次の条件で定まる数列 $\{a_n\}$ の一般項を求めよ.

$$a_1 = 1$$
, $\frac{2^n}{n!} = \sum_{k=1}^{n+1} a_k a_{n+2-k}$ $(n = 1, 2, 3, \dots)$