3 実数 a , b , c に対して  $f(x) = ax^2 + bx + c$  とおく . このとき次の 2 つの等式

$$\int_0^1 f'(x)(px+q)dx = \frac{1}{2},$$

$$\int_{-1}^{1} f'(x)(px+q)dx = 0$$

を満たす実数 p , q が存在するための a , b , c の条件と , そのときの p , q を求めよ . ただし , f'(x) は f(x) の導関数である .