4 n を 3 以上の自然数とするとき,次を示せ.ただし, $\alpha=\cos\frac{2\pi}{n}+i\sin\frac{2\pi}{n}$ とし,i を虚数単位とする.

- (1) $\alpha^k + \bar{\alpha}^k = 2\cos\frac{2\pi k}{n}$ ただし,k は自然数とし, $\bar{\alpha}$ は α に共役な複素数とする.
- (2) $n = (1 \alpha)(1 \alpha^2) \cdots (1 \alpha^{n-1})$
- (3) $\frac{n}{2^{n-1}} = \sin\frac{\pi}{n}\sin\frac{2\pi}{n}\cdots\sin\frac{n-1}{n}\pi$