3 O を原点とする座標平面上で考える。座標平面上の 2 点  $S(x_1,y_1)$  ,  $T(x_2,y_2)$  に対し , 点 S が点 T から十分離れているとは ,

$$|x_1 - x_2| \ge 1$$
 または  $|y_1 - y_2| \ge 1$ 

が成り立つことと定義する。

大等不

$$0 \le x \le 3, \quad 0 \le y \le 3$$

が表す正方形の領域を D とし,その 2 つの頂点 A(3,0),B(3,3) を考える。 さらに,次の条件  $(\mathrm{i})$ , $(\mathrm{ii})$  をともに満たす点 P をとる。

- (i) 点 P は領域 D の点であり,かつ,放物線  $y=x^2$  上にある。
- (ii) 点 P は , 3 点 O, A, B のいずれからも十分離れている。

点Pのx座標をaとする。

- (1) a のとりうる値の範囲を求めよ。
- (2) 次の条件 (iii) f(x) をともに満たす点 f(x) が存在しうる範囲の面積 f(x) を求めよ。
  - (iii) 点 Q は領域 D の点である。
  - (iv) 点Qは,4点O,A,B,Pのいずれからも十分離れている。
- (3) a は (1) で求めた範囲を動くとする。 (2) の f(a) を最小にする a の値を求めよ。