関数 $f(x)=\log(ax^2+bx+c)\;(a>0)$ がある.不等式 $ax^2+bx+c>0$ を満たすすべての x について $f''(x)\leqq 0$ となるためには, $b^2-4ac\geqq 0$ が必要かつ十分であることを証明せよ.