4 座標空間に6点

A(0, 0, 1), B(1, 0, 0), C(0, 1, 0), D(-1, 0, 0), E(0, -1, 0), F(0, 0, -1)

を頂点とする正八面体 ABCDEF がある.s , t を 0 < s < 1 , 0 < t < 1 を満たす実数とする.線分 AB , AC をそれぞれ 1-s : s に内分する点を P , Q とし , 線分 FD , FE をそれぞれ 1-t : t に内分する点を R , S とする.

- (1) 4 点 P, Q, R, Sが同一平面上にあることを示せ.
- (2) 線分 PQ の中点を L とし,線分 RS の中点を M とする.s,t が 0 < s < 1, 0 < t < 1 の範囲を動くとき,線分 LM の長さの最小値 m を求めよ.
- (3) 正八面体 ABCDEF の 4 点 P , Q , R , S を通る平面による切り口の面積を X とする . 線分 LM の長さが (2) の値 m をとるとき , X を最大とするような s , t の値と , そのときの X の値を求めよ .

