Histoire de rattrapage

eDevoir

6 mars 2011

1 Modélisation du problème

Soit d la distance parcourue par Carla et Nicolas lorsqu'ils se rejoignent, et t le temps que Nicolas a roulé. On sait que Carla est partie 15 minutes après Nicolas, donc qu'elle a roulé pendant t-0.25 heure(s). 0.25 heure correspond bien sûr à 15 minutes.

Dans ce cas, on sait que la distance par courue par Nicolas est de 20*t et que la distance par courue par Carla, la même, est de d=25*(t-0.25). Il s'agit donc de résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} d = 20t \\ d = 25(t - 0.25) \end{cases}$$

2 Résolution du système

Ce système n'est pas difficile à résoudre. On égalise les deux expressions ce qui nous donne :

$$20t = 25(t - 0.25) \Leftrightarrow 5t = \frac{25}{4} \Leftrightarrow t = \frac{25}{20}$$

Nicolas a donc roulé pendant une heure et quinze minutes. En effet, $t=\frac{25}{20}=\frac{25}{20}=1+\frac{15}{60}.$

Pendant ce temps, il a donc parcouru une distance d de :

$$d = vt = 20\frac{25}{20} = 25$$

3 Conclusion

Ayant déjà parcouru 25 kilomètres, au moment où Carla rattrape Nicolas, il leur reste à tous les deux 60-25=35 km à parcourir. Il s'agit donc de la réponse a).