4 数列  $\{a_n\}$  は  $3a_n>2a_{n-1}\;(n=2,\,3,\,\cdots)$  を満たしている.点  $(x,\,y)$  が  $|x|+|y|\leqq 1$  の範囲を動くとき

$$X = a_n x + 2y, \quad Y = a_{n-1} x + 3y$$

で与えられる点 (X,Y) の存在する範囲を  $S_n$  とする . すべての n に対して  $S_n$  の面積が 2 であるとき ,  $\lim_{n \to \infty} a_n$  を求めよ .