$n < \int_{10}^{100} \log_{10} x dx$  を満たす最大の自然数 n を求めよ.ただし,  $0.434 < \log_{10} e < 0.435 (e$  は自然対数の底)である.