

Wydział	Dzień poniedziałek 17 ¹⁵ – 19 ³⁰		Nr zespołu
Matematyki i Nauk Informatycznych	Data		18
Nazwisko i Imię: 1. Jasiński Bartosz 2. Sadłocha Adrian 3. Wódkiewicz Andrzej	Ocena z przygotowania	Ocena ze sprawozdania	Ocena Końcowa
Prowadzący dr hab. Katarzyna Grebieszko		Podpis prowadzącego	

Sprawozdanie nr 6

1. Opis ćwiczenia

Ćwiczenie miało na celu zbadanie stopnia osłabienia promieniowania γ przy przejściu przez 3 różne materiały:

1. Ołów - Pb
2. Miedź - Cu
3. Aluminium - Al

1.1. Wstęp teoretyczny

Promieniowanie γ jest to obok promieniowania α oraz β jedno z trzech podstawowych rodzajów promieniowania występujących w przyrodzie. Jest ono wysokoenergetyczną formą promieniowania elektromagnetycznego, o energii kwantu większej od 50 keV. Podczas zachodzenia przemiany γ następuje pozbycie się nadmiaru energii z jądra atomowego. Liczba nukleonów w jądrze pozostaje bez zmiany. Pozostałe rodzaje promieniowania polegają na emitowaniu cząstek. Odpowiednio dla przemiany α jest to cząstka która składa się z 2 protonów i 2 neutronów, czyli jest jądrem izotopu atomu helu, jest to najmniej przenikliwe promieniowanie z wymienionych. Przemiana β dzieli się na dwa rodzaje β^- oraz β^+ , w pierwszej emitowany jest elektron oraz antyneutrino elektronowe, natomiast w drugim pozyton i neutrino elektronowe. Promieniowanie γ przenika przez materiał, podczas tego procesu oddziałuje ono z elektronami oraz jądrami atomów. Występują 3 zjawiska w których bierze udział cząstka γ :

1. rozpraszanie Komptonowskie
2. zjawisko fotoelektryczne
3. tworzenie par elektron-pozyton

Zjawisko Comptona polega na rozpraszaniu się cząstek promieniowania na elektronach które możemy traktować jako swobodne (znajdują się one na ostatnich orbitach w atomie). Jako rezultat oddziaływania otrzymujemy kwant γ który zmienia kierunek oraz oddaje od część energii dla elektronu.

Zjawisko fotoelektryczne zachodzi pomiędzy cząstkami γ a elektronami znajdującymi się na orbitalach blisko jądra atomowego. Po jego zejściu kwant zostanie pochłonięty i elektron zostanie oderwany od atomu oraz otrzyma pewną energię kinetyczną.

Tworzenie się par elektron-pozyton polega na stworzeniu pary cząstek przy oddziaływaniu kwantów γ z jądrami atomowymi. Energią progową do zajścia tego zjawiska jest 1.02 MeV co jest sumaryczną energią elektronu i pozytonu.

W naszym doświadczeniu jako źródła promieniowania używaliśmy $^{60}_{27}\text{Co}$ którego czas połowicznego rozpadu wynosi 5 lat. Zgodnie ze wzorem

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

gdzie: $N(t)$ – liczba jąder promieniotwórczych, które nie uległy rozpadowi do chwili czasu t , N_0 – liczba jąder promieniotwórczych w chwili czasu $t = 0$, $N(0) = N_0$, λ – stała, zwana stałą rozpadu.

Promieniowanie wysyłane przez naszą próbkę podczas trwania eksperymentu możemy traktować jako stałe ponieważ czas trwania doświadczenia (1h) jest znikomy w porównaniu do 5 lat.

Następujący wzór:

$$I = I_0 e^{-\mu x}$$

gdzie: $I(x)$ – natężenie wiązki po przejściu przez absorbent o grubości x , $I_0 = I(0)$ – początkowe natężenie wiązki, μ – współczynnik osłabienia promieniowania gamma

opisuje związek natężenia wiązki wypromieniowanej po przejściu przez absorbent grubości x . Możemy go wyprowadzić w następujący sposób: Do pochłaniania promieniowania γ w materii przyczyniają się 3 wcześniej wymienione zjawiska. Możemy to zapisać zależnością

$$\mu = \mu_c + \mu_f + \mu_p$$

do sumy włączają się zjawisko Comptona, fotoelektryczne oraz tworzenie się par elektron-pozyton. Jako że zmniejszenie się natężenia kwantów γ jest wprost proporcjonalne do grubości materii przez którą one przeleżą możemy zapisać następującą zależność:

$$-dI = B I dx$$

z czego po scałkowaniu otrzymujemy:

$$I(x) = I_0 e^{-Bx}$$

co daje nam wzór na osłabienie wiązki z współczynnikiem $B = \mu$. W naszym doświadczeniu chcemy właśnie wyznaczyć współczynnik osłabienia μ lecz nie jesteśmy tego w stanie zrobić metodą bezpośrednią (mierząc natężenie początkowe I_0). By wyznaczyć wspomniany współczynnik posłużymy się metodą najmniejszych kwadratów w następujący sposób:

Logarytmujemy obie strony wyznaczonego wzoru na osłabienie promieniowania otrzymując:

$$\ln(I) = \ln(I_0) - \mu x$$

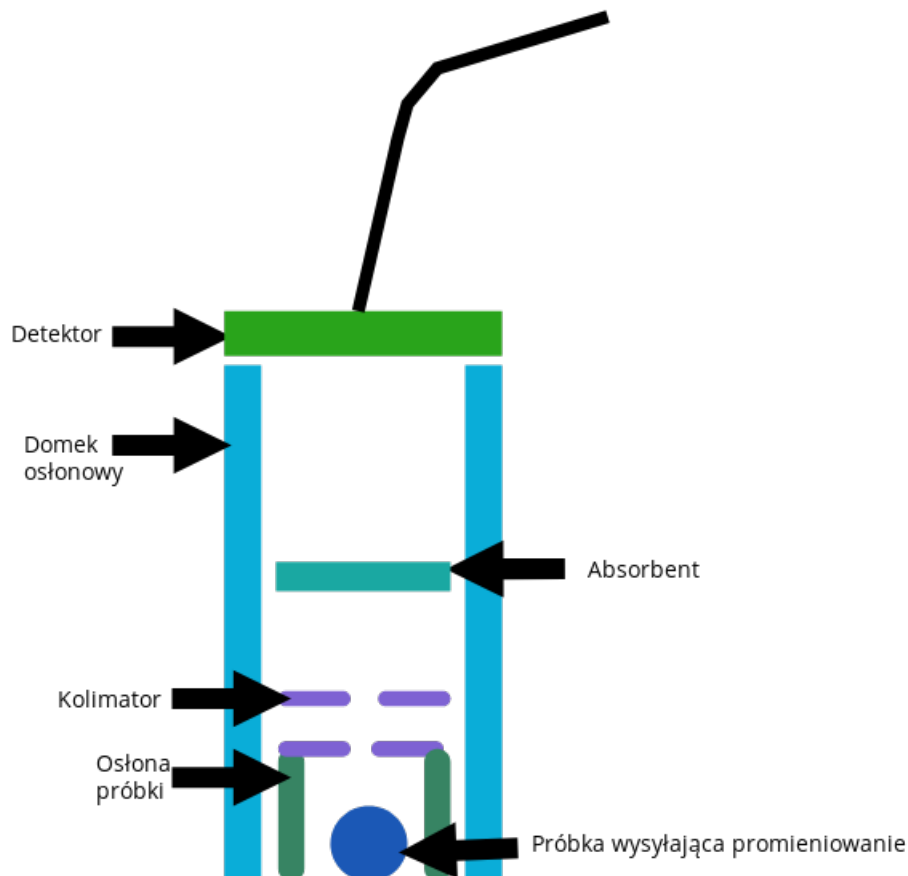
teraz możemy dokonać podstawienia $\ln(I) = y$ oraz $\ln(I_0) = b$ i $\mu = a$ dzięki czemu otrzymujemy równanie prostej:

$$y = ax + b$$

Z czego po przeprowadzeniu serii pomiarów możemy wyznaczyć wspomniany wcześniej współczynnik

1.2. Układ pomiarowy

Do przeprowadzenia ćwiczenia posłużono się układem pomiarowym, przedstawionym na rysunku 3. Próbka umieszczona w domku osłonowym wysyła promieniowanie które jest formowane przy przejściu przez kolimator, daje trafia ono na absorbent o zadanej grubości. Po przejściu przez absorbent zostaje zliczony przez detektor który wysyła informację do komputera.



Rysunek 1: Schemat układu pomiarowego

2. Pomiary i obliczenia

2.1. Pomiary grubości absorbentów

Na początku ćwiczenia otrzymaliśmy listę ze wcześniej wykonanymi pomiarami grubości absorbentów. Skorzystaliśmy z następujących wzorów w celu wyznaczenia niepewności pomiaro-

wych:

$$S_{\bar{x}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{10} (x_i - \bar{x})^2}{N(N-1)}}$$

gdzie: $S_{\bar{x}}$ - niepewność typu A, $N = 10$, $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{10} x_i}{10}$.

Natomiast niepewność pomiaru z uwzględnieniem niepewności eksperymentatora

$$U_{\bar{x}} = \sqrt{S_{\bar{x}}^2 + \frac{(\Delta x)^2}{3} + \frac{(\Delta x_E)^2}{3}}$$

dla parametrów: $\Delta x = 0.001mm$, $\Delta x_E = 0.005mm$

Pomiary w których występuje błąd gruby zostały przekreślone w tabelkach.

Otrzymaliśmy następujące pomiary grubości poszczególnych absorbentów:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	\bar{x} [mm]	Δx [mm]	$S_{\bar{x}}$ [mm]	$U_{\bar{x}}$ [mm]
5	5.05	5.04	5.04	5.05	5.04	5.04	5.04	5.05	5.04	5.04	5.043	0.01	0.002	0.0018
10	10.00	10.01	10.00	10.00	10.01	10.12	10.00	10.01	10.01	10.01	10.0056	0.01	0.002	0.0021
15	14.77	14.78	14.78	14.77	14.76	14.75	14.77	14.78	14.79	14.78	14.7730	0.01	0.004	0.0044
20	20.07	20.08	20.07	20.06	20.06	20.07	20.07	20.08	20.08	20.07	20.0710	0.01	0.002	0.0028

Tablica 1: Wyniki wielokrotnych pomiarów grubości aluminiowego absorbentu

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	\bar{x} [mm]	Δx [mm]	$S_{\bar{x}}$ [mm]	$U_{\bar{x}}$ [mm]
2	1.88	1.89	1.9	1.88	1.89	1.9	1.87	1.89	1.89	1.88	1.887	0.01	0.003	0.0036
5	5	5.01	5	5.01	5.01	5.01	5.02	5	5.01	5.03	5.0100	0.01	0.003	0.0035
7	6.99	6.98	6.98	6.99	6.98	6.98	6.98	6.97	6.98	6.98	6.9810	0.01	0.002	0.0021
10	9.91	9.9	9.92	9.91	9.91	9.92	9.9	9.9	9.91	9.9	9.9080	0.01	0.002	0.0030
12	11.89	11.9	11.9	11.89	11.88	11.89	11.89	11.9	11.9	11.89	11.8930	0.01	0.002	0.0025
15	14.97	14.98	14.98	14.99	14.98	14.98	14.97	14.98	14.97	14.10	14.9778	0.01	0.002	0.0026
17	16.99	16.98	16.98	16.97	16.99	16.98	16.98	16.97	16.98	16.98	16.9800	0.01	0.002	0.0025
20	20.01	20.02	20	20.01	20.02	20.01	20.02	20.01	20.01	20.01	20.0120	0.01	0.002	0.0024

Tablica 2: Wyniki wielokrotnych pomiarów grubości ołowianego absorbentu

2.2. Promieniowanie tła

Na początku ćwiczenia dokonaliśmy kilku pomiarów promieniowania tła (bez umieszczenia próbki promieniotwórczej w domku osłonowym) w celu zbadania średniego promieniowania które dociera do detektora z różnych źródeł np. promieniowania kosmicznego, promieniowania wysyłanego przez inne materiały. Promieniowanie tła było następnie automatycznie odejmowane od otrzymanej liczby zliczeń przez program komputerowy. Promieniowanie tła było rzędu kilkudziesięciu zliczeń w ciągu minuty.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	\bar{x} [mm]	Δx [mm]	$S_{\bar{x}}$ [mm]	$U_{\bar{x}}$ [mm]
2	1.95	1.94	1.98	1.96	1.95	1.94	1.95	1.95	1.94	1.95	1.9510	0.01	0.004	0.0045
5	4.88	4.89	4.88	4.88	4.89	4.9	4.88	4.87	4.88	4.9	4.8850	0.01	0.003	0.0037
7	7.07	7.08	7.08	7.09	7.09	7.08	7.09	7.09	7.08	7.08	7.0830	0.01	0.002	0.0025
10	10.08	10.07	10.08	10.08	10.09	10.07	10.07	10.07	10.08	10.08	10.0770	0.01	0.002	0.0025
12	12.05	12.04	12.05	12.06	12.06	12.05	12.04	12.05	12.06	12.05	12.0510	0.01	0.002	0.0028
15	15.06	15.05	15.04	15.06	15.06	15.05	15.06	15.04	15.05	15.06	15.0530	0.01	0.003	0.0031
17	17.08	17.09	17.09	17.08	17.07	17.08	17.08	17.09	17.08	17.07	17.0810	0.01	0.002	0.0028
20	20.15	20.14	20.15	20.15	20.14	20.13	20.13	20.14	20.15	20.16	20.1440	0.01	0.003	0.0036

Tablica 3: Wyniki wielokrotnych pomiarów grubości miedzanego absorbentu

2.3. Badanie liczby zliczeń kwantów gamma

Każde zliczanie kwantów gamma trafiających w detektor trwało 1 min. Dla ołowiu oraz miedzi przeprowadziliśmy 8 pomiarów (każdy z inną grubością absorbenta) oraz 4 pomiary dla aluminium. Liczba wypromieniowanych kwantów γ podlega rozkładowi Poissona dzięki czemu $u_N = \sqrt{N}$. Otrzymaliśmy następujące pomiary zliczeń w zależności od rodzaju absorbenta oraz jego grubości:

Nr	$x(u_N)$ [mm]	$N(u_N)$	$\ln N(u_N)$
1	5.0430(0.007)	1514(39)	7.323(0.026)
2	10.0056(0.007)	1380(37)	7.230(0.027)
3	14.7730(0.007)	1285(36)	7.159(0.028)
4	20.0710(0.007)	1226(35)	7.112(0.029)

Tablica 4: Liczba otrzymanych kwantów gamma w zależności od grubości aluminium

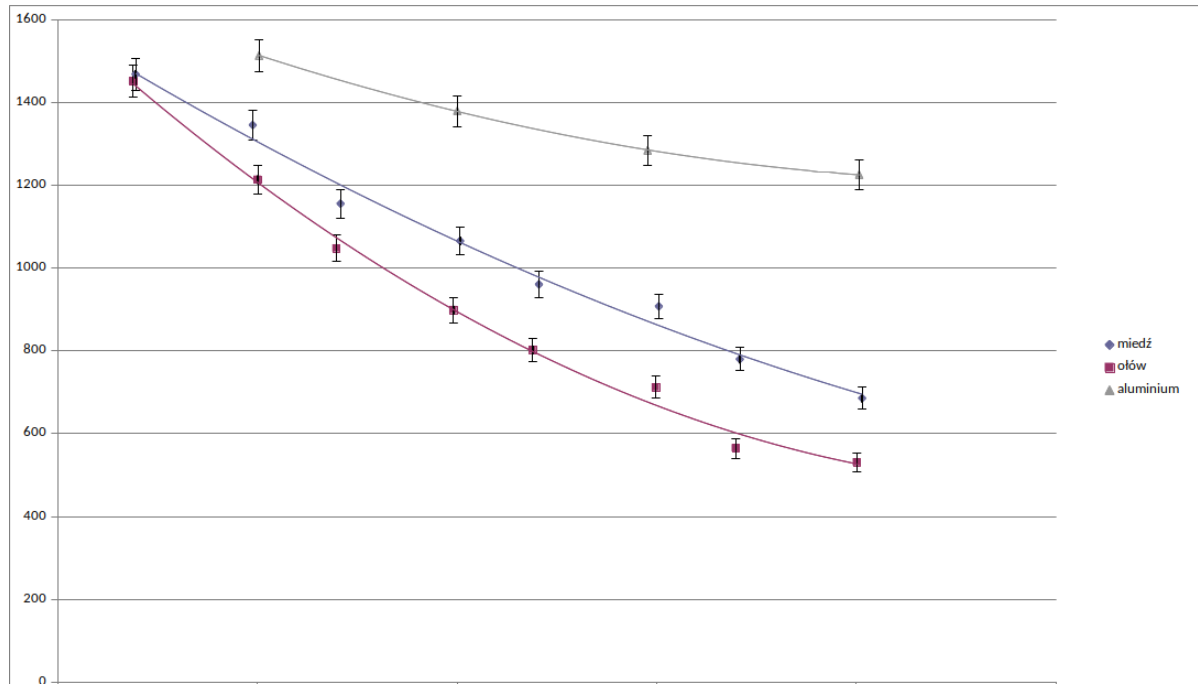
Nr	$x(u_N)$ [mm]	$N(u_N)$	$\ln N(u_N)$
1	1.887(0.007)	1452(38)	7.281(0.026)
2	5.010(0.007)	1214(35)	7.102(0.029)
3	6.981(0.007)	1048(32)	6.955(0.031)
4	9.908(0.007)	899(30)	6.801(0.033)
5	11.893(0.007)	803(28)	6.688(0.035)
6	14.978(0.007)	712(27)	6.568(0.037)
7	16.980(0.007)	565(24)	6.337(0.042)
8	20.012(0.007)	531(23)	6.275(0.043)

Tablica 5: Liczba otrzymanych kwantów gamma w zależności od grubości ołowiu

Otrzymujemy odpowiednio wykresy liniowo-liniowy oraz logarytmiczno-liniowy.

Nr	$x(u_N)$ [mm]	$N(u_N)$	$\ln N(u_{\ln N})$
1	1.948(0.007)	1469(38)	7.292(0.026)
2	4.885(0.007)	1346(37)	7.205(0.027)
3	7.083(0.007)	1156(34)	7.053(0.029)
4	10.077(0.007)	1066(33)	6.971(0.031)
5	12.051(0.007)	961(31)	6.868(0.032)
6	15.053(0.007)	908(30)	6.811(0.033)
7	17.081(0.007)	780(28)	6.659(0.036)
8	20.144(0.007)	686(26)	6.531(0.038)

Tablica 6: Liczba otrzymanych kwantów gamma w zależności od grubości miedzi



Rysunek 2: Wykres liniowo liniowy liczby zliczeń w zależności od grubości absorbentów

2.4. Wyniki

By wyznaczyć poszczególne współczynniki użyliśmy metody najmniejszych kwadratów w sposób w jaki zostało to opisane we wstępie teoretycznym. Odpowiednio otrzymujemy:

Aluminium:

$$\mu_{Al} = 0.014$$

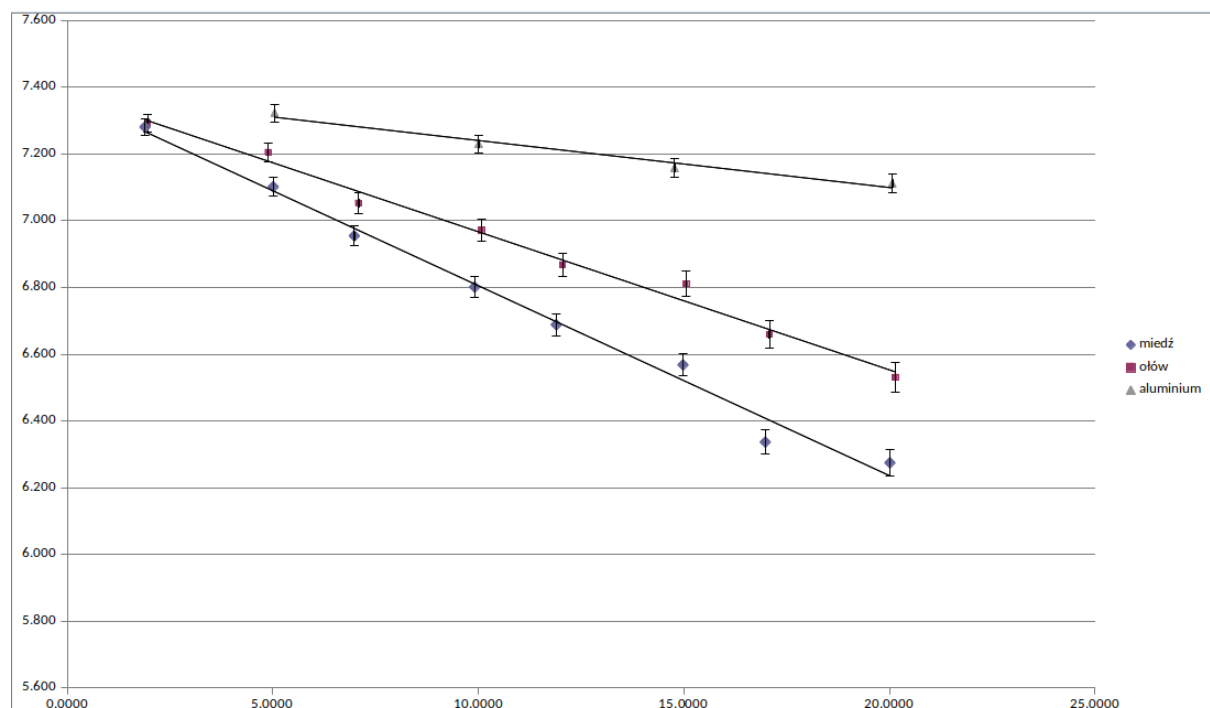
$$u_{\mu} = 0.02$$

$$b = 7.381$$

$$S_b = 0.022$$

Odpowiedź: $\mu_{Al} = 0.014(0.002) \frac{1}{mm}$ Ołów:

$$\mu_{Pb} = 0.056$$



Rysunek 3: Wykres logarytmiczno liniowy liczby zliczeń w zależności od grubości absorbentów

$$u_{\mu} = 0.02$$

$$b = 7.374$$

$$S_b = 0.030$$

Odpowiedź: $\mu_{Pb} = 0.056(0.002) \frac{1}{mm}$

Miedź:

$$\mu_{Cu} = 0.041$$

$$u_{\mu} = 0.02$$

$$b = 7.381$$

$$S_b = 0.023$$

Odpowiedź: $\mu_{Cu} = 0.041(0.002) \frac{1}{mm}$

Co możemy porównać z wartościami tablicowymi dla poszczególnych materiałów (wyliczone przez program komputerowy)

materiał	MeV	$\mu[1/mm]$
Al	1.33	0.012
Cu	1.33	0.043
Pb	1.33	0.062

Tablica 7: Wartości tablicowe współczynników osłabienia promieniowania

2.5. Wnioski

Policzmy czy wyznaczone wartości współczynników są zgodne z wartościami tablicowymi. Skorzystajmy w tym celu z testu 2δ (tu dla wersji z ołowiem):

$$\frac{|\mu_{Pb\text{tablicowe}} - \mu_{Pb\text{otrzymane}}|}{S_{Pb}} \leq 2$$

Jeśli powyższy test zostanie spełniony oznacza to że otrzymaliśmy poprawne współczynniki. Mamy więc Z powyższego ćwiczenia możemy wyciągnąć następujące wnioski

materiał	wynik	czy zgodne
Al	1.00	TAK
Cu	2.04	NIE
Pb	2.69	NIE

Tablica 8: Wartości tablicowe współczynników osłabienia promieniowania

- Ołów jest najlepszy absorbentem promieniowania gamma
- Różnice pomiędzy wartościami tablicowymi a zmierzoną wartością można wytłumaczyć poprzez krótkie czasy pomiarów oraz rozkładem statystycznym wyników które w rzadkich przypadkach mogą dawać duże rozbieżności pomiędzy wartością zbadaną a wartością tablicową
- Mogło też dojść do błędu grubego w czasie wyznaczania wartości tablicowych współczynników przy pomocy komputera