5 a を実数として,2 次の正方行列 A,B を次のように定める.

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a+1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} a & 0 \\ 2 & -a \end{pmatrix}$$

このとき, $\left((\cos t)A+(\sin t)B\right)^2=O$ をみたす実数 t が存在するような a の範囲を求めよ.ただし,O は零行列とする.