- 6 n を正の整数とする。以下の問いに答えよ。
- (1) 関数 q(x) を次のように定める。

$$g(x) = egin{cases} rac{\cos(\pi x) + 1}{2} & (|x| \leqq 1 \, \mathfrak{o}$$
 と ති

f(x) を連続な関数とし,p,q を実数とする。 $|x| \leq \frac{1}{n}$ をみたす x に対して $p \leq f(x) \leq q$ が成り立つとき,次の不等式を示せ。

$$p \le n \int_{-1}^{1} g(nx) f(x) dx \le q$$

(2) 関数 h(x) を次のように定める。

$$h(x) = egin{cases} -rac{\pi}{2}\sin(\pi x) & (|x| \leq 1 \ \mathfrak{O}$$
とき) $(|x| > 1 \ \mathfrak{O}$ とき)

このとき,次の極限を求めよ。

$$\lim_{n \to \infty} n^2 \int_{-1}^{1} h(nx) \log(1 + e^{x+1}) dx$$