Algoritmos y Estructuras de Datos

Apellido y Nombre:		
Carrera:	DNI:	
[Llenar con letra mayúscula de imprenta GRANDE]		

## Algoritmos y Estructuras de Datos. 3er Parcial. Tema: 1A. [23 de Junio de 2005]

## [Ej. 1] [clases (total 20 pts)]

- a) [vecbit (total 5 pts)] El archivo de cabecera siguiente declara la clase conjunto para rangos contiguos de enteros utilizando vectores de bits.
  - El tamaño del conjunto universal es N, es decir, los enteros que guarda el conjunto pertenecen al intervalo [0, N).
  - El constructor inicializa el vector de bits con N elementos en false (es decir, el conjunto esta inicialmente vacío).
  - El valor de N siempre puede recuperarse con vecbit.size().

Implemente el método size() y la operación binaria set\_difference(A,B,C) de tal forma que su complejidad sea O(N). Asuma que los conjuntos A, B y C fueron todos creados con el mismo valor de N.

```
#ifndef SET_VECBIT
#include <vector>

class set {
  private:
    std::vector<bool> vecbit;
    /* ... */
  public:
    set(int N) : vecbit(N, false) { }

    /* ... */
    int size();
    friend void set_difference(set &A, set &B, set &C);

/* ... */
  void set_difference(set &A, set &B, set &C); // C = A - B

#endif
```

- b) [bstree (total 10 pts)] El archivo de cabecera siguiente declara la clase conjunto para una implementacion por árbol binario de búsqueda.
  - Los conjuntos contienen un árbol binario bstree como miembro privado.
  - Los iteradores de conjuntos contienen un puntero bstree al árbol binario del conjunto y también un iterador de árbol binario node que indica la posición del elemento en el árbol binario de búsqueda..

Implemente las funciones clear() e insert(x). Para esta última utilice como ayuda el método find(x) y el constructor iterator(n,bst), ambos ya implementados.

```
#ifndef SET_BSTREE
#define SET_BSTREE
```

Algoritmos y Estructuras de Datos

```
#include <pair>
   #include <btree.h>
   template<typename T>
   class set {
   private:
     btree<T> bstree;
     /* ... */
   public:
11
     class iterator {
12
       friend class set;
13
     private:
14
       btree<T>::iterator node;
15
       btree<T>
                            *bstree;
       iterator(btree<T>::iterator n, btree<T> &bst)
17
          : node(n), bstree(&bst) { }
       /* ... */
     public:
20
       /* · · · · */
21
     }; // end class iterator
     iterator find(T x) {
23
       btree<T>::iterator m = bstree.begin();
24
       while(true) {
          if (m == bstree.end())
26
            return iterator(m, bstree);
                 (x < *m) m = m.left();
         else if (x > *m) m = m.right();
          else return iterator(m, bstree);
30
       }
     }
32
     /* ... */
33
     std::pair<iterator, bool> insert(T x);
     void clear();
35
     /* ... */
   }; // end class set
37
38
   #endif // SET_BSTREE
```

- c) [merge-sort (total 5 pts)] Implemente el algoritmo de ordenamiento por fusión para listas merge\_sort(L,comp). Se sugiere implementar dos funciones auxiliares:
  - split(L,L1,L2) que separe una lista L en dos listas L1 y L2, dejando a L vacía.
  - merge(L1,L2,L,comp) que fusione las listas ordenadas L1 y L2 en una lista ordenada L utilizando la función de comparación comp, dejando a L1 y L2 vacías.

```
#include <list>

template<typename T>
void merge_sort(std::list<T> &L, bool (*comp)(T&, T&));

template<typename T>
void split(std::list<T> &L, std::list<T> &L1, std::list<T> &L2);
```

Algoritmos y Estructuras de Datos

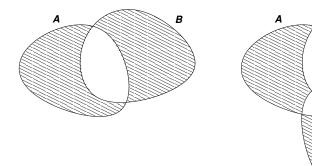
```
template<typename T>
template<typename T>
to void merge(std::list<T> &L1, std::list<T> &L2,
std::list<T> &L, bool (*comp)(T&, T&));
```

## [Ej. 2] [programacion (50 pts)]

[Llenar con letra mayúscula de imprenta GRANDE]

a) [diff-sym (30 pts)] Para dos conjuntos A, B, la "diferencia simétrica" se define como

$$\operatorname{diff\_sym}(A,B) = (A-B) \cup (B-A), \text{ o tambi\'en}$$
$$= (A \cup B) - (A \cap B)$$



En general, definimos la diferencia simétrica de varios conjuntos como el conjunto de todos los elementos que pertenecen a uno y sólo uno de los conjuntos. En las figuras vemos en sombreado la diferencia simétrica para dos y tres conjuntos. Por ejemplo, si  $A = \{1, 2, 5\}$ ,  $B = \{2, 3, 6\}$  y  $C = \{4, 6, 9\}$  entonces diff\_sym $(A, B, C) = \{1, 3, 4, 5, 9\}$ .

Consigna: Escribir una función void diff\_sym(list<set<int> > &l,set<int>&s); que retorna en s la diferencia simétrica de los conjuntos en 1.

Ayuda: La solución se puede encarar con alguna de las dos estrategias siguientes:

- 1) Escribir una función int cuenta(list<set<int> > &1,int x); que retorna el número de conjuntos de 1 en los cuales x está incluido. Recorrer todos los elementos de todos los conjuntos de 1, e insertar el elemento en s sólo si cuenta retorna exactamente 1.
- 2) Notar que en el caso de tres conjuntos si  $S = \text{diff\_sym}(A, B)$  y  $U = A \cup B$ , entonces  $\text{diff\_sym}(A, B, C) = (S C) \cup (C U)$ . Esto vale en general para cualquier número de conjuntos, de manera que podemos utilizar el siguiente lazo

$$\begin{split} l &= \text{lista de conjuntos}, \ S = \emptyset, U = \emptyset; \\ \textbf{for} \ Q &= \text{en la lista de conjuntos} \ l \ \textbf{do} \\ S &= (S - Q) \cup (Q - U); \\ U &= U \cup Q; \\ \textbf{end for} \end{split}$$

Al terminar el lazo, S es la diferencia simétrica buscada.

b) [incluido (20 pts)] Escribir un predicado bool incluido(set<int> &A, set<int> &B); que retorna verdadero si y solo si  $A \subset B$ .

## [Ej. 3] [operativos (20 pts)]

Apellido y No	ombre: DNI:	Universidad Nacional del Litoral Facultad de Ingeniería y Ciencias Hídricas Departamento de Informática
	a mayúscula de imprenta GRANDE]	Algoritmos y Estructuras de Datos
Ej. 4] [pr	("heap-sort"). Mostrar el montículo (no [quick-sort (5 pts)] Dados los enteres "clasficación rápida" ("quick-sort"). Es partición.  [abb (5 pts)] Dados los enteros {12, insertarlos, en ese orden, en un "árbol eliminar los elementos 7, 5 y 4 en ese [hash-dict (5 pts)] Insertar los núm	binario de búsqueda". Mostrar las operaciones necesarias para orden. eros $0, 13, 23, 6, 5, 33, 15, 2, 25$ en una tabla de dispersión cerrada espersión $h(x) = x \mod 10$ y estrategia de redispersión lineal.
a)	¿Cuál de los siguientes es el resultado por la relación de orden débil $ a  <  b $ $\{1, 2, -2, 2, -3, 3, -3, 5\}$ $\{-3, -3, -3, 1, 2, 2, 3, 5\}$ $\{1, -2, 2, 2, -3, -3, 3, 5\}$ $\{1, 2, 2, -2, 3, -3, -3, 5\}$	correcto de ordenar la secuencia $\{-3,5,3,2,-1,-2,1,2,-3\}$ ?
b)	¿Cuál es el número de intercambios en $O(\log n)$ $O(n)$ $O(1)$ $O(n^2)$	n el método de clasificación por selección?
c)	El tiempo de ejecución de "quick-sort $\dots$ $O(n)$ $\dots$ $O(1)$ $\dots$ $O(n^2)$ $\dots$ $O(\log n)$	" en el peor caso es
d)	restituye la propiedad de montículo a	heap" es áquel que, mediante una serie de intercambios un árbol binario el cuál satisface la propiedad de parcialmente ventualmente, en la raíz. El tiempo de ejecución de re-heap es