$a \ge 0$  とする  $.0 \le x \le \sqrt{2}$  の範囲で曲線  $y = xe^{-x}$  ,直線 y = ax ,直線  $x = \sqrt{2}$  によって囲まれた部分の面積を S(a) とする . このとき ,S(a) の最小値を求めよ . (ここで「囲まれた部分」とは ,上の曲線または直線のうち 2 つ以上で囲まれた部分を意味するものとする .)