5

(1) n を 2 以上の自然数とする.複素数 z が $z\neq 1$, $z^n=1$ をみたすとき , $1+2z+3z^2+\cdots+nz^{n-1}$ は次の $({\bf P})$ から $({\bf +})$ のどれと等しくなるか.根拠を示して 1 つ選べ.

$$(\mathcal{P})$$
0 (イ $)n(z+1)$ (ウ $)n(z-1)$ (エ $)\frac{n}{z-1}$ (オ $)\frac{n}{(z-1)^2}$ (カ $)-\frac{2n}{(z-1)^2}$ (キ $)1-z-n$

(2) 次の等式が成り立つことを示せ.

$$2\sin 40^{\circ} + 3\sin 80^{\circ} + \dots + 9\sin 320^{\circ} = -\frac{9}{2\tan 20^{\circ}}$$