4 図のように,上部のみが開いている高さ h,幅 b,奥行 1 の直方体容器が水平な台の上に置かれていて,中に水が一杯満たしてある.図の PQ を軸にして容器をゆっくり回転させ,水を容器の外に流出させる.台と容器の底面とのなす角を  $\theta$  とする.

- (1) 容器に残っている水の体積 V を  $\theta$  , b , h を用いて表せ .
- (2) 時刻 t における角度  $\theta$  が  $\theta=\omega t$  (  $\omega$  は正の定数 ) で表されるとき,水の流出体積速度  $f=-\frac{dV}{dt}$  を求め,f が最大となるときの値を  $\omega$ ,b,h を用いて表せ.