2 N を 2 以上の自然数とし, a_n $(n=1,\,2,\,\cdots)$ を次の性質 (i) , (ii) をみたす数列とする.

- (i) $a_1 = 2^N 3$.
- (ii) $n=1,\,2,\,\cdots$ に対して, $a_n\ \hbox{が偶数のとき}\ a_{n+1}=\frac{a_n}{2}\ ,\,a_n\ \hbox{が奇数のとき}\ a_{n+1}=\frac{a_n-1}{2}\ .$

このときどのような自然数 M に対しても

$$\sum_{n=1}^{M} a_n \le 2^{N+1} - N - 5$$

が成り立つことを示せ.