- 5 2 つの複素数 $\alpha=10000+10000i$ と $w=\frac{\sqrt{3}}{4}+\frac{1}{4}i$ を用いて,複素数平面上の点 $P_n(z_n)$ を $z_n=\alpha w^n~(n=1,\,2,\,\cdots)$ により定める。ただし,i は虚数単位を表す。 2 と 3 の常用対数を $\log_{10}2=0.301$, $\log_{10}3=0.477$ として,以下の問いに答えよ。
- (1) z_n の絶対値 $|z_n|$ と偏角 $\arg z_n$ を求めよ。
- $|z_n| \le 1$ が成り立つ最小の自然数 n を求めよ。
- 「図のように,複素数平面上の $\triangle ABC$ は線分 AB を斜辺とし,点 $C\left(\frac{i}{\sqrt{2}}\right)$ を一つの頂点とする直角二等辺三角形である。なお A , B を表す複素数の虚部は負であり,原点 O と 2 点 A , B の距離はともに 1 である。点 P_n が $\triangle ABC$ の内部に含まれる最小の自然数 n を求めよ。

