- 3 平面上に原点 O を中心とする半径 1 の円 K_1 を考える . K_1 の直径を 1 つとり ,その両端を A ,B とする . 円 K_1 の周上の任意の点 Q に対し ,線分 QA を 1:2 の比に内分する点を R とする . いま k を正の定数として , $\overrightarrow{p}=\overrightarrow{AQ}+k\overrightarrow{BR}$ とおく . ただし ,Q=A のときは R=A とする . また , $\overrightarrow{OA}=\overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{OQ}=\overrightarrow{q}$ とおく .
- (1) \overrightarrow{BR} を \overrightarrow{a} , \overrightarrow{q} を用いて表せ .
- (2) 点 Q が円 K_1 の周上を動くとき, $\overrightarrow{OP} = \overrightarrow{p}$ となるような点 P がえがく図形を K_2 とする. K_2 は円であることを示し,中心の位置ベクトルと半径を求めよ.
- (3) 円 K_2 の内部に点 A が含まれるような k の値の範囲を求めよ.