1 1以上 6以下の 2 つの整数 a,b に対し,関数 $f_n(x)$ $(n=1,2,3,\cdots)$ を次の条件(ア)、(イ)、(ウ)で定める.

$$(\mathcal{T}) \quad f_1(x) = \sin(\pi x)$$

(1)
$$f_{2n}(x) = f_{2n-1}\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} - x\right)$$
 $(n = 1, 2, 3, \cdots)$

(つ)
$$f_{2n+1}(x) = f_{2n}(-x)$$
 $(n = 1, 2, 3, \dots)$

以下の問いに答えよ.

- (1) a=2, b=3 のとき , $f_5(0)$ を求めよ .
- (2) $a=1,\,b=6$ のとき , $\sum_{k=1}^{100} \left(-1\right)^k f_{2k}(0)$ を求めよ .
- (3) 1 個のさいころを 2 回投げて,1 回目に出る目を a,2 回目に出る目を b とするとき, $f_6(0)=0$ となる確率を求めよ.