方程式 xy=1 によって与えられる双曲線を C とし,また次のように,行列 $\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ によって定義される 1 次変換を f とする.

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

次変換 f が双曲線 C を C 自身の上へ写すための (a , b , c , d についての) 必要十分条件を求めよ .