3 p , q を 2 つの正の整数とする . 整数 a , b , c で条件

$$-q \le b \le 0 \le a \le p, \quad b \le c \le a$$

を満たすものを考え,このような a,b,c を [a,b;c] の形に並べたものを (p,q) パターン と呼ぶ.各 (p,q) パターン [a,b;c] に対して

$$w([a, b; c]) = p - q - (a + b)$$

とおく.

(1) $(p,\,q)$ パターンのうち, $w([a,\,b\,;\,c])=-q$ となるものの個数を求めよ.また, $w([a,\,b\,;\,c])=p$ となる $(p,\,q)$ パターンの個数を求めよ.

以下 p=q の場合を考える.

(2) s を p 以下の整数とする . $(p,\,p)$ パターンで $w([a,\,b\,;\,c])=-p+s$ となるものの個数を求めよ .