4 片面を白色に,もう片面を黒色に塗った正方形の板が3枚ある.この3枚の板を机の上に横に並べ,次の操作を繰り返し行う.

さいころを振り、出た目が 1 , 2 であれば左端の板を裏返し , 3 , 4 であればまん中の板を裏返し , 5 , 6 であれば右端の板を裏返す .

たとえば,最初,板の表の色の並び方が「白白白」であったとし,1 回目の操作で出たさいころの目が1 であれば,色の並び方は「黒白白」となる.さらに2 回目の操作を行って出たさいころの目が5 であれば,色の並び方は「黒白黒」となる.

- (1) 「白白白」から始めて、3回の操作の結果、色の並び方が「黒白白」となる確率を求めよ。
- 「白白白」から始めて,n 回の操作の結果,色の並び方が「黒白白」または「白黒白」または「白黒」となる確率を p_n とする. p_{2k+1} (k は自然数)を求めよ.

注意:さいころは1から6までの目が等確率で出るものとする.