- 1 次の問に答えよ.
- (1) 実数  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $y_1$ ,  $y_2$  が

$$0 < a_1 \le a_2$$

$$a_1x_1 \leq a_1y_1$$

$$a_1x_1 + a_2x_2 \le a_1y_1 + a_2y_2$$

をみたしているとする.このとき  $x_1+x_2 \leqq y_1+y_2$  であることを証明せよ.

(2) n を 2 以上の整数とし,3n 個の実数  $a_1,a_2,\cdots,a_n,x_1,x_2,\cdots,x_n,y_1,y_2,\cdots,y_n$  が

$$0 < a_1 \le a_2 \le \dots \le a_n$$

および n 個の不等式

$$\sum_{i=1}^{j} a_i x_i \le \sum_{i=1}^{j} a_i y_i \quad (j = 1, 2, \dots, n)$$

をみたしているならば,

$$\sum_{i=1}^{n} x_i \le \sum_{i=1}^{n} y_i$$

であることを証明せよ.