# ЛА и ФНП, ИУ-РЛ-БМТ (кроме ИУ9), Модуль 1

Домашнее задание 1: "Линейные и евклидовы пространства" 1-я задача, 1 балл.

### ВАРИАНТ 1.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf i}$  на угол  $\phi=45^0$  в положительном направлении (от  ${\bf j}$  к  ${\bf k}$ , если смотреть со стороны конца  ${\bf i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf k}$  на угол  $\psi=135^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i'}$ ,  ${\bf j'}$ ,  ${\bf k'}$ . Найти матрицу перехода из старого базиса в новый.

### ВАРИАНТ 2.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 135^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 30^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 3.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 30^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{k}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 135^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 4.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 150^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 60^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 5.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf i}$  на угол  $\phi=60^0$  в положительном направлении (от  ${\bf j}$  к  ${\bf k}$ , если смотреть со стороны конца  ${\bf i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf j}$  на угол  $\psi=150^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i'}$ ,  ${\bf j'}$ ,  ${\bf k'}$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 6.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 45^0$  в отрицательном направлении (от  $\mathbf{i}$  к  $\mathbf{k}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 150^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 7.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 150^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{k}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 45^0$  в отрицательном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

## ВАРИАНТ 8.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 45^0$  в отрицательном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{j}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 60^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 9.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 60^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{i}$  к  $\mathbf{j}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 45^0$  в отрицательном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

# ВАРИАНТ 10.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 60^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 150^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 11.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf k}$  на угол  $\phi=150^0$  в положительном направлении (от  ${\bf i}$  к  ${\bf j}$ , если смотреть со стороны конца  ${\bf k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf j}$  на угол  $\psi=60^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i}'$ ,  ${\bf j}'$ ,  ${\bf k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 12.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf i}$  на угол  $\phi=30^0$  в положительном направлении (от  ${\bf j}$  к  ${\bf k}$ , если смотреть со стороны конца  ${\bf i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf j}$  на угол  $\psi=45^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i}'$ ,  ${\bf j}'$ ,  ${\bf k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 13.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 30^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 45^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 14.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 30^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{i}$  к  $\mathbf{j}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 45^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

## ВАРИАНТ 15.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 45^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{k}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 60^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 16.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 45^0$  в отрицательном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{j}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 60^0$  в отрицательном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 17.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 15^0$  в отрицательном направлении, а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 30^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 18.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 45^0$  в отрицательном направлении, а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 75^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 19.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 30^0$  в положительном направлении, а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 150^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 20.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf i}$  так, что вектор  ${\bf j}$  занимает новое положение  $\left(0;\frac{1}{\sqrt{10}};\frac{3}{\sqrt{10}}\right)^T$ , а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf k}$  на угол  $\psi=60^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i}'$ ,  ${\bf j}'$ ,  ${\bf k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 21.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  в положительном направлении на угол  $\phi = 300^0$  а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  так, что вектор  $\mathbf{k}$  принимает положение  $\left(\frac{1}{\sqrt{5}}; 0; \frac{2}{\sqrt{5}}\right)^T$ , (сохраняется правая ориентация базиса). В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 22.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 30^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{i}$  к  $\mathbf{j}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 120^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 23.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 120^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 45^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 24.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 225^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{i}$  к  $\mathbf{j}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 60^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 25.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 60^{0}$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 150^{0}$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 26.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 135^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{k}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 240^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 27.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf j}$  на угол  $\phi=30^0$  в положительном направлении (от  ${\bf k}$  к  ${\bf i}$ , если смотреть со стороны конца  ${\bf j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf k}$  на угол  $\psi=120^0$  в отрицательном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i'}$ ,  ${\bf j'}$ ,  ${\bf k'}$ . Найти матрицу перехода из старого базиса в новый.

### ВАРИАНТ 28.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 135^0$  в отрицательном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 30^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 29.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\phi = 60^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{k}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\psi = 120^0$  в отрицательном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 30.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\phi = 150^0$  в отрицательном направлении (от  $\mathbf{j}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{k}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{i}$  на угол  $\psi = 45^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i}'$ ,  $\mathbf{j}'$ ,  $\mathbf{k}'$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

### ВАРИАНТ 31.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{j}$ ,  $\mathbf{k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  $\mathbf{j}$  на угол  $\phi = 120^0$  в положительном направлении (от  $\mathbf{k}$  к  $\mathbf{i}$ , если смотреть со стороны конца  $\mathbf{j}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  $\mathbf{k}$  на угол  $\psi = 150^0$  в отрицательном направлении. В результате получается новый базис  $\mathbf{i'}$ ,  $\mathbf{j'}$ ,  $\mathbf{k'}$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.

#### ВАРИАНТ 32.

Постановка задачи. В линейном пространстве  $V_3$  свободных векторов выбран правый ортонормированный базис  ${\bf i}$ ,  ${\bf j}$ ,  ${\bf k}$ . Этот базис поворачивается вокруг вектора  ${\bf i}$  на угол  $\phi=45^0$  в отрицательном направлении (от  ${\bf k}$  к  ${\bf j}$ , если смотреть со стороны конца  ${\bf i}$ ), а затем вокруг нового положения вектора  ${\bf j}$  на угол  $\psi=240^0$  в положительном направлении. В результате получается новый базис  ${\bf i'}$ ,  ${\bf j'}$ ,  ${\bf k'}$ . Найти матрицу перехода от старого базиса к новому.