実数 a に対して,x の方程式 |x(x-2)|+2a|x|-4a|x-2|-1=0 が,相異なる 4 つの実数解をもつような a の範囲を求めよ.