1

令事件A为掷出偶数,即 $A = \{2,4,6\}$ 令B表示点数大于3的事件,即 $B = \{4,5,6\}$ 那么: $A^c = \{1,3,5\}, B^c = \{1,2,3\}$ $A \cup B = \{2,4,5,6\}, A \cap B = \{4,6\}$ 所以 $(A \cup B)^c = \{1,3\} = A^c \cap B^c$ $(A \cap B)^c = \{1,2,3,5\} = A^c \cup B^c$

2

2.1

设全集为S,由代数性质: $A^{c} = A^{c} \cap S = A^{c} \cap (B \cup B^{c}) = (A^{c} \cap B) \cup (A^{c} \cap B^{c})$

对 B^c 的结论同理,证毕。

也可以通过韦恩图进行证明:任意一个集合中的元素,要么属于B,要么属于 B^c 。上式就是全概率定理的特殊情况。

2.2

设全集为S,由德摩根律:

$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c = (A^c \cap S) \cup (B^c \cap S) = (A^c \cap B) \cup (A^c \cap B^c) \cup (A^c \cap B^c) \cup (A \cap B^c) = (A^c \cap B) \cup (A^c \cap B^c) \cup (A \cap B^c)$$
 证毕。

也可以通过韦恩图进行证明: A交B的补集中,只有三种可能: 属于A但不属于B、属于B但不属于A、既不属于A也不属于B,整理即可得到上式。

2.3

```
令事件A为掷出偶数,即A=\{2,4,6\}令B表示点数大于3的事件,即B=\{1,2,3\}则(A\cap B)^c=\{1,3,4,5,6\} (A^c\cap B)\cup (A^c\cap B^c)\cup (A\cap B^c)=\{1,3\}\cup \{5\}\cup \{4,6\}=\{1,3,4,5,6\} 所以(A\cap B)^c=(A^c\cap B)\cup (A^c\cap B^c)\cup (A\cap B^c)。
```