第四章 支持向量机

— ,	填空题							
1.	50 个样本训练集	上的	线性 SVM 原如	台优化	化问题,具	有() 个 ()
	约束条件.							
2.	线性 SVM 问题组	经过拉	拉格朗日对偶处	理后	的优化问题	的自变	量是 ()
3.	线性不可分问题可	可以依	吏用()。	SVM	或 () SVM	进行求解	; =0
4.	常见的核函数有(()核函数、	()核图	藝和 ()	核函数
二、	判断题							
	对于一组线性可分	分的认	练集 , 所有能	够将	它们正确分)类的线	性分类器	都具有
	相同的分类性能。	()					
6.	所有支撑向量均在间隔区域的边界上。()							
7.	间隔区域越宽意味着模型的经验风险越小。()							
8.	线性 SVM 求解必须依靠拉格朗日对偶技巧。()							
三、	选择题							
9.	对于包含 100 个	样本	的训练集,线	性 S	VM 原始问]题的待	优化变量	数量为
	()							
A.	2个 [В. З	3 个	C.	101 个	D.	无法确定	Ē
10.	原始线性 SVM 问]题约	E过拉格朗日对	偶处	理后转化为)一个 : ()	
A.	无约束最大化问]题		B.	无约束最小	卜化问题		
C.	有约束最大化问]题		D.	有约束最小	卜化问题		
11. 利用 SMO 算法求解 SVM 问题时,每轮迭代选取()个系数变量进行更新								
A.	1个 [В. :	2 个	C.	样本数量	D.	无法确定	Ξ

四、简答题

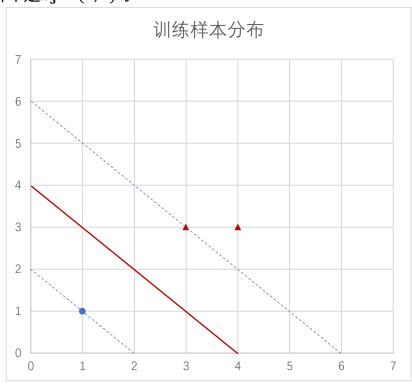
- 1. 简述支持向量的定义,并画图说明。
- 2. 简述 SVM 优化问题的三要素,并辅助变量/表达式形式进行说明。
- 3. 写出样本空间中的点x到超平面 (ω,γ) 的距离公式,并对符号进行解释。
- 4. 推导线性 SVM 约束条件 $y_i(\boldsymbol{\omega}^T \boldsymbol{x}_i + \boldsymbol{\gamma}) \geq 1$, $\forall \boldsymbol{x}_i$.
- 5. 推导线性 SVM 的间隔宽度为 $\frac{2}{\|\omega\|}$.
- 6. 写出线性 SVM 原始问题的 KKT 条件。
- 7. 写出经过拉格朗日对偶变换后线性 SVM 的最优化问题的标准形式。

- 8. 试分析,在软间隔 SVM 中,当松弛变量 ξ_i 对应的系数 C 增大时,最优解对应间隔宽度的变化趋势,并解释原因。
- 9. 在一个松弛项系数C=0.3的软间隔 SVM 模型中,如果一个样本 x_i 对应的系数 $\alpha_i=0.1$,试分析该样本与最优决策面和间隔区域的关系。
- 10. 在非线性 SVM 的推导过程中,为什么要使用非线性映射的策略而不使用构造非线性决策面的策略呢?
- 11. 试说明,如何判断一个函数是不是核函数
- 五、计算(画图)题
- 12. 求解有约束优化问题,并给出求解过程。

$$\min_{x} [(x_1 - 2)^2 + x_2^2]$$
s. t. $x_2 - x_1 + 1 = 0$

$$x_1^2 + x_2^2 - 1 \le 0$$

13. 已知一个如下图所示的训练数据集,其正类样本为 $x_1 = (3,3)^T$, $x_2 = (4,3)^T$,负类样本是 $x_3 = (1,1)^T$ 。



- 1) 试写出上述问题的线性 SVM 原始优化问题的数学形式,包含目标函数与约束条件;
- 2) 试写出经过拉格朗日对偶处理后的优化问题的数学形式,包含目标函数

与约束条件;

- 3) 试写出经过拉格朗日对偶处理后的 3条 KKT 条件。
- 4) 对照图中的决策面和间隔区域,试推算样本 $x_i, i=1,2,3$ 对应的系数 $\alpha_i, i=1,2,3$ 。
- 14. 对于 1 个标准的 XOR 问题, $x_1 = [1,0], x_2 = [0,1], x_3 = [0,0], x_4 = [1,1]$ 。其中 $x_1, x_2 \in \omega_1$ 类, $x_3, x_4 \in \omega_2$ 类。请设计一个非线性矢量映射函数 $\phi(x)$,将样本从 2 维空间映射到 3 位空间,使得数据在 3 维空间中可分,并给出对应的核函数。