a を正の数とするとき, $\theta$  についての方程式  $\cos\theta+\sqrt{a}\sin\theta=\sqrt{a}$  が  $0\leq\theta\leq\frac{\pi}{4}$  の範囲に根をもつように a の範囲を定めよ.