- 3 ab+cd=0 , $ad-bc\neq 0$ を満たす実数 a , b , c , d のつくる行列 $A=\begin{pmatrix} a&b\\c&d\end{pmatrix}$ がある.ただし,a , c は負ではないとする.
- $(1) \qquad A = \begin{pmatrix} v\cos\theta & -v\sin\theta \\ v\sin\theta & v\cos\theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & u \end{pmatrix} と表されることを示せ.ただし,<math>u$,v, θ は実数で,v>0, $0 \le \theta < 2\pi$ とする.
- (2) O を原点とする座標平面上の 1 次変換 $\binom{x'}{y'} = A \binom{x}{y}$ について,長さ 1 のベクトル $\overrightarrow{OP} = \binom{x}{y}$ から,ベクトル $\overrightarrow{OP'} = \binom{x'}{y'}$ への角度を γ $(-\pi < \gamma \le \pi)$ とする (したがって,半直線 OP を角度 γ だけ回転すれば半直線 OP' となる).(x,y) が $x \ge 0$, $y \ge 0$, $x^2 + y^2 = 1$ の範囲を動いたとき, γ を最大にする \overrightarrow{OP} を求めよ.ただし,0 < u < 1 とする.