3 虚部が正の複素数の全体を H とする . すなわち ,

 $H=\{z=x+iy|x,y$  は実数で  $y>0\}$  とする.以下 z を H に属する複素数とする.q を正の実数とし, $f(z)=rac{z+1-q}{z+1}$  とおく.

- (1) f(z) もまた H に属することを示せ.
- (2)  $f_1(z)=f(z)$  と書き、以下  $n=2,3,4,\cdots$  に対して  $f_2(z)=f(f_1(z)),\quad f_3(z)=f(f_2(z)),\quad \cdots,\quad f_n(z)=f(f_{n-1}(z)),\quad \cdots$

とおく.このとき,H のすべての元 z に対して  $f_{10}(z)=f_{5}(z)$  が成立するような q の値を求めよ.