無限級数  $\sum_{n=1}^{\infty} n \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos 2nx \cos x dx$  は収束することを示し,その和を求めよ.