Calculs à la main

V. Le langage de programmation Python

a) Les différentes symboles opératoires

Opération	Écriture en Python	Résultat
Addition $7+3$	7 + 3	10
Soustraction $7-3$	7 - 3	4
Multiplication 7×3	7 * 3	21
Division $7 \div 3$	7 / 3	2.333333333333335
Division entière de 7 par 3	7 // 3	2
Puissance 7^3	7 ** 3	343
Valeur absolue $ -7 $	abs(-7)	7
Arrondir 2 chiffres après la virgule	round(7/3, 2)	2.33

Pour obtenir des fonctions ou des constantes particulières, on doit au préalable importer le module math une seule fois au tout début du programme :

	Opération	Écriture en Python	Résultat
,	Le nombre π	from math import pi	
		2 * pi	6.283185307179586
	La fonction racine carrée $\sqrt{}$	from math import sqrt	
	•	sqrt(25)	5.0

Remarque

Si on a besoin de plusieurs constantes ou fonctions spécifiques dans un programme on peut les importer sur une seule ligne en les séparant par une virgule :

from math import pi, sqrt

b) Affectation de variable

Effet	Écriture en Python	Résultat
Affecter à la variable a la valeur 6	a = 6	a contient 6
Affecter à la variable b la valeur contenu de a plus 3	b = a + 3	a contient 6, b contient 9
Augmenter la variable a de 1	a = a + 1	a contient 7, b contient 9

Remarque

En python, le symbole = n'a pas la même signification qu'en mathématiques, notamment, il n'est pas symétrique. Ainsi, si on a a = 6, on n'a pas a = 6.

Il faut donc traduire = par « prend pour valeur ».

On pourrait mentalement remplacer ce symbole par une flèche : $a \leftarrow 6$. Ainsi $6 \leftarrow a$ n'a aucun sens.

c) Fonctions

Une fonction en Python prend un ou plusieurs arguments en entrée, exécute un travail sur ces arguments et renvoie un ou plusieurs résultats en sortie.

Syntaxe	Commentaires
def nom_fonction(argument1, argument2,) :	La première ligne se termine par :
instructions éventuelles	
instructions éventuelles	
•••	L'instruction return est nécessairement la dernière
return résultat1, résultat2,	de la fonction.

Exemple (1)

La fonction suivante permet d'automatiser le calcul d'images de la fonction affine f d'expression f(x) = 3x + 2:

```
def f(x) :
    return 3*x + 2
```

```
Ainsi f(5) renvoie 17, f(10) renvoie 32, ...
```

```
>>> f(10)
32
```

Exemple (2)

La fonction suivante permet d'automatiser le calcul de l'IMC (arrondi au centième) d'une personne connaissant sa taille en mètre et son poids en kg :

```
def imc(taille, poids) :
    calcul = poids / (taille**2)
    calcul = round(calcul, 2)
    return calcul
```

Ainsi pour une personne de 1,80 m pour 70 kg, son IMC est donné par imc(1.8, 70) :

```
>>> imc(1.8, 70)
21.6
```

d) Structure conditionnelle Si ... Alors ... Sinon ...

Les différentes structures conditionnelles :

Syntaxe	Commentaires
if condition :	Si la condition est vraie:
instruction	alors on exécute l'instruction
if condition :	Si la condition est vraie:
instruction1	alors on exécute l'instruction1
else :	sinon
instruction2	on exécute l'instruction2
if condition1:	Si la condition1 est vraie:
instruction1	alors on exécute l'instruction1
elif condition2 :	sinon si la condition2 est vraie :
instruction2	alors on exécute l'instruction2
else :	sinon
instruction3	on exécute l'instruction3

Pour exprimer une condition on utilise les opérateurs suivants :

Syntaxe	Commentaires
<	est plus petit :
<=	est plus petit ou égal :
>	est plus grand:
>=	est plus grand ou égal :
==	est égal :
! =	n'est pas égal :

Exemple (1)

La fonction suivante permet de déterminer lequel des deux nombres donnés en argument est le plus grand :

```
def plusgrand(a, b) :
    if a > b :
        return a
    else :
        return b
```

Exemple (2)

Une attraction coûte un certain prix, mais les enfants de moins de 2 ans bénéficient d'une réduction de 90%, les enfants entre 2 et 12 d'une réduction de 60%, enfin les personnes de plus de 60 bénéficient eux d'une réduction de 20%. Les autres payent le plein tarif. La fonction suivante permet de déterminer le tarif en fonction du prix à payer de base et de l'âge du client :

```
def tarif(age, prix) :
    if age <= 2 :
        apayer = prix * 0.1
    elif age <= 12 :
        apayer = prix * 0.4
    elif age >= 60 :
        apayer = prix * 0.8
    else :
        apayer = prix
    return apayer
```

Ainsi plusgrand(5,4) renvoie 5:

```
>>> plusgrand(5,4)
5
```

et plusgrand(-5,4) renvoie 4:

```
>>> plusgrand(-5,4)
4
```

Ainsi tarif(1,32) renvoie 3.2:

```
>>> tarif(1,32)
3.2
```

et tarif(62,45) renvoie 36.0 :

```
>>> tarif(62,45)
36.0
```

e) Boucle bornée : boucle Pour

Exemple

La fonction suivante permet de calculer la somme des ${\tt n}$ premiers entiers :

```
def somme(n) :
    S = 0
    for i in range(n+1):
        S = S + i
    return S
```

Ainsi somme (5) renvoie le résultat de 1+2+3+4+5

```
>>> somme(5)
15
```

et somme (100) renvoie le résultat de 1+2+3+4+5+...+100

```
>>> somme(100)
5050
```

f) Boucle non bornée : boucle Tant que

```
Pour répéter des instructions un nombre connu de fois :

Syntaxe

While condition : Tant que la condition reste vraie : on fait l'instruction

(on ne sait pas combien de fois on l'a répétée...)
```

Exemple

La fonction suivante permet de calculer la somme despremiers entiers jusqu'à ce qu'on dépasse un certain seuil :

```
def somme(seuil) :
    S = 0
    n = 1
    while S <= seuil:
        S = S + n
        n = n + 1
    return n, S</pre>
```

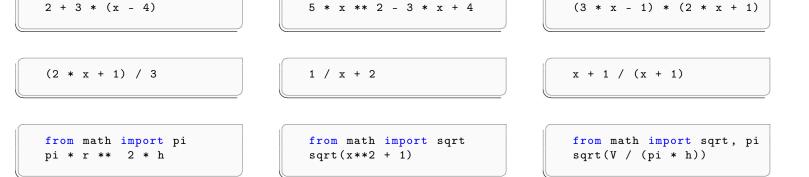
Ainsi seuil(100) renvoie le résultat de (15, 105), autrement dit $1+2+3+4+5+...+15 \ge 100$ car 1+2+3+4+5+...+15=105 (mais 1+2+3+4+5+...+14 < 100).

```
>>> somme(100)
(15, 105)
```

g) Exercices sur le langage de programmation Python

Niveau 1 : Indiquer le résultat de chaque calcul exprimé en Python

Niveau 2 : Écrire l'expression algébrique correspondant à l'expression écrite en Python



Niveau 3 : Donner la valeur demandée après exécution du programme

```
a = 1
                                         a = 1
                                                                               x = 4
  b = 2*a + 3
                                         b = 2 + 3*a
                                                                               x = x + 1
  c = b + 1
                                         c = b - a
                                                                                   x * x
Valeur de c
                                      Valeur de c
                                                                            Valeur de x
  cote = 3
                                         a = 1
                                                                               a = 4
  P = 4 * cote
                                         a = 2 + 3*a
                                                                               b = 5
                                         a = a + 1
  A = cote * cote
                                                                               a = a + b
Valeurs de A et de P
                                      Valeur de a
                                                                            Valeur de b
```

Niveau 4 : Donner la valeur demandée après exécution du programme

```
def aire(larg, longu):
   def f(x):
                                        def g(t):
       return 3*x + 4
                                            return t**2 + 3*t - 4
                                                                                 return larg * longu
Que renvoie f(-5)?
                                     Que renvoie g(4)?
                                                                          Que renvoie aire(3,8)?
   def f(a, b):
                                        def peri(l, L):
                                                                             def aire_tri(b, h):
       return a*b - a - b
                                            return 2 * (1 + L)
                                                                                 return b * h / 2
Que renvoie f (4, 3)?
                                     Que renvoie peri(12, 3)?
                                                                          Que renvoie aire_tri(10,8)?
Niveau 5 : Donner la valeur demandée après exécution du programme
   def f(a):
                                                                             def f(a, b):
                                        def f(a):
```

```
if a < 0:
                                            if a >= 1:
                                                                                  if a > b:
           b = 2*a
                                                                                      y = a - b
                                                b = a - 1
       else :
                                             else :
                                                                                  else :
                                                b = 2*a
                                                                                      y = b - a
           b = 3*a
       return b
                                            return b
                                                                                  return y
Que renvoie f(1)?
                                     Que renvoie f(1)?
                                                                           Que renvoie f (4, 7)?
                                                                           Que renvoie f(7, 4)?
Que renvoie f(-1)?
                                     Que renvoie f(-1)?
    def f(t):
                                                             def f(x):
         if t < 2:
                                                                 if x != 0:
             calcul = 2*t
                                                                     return 1 / x
             calcul = 2*(t - 2) + 1
         return calcul
                                                         Que renvoie f(0)?
                                                         Que renvoie f(5)?
```

Que renvoie f(2)?
Que renvoie f(-2)?

Niveau 6

```
for i in range(4):
calcul = 2*i
```

Donner toutes les valeurs prises par la variable calcul

```
def f(n):
    S = 0
    for i in range(n):
        S = S + 2*i + 1
    return S
```

Que renvoie f(4)?

```
for i in range(6):
calcul = i**2
```

Donner toutes les valeurs prises par la variable calcul

```
def f(n):
    S = 1
    for i in range(1, n):
        S = S * i
    return S
```

Que renvoie f(5)?

```
calcul = 13
for i in range(4, 8):
    calcul = calcul + i
```

Donner toutes les valeurs prises par la variable calcul

```
def f(a, n) :
    for i in range(n):
        a = a**2
    return a
```

Que renvoie f(2,3)?

VI. Correction des exercices

Niveau 1 : Indiquer le résultat de chaque calcul en Python

13

25

45

2.5

7.5

31

8

18

Niveau 2 : Écrire l'expression algébrique correspondant à l'expression écrite en Python

$$2 + 3(x - 4)$$

$$-3(x-4)$$

$$\pi r^2 h$$

$$5x^2 - 3x + 4$$

$$\frac{1}{x} + 2$$

$$\sqrt{x^2+1}$$

$$(3x-1)(2x+1)$$

$$x + \frac{1}{x+1}$$

$$\sqrt{rac{V}{\pi h}}$$

Niveau 3 : Donner la valeur demandée après exécution du programme

a vaut 1 et b vaut 5 donc c vaut 6

a vaut 1 et b vaut 5 donc c vaut 4

x vaut 25

P vaut 12 et A vaut 9

a vaut 6

a vaut 9 donc b vaut 4

Niveau 4 : Donner la valeur demandée après exécution du programme

Niveau 5 : Donner la valeur demandée après exécution du programme

f(5) renvoie 0.2

Niveau 6

Les valeurs prises par la variable calcul sont successivement 0, 2, 4, 6.

f(4) renvoie 16

Les valeurs prises par la variable calcul sont successivement 0, 1, 4, 9, 16, 25.

f(5) renvoie 24

Les valeurs prises par la variable calcul sont successivement 13, 17, 22, 28, 35

f(2,3) renvoie 256