n を自然数とする.等式 $\sin x = e^{\frac{x}{n}} - 1$ を満たす 0 以上の実数 x の個数を P_n で表す.このとき, $\lim_{n \to \infty} \frac{P_n}{n}$ を求めよ.ただし,e は自然対数の底とする.