直角三角形  $\triangle ABC$  において  $\angle B$  は直角であるとし,辺 AC の長さを lpha とする.辺 AC を n 等分し,その分点を A に近い方から順に  $D_1,\,D_2,\,D_3,\,\cdots,\,D_{n-1}$  とおく.  $1 \leqq k \leqq n-1$  に対し,線分  $BD_k$  の長さを  $L_k$  とする.このとき,以下の問いに答えよ.

(1) 
$$S_n = \sum_{k=1}^{n-1} \left(L_k\right)^2$$
 を  $lpha$  と  $n$  で表せ  $\alpha$ .