$a \ge 1$ とする.xy 平面において,不等式 $0 \le x \le \frac{\pi}{2}$, $1 \le y \le a \sin x$ によって定められる領域の面積を S_1 ,不等式 $0 \le x \le \frac{\pi}{2}$, $0 \le y \le a \sin x$, $0 \le y \le 1$ によって定められる領域の面積を S_2 とする. $S_2 - S_1$ を最大にするような a の値と, $S_2 - S_1$ の最大値を求めよ.