x の関数  $y=x^3$  と, $y=ax^2+bx+c$  (a<0) のグラフが,点 (1,1) で接し,さらに,これら 2 つのグラフと y 軸とで囲まれた  $x\geqq0$  の部分の面積が 1 である.このとき,a,b,c の値を求めよ.