

Monaden

Erinnerung

Das Ergebnis einer Funktion darf nur von den Parametern abhängen.

Was heißt das für die folgenden Funktionen?

```
readLine ::                               String  
putLine  :: String ->                    ()
```

Erinnerung

Das Ergebnis einer Funktion darf nur von den Parametern abhängen.

Die Funktionen müssen die gesamte Welt als Parameter haben, da ihr Ergebnis davon abhängt.

```
readLine :: RealWorld -> String  
putLine  :: String  -> RealWorld -> ()
```

Erinnerung

Das Ergebnis einer Funktion darf nur von den Parametern abhängen.

Und da die Welt verändert werden soll (ein Wert gelesen bzw. geschrieben), muss die „neue Welt“ zurückgegeben werden.

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)
putLine  :: String  -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in  
           let (rw2, s2) = readLine rw1 in  
           let output = s1 ++ s2 in  
           putLine output rw2
```

Beobachtung: In den ersten beiden Zeilen wird die Welt aufwendig durchgeschleift. Für diese Aufgabe suchen wir einen geeigneten Kombinator.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in  
           let (rw2, s2) = readLine rw1 in  
           let output = s1 ++ s2 in  
           putLine output rw2
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Neuer Kombinator: `bind`.

Versuche, beide Zeilen unter Verwendung von `bind` auszudrücken.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in  
           let (rw2, s2) = readLine rw1 in  
           let output = s1 ++ s2 in  
           putLine output rw2
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Beobachtung: Muster von `bind` passt *fast*, aber nicht komplett.

Problem: Ausdruck `let output = s1 ++ s2 in putLine output` hat nicht die Form `g s`, die `bind` erwartet.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)
putLine  :: String  -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in
            let (rw2, s2) = readLine rw1 in (\s2 ->
            let output = s1 ++ s2 in
            putLine output) s2 rw2
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Lösung: Führe unbenannte Funktion ein und übergebe ihr direkt den benötigten Wert.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in  
           let (rw2, s2) = readLine rw1 in (\s2 ->  
           let output = s1 ++ s2 in  
           putLine output) s2 rw2
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Jetzt passt das Muster genau.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)
putLine  :: String  -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in
            bind readLine (\s2 ->
              let output = s1 ++ s2 in
              putLine output) rw1

bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in  
           bind readLine (\s2 ->  
             let output = s1 ++ s2 in  
             putLine output) rw1  
  
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Führe Ersetzung ein zweites Mal durch.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in (\s1 ->  
    bind readLine (\s2 ->  
        let output = s1 ++ s2 in  
        putLine output)) s1 rw1  
  
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = let (rw1, s1) = readLine rw0 in (\s1 ->  
    bind readLine (\s2 ->  
        let output = s1 ++ s2 in  
        putLine output)) s1 rw1
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main rw0 = bind readLine (\s1 ->  
    bind readLine (\s2 ->  
        let output = s1 ++ s2 in  
        putLine output)) rw0
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Beachte: Die Funktion `bind` übernimmt die Verwaltung des `RealWorld`-Wertes vollständig! Mittels Unterversorgung kann jetzt sogar der Parameter `rw0` an `main` weggelassen werden.

Aufgabe

Lies zwei Zeilen ein und gib deren Verknüpfung aus. Verwende dabei:

```
readLine :: RealWorld -> (RealWorld, String)  
putLine  :: String -> RealWorld -> (RealWorld, ())
```

```
main      = bind readLine (\s1 ->  
    bind readLine (\s2 ->  
        let output = s1 ++ s2 in  
        putLine output))
```

```
bind f g rw = let (rw', s) = f rw in g s rw'
```

Beachte: Die Funktion `bind` übernimmt die Verwaltung des `RealWorld`-Wertes vollständig! Mittels Unterversorgung kann jetzt sogar der Parameter `rw0` an `main` weggelassen werden.

Jetzt wird `RealWorld` gar nicht mehr erwähnt.

Do-Notation und ihre Bedeutung

```
do x <- f
  g
  ↓↓
```

```
bind f (\x -> do g)
```

```
do let x = y
  g
  ↓↓
```

```
let x = y in do g
```

```
do f
  ↓↓
```

```
f
```

```
main = bind readLine (\s1 ->
  bind readLine (\s2 ->
    let output = s1 ++ s2
    in putLine output))
```

```
main = do s1 <- readLine
  s2 <- readLine
  let output = s1 ++ s2
  putLine output
```

- Die Abstraktion mit `bind` heißt *Monade*. Sie wird auch für Zustand, Nichtdeterminismus, Fehlerbehandlung, Sprünge usw. verwendet.
- Statt `RealWorld -> (RealWorld, a)` wird tatsächlich `IO a` verwendet. Der `RealWorld`-Typ ist für den Programmierer nicht sichtbar.
- So lassen sich in Haskell auch GUIs, Webanwendungen, Datenbank Anwendungen, Spiele etc. entwickeln.