- 4 空間内の四面体 ABCD を考えると,辺 AB,BC,CD,DA の中点を,それぞれ K,L,M,N とする.
- (1) $4\overrightarrow{MK}\cdot\overrightarrow{LN}=|\overrightarrow{AC}|^2-|\overrightarrow{BD}|^2$ を示せ.ここに $|\overrightarrow{AC}|$ はベクトル \overrightarrow{AC} の長さを表す.
- (2) 四面体 ABCD のすべての面が互いに合同であるとする.このとき $|\overrightarrow{AC}|=|\overrightarrow{BD}|$, $|\overrightarrow{BC}|=|\overrightarrow{AD}|$, $|\overrightarrow{AB}|=|\overrightarrow{CD}|$ を示せ.
- (3) 辺 AC の中点を P とし, $|\overrightarrow{AB}|=\sqrt{3}$, $|\overrightarrow{BC}|=\sqrt{5}$, $|\overrightarrow{CA}|=\sqrt{6}$ とする.(2) の仮定のもとで,四面体 PKLN の体積を求めよ.