$x^3$  の係数が 1 であるような 3 次関数 f(x) のうちで,定積分  $I=\int_{-1}^1 \left\{f(x)\right\}^2 dx$  を最小にするものを決定し,そのときの I の値を求めよ.