4 連続関数 f(x) は f(0)=1 であり,任意の実数 x について  $\int_{-x}^{x}f(t)dt=a\sin x+b\cos x$  を満たしているとする.

- (1) 定数 a, bの値を求めよ.
- (2)  $g(x) = f(x) \cos x$  とおくとき , g(x) は奇関数であることを示せ .
- (3)  $x \ge 0$  のとき,不等式  $\int_{-x}^x \left\{f(t)\right\}^2 dt \ge \int_{-x}^x \cos^2 t dt$  を証明せよ.