4 正方形 S の頂点 A_1 , A_2 , A_3 , A_4 がそれぞれ xy 平面上の点 (0,0) , (2,0) , (2,2) , (0,2) の位置にあるとき , 点 (1,a) の位置にある正方形 S 内の点を P とする . ただし , $0 \le a \le 2$ とする .

正方形 S が上の位置から出発し,第一象限内において x 軸上をその正の向きに滑らずにころがって行くとき,点 P が動いてできる曲線を C とする.3 直線 x=1,x=9, y=0 と曲線 C とで囲まれる図形を,x 軸のまわりに 1 回転してできる立体を考え,その体積を V(a) で表す.

V(a) を a の式で表せ.a が $0 \le a \le 2$ の範囲を動くとき,V(a) が最小となる a の値および V(a) の最小値を求めよ.

