- 5 以下の問いに答えよ。
- (1) θ を $0 \le \theta < 2\pi$ を満たす実数 , i を虚数単位とし , z を $z = \cos \theta + i \sin \theta$ で表される複素数とする。このとき , 整数 n に対して次の式を証明せよ。

$$\cos n\theta = \frac{1}{2} \left(z^n + \frac{1}{z^n} \right), \quad \sin n\theta = -\frac{i}{2} \left(z^n - \frac{1}{z^n} \right)$$

(2) 次の方程式を満たす実数 $x\;(0 \le x < 2\pi)$ を求めよ。

$$\cos x + \cos 2x - \cos 3x = 1$$

(3) 次の式を証明せよ。

$$\sin^2 20^\circ + \sin^2 40^\circ + \sin^2 60^\circ + \sin^2 80^\circ = \frac{9}{4}$$