

**Date de remise: 17 octobre (23h00), 2022**

### Instructions

- *Ce devoir est intensive – commencez bien à l’avance !*
- *Pour toutes les questions, montrez votre travail.*
- *Vous trouverez le devoir pratique sous forme de Jupyter Notebook sur Google Colab. Vous devez compléter des parties du fichier `solution.py` (du Github repo). Ce fichier devra être chargé sur le Gradescope du cours.*
- *Vous devez soumettre votre rapport (PDF) sur Gradescope. Votre rapport doit contenir les réponses aux questions 3.4, 3.5, 3.6, 3.7 et 3.8. Vous n’avez pas besoin de soumettre le code pour ces questions, seulement le rapport suffira.*
- *Les auxiliaires d’enseignement pour ce devoir sont **Nanda Harishankar Krishna and Sarthak Mittal**.*

**Lien (Notebook):** [Cliquez ici](#).

### **Question 1 (30). (Implémenter Perceptron multicouche avec NumPy)**

Considérez un Perceptron multicouche avec deux couches cachées avec des unités cachées  $h^1 = 128$  et  $h^2 = 64$ . Le nombre de fonctionnalités des données d’entrée est  $h^0 = 784$ . La sortie du réseau neural est paramétrée par un softmax de  $h^3 = 10$  classes. Créez un Perceptron multicouche avec ces spécifications (n’oubliez pas d’inclure les biais!). Implémenter la propagation avant et arrière du Perceptron multicouche dans NumPy sans utiliser les cadres d’apprentissage profond qui fournissent une différenciation automatique. Aussi écrire du code pour calculer la perte de *Entropie croisée*, qui est utilisé comme critère d’optimisation. Enfin, écrivez une fonction qui met à jour les paramètres du réseau. Notez que vous n’avez pas besoin de former le modèle pour cette question – Il suffit d’écrire du code pour les fonctions mentionnées.

Les pièces suivantes seront automatiquement calibrées:

- (1.1) Ecrivez la fonction `initialize_weights`. Ceci initialise les poids du Perceptron multicouche avec les valeurs échantillonnées à partir d’une distribution uniforme  $\mathcal{U}\left[-\frac{1}{\sqrt{h_0}}, \frac{1}{\sqrt{h_0}}\right]$ . Notez que nous avons déjà attribué des 0 aux biais, vous n’avez pas besoin de les modifier.
- (1.2) Ecrire toutes les fonctions d’activation données, par exemple `relu`, `tanh`, `sigmoid` and `softmax`, et la fonction sélecteur. `activation` qui sélectionne la fonction d’activation spécifiée par la chaîne d’entrée (`activation_str`). Notez que si l’argument `grad` est `Vrai`, nous nous attendons à ce que la fonction retourne le gradient de la fonction d’activation par rapport à son entrée.
- (1.3) Écrire la `forward` fonction de résussite, qui prend une entrée dans le Perceptron multicouche et retourne un dictionnaire `cache` contenant des pré-activations (As) et activations (Zs) pour chaque couche. Notez que vous utiliserez les poids et les biais initialisés précédemment pour ces calculs.

- (1.4) Écrire la **loss** fonction (Entropie croisée pour la classification multi-classes).
- (1.5) Écrire la **backward** fonction de passage. nous supposons que l'entrée à ce. fonction est le vrai label associé à l'exemple d'entrée considéré dans la **forward** passe. Vous pouvez calculer le gradient de la loss par rapport à la couche de sortie en supposant que la perte est multi-classe d'entropie croisée. La fonction doit retourner un dictionnaire **grads** contenant le gradient par rapport aux activations à chaque couche et les paramètres (poids et biais).
- (1.6) Écrire la fonction **update** qui prend le gradient pour mettre à jour les paramètres.

### Question 2 (20). (Implémentation des couches CNN avec NumPy)

Considérez deux couches, une couche de convolution de taille de filtre ( $3 \times 3$ ) et stride 1 comprenant 64 unités, et une couche de mise en commun maximale de la taille du filtre ( $2 \times 2$ ). Les entrées de la couche de convolution sont chacune de taille ( $1 \times 32 \times 32$ ) (canal unique) tandis que l'entrée de la couche de regroupement maximum est la taille de la sortie de la couche de convolution. Vous allez coder les passes avant et arrière pour ces deux couches en utilisant NumPy. Vous pouvez vous référer à [ces diapos](#) pour plus de détails.

- (2.1) Écrire les **initialize\_weights** et **forward** fonctions pour la couche de convolution. L'entrée de **forward** est une matrice de taille ( $n \times 1 \times 32 \times 32$ ) (par exemple  $n$  images à canal unique de taille  $(32 \times 32)$ ) et la sortie est le résultat de l'opération de convolution.
- (2.2) Écrire la **backward** fonction passe pour la couche de convolution. Nous supposons que l'entrée à cette fonction est la dérivée de la perte par rapport à la sortie de la couche. la sortie de la fonction est le gradient de la perte par rapport aux paramètres de la couche.
- (2.3) Écrire la **forward** fonction passe pour la couche de Max-Pooling.
- (2.4) Écrire la **backward** fonction passe pour la couche de Max-Pooling. Nous supposons que l'entrée à cette fonction est la dérivée de la Loss par rapport à la production de la couche. La sortie de la fonction est le gradient de la perte par rapport à l'entrée à la couche.

### Question 3 (50). (Implémentation d'un CNN et comparaison avec les MLP utilisant PyTorch)

Dans cette question, vous utiliserez PyTorch pour implémenter un ResNet-18 jusqu'à ses blocs de composants et l'entraîner à classer les images à partir de l'ensemble de données CIFAR-10. L'architecture a été légèrement modifiée pour mieux s'adapter à l'ensemble de données CIFAR-10. Vous visualiserez les filtres dans le CNN et les cartes de caractéristiques pour une image, et comparer le CNN à un MLP en termes de performance et de temps de formation.

- (3.1) Complétez les **\_\_init\_\_**, **activation**, **residual** and **forward** Méthodes dans la **ResidualBlock** classe. Vous pouvez vous référer à la figure ci-dessous pour la mettre en œuvre.

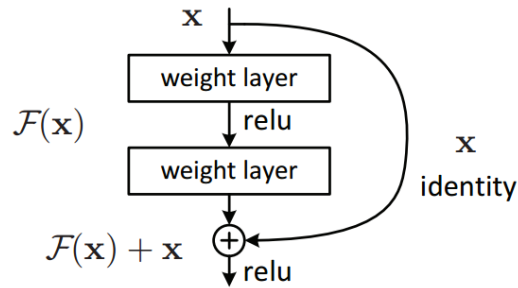


FIGURE 1 – Residual Block (source: “Deep Residual Learning for Image Recognition”, He et al., CVPR 2016)

(3.2) Complétez les `__init__`, `activation`, `_create_layer` et `forward` méthodes dans la `ResNet18` classe. l'entrée à la `forward` méthode est un lot d'entrées au réseau. La figure ci-dessous montre l'architecture de ResNet-18.

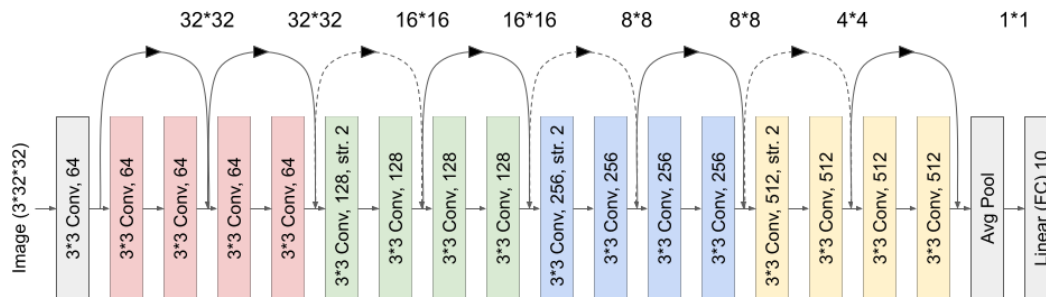


FIGURE 2 – ResNet-18 Architecture

**Détails d'implémentation:**

- Les lignes pointillées représentent les connexions résiduelles impliquant un échantillonnage descendant. Dans de tels cas, la sortie de **residual** n'est pas l'identité, mais le résultat d'une convolution avec la taille du noyau ( $1 \times 1$ ), stride 2, bias=False, padding=0.
- Les nombres mentionnés en haut sont la hauteur et la largeur des cartes de caractéristiques après avoir traversé chaque bloc.
- Utilisez padding=1 pour toutes les convolutions sauf la convolution de sous-échantillonnage dont le résiduelle n'a pas besoin de padding (c'est-à-dire padding=0). De même, bias=False pour toutes les couches de convolution.
- Vous devez inclure un **BatchNorm2d** après chacune convolution, avant l'activation.
- La Stride pour les couches de convolution est 1 sauf indication contraire (voir "str. 2" dans la figure, cela signifie que la foulée est de 2 pour ces couches de convolution spécifiques).
- Vous n'avez pas besoin d'appliquer softmax à la couche de sortie car nn.CrossEntropyLoss s'en occupe implicitement.

- (3.3) Écrire la fonction **train\_loop** et former le modèle sur l'ensemble de données CIFAR-10. Aussi complétez **valid\_loop**, qui sert à valider la performance du modèle. Effectuer la validation après chaque époque de formation.
- (3.4) Tracer des courbes de perte d'entraînement, de précision d'entraînement, de perte de validation et l'exactitude de la validation à travers les époques et l'inclure dans votre rapport (ReLU activation, **xavier\_normal** initialization).
- (3.5) Visualisez quelques filtres de la première et de la dernière couche de convolution dans le modèle formé. Inclure les images dans votre rapport et commentez les fonctionnalités apprises par les premier et dernier calques de convolution. En quoi diffèrent-elles ?
- (3.6) Visualiser les cartes de caractéristiques à partir des première et dernière couches de convolution (pour quelques filtres) dans le modèle formé pour l'image fournie dans la variable **vis\_image**. Inclure les images dans votre rapport . Commentaires sur les caractéristiques de l'entrée détectée par des unités spécifiques qui pourraient aider à classer l'image.
- (3.7) Considérez les fonctions d'activation: (i) ReLU et (ii) tanh, et les schémas d'initialisation des poids: (i) une Glorot uniforme (**init.xavier\_uniform\_**), (ii) Glorot normale (**init.xavier\_normal\_**) and (ii) He normal (**init.kaiming\_normal\_**). Effectuez une recherche par grille sur ces hyperparamètres. Signaler l'ensemble des hyperparamètres qui donnent la plus grande précision de validation, et fournir également les valeurs de l'exactitude et de la perte de validation.
- (3.8) Construire un PLP avec des paramètres approximativement égaux comme le ResNet-18 et l'entraîner sur l'ensemble de données CIFAR-10. Inclure un tableau dans votre rapport comparant le MLP et le CNN – énumérer le nombre de paramètres, l'exactitude de la validation, la perte de validation et le temps de formation (nombre d'époques 25). Quel modèle fonctionne le mieux et pourquoi le pensez-vous ?