6 数列  $\{a_n\}$  を

$$a_1 = 1$$
,  $a_{n+1} = \sqrt{\frac{3a_n + 4}{2a_n + 3}}$   $(n = 1, 2, 3, \dots)$ 

で定める。以下の問いに答えよ。

- (1)  $n \ge 2$  のとき,  $a_n > 1$  となることを示せ。
- (2)  $a^2=rac{3lpha+4}{2lpha+3}$  を満たす正の実数 lpha を求めよ。
- (3) すべての自然数 n に対して  $a_n < \alpha$  となることを示せ。
- (4) 0 < r < 1 を満たすある実数 r に対して,不等式

$$\frac{\alpha - a_{n+1}}{\alpha - a_n} \le r \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

が成り立つことを示せ。さらに,極限  $\lim_{n o\infty}a_n$  を求めよ。