- 4 次の問に答えよ。ただし2次方程式の重解は2つと数える。
- (1) 次の条件(*)を満たす整数 a, b, c, d, e, f の組をすべて求めよ。
 - (*) 2 次方程式 $x^2 + ax + b = 0$ の 2 つの解が c, d である。
 - 2 次方程式 $x^2 + cx + d = 0$ の 2 つの解が e, f である。
 - 2 次方程式 $x^2 + ex + f = 0$ の 2 つの解が a, b である。
- (2) 2 つの数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ は,次の条件(**)を満たすとする。
 - (* *) すべての正の整数 n について , a_n , b_n は整数であり , 2 次方程式 $x^2+a_nx+b_n=0 \ {\tt O}\ 2$ つの解が a_{n+1} , b_{n+1} である。

このとき,

- (i) 正の整数 m で, $|b_m|=|b_{m+1}|=|b_{m+2}|=\cdots$ となるものが存在することを示せ。
- (ii) 条件(**)を満たす数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ の組をすべて求めよ。