$$6$$
  $n$  を正の整数, $a$  を  $x$  に無関係な実数として  $f_n(a) = \int_0^\pi \left(\sin x - a\cos 2nx\right)^2 \! dx$  とおく。

- (1)  $f_n(a)$  を最小にする a の値を求めよ。
- (2)  $\hspace{0.2in}$  (1) で求めた a の値を  $a_n$  として  $\sum_{n=1}^{\infty}a_n$  を求めよ。