- 2 平面上に 2 点 P , Q があり , P と Q の距離は 1 であるとする . このとき , 次の (条件) を満たす三角形 ABC の面積 S の最大値を求めたい .
- (条件) 三角形 ABC は与えられた平面上にあり,各頂点 A,B,C から P までの距離 または Q までの距離のうち,少なくとも一方は 1 以下である.
- (1) P を中心とする半径 1 の円周を E , Q を中心とする半径 1 の円周を F とする . 上の (条件) の下で最大面積をもつ三角形の頂点 A , B , C はそれぞれ E または F の上にあることを示せ .
- (2) この二つの頂点 A , B は円周 E 上にあるとして , この円の中心 P から弦 AB におるした垂線の長さを p とする . p を固定したとき , (条件) を満たす三角形 ABC の面積 S が最大となるならば , 直線 AB と直線 PQ は直交することを示せ .
- (3) (条件) を満たす三角形 ABC の面積 S の最大値を求めよ.