$egin{aligned} G & O &$ を原点とする座標空間において,不等式 $|x| \leq 1$, $|y| \leq 1$, $|z| \leq 1$ の表す立方体を考える。その立方体の表面のうち,z < 1 を満たす部分を S とする。

以下,座標空間内の 2 点 A , B が一致するとき,線分 AB は点 A を表すものとし,その長さを 0 と定める。

- (1) 座標空間内の点 P が次の条件 (i) , (ii) をともに満たすとき , 点 P が動きうる範囲 V の体積を求めよ。
 - (i) $OP \leq \sqrt{3}$
 - (ii) 線分 OP と S は , 共有点を持たないか , 点 P のみを共有点に持つ。
- (2) 座標空間内の点 N と点 P が次の条件 (iii) , (iv) , (v) をすべて満たすとき , 点 P が動きうる範囲 W の体積を求めよ。必要ならば , $\sin\alpha=\frac{1}{\sqrt{3}}$ を満たす実数 α $\left(0<\alpha<\frac{\pi}{2}\right)$ を用いてよい。
 - (iii) $ON + NP \le \sqrt{3}$
 - (iv) 線分 ON と S は共有点を持たない。
 - (v) 線分 NP と S は , 共有点を持たないか , 点 P のみを共有点に持つ。