- 3 f(x) は最高次の係数が1の整式とする.
- (1) 自然数 n , m に対し ,  $\int_0^n t^m dt \leqq \sum_{k=1}^n k^m \leqq \int_0^n \left(t+1\right)^m dt$  を示せ .
- (2) f(x) の次数を r とするとき , 次が成り立つことを示せ .

$$\lim_{n \to \infty} \frac{1}{n^{r+1}} \sum_{k=1}^{n} f(k) = \frac{1}{r+1}$$

(3) すべての自然数 n に対して  $\frac{1}{n}\sum_{k=1}^n f(k) = \frac{1}{2}f(n)$  が成り立つような f(x) を求めよ.