3 複素数  $\alpha$  と  $\beta$  を次で定める.

$$\alpha = \sqrt{5} - 1 + \sqrt{10 + 2\sqrt{5}} \quad i,$$
$$\beta = -\sqrt{5} - 1 + \sqrt{10 - 2\sqrt{5}} \quad i$$

- (1)  $\alpha$  を解にもち,しかもすべての係数が実数であるような 2 次方程式を求めよ.
- (2)  $\alpha$  および  $\beta$  の両方を解にもち,しかもすべての係数が実数であるような 4 次方程式を求めよ.
- $\beta^5$  を求めよ .