(1) x の多項式 f(x) が,定数 p,q,r,a と多項式 P(x) によって

$$f(x) = p + q(x - a) + r(x - a)^{2} + P(x)(x - a)^{3}$$

と表わされるとき,次の関係式が成り立つことを証明せよ.

$$p = f(a), \quad q = f'(a), \quad r = \frac{1}{2}f''(a)$$

(2) (1) において $f(x)=x^3-x^2+x-1$ とするとき , |p|+|q|+|r| が最小となるように a の値を定めよ .