5 次の条件によって定められる数列  $\{a_n\}$  がある。

$$a_1 = 1$$
,  $a_2 = 1$ ,  $a_{n+2} = a_{n+1} + a_n$   $(n = 1, 2, 3, \dots)$ 

以下の問いに答えよ。

- (1) 2以上の自然数 n に対して, $a_{n+2}>2a_n$  が成り立つことを示せ。
- (2) 2 以上の自然数 m は,数列  $\{a_n\}$  の互いに異なる k 個  $(k \ge 2)$  の項の和で表されることを,数学的帰納法によって示せ。
- (3) (2) における項の個数 k は, $k < 2\log_2 m + 2$  を満たすことを示せ。