数列  $\{a_n\}$  の初項  $a_1$  から第 n 項  $a_n$  までの和を  $S_n$  と表す.この数列が  $a_1=1$  ,  $\lim_{n\to\infty}S_n=1$  , $n(n-2)a_{n+2}=S_n\;(n\geqq 1)$  を満たすとき,一般項  $a_n$  を求めよ.