$egin{aligned} 3 &$  直線 x=0 , x=a (a>0) の上にそれぞれ点 M と N を , 線分 MN が 2 次曲線  $C:y=ax-x^2$  と 2 点 P , Q で交わるようにとる . 図形  $S_1$  ,  $S_2$  ,  $S_3$  を次のように定める .

 $S_1:P$ ,M,原点 O を頂点とし,y 軸,曲線 C,線分 MP で囲まれる図形  $S_2:$  弧 PQ と線分 PQ で囲まれる図形

 $S_3:Q$ ,N, $A(a,\,0)$  を頂点とし x=a,曲線 C,線分 NQ で囲まれる図形

(1) 線分 MN は定点を通ることを示せ .

いま ,  $S_2$  の面積が  $S_1$  と  $S_3$  の面積の和に等しいとする .

(2) 線分 PQ の長さが最小となるとき M , N を通る直線の方程式を求めよ M