



Il modello di Ising

Simulazione di Materia Condensata e Biosistemi

Filippo Negrini (Matricola: 47127A)



UNIVERSITÀ
DEGLI STUDI
DI MILANO



Table of Contents

1 Introduzione

► Introduzione



Hamiltoniana

1 Introduzione

$$H = -J \sum_{\langle i,j \rangle} \sigma_i \sigma_j - h \sum_i \sigma_i$$

- ◇ Interazione fra primi vicini
- ◇ Accoppiamento con un campo esterno



Modello di Ising 1D con condizioni periodiche.



Modello di Ising 1D

1 Introduzione

- ◇ Teoria di campo medio
- ◇ Sistema presenta una transizione di fase a $T_c \neq 0$

$$m = \tanh [\beta (h + Jn_{nn}m)]$$

- ◇ Soluzione analitica
- ◇ Sistema disordinato per ogni $T \neq 0$ a campo esterno nullo

$$m = \frac{\sinh(\beta h)}{\sqrt{e^{-4\beta J} + \sinh^2(\beta h)}}$$



Modello di Ising 2D

1 Introduzione

- ◇ Soluzione analitica per $h \neq 0$
- ◇ Sistema presenta una transizione di fase a $T_c \neq 0$

$$m(\beta, h = 0) = \begin{cases} \left[1 - \frac{1}{\sinh^4(2\beta J)} \right]^{\frac{1}{8}} & T < T_c \\ 0 & T > T_c \end{cases}$$

