- 1 a を正の実数とする。放物線 $y=x^2$ を C_1 , 放物線 $y=-x^2+4ax-4a^2+4a^4$ を C_2 とする。以下の問に答えよ。
- (1) 点 (t, t^2) における C_1 の接線の方程式を求めよ。
- (2) C_1 と C_2 が異なる 2 つの共通接線 l , l' を持つような a の範囲を求めよ。ただし C_1 と C_2 の共通接線とは , C_1 と C_2 の両方に接する直線のことである。

以下,a は (2) で求めた範囲にあるとし,l,l' を C_1 と C_2 の異なる 2 つの共通接線とする。

- (3) l, l' の交点の座標を求めよ。
- C_1 と l , l' で囲まれた領域を D_1 とし , 不等式 $x \leq a$ の表す領域を D_2 とする。 D_1 と D_2 の共通部分の面積 S(a) を求めよ。