平面上の点 $P(x_0,\,y_0)$ を通って,放物線 $y=x^2$ に 2 本の接線が引けるための必要十分条件は $x_0^2>y_0$ であることを証明せよ.またこのとき,この 2 本の接線の接点を Q,R として,3 角形 PQR の面積を x_0 , y_0 で表せ.