6 幅 2a の金属板を曲げて断面が右図のような雨樋を作り,その容積を最大にしたい。 右図の曲線部は O を中心とする円の弧である。弧 AB に対する中心角を 2θ として, 断面積(斜線部の面積)S を a と θ とで表わし, $0<\theta<\pi$ において S が最大となる θ を求めよ。

