$\mathbf{3}$ 数列 $\{a_n\}\;(a_n>0)$ を次の規則によって定める:

$$a_1 = 1; \int_{a_n}^{a_{n+1}} \frac{dx}{\sqrt[3]{x}} = 1 \quad (n = 1, 2, 3, \dots).$$

曲線 $y=\frac{1}{\sqrt[3]{x}}$ と,x 軸および 2 直線 $x=a_n$, $x=a_{n+1}$ で囲まれた図形を x 軸の周りに 1 回転させた回転体の体積を V_n とする.このとき $\lim_{n\to\infty}\sqrt{n}V_n$ を求めよ.