2-1 つの平面内にある,いくつかの 0 でないベクトルからなる集合 S が条件 " ${f a}$, ${f b}$ が S のベクトルであれば ${2({f a},{f b})\over ({f b},{f b})}$ は整数である "

をみたしているという.ただし,(a,b)等はベクトルの内積をあらわす.

- (i) S の 2 つのベクトルの間の角は , 0° , 30° , 45° , 60° , 90° およびこれらの補角のうちの 1 つであることを示せ .
- (ii) (i) において , 角が 0° , 30° , 60° の場合には , 2 つのベクトルの長さの比はどうなるか .
- (iii) 30° の角をなすベクトル ${\bf a}$, ${\bf b}$ を含み , 12 個のベクトルからなる集合 S の例を図示し , 各ベクトルを ${\bf a}$, ${\bf b}$ であらわせ .