課程入学試験

大阪大学大学院工学研究科 電気電子情報工学専攻

専門科目試験問題

(量子電子デバイス工学コース)

(実施時間 14:00 ~ 16:00)

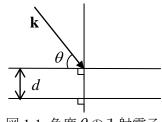
【注 意 事 項】

- 1. 問題用紙は、この表紙を除いて 13 ページある. 解答開始の指示があるまで開いてはいけない. 解答開始後、落丁や不鮮明な箇所等があった場合は、手を挙げて監督者にその旨を伝えること.
- 2. 試験問題は、「量子電子物性 1」、「量子電子物性 2」、「量子電子物性 3」、「量子電子物性 4」、「制御工学 1」、「制御工学 2」、及び、「信号処理」、の全部で 7 題あり、この順番に綴じられている. このうち、3 題を選択し解答すること.
- 3. 解答用紙は、試験問題毎に指定されている、解答は必ず指定された解答用紙に記入すること、解答用紙を間違えると、採点できない場合がある.
- 4. 選択した試験問題の解答に際しては、指定されている解答用紙の上部に試験問題名、志望コースおよび受験番号を記入した後、解答の記入を開始すること.
- 5. 解答が解答用紙の表面に書ききれない場合は、その用紙の裏面を使用してよい、ただし、その場合、裏面に記入がある旨を表面に記載すること。
- 6. 試験終了時までに、選択した3題の試験問題名を別紙「専門科目試験問題選択票」の該当箇所へ 記入すること。
- 7. "選択しなかった"試験問題の解答用紙は、下書きや計算用紙として使用しても差し支えないが、配布された7枚の解答用紙は全て回収されるので、持ち帰ってはいけない。
- 8. 試験が終了したら、(1) 「専門科目試験問題選択票」に記入した試験問題の解答用紙3枚を番号の若い順に揃え、(2)選択しなかった試験問題の解答用紙を一つに重ね二つ折にした上、(3) 「専門科目試験問題選択票」、番号順に揃えた3枚の解答用紙、及び、2つ折にした残りの解答用紙をこの順番に重ねて、監督者の指示を待つこと.
- 9. 問題用紙は持ち帰ってもよい.

【量子電子物性1】 解答は、桃色(1番)の解答用紙に記入すること.

金属中の自由電子に関する次の文章を読み、下記の問いに答えよ. ただし、電子の静止質量 m、プランク定数 h または \hbar とする. 解答には、導出過程も示せ.

- **[I]** 一辺の長さが L の立方体に閉じ込められた自由電子について考える. 立方体の外側は無限大のポテンシャル障壁があるものとする. 立方体の中には N 個 (偶数) の電子が閉じ込められているが、相互作用は無視して良い.
- 問 1 シュレーディンガー方程式を解いて、(a) 自由電子の波数ベクトル $\mathbf{k}=(k_x,k_y,k_z)$ 、(b) エネルギー ε 、(c) 規格化した波動関数 $\varphi(x,y,z)$ と (d) ド・ブロイ波長 λ_{D} をそれぞれ求めよ.
- 問 2 パウリの排他律とスピンの縮退を考慮して,低いエネルギー準位から順に 2 個ずつ電子を詰めたときに,N 個(偶数)の電子が全て詰まったときの波数(フェルミ波数) $k_{\rm F}$ と,そのときのフェルミエネルギー $\varepsilon_{\rm F}$ を,電子密度 $n_{\rm O}=N/L^3$ を用いて求めよ.ただし,立方体の一辺の長さ L は,フェルミ波長よりも十分長いとする.また, $k_{\rm F}=|\mathbf{k}_{\rm F}|$ である.
- [Ⅱ] 金属結晶中の自由電子は任意のエネルギーをとることができず、許されたエネルギー領域と禁じられたエネルギー領域がエネルギーバンド構造をつくる.
- 問3 結晶中を伝搬する自由電子は、結晶格子面によりブラッグ反射を受ける。それが、エネルギー禁止帯(エネルギーギャップ)の原因となる。電子が結晶中でブラッグ反射されて、その波数ベクトルが逆格子ベクトル \mathbf{G} だけ変化し、電子の波数ベクトル \mathbf{k} が \mathbf{k}' に変わったとする。このとき、 $(\mathbf{k}+\mathbf{G})^2=\mathbf{k}^2$ の関係を満たすことを示せ。ただし、 $\mathbf{k}=|\mathbf{k}|$ である。なお、逆格子ベクトルは、ブラッグ反射により結晶から自由電子がもらう波数ベクトルである。
- 問4 図 1-1 のように、波数ベクトル \mathbf{k} を持つ電子が外部から角度 θ で結晶に入射するとして、問3の結果から、ブラッグの回折条件が 導かれることを示せ、ただし、逆格子ベクトル \mathbf{G} は結晶面と垂直 なので、結晶面の面間隔 d は、 $G = |\mathbf{G}|$ とおくと、 $G = 2\pi n/d$ (n は正の整数)の関係にある.



- 図 1-1 角度hetaの入射電子
- 問 5 問 3 で格子定数 a の一次元結晶中をx方向に伝搬する自由電子について以下の問いに答えよ.
 - (1) $(\mathbf{k} + \mathbf{G})^2 = k^2$ の関係より、 $k = \pm n\pi/a$ (nは正の整数) となることを示せ.
 - (2) このとき, ブラッグ反射を受けた互いに逆方向に進行する二つの波は干渉して, 二種類の定在波を形成する. nを 1 として, 長さ a で規格化した定在波の波動関数 $\varphi_1(x)$ と $\varphi_2(x)$ を求めよ.
 - (3) ブラッグの回折条件を満たす波は電子の確率密度に一様でない空間分布があり、二種類の定在波はその周期は同じだが電子が集まる場所が互いに異なる. 他方、金属原子は自由電子を放出して正に帯電しているので、二種類の定在波の安定性に差ができる. このことを、ポテンシャルの空間分布と電子の確率密度の空間分布の図を描いて説明せよ.

【量子電子物性2】 解答は、緑色(2番)の解答用紙に記入すること。

次の文章を読み、下記の問いに答えよ.

[I] 物質に外部から静電界を印加すると、物質を構成する正電荷の原子核と負電荷の電子が電界の力を受けてごくわずかだが変位して止まる。このようにして分極が起こる。物質を構成する原子は、正電荷 + Ze の原子核とそれを雲のように取り巻く負電荷 - Ze の電子雲から成っている (e は素電荷)。電子雲が変位することによって起こる分極を電子分極という。簡単のために、電子雲は半径 r_0 の球内に一様に分布しているとする。静電界を印加すると、電子雲が中心 O から O' \sim x だけ変位する。ガウスの法則から、半径xの球内の電子雲は原子核に力を及ぼすが、その外側の電子分布は打ち消し合って、結局、原子核に力を及ぼさない。したがって、このときのクーロン力は、真空中の誘電率を ε_0 として、

$$F = [(a)] x$$
 (1)

となり、変位 x に比例する. この力は、静電界による原子付近の局所電界を E_{loc} とすると、

$$F = -Ze E_{loc}$$
 (2)

に等しい. 1個の原子に付随した双極子モーメント μ は

$$\mu = [(b)] x \tag{3}$$

であり、これらより、電子雲の変位による電子分極率 $\alpha_{\rm e}$ は、

$$\alpha_{\rm e} = \frac{\mu}{E_{\rm loc}} = [$$
 (c)]

となり、原子半径が大きくなるにつれて大きくなることを示している.

この分極の交流電界に対する応答を考える. 以下では, 簡単のために Z=1 とし, 質量 m, 電荷 -e をもった電子が, x 方向に角周波数 ω の交流電界 $E_1\exp(-i\omega t)$ を受け, 同時に速度に比例する制動力 $-m\Gamma\frac{dx}{dt}$ と復元力 $-k_{\rm e}x$ が働いている場合を考える $(\Gamma,k_{\rm e}$ は定数).

このとき,この電子の運動方程式は,

で与えられる. ここで、質量 m 、固有角周波数 (共鳴角周波数) ω_0 を用いると、 $k_{\rm e}=m\omega_0^2$ である. ここでの固有角周波数 ω_0 は、光の波長の [①] 線領域にある.

$$\frac{d}{dt}\exp(-i\omega t) = -i\omega \exp(-i\omega t)$$

となることを考慮すると、(5)式の解は、

$$x = [(e)]$$
 (6)

となる. この変位による双極子モーメント μ は,

$$\mu = \alpha_{e} E_{1} \exp(-i\omega t) \tag{7}$$

で与えられ, この μ は (3)式と等しい. これらの式から, α_e は,

$$\alpha_{\rm e} = [\qquad (f) \qquad] \qquad (8)$$

と求められる.

ここで,単位体積あたり N_j 個の原子による分極率を α_j とすると,クラウジウス・モゾッチの式は, 比誘電率を κ として,

$$\frac{\kappa - 1}{\kappa + 2} = \begin{bmatrix} & (g) & \end{bmatrix} \tag{9}$$

である. ここで、 $N_{\rm e}$ 個の電子が存在し、そのうちの $f_0N_{\rm e}$ 個だけが ω_0 の固有角周波数と制動力係数 Γ をもっているものとし、かつ、この分極はきわめて小さい($\kappa-1$ << 1)とすると、

$$\kappa = 1 + \alpha_{a} \quad [\qquad \text{(h)} \qquad] \tag{10}$$

となる. さらに、(8)式の α 。を代入すると、

$$\kappa = 1 + [(i)]$$
 (11)

となる.これより,この分極の交流電界に対する応答は,複素比誘電率 $\kappa = \kappa' + i\kappa''$ で表わされ,周 波数依存性をもつ.このことを誘電 [②] が存在するという.複素比誘電率の実部 κ' ,虚部 κ'' の周波数依存性を,交流電界の角周波数 ω を横軸として固有角周波数 ω_0 の近傍について概略図を描くと,図 2-1 のようになる.

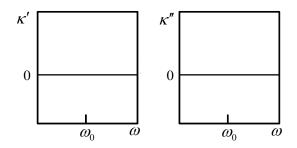


図 2-1 複素比誘電率の実部 κ' , 虚部 κ'' の周波数依存性

- [II] 異なる原子が結合して分子をつくるとき、分子内の電荷分布が非対称となることがあり、このとき双極子モーメントが生じる場合がある。この双極子モーメントは、電界がなくとも存在するので、
- [③] 双極子と呼ばれ、これをもつ分子を [④] 分子と呼び、水 (H_2O) がその例である.
- [③] 双極子をもたない分子を [⑤] 分子と呼び、その例は CO_2 である. [③] 双極子をもつ分子が回転することによって起こる分極を [⑥] 分極という.

いま,簡単のために,外部電界に対して平行または反平行の2つの方向しか許されない相互作用のない双極子の系を考える.双極子モーメントの大きさが μ で,外部電界により誘起される局所電界を E_{loc} とすると,電界方向および反対方向を向いている双極子のポテンシャルエネルギーは,それぞれ,

$$W_{\rm p} = [(j)]$$
 (12)

$$W_{\rm ap} = [(k)]$$
 (13)

となる. それぞれの双極子の数を $N_{\rm p}$, $N_{\rm ap}$ とし,全体の数を $N=N_{\rm p}+N_{\rm ap}$ とする. ボルツマンの分 布則を考えると(ここで,絶対温度を T , ボルツマン定数を $k_{\rm B}$ とする),

$$\frac{N_{\rm p}}{N} = [\qquad (1) \qquad] \qquad (14)$$

$$\frac{N_{\rm ap}}{N} = [\qquad (m) \qquad] \qquad (15)$$

である. これより、電界方向の平均双極子モーメント $\left\langle \mu \right\rangle$ は、

$$\langle \mu \rangle = [\qquad \text{(n)} \qquad] \frac{\mu}{N}$$
 (16)

$$= [(o)]$$
 (17)

となる.特に, $\frac{\mu E_{\rm loc}}{k_{\rm B}T}$ << 1 のときには,

$$\langle \mu \rangle = \frac{\mu^2 E_{\text{loc}}}{k_{\text{R}} T} \tag{18}$$

となる. このように、電界方向の平均双極子モーメントは温度 T に逆比例する. このため、誘電率は、温度に対して [⑦] 比例することになる.

[皿] 強誘電体は,電界を印加しなくとも分極,つまり [⑧]を有している.物質が強誘電体の状態にあるときを [⑨]相にあるという.[⑧]を有さない通常の状態にあるときを [⑩]相にあるといい,このとき,帯電率(比電気感受率) χ の温度変化は [⑪]の法則に従う.式で示すと,

$$\chi = [(p)]$$
 (19)

である.

問1 [①]~[⑪] に語句, [(a)]~[(o)] に数式を入れて文章を完成させよ.

問2 (p)の式を完成させよ. 用いた定数には名前を付して定義せよ.

問 3 図 2-1 の概略図を交流電界の角周波数 ω を横軸として固有角周波数 ω_0 の近傍について描け. ただし、横軸には固有角周波数 ω_0 の位置を明記すること.

【量子電子物性3】 解答は, 灰色(3番)の解答用紙に記入すること.

次の文章を読み,下記の問いに答えよ.なお,必要ならば,素電荷を $e=1.6\times10^{-19}\,\mathrm{C}$,電子の静止質量を $m=9.1\times10^{-31}\,\mathrm{kg}$,ボルツマン定数を $k_\mathrm{B}=1.4\times10^{-23}\,\mathrm{J/K}$ として,解答は,端数を四捨五入し有効数字 2 桁まで求めよ.得られた数値には単位を示せ.

[I] 固体中のキャリアに密度勾配があると、密度の高いところから低いところへ、キャリアはブラウン運動をしながら流れる。これをキャリアの [①] といい、このキャリアの動きによって生じる電流は [②] と呼ばれる。キャリアとしての電子の密度 n にx方向の勾配 $\frac{\partial n}{\partial x}$ があるとき、x方向に垂直な単位面積を通って単位時間当たりに流れる電子の数は、密度勾配に比例する。そのときの比例係数を D_e とすると、流れる電子の数は [③] となる。この比例係数 D_e は [④] と呼ばれ、キャリアの密度勾配により流れる電流密度 J_{ed} は、

で与えられる.

上記の状態に加えて同時にx方向に電界 E_x を印加した場合には、電子の密度、移動度をそれぞれ n、 $\mu_{\rm e}$ とすると、単位時間当たりのx方向の電子の流れによる電流密度 $J_{\rm e}$ は、

と表わされる.

キャリアとしての正孔に対しても同様に、x方向に密度勾配があり、かつ、x方向に電界 E_x が印加されている場合、正孔の密度と移動度をそれぞれ p、 $\mu_{\rm h}$ とし、正孔の流れによる電流密度を $J_{\rm h}$ とすると、比例係数 $D_{\rm h}$ を用いて正孔電流に対する関係式

が得られる.

[II] 一方,x方向に電子の密度勾配があり,外部から電界を印加しない状態を考えると,電子は移動して平衡状態に達すると電流は流れなくなる.このとき,電子の流れに抗するような電界 E_x が生じ,(2)式で与えられる関係式は $J_c=0$ となる.

このとき、誘起された電界に付随する位置xでのポテンシャルを $\phi(x)$ とすると、電界 E_x と $\phi(x)$ のあいだには、

の関係が存在する。電子のポテンシャルエネルギーは $-e\phi(x)$ と表わすことができるので, $\phi(x)=0$ における電子の密度を n_0 とすると,絶対温度 T における電子の密度 n は,

$$n = n_0 \exp\left(\frac{e\phi(x)}{k_{\rm B}T}\right) \tag{5}$$

で与えられる.この両辺をxで微分すると,

が得られる. これらから、比例係数 $D_{
m e}$ と電子の移動度 $\mu_{
m e}$ のあいだには、

の関係式が得られる.これは[即]の関係式と呼ばれる.

[皿] \mathbf{n} 型半導体において、光照射によって、単位時間に単位体積あたり \mathbf{G} 個の電子—正孔対がつくられるものとする。光照射によりつくられた余剰の電子密度 Δn は、多数キャリアとして存在する電子に比べて小さいので、キャリア密度に及ぼす光照射の影響は少ない。しかしながら、少数キャリアである正孔の密度は光照射により大きな影響を受ける。すなわち、余剰の正孔密度 Δp は、正孔の寿命を τ_h とすると、

$$\frac{\partial \Delta p}{\partial t} = \begin{bmatrix} & & \text{i} \\ & & \end{bmatrix}$$
 (8)

の関係を満たす。十分に時間が経過し平衡状態になったあとに光照射を止めると,G=0 となるから, 光照射を停止した時点(t=0)における余剰の正孔密度を Δp_0 とすると, Δp は,

のような時間依存性を示す.

次に、固体中に空間電荷密度 $\rho_{\rm S}$ で表わされるx方向にのみ勾配がある電荷分布があり、電流密度 J_x の電流が流れるものとする。電荷の蓄積がなければ、電流連続の式から、電流密度 J_x と $\rho_{\rm S}$ のあいだには、

$$\frac{\partial \rho_{\rm S}}{\partial t} = [\qquad \text{(10)}$$

の関係が成立する.

ここで、光照射により余剰キャリアがつくられた場合の余剰キャリアの時間変化は、(10)式の電流連続の式を考慮しなければならない。 余剰キャリアが正孔の場合について考えると、正孔の密度を p とすると $\rho_{\rm S}=ep$ であるから、正孔の密度勾配および電界により生じる電流密度 $J_{\rm h}$ と p の関係は、平衡状態における正孔の密度を $p_{\rm O}$ として、

$$\frac{\partial p}{\partial t} = \begin{bmatrix} & \text{(1)} & \\ \end{bmatrix}$$

となる. さらに、 (3)式を用いると、(11)式は、

$$\frac{\partial p}{\partial t} = \begin{bmatrix} & & \text{(12)} \end{bmatrix}$$

で表わされる.

いま,(12)式における電界による項の寄与が小さく,キャリアの密度勾配による項が支配的である場合を考えると,定常状態($\frac{\partial p}{\partial t}=0$)における正孔の密度は,

$$p - p_0 = A \exp\left(-\frac{x}{L_h}\right) \tag{13}$$

と求められる. ここで、A は定数であり、 $L_{\rm h}$ は、 $D_{\rm h}$ と $au_{\rm h}$ を用いて、

$$L_{\rm h} = \begin{bmatrix} & & \textcircled{7} & & \end{bmatrix}$$
 (14)

と表わされる. $L_{\rm h}$ は, [B] と呼ばれるもので、電子に対しても同様に定義される.

- 問1 文章中の空欄[①]~[⑱]にあてはまる語句または数式を答えよ.
- 問 2 キャリアとしての正孔密度に勾配がある半導体において、絶対温度 $T=300~\rm K$ における正孔の移動度、寿命を、それぞれ、 $\mu_{\rm h}=0.1~\rm m^2/(Vs)$ 、 $\tau_{\rm h}=0.1~\rm ms$ とするとき、 $D_{\rm h}$ と $L_{\rm h}$ を求めよ.
- 問3 絶対温度 T=300 K における電気伝導度 $\sigma=2.0$ /(Ω m) の真性半導体がある. 電子と正孔の移動度を測定すると,それぞれ, $\mu_{\rm e}=0.4$ m²/(Vs) , $\mu_{\rm h}=0.2$ m²/(Vs) であった.この半導体の真性キャリア密度 $n_{\rm i}$ を求めよ.

【量子電子物性4】 解答は、だいだい色(4番)の解答用紙に記入すること.

npn 接合トランジスタに関する以下の問いに答えよ.

問1 図 4-1 の npn 接合トランジスタを活性領域で動作させるように、直流バイアス電圧を印加したベース接地回路を図示せよ(電池の記号を用いること). なお、図にはベース、エミッタ、コレクタ領域を示し、各接続端子に流れる電流(ベース電流 $I_{\rm B}$, エミッタ電流 $I_{\rm E}$, コレクタ電流 $I_{\rm C}$) の向きも示すこと.

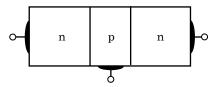
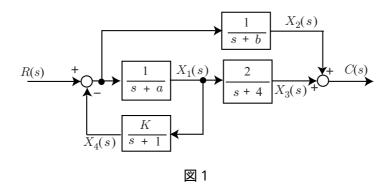


図 4-1 npn 接合トランジスタ

- 問2 トランジスタの無バイアス状態(熱平衡状態),および問1のバイアス電圧印加状態のエネルギーバンド図を、ベース、エミッタ、コレクタ領域を示して図示せよ。ただし簡単のため、半導体は全てホモ接合とする。なお、無バイアス状態のバンド図には、フェルミ準位も示すこと。
- 問3 問1のバイアス電圧を加えたときの、各領域および接合界面でのキャリアの振る舞いを述べたう えで、このトランジスタの動作原理を100字以上の文章で説明せよ.
- 間4 間1のバイアス電圧を印加したとき、ベース領域内での電子密度勾配はどのように近似できるか、導出過程とともに示せ、ただし、ベース領域内での電子と正孔の再結合は無視できるとする。また、エミッターベース間のバイアス電圧を $V_{\rm EB}$ 、ベース領域の幅を $W_{\rm B}$ 、無バイアス時の熱平衡状態でのベース領域内の電子密度を $n_{\rm B}$ とし、他に必要な物理定数やパラメータは定義したうえで用いること。
- 問5 トランジスタの特性パラメータに関する以下の問いに答えよ.
 - (1) $I_{\rm B}$, $I_{\rm E}$, $I_{\rm C}$ の中から必要なものを用いて、ベース接地電流増幅率 $lpha_0$ およびエミッタ接地電流増幅率 γ_0 を式で表わせ.
 - (2) γ_0 は α_0 を用いてどのように表わされるか示せ、ただし、 $I_{\rm B}$, $I_{\rm E}$, $I_{\rm C}$ は用いないこと、
 - (3) 一般的なトランジスタの α_0 の数値はどの程度になるか答えよ.

【制御工学1】 解答は,白色(5番)の解答用紙に記入すること.

図 1 のブロック線図で表わされるシステムについて以下の問いに答えよ.ただし,K,a,b はいずれも定数である.なお,R(s),C(s), $X_1(s)$, $X_2(s)$, $X_3(s)$, $X_4(s)$ はそれぞれ時間関数 r(t),c(t), $x_1(t)$, $x_2(t)$, $x_3(t)$, $x_4(t)$ のラプラス変換を表わす.



- (i) 入力 R(s) から出力 C(s) までの伝達関数を答えよ.
- (ii) 単位ステップ入力時の出力の収束値 $\lim_{t o \infty} c(t)$ を答えよ.なお,システムは安定であるとする.
- (iii) K=1, a=1, b=2 のときのインパルス応答 c(t) を求め, その概形を描け.
- (iv) ゲイン余裕,位相余裕について説明せよ.
- (v) $x_1(t), x_2(t), x_3(t), x_4(t)$ を状態変数,r(t) を入力変数,c(t) を出力変数としたときの状態方程式ならびに出力方程式を答えよ.
- (vi) a = b のときのシステムの可制御性を判別せよ.
- (vii) システムの極が $-10,\,-4,\,-2\pm j3$ であった $.\,K$, a , b の値を答えよ . なお , j は虚数単位を表わす .
- (viii) $r(t) = -k_1x_1(t) k_2x_2(t) k_3x_3(t) k_4x_4(t)$ とする状態フィードバックシステムの極が指定されたときのフィードバックゲインを求める手順を示せ.なお,図1のシステムは可制御であるとする.

専門用語の英訳

制御工学1

ブロック線図 block diagram

ラプラス変換 Laplace transform 伝達関数 transfer function 単位ステップ入力 unit step input

安定である stable

インパルス応答 impulse response

ゲイン余裕 gain margin 位相余裕 phase margin 状態変数 state variable 入力変数 input variable 出力変数 output variable 状態方程式 state equation 出力方程式 output equation 可制御 controllable

極 pole

フィードバック feedback

【制御工学2】 解答は,赤色(6番)の解答用紙に記入すること.

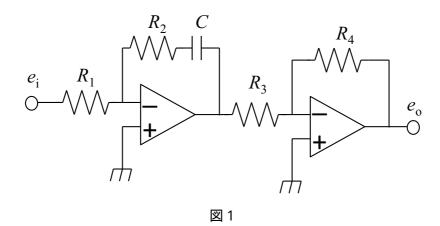
以下の問いに答えよ.

(i) トルク T で駆動される慣性モーメント J , 摩擦係数 B の回転体の振る舞いを表す運動方程式は , 次式で表わされる .

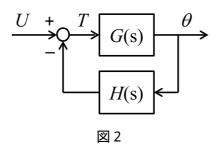
$$J\frac{d^2\theta}{dt^2} + B\frac{d\theta}{dt} = T$$

ただし, θ は回転角である.トルクT を入力,回転角 θ を出力とする伝達関数G(s) を求めよ.

- (ii) 問 (i) で求めた伝達関数 G(s) のボード線図を描け、ただし、折点周波数等の特徴的な値を明示すること、ゲイン特性は折れ線近似でも良い。
- (iii) 図 1 に示す理想オペアンプを用いた補償器において,入力 e_i ,出力 e_o に対する伝達関数 H(s) を求めよ.ただし,ゲイン A のオペアンプが出力する電圧 v_{out} は,+,- 端子それぞれに印加された電圧 $v_{in+},\,v_{in-}$ に対して $v_{out}=A(v_{in+}-v_{in-})$ のように与えられる.また,理想オペアンプのゲインと入力インピーダンスは無限大であるが,出力は有限である.



(iv) 問 (i) の回転体と , 問 (iii) の補償器を用いた , 図 2 のブロック線図で表されるフィードバックによるサーボシステムを考える.このシステムの一巡伝達関数を求めよ.ただし G(s), H(s) は , それぞれ問 (i) , (iii) で求めたものを用いて示せ.



(v) 問 (iv) のサーボシステムにおいて,与えられた回転体の J,B および補償器の R_1,R_3,R_4 の値に対して,システムを安定とする C と R_2 の条件を求めよ.

専門用語の英訳

制御工学2

運動方程式 equation of motion 伝達関数 transfer function

理想オペアンプ ideal operational amplifier

ボード線図 Bode plot

折点周波数 corner frequency

折れ線近似 piecewise linear approximation

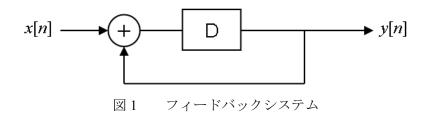
ブロック線図 block diagram

一巡伝達関数 open loop transfer function

安定 stable

【信号処理】 解答は、黄色の解答用紙(7番)に記入すること.

- 1. 信号処理システムに関する以下の問いに答えよ.
 - (i) 信号処理システムの ①記憶性, ②因果性, ③安定性, ④時不変性, ⑤線形性 をそれぞれ説明 せよ.
 - (ii) 単位時間の遅延素子 D について, (i) の各性質の有無を調べよ. ただし, 必要に応じて性質の有無だけではなく, その理由も示すこと.
 - (iii) 単位時間の遅延素子 D を用いた図 1 に示すフィードバックシステムについて,入力信号 x[n]と 出力信号 y[n]の関係を z 変換し,更に周波数応答を求めよ.



- 2. 窓関数に関する以下の問いに答えよ.
 - (i) フーリエ解析で窓関数が必要な理由を説明せよ.
 - (ii) 代表的な窓関数のひとつであるハニング窓の離散時間フーリエ変換を、矩形窓の離散時間フーリエ変換 $W(\Omega)$ で表せ、ただし Ω は角周波数であり、ハニング窓は

$$w_{HN}[n] = \begin{cases} \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cos \left(\frac{2\pi n}{M} \right) : & 0 \leq n < M \text{ のとき. ただし} n, M は整数. \\ 0 & : 上記以外のとき. \end{cases}$$

で表される.