

Elgamal Encryption and Signature

ให้นักศึกษาเขียนโปรแกรม ซึ่งโปรแกรมนี้นเมื่อนักศึกษาเขียนเสร็จแล้วสามารถนำมาใช้ในการเข้ารหัส ถอดรหัส สร้างลายเซ็นอิเล็กทรอนิกส์ ตรวจสอบลายเซ็น โดยใช้อัลกอริทึมของ Elgamal Public Key CryptoSystem และ ใช้ RWHash เป็นอัลกอริทึมสำหรับการทำ Cryptographic Hash Function โดยโปรแกรมมี Requirement ดังต่อไปนี้

1. โปรแกรมนี้เมื่อนำไปใช้งานผู้ใช้สามารถเลือกเมนูได้อย่างน้อย 6 เมนูดังต่อไปนี้
 - GenKey ใช้ในการสร้าง Public Key และ Private Key ของ Elgamal
 - Encryption ใช้ในการเข้ารหัสด้วย Elgamal
 - Decryption ใช้ในการถอดรหัสด้วย Elgamal
 - Sign ใช้ในการสร้างลายเซ็นอิเล็กทรอนิกส์ด้วย Elgamal
 - Verify ใช้ในการตรวจสอบลายเซ็นอิเล็กทรอนิกส์ด้วย Elgamal
 - CryptoHash ใช้ในการหา Message Digest ด้วย RWHash
2. โปรแกรมนี้สามารถรับข้อมูลและแสดงผลได้ทั้งจากหน้าจอ Text และ ไฟล์
3. ในการสร้างสิ่งเหล่านี้ ต้องใช้อัลกอริทึมที่เรียนในห้องเรียน
 - อัลกอริทึมในการสร้าง generator
 - Lehman Test
4. ต้องมีอัลกอริทึมต่อไปนี้จะเขียนเองหรือดาวน์โหลด method จาก อินเทอร์เน็ต ได้หมดแต่ต้องมี
 - Euclid Extended GCD
 - Lehman test
5. ในการสร้างคีย์ (GenKey) ให้มีพารามิเตอร์ 2 ตัวคือ n และ $file$
 - n คือ จำนวนบิตของข้อมูลที่นักศึกษาใช้ในการเข้ารหัส (ขนาดของ message แต่ละบล็อก)
 - $file$ คือ ชื่อไฟล์ที่นักศึกษาใช้ในการอ่านค่ามาสร้างค่า p โดย ค่า $2^{n-1} < p < 2^n$
 - การสร้างคีย์ทำได้โดย
 - หา p ก่อน โดยอ่านข้อมูลจากไฟล์ออกมา $n-1$ บิต
 - แปลงค่า $n-1$ บิตที่อ่านออกมาเป็นจำนวนเต็ม $\Rightarrow x$
 - นำจำนวนเต็ม (x) นั้นไปตรวจสอบว่าเป็น จำนวนเฉพาะหรือไม่
 - ถ้าไม่ให้ทำการเพิ่มค่าทีละหนึ่งจนกว่า x จะเป็นจำนวนเฉพาะ
 - เมื่อได้ค่า p ให้ทำการสร้าง public และ private keys ตามอัลกอริทึม

6. สำหรับ RWHash นั้นให้ทำงานดังนี้

1. ให้นำ Message ที่ต้องการหาค่า Hash ไปเข้า SHA-1 M_{SHA-1}
2. นำ output ที่ได้จากข้อ 1 มาทำการเข้าสมการ PolyHash
3. โดย PolyHash มีพารามิเตอร์ทั้งหมด 4 ตัวคือ
 - M_{SHA-1} - Message Digest ที่ได้จาก SHA-1
 - p คือ ค่า p เดียวกับที่ได้จากการ GenKey
 - n คือจำนวนบิต
 - k คือ จำนวนบล็อกข้อมูลใน h_i

$RwHash(k,p,M)$:

$$Message = b_1b_2b_3b_4b_5b_6....$$

$RwHash$ ได้มาจากการ break message ออกเป็น block (Bi) ที่มีขนาด เท่ากับ n บิต ในกรณีที่ยาวไม่พอ ให้ทำการ นำตัวอักษรตัวสุดท้ายมาต่อจนครบขนาด

$$h_1 = \alpha, B_1, B_2, \dots, B_{k-1} \mod p$$

$$h_2 = h_1, B_k, B_{k+1}, \dots, B_{2k-2} \mod p$$

$$h_3 = h_2, B_{2k-1}, B_{2k}, \dots, B_{3k-3} \mod p$$

$$h_l = h_l, B_{lk-l-1}, \dots, B_{lk-l} \mod p$$

$$h_0 = \alpha = \text{length of the message}$$

$$h_i = (\sum_{i=1}^{k-1} h_i) + h_{i-1}^2 \mod p$$