4

(1) $0 \le \alpha < \beta \le \frac{\pi}{2}$ であるとき , 次の不等式を示せ .

$$\int_{\alpha}^{\beta} \sin x dx + \int_{\pi-\beta}^{\pi-\alpha} \sin x dx > (\beta - \alpha)(\sin \alpha + \sin(\pi - \beta))$$

(2) $\sum_{k=1}^{7} \sin \frac{k\pi}{8} < \frac{16}{\pi}$ を示せ.