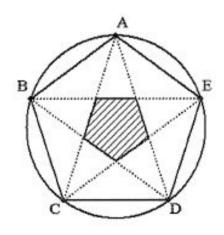
- 5 円上の5点A,B,C,D,E は反時計回りにこの順に並び,円周を5等分している.5点A,B,C,D,E を頂点とする正五角形を $R_1$  とする. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{a}$ , $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{c}$  とおき, $\overrightarrow{a}$  の大きさをx とする.
- (1)  $\overrightarrow{AC}$  の大きさを y とするとき ,  $x^2 = y(y-x)$  がなりたつことを示せ .
- (2)  $\overrightarrow{BC}$  を  $\overrightarrow{a}$  ,  $\overrightarrow{c}$  を用いて表せ .
- (3)  $R_1$  の対角線の交点として得られる  $R_1$  の内部の 5 つの点を頂点とする正五角形を  $R_2$  とする  $R_2$  の一辺の長さを x を用いて表せ  $R_3$
- (4)  $n=1,\,2,\,3,\,\cdots$  に対して, $R_n$  の対角線の交点として得られる  $R_n$  の内部の 5 つの点を頂点とする正五角形を  $R_{n+1}$  とし, $R_n$  の面積を  $S_n$  とする.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{1}{S_1} \sum_{k=1}^{n} (-1)^{k+1} S_k$$

を求めよ.



斜線部分が R<sub>2</sub>