xy 平面上の点 P(a,b) に対し,正方形 S(P) を連立不等式 $|x-a| \leq \frac{1}{2}$, $|y-b| \leq \frac{1}{2} \text{ の表す領域として定め,原点と } S(P) \text{ の点との距離の最小値を } f(P) \text{ とする }.$ 点 (2,1) を中心とする半径 1 の円周上を P が動くとき,f(P) の最大値を求めよ.