- 2 実数 x の小数部分を ,  $0 \le y < 1$  かつ x-y が整数となる実数 y のこととし , これを記号  $\langle x \rangle$  で表す . 実数 a に対して , 無限数列  $\{a_n\}$  の各項  $a_n$   $(n=1,2,3,\cdots)$  を次のように順次定める .
- (i)  $a_1=\langle a \rangle$ (ii)  $\begin{cases} a_n \neq 0 \text{ のとき } \mu_{n+1}=\left\langle \frac{1}{a_n} \right\rangle \\ a_n=0 \text{ のとき } \mu_{n+1}=0 \end{cases}$
- (1)  $a=\sqrt{2}$  のとき , 数列  $\{a_n\}$  を求めよ .
- (2) 任意の自然数 n に対して  $a_n=a$  となるような  $\frac{1}{3}$  以上の実数 a をすべて求めよ .