



赫夫曼树

基本介绍

1. 给定 n 个 **权值** 作为 n 个 **叶子节点**，构造一颗二叉树，若该树的 **带权路径长度 (WPL) 达到最小**，称这样的二叉树为 **最优二叉树**，也称为 **哈夫曼树 (Huffman Tree)**，还有的叫 霍夫曼树
2. 赫夫曼树是带全路径长度最短的树，权值较大的节点离根节点较近

重要概念

- **路径 和 路径长度：**

在一颗树中，**从一个节点往下可以到达的孩子或孙子节点之间的通路**，称为 **路径**。

通路中分支的数目称为路径长度。若规定根节点的层数为 **1**，则从根节点到第 L 层节点的路径长度为 $L - 1$

- **节点的权 及 带权路径长度**

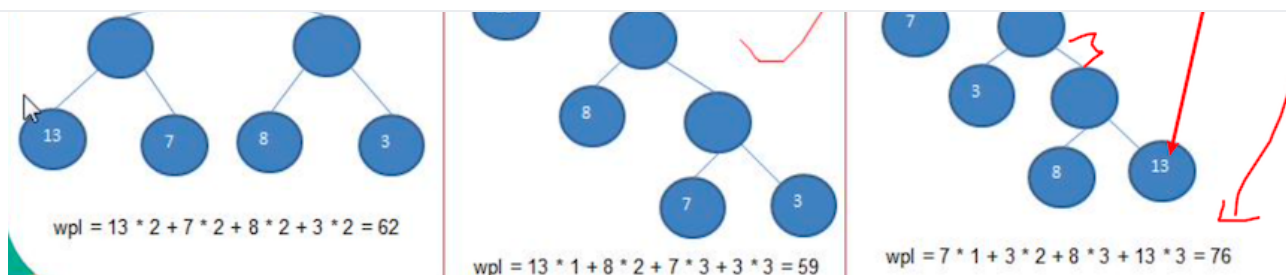
若将树中节点赋给一个有着某种函数的数值，则这个数值称为该节点的 **权**。

节点的带权路径长度为：从根节点到该节点之间的路径长度与该节点的权的乘积。

- **树的带权路径长度**

所有叶子节点的带权路径长度之和，记为 **WPL (weighted path length)**，权值越大的节点离根节点越近的二叉树才是最优二叉树

- **WPL 最小的就是赫夫曼树**



如上图：

- 权：元素的值
- 路径长度：一个节点到另一个节点的一段路，就叫路径长度
- 带权路径长度：从根节点到 13 有几条路径长度，则是他的带权路径长度
- 树的带权路径长度：（图上的带全路径长度所指的是 树的带全路径长度）

创建思路

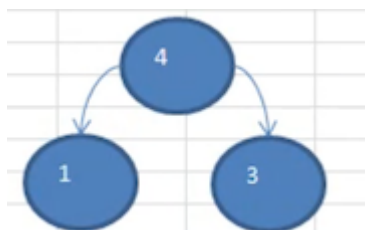
以数列 13, 7, 8, 3, 29, 6, 1 进行讲解。

1. 首先将它进行从小到大进行排序，排序后是： 1, 3, 6, 7, 8, 13, 29

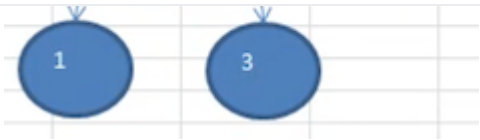
其中，每一个数据都是一个节点，每个节点可以看成是一颗最简单的二叉树

2. 取出根节点权值最小的两颗树： 1 和 3

3. 组成一颗新的二叉树，该二叉树的根节点权值是，这两颗树的权值之和，如下图：



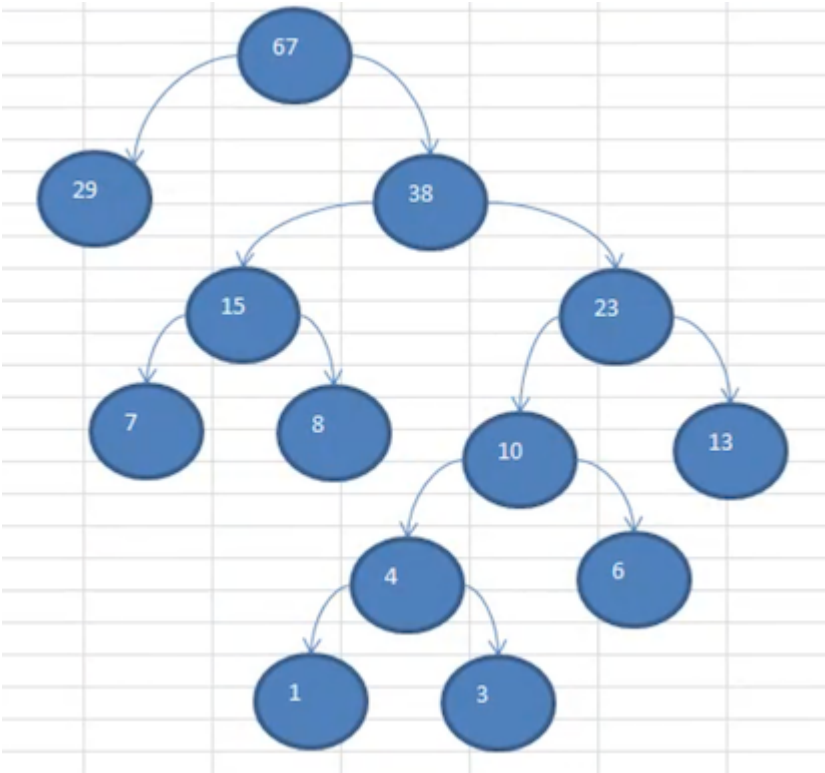
4. 再将这颗新的二叉树，以 根节点的权值大小，再次排序，并不断重复上述步骤



如图所示：将剩余未处理的节点，与新的根节点权值进行排序，那么再次取最小的两棵树 4 和 6，组成新的根节点 10

image-20201212163433120

一般来说，可以将左节点指向权值较大的，右节点指向权值较小的。以上过程重复处理，直到组成如下图这颗赫夫曼树



代码实现

推导实现

```
1  /**
2   * 赫夫曼树实现
3   */
4  public class HuffmanTreeTest {
```

java



```
8      @Test
9      public void processDemo() {
10         int[] arr = {13, 7, 8, 3, 29, 6, 1};
11
12         // 1. 为了实现方便, 先将每个元素转成 Node 对象, 并装入 arrayList 中
13         List<Node> nodes = new ArrayList<>();
14         for (int i : arr) {
15             nodes.add(new Node(i));
16         }
17
18         // 2. 从小到大排序
19         Collections.sort(nodes);
20
21         // 3. 取出两个较小的树
22         Node left = nodes.get(0);
23         Node right = nodes.get(1);
24         // 4. 构成成新的二叉树
25         Node parent = new Node(left.value + right.value);
26         parent.left = left;
27         parent.right = right;
28         // 5. 从 list 中删除已经处理过的二叉树
29         nodes.remove(left);
30         nodes.remove(right);
31         // 6. 将新的二叉树添加到 list 中, 为下一轮构建做准备
32         nodes.add(parent);
33
34         // 最后来看一下结果
35         System.out.println("原始数组: " + Arrays.toString(arr));
36         System.out.println("新的节点: " + nodes);
37     }
38 }
39
40 /**
41  * 节点
42  */
43 class Node implements Comparable<Node> {
44     int value; // 权
45     Node left;
46     Node right;
47
48     public Node(int value) {
```



```
51
52     /**
53      * 为了打印方便
54      *
55      * @return
56      */
57     @Override
58     public String toString() {
59         return value + "";
60     }
61
62     /**
63      * 从小到大排序
64      *
65      * @param o
66      * @return
67      */
68     @Override
69     public int compareTo(Node o) {
70         return this.value - o.value;
71     }
72 }
```

运行结果输出

```
1      原始数组: [13, 7, 8, 3, 29, 6, 1]
2      新的节点: [6, 7, 8, 13, 29, 4]
```

可以看到，第一轮的处理之后，的确如我们的创建思路解说一致。

那么创建一颗完整的赫夫曼树的核心代码就在上面，只要对上述步骤进行重复执行，就可以了。

完整实现



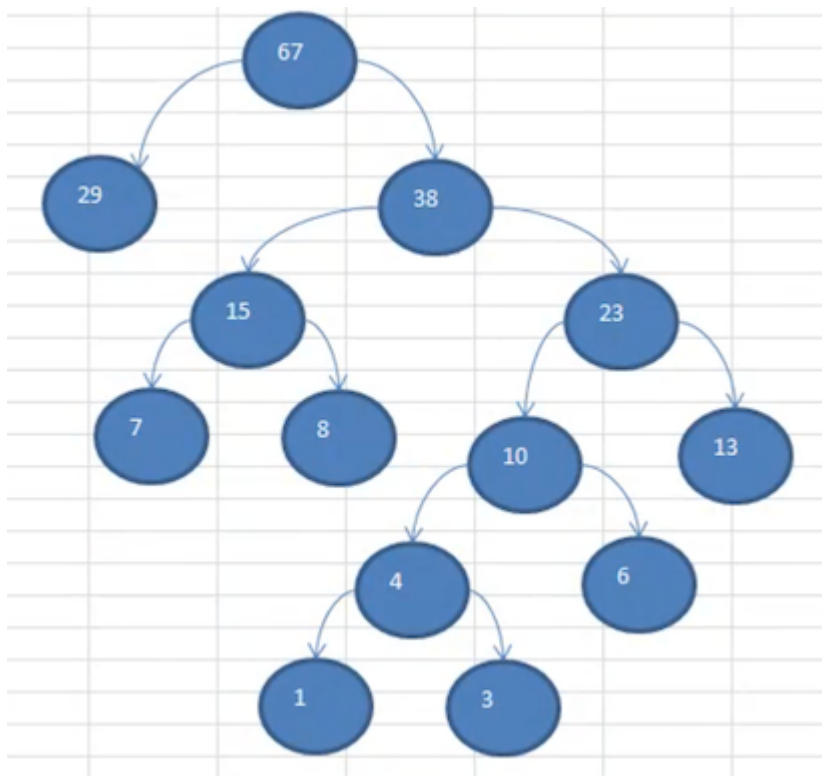
```
3      int[] arr = {13, 7, 8, 3, 29, 6, 1};
4      Node huffmanTree = createHuffmanTree(arr);
5
6      // 前序遍历
7      huffmanTree.list();
8  }
9
10     private Node createHuffmanTree(int[] arr) {
11         List<Node> nodes = new ArrayList<>();
12         for (int i : arr) {
13             nodes.add(new Node(i));
14         }
15
16         while (nodes.size() > 1) {
17             // 2. 从小到大排序
18             Collections.sort(nodes);
19
20             // 3. 取出两个较小的树
21             Node left = nodes.get(0);
22             Node right = nodes.get(1);
23             // 4. 构成成新的二叉树
24             Node parent = new Node(left.value + right.value);
25             parent.left = left;
26             parent.right = right;
27             // 5. 从 list 中删除已经处理过的二叉树
28             nodes.remove(left);
29             nodes.remove(right);
30             // 6. 将新的二叉树添加到 list 中, 为下一轮构建做准备
31             nodes.add(parent);
32         }
33
34         // 返回赫夫曼树的 root 节点
35         // 因为前面从小到大排序的, 最后一个就是最大节点
36         return nodes.get(0);
37     }
```

测试输出, 输出的是前序遍历的顺序。



3	38
4	15
5	7
6	8
7	23
8	10
9	4
10	1
11	3
12	6
13	13

结果和这个是一致的



是不是有一个疑问？给定的数组是 **13, 7, 8, 3, 29, 6, 1**，变成树之后，怎么找回原来的数据？一定要记得赫夫曼树的特点：**它的数据都在叶子节点，父节点是通过叶子节点相加得到的**



上次更新：： 2021-02-26 08:37:43

← 堆排序

赫夫曼编码 →