5 xyz 空間内の円柱 $x^2+y^2=R^2$, R>0 を側面とする容器に , 水面が z=0 と一致 するように $z\leq 0$ の部分に水がはいっている .

 $z \ge 0$ に対して定義された連続な関数 r(z) で r(0)=0 , $0 \le r(z) < R$ をみたすものを考える.xz 平面内の不等式 $0 \le x \le r(z)$, $z \ge 0$ で表される領域を z 軸のまわりに 1 回転してできる回転体を毎秒 1 の速さで下に動かすと , t 秒後には水面が z=f(t) に上昇するという.

 $t \geqq 0$ に対し , $f(t) = e^t - t - 1$ であるとき , 関数 r(z) を決定せよ .