- 6 自然数 n にたいし ,  $I_n = \int_0^{\pi\over 4} \cos^n 2\theta \sin^3 \theta d heta$  とする .
- (1)  $I_2$  の値を求めよ.
- (2) xy 平面上で原点 O から点 P(x,y) への距離を r , x 軸の正の方向と半直線 OP のなす (弧度法による) 角を  $\theta$  とする.方程式  $r=\sin 2\theta$  ,  $\left(0 \le \theta \le \frac{\pi}{2}\right)$  で表される曲線を , 直線 y=x の周りに回転して得られる曲面が囲む立体の体積を V とするとき ,  $V=3\pi I_3+2\pi I_2$  と表されることを示せ.