## 3 座標平面上の2つの放物線

$$A: y = x^2$$

$$B: y = -x^2 + px + q$$

が点 (-1,1) で接している。ここで,p と q は実数である。さらに,t を正の実数とし,放物線 B を x 軸の正の向きに 2t,y 軸の正の向きに t だけ平行移動して得られる放物線を C とする。

- (1) p と q の値を求めよ。
- (2) 放物線 A と C が囲む領域の面積を S(t) とする。ただし,A と C が領域を囲まな いときは S(t)=0 と定める。S(t) を求めよ。
- (3) t>0 における S(t) の最大値を求めよ。