三角形 ABC の 3 辺 BC , CA , AB の長さをそれぞれ a , b , c とするとき ,  $\angle A=2\angle C$  ならば  $a^2=c(b+c)$  であることを証明せよ。