- 3 a>0 とする.曲線 $y=e^{-x^2}$ と x 軸,y 軸,および直線 x=a で囲まれた図形を,y 軸のまわりに 1 回転してできる回転体を A とする.
- (1) A の体積 V を求めよ.
- (2) 点 (t,0) $(-a \le t \le a)$ を通り x 軸と垂直な平面による A の切り口の面積を S(t) とするとき,不等式

$$S(t) \leq \int_{-a}^{a} e^{-(s^2 + t^2)} ds$$

を示せ.

(3) 不等式

$$\sqrt{\pi(1-e^{-a^2})} \le \int_{-a}^{a} e^{-x^2} dx$$

を示せ.