4 t を正の実数とする $.\,xy$ 平面において,連立不等式

$$x \ge 0, \quad y \ge 0, \quad xy \le 1, \quad x + y \le t$$

の表す領域の面積を S(t) とおく.極限 $\lim_{t \to \infty} (S(t) - 2\log t)$ を求めよ.