$6 \quad x$, y , z にどんな実数値を与えても , つねに不等式

$$ax^2 + 2ay^2 + z^2 - xy - yz - zx \ge 0$$

が成立するような実数 a の範囲を求めよ.