0 < x < 1 である数 x に対して, $\frac{1}{x} \int_0^x \frac{dt}{\sqrt{1-t}} = \frac{1}{\sqrt{1-y}}$  を満たす y は,x の増加関数であることを示せ.さらに,極限値  $\lim_{x \to 1} y$  を求めよ.