6 平面上に動点 P がある.時刻 t  $(t\geqq 0)$  のときの P の座標 (x,y) は次の式で与えられる.

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = e^{-at} \begin{pmatrix} \cos bt & -\sin bt \\ \sin bt & \cos bt \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix}$$

ただし,a,b, $c_1$ , $c_2$  は定数であって,a>0,b>0 であり,定点  $C(c_1,c_2)$  は原点 O(0,0) とは異なるものとする.このとき

- (i) 動点 P の速度ベクトルと動径 OP とのなす角は一定であることを示せ.
- (ii) 動点 P が C を出発したのち,線分 OC と最初に交わる点を  $C_1$ ,第 2 回目に交わる点を  $C_2$  とする.一般に,第 k 回目に OC と交わる点を  $C_k$  とする.P の経過した道のり  $\stackrel{\frown}{CC_1},\stackrel{\frown}{C_1}C_2,\cdots,\stackrel{\frown}{C_{k+1}},\cdots$  は等比数列であることを示せ.