6 $a_1 < a_2 < a_3 < a_4 < a_5$ を満たす正整数 a_k を要素とする集合

 $A=\{a_1,\,a_2,\,a_3,\,a_4,\,a_5\}$ と $a_k{}^2$ を要素とする集合 $B=\{a_1{}^2,\,a_2{}^2,\,a_3{}^2,\,a_4{}^2,\,a_5{}^2\}$ に対して共通集合 $A\cap B$ をつくったら $A\cap B=\{a_1,\,a_4\}$, $a_1+a_4=10$ となった.さらに和集合 $A\cup B$ をつくったら,この集合に属する要素の和が 224 になった.このとき,次の問に答えよ.

- (1) a_1 , a_4 の値を求めよ.
- (2) $a_2 + a_3 + a_5 + a_2^2 + a_3^2 + a_5^2$ の値を求めよ.
- (3) a_5 は 11 となるかどうかを調べて, a_5 の値を求めよ.
- (4) 集合 A を定めよ.