4 関数 f(x) は $0 \le x \le \frac{\pi}{2}$ では $f(x)\sin x = 2\int_0^x \cos^2t dt$ を満たし,また x=0 で連続とする.

- (1) $0 < x \le \frac{\pi}{2}$ で f(x) を求めよ .
- f(0) の値を求めよ.
- (3) f(x) の $0 < x < \frac{\pi}{2}$ での増減状態を調べよ.