zxp2023-2024春季学期离散数学2期末

工作记忆:这把高端局!在考场上极限记下来的题目,希望能帮到学弟学妹萌~qwq

很鬼的题目,最难的题放在最前面

考了好多平面图...我考前1h才开始复习平面图,太险了

- 一、X和Y是G的两个最小断集(定义最小断集指的是一个点集A,在G中去掉A中的点能把G分成至少两个连通支(断集),而且A的任何真子集都不是断集(最小)),已知Y至少与G-X的两个连通支相交,证明X与G-Y的每个连通支相交且Y与G-X的每个连通支相交(有可能记错,题目比较复杂)
- 二、证明: G的色数多项式是

$$f(G,t) = t(t-1)^{n-1}$$

的充要条件是G是一棵有n个顶点的树

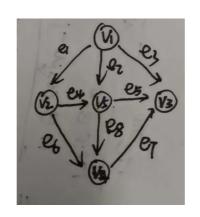
三、已知G=(V, E),G有一个最小生成树T。选择一条不在G中的边 $\{e\}$,构造 $G'=(V, E\cup\{e\})$,试证明G'有一棵最小生成树T'满足 $|T-T'|\leq 1$, $|T'-T|\leq 1$.(文字比较多,也有可能记的有一点点误差)

四、最小成本注意是最小成本(这个数值确定没问题)

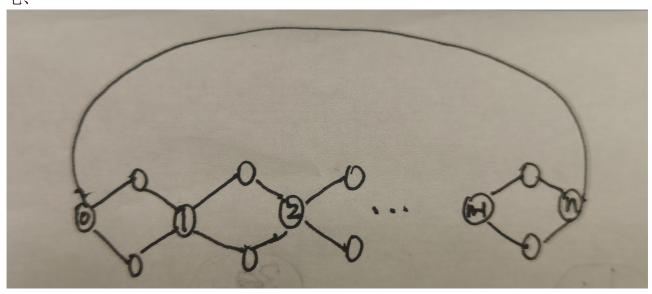
$$\begin{bmatrix} 12 & 11 & 9 & 11 & 6 \\ 9 & 11 & 10 & 12 & 7 \\ 8 & 10 & 12 & 11 & 13 \\ 9 & 12 & 13 & 13 & 10 \\ 7 & 11 & 10 & 11 & 8 \end{bmatrix}$$

五、连通图G满足m≤n+2, 求证G可平面

六、求以v1为根,不含e7的根树个数(大概是这个样子)



七、



求这个图的色数和色数多项式(写出 $f(G_n, t)$ 和 $f(G_{n-1}, t)$ 递推关系即可)

八、G是群, 定义a*b: 任意a, b∈G, a*b=ba. 求证<G, *>是群

九、H1, H2是G的子群

 $\text{H1H2=}\{\text{h1h2}\mid \text{h1}\!\in\!\text{H1},\,\text{h2}\!\in\!\text{H2}\},\;\;\text{H2H1=}\{\text{h2h1}\mid \text{h2}\!\in\!\text{H2},\,\text{h1}\!\in\!\text{H1}\},$

求证: H1H2是G子群的充要条件为H1H2=H2H1

十、对于偶次阶数的群G,证明G一定含有二阶元(好像是一个作业选做题)

十一、H, K是G的正规子群

- (1) 证明HK是G的正规子群
- (2) 证明G/HK≌(G/H)/(HK/H) (好复杂...)

题目就这么多,祝宁期末顺利!

——正在某个小角落,一出考场就开始回忆的学姐 2024 06 18