- 2 $y=x^3-x$ により定まる座標平面上の曲線を C とする。 C 上の点 $P(\alpha,\,\alpha^3-\alpha)$ を通り ,点 P における C の接線と垂直に交わる直線を l とする。 C と l は相異なる 3 点で交わるとする。
- (1) α のとりうる値の範囲を求めよ。
- (2) C と l の点 P 以外の 2 つの交点の x 座標を β, γ とする。ただし $\beta<\gamma$ とする。 $\beta^2+\beta\gamma+\gamma^2-1\neq 0$ となることを示せ。
- (3) (2) の β , γ を用いて,

$$u = 4\alpha^3 + \frac{1}{\beta^2 + \beta\gamma + \gamma^2 - 1}$$

と定める。このとき, u のとりうる値の範囲を求めよ。