次の不等式が $0 \le x \le 1$ でつねに成り立つような p , q の値の範囲を求めよ。

$$1 + px \le \frac{x^3 + x^2 + 3x + 1}{x + 1} \le 1 + qx$$