34.

(a)

不妨设硬币正面朝上为事件A,由连续的全期望定理: $P(A) = \int_0^1 p^2 e^p dp = e - 2$

(b)

$$f_{P|A}(p) = \begin{cases} \frac{pe^p}{e-2} & p \in A\\ 0 & otherwise \end{cases}$$

(c)

由连续贝叶斯准则: $f_{P|X}(p|x)=\frac{f_P(p)P(X=x|P=p)}{P(x)}=\frac{p^2e^p}{e-2}$,所以第二次 抛掷正面朝上的条件概率为 $\int_0^1\frac{p^3e^p}{e-2}dp=\frac{6-2e}{e-2}$

35.

略。