4 n を正の整数とする.箱の中に 3^n 枚のカードが入っていて,これらのカードには 1 から 3^n までの番号がつけてある.この箱から無作為に 1 枚のカードを取り出し,その番号を X とする.次に,このカードを箱の中に戻し,ふたたび無作為に 1 枚のカードを取り出して,その番号を Y とする.このようにして得られた整数の組 (X,Y) について,「X と Y の積 XY は 3^n で割り切れる」という事象を A とする.

- (1) $0 \le j \le n$ である整数 j に対し,「Y は 3^j で割り切れるが 3^{j+1} では割り切れない」 という事象を B_i とおく.事象 $A\cap B_i$ が起こる確率 $P(A\cap B_i)$ を求めよ.
- (2) 事象 A が起こる確率 P(A) を求めよ.
- (3) 事象 A が起こったときに事象 B_n が起こる条件つき確率を $P_A(B_n)$ とするとき, $\frac{1}{3} \leqq P_A(B_n) < \frac{1}{2}$ が成立するような n の値を求めよ.