- 5 整数が書かれている球がいくつか入っている袋に対して,次の一連の操作を考える. ただし各球に書かれている整数は1つのみとする.
- (i) 袋から無作為に球を1個取り出し,その球に書かれている整数をkとする.
- (ii)  $k \neq 0$  の場合,整数 k が書かれた球を 1 個新たに用意し,取り出した球とともに袋に戻す.
- k=0 の場合,袋の中にあった球に書かれていた数の最大値より1 大きい整数が書かれた球を1 個新たに用意し,取り出した球とともに袋に戻す.

整数 0 が書かれている球が 1 個入っており他の球が入っていない袋を用意する.この袋に上の一連の操作を繰り返し n 回行った後に,袋の中にある球に書かれている n+1 個の数の合計を  $X_n$  とする.例えば  $X_1$  は常に 1 である.以下  $n \ge 2$  として次の間に答えよ.

- (1)  $X_n \geqq rac{(n+2)(n-1)}{2}$  である確率を求めよ.
- (2)  $X_n \leq n+1$  である確率を求めよ.