- 5 次の命題 P を証明したい。命題 P 次の条件(a),(b)をともに満たす自然数(1以上の整数)A が存在する。
- (a) A は連続する 3 つの自然数の積である。
- (b) A を 10 進法で表したとき , 1 が連続して 99 回以上現れるところがある。 以下の問いに答えよ。
- (1) y は自然数とする。このとき不等式

$$x^{3} + 3yx^{2} < (x + y - 1)(x + y)(x + y + 1) < x^{3} + (3y + 1)x^{2}$$

が成り立つような正の実数 x の範囲を求めよ。

(2) 命題 P を証明せよ。