3 a , b を自然数とし,不等式

$$\left| \frac{a}{b} - \sqrt{7} \right| < \frac{2}{b^4} \tag{A}$$

を考える.次の問いに答えよ.ただし, $2.645 < \sqrt{7} < 2.646$ であること, $\sqrt{7}$ が無理数であることを用いてよい.

(1) 不等式 (A) を満たし $b \ge 2$ である自然数 a , b に対して

$$\left|\frac{a}{b} + \sqrt{7}\right| < 6$$

であることを示せ、

(2) 不等式 (A) を満たす自然数 a , b の組のうち , $b \ge 2$ であるものをすべて求めよ .