2 2 次関数 $f(x) = x^2 + ax + b$ に対して

$$f(x+1) = c \int_0^1 (3x^2 + 4xt)f'(t)dt$$

が x についての恒等式になるような定数 a , b , c の組をすべて求めよ .