1  $_{{\mathtt{E}}$ の整数  $n}$  に対し

$$I_n = \int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{d\theta}{\cos^n \theta}$$

とする。

- $I_1$  を求めよ。必要ならば  $rac{1}{\cos heta}=rac{1}{2}\left(rac{\cos heta}{1+\sin heta}+rac{\cos heta}{1-\sin heta}
  ight)$  を使ってよい。
- (2)  $n \ge 3$  のとき,  $I_n$  を  $I_{n-2}$  と n で表せ。
- xyz 空間において xy 平面内の原点を中心とする半径 1 の円板を D とする。D を底面とし,点  $(0,\,0,\,1)$  を頂点とする円錐を C とする。C を平面  $x=\frac{1}{2}$  で 2 つの部分に切断したとき,小さい方を S とする。z 軸に垂直な平面による切り口を考えて S の体積を求めよ。