5 実数 x , y , t に対して , 行列

$$A = \begin{pmatrix} x & y \\ -t - x & -x \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 5 & 4 \\ -6 & -5 \end{pmatrix}$$

を考える。 $(AB)^2$ が対角行列,すなわち $\begin{pmatrix} lpha & 0 \\ 0 & eta \end{pmatrix}$ の形の行列であるとする。

(1) 命題「 $3x - 3y - 2t \neq 0 \Longrightarrow A = tB$ 」を証明せよ。

以下 (2) , (3) , (4) では , さらに $A^2 \neq E$ かつ $A^4 = E$ であるとする。ただし , E は単位行列を表す。

- (2) 3x 3y 2t = 0 を示せ。
- (3) $x \ge y$ をそれぞれ t の式で表せ。
- (4) x, y, t が整数のとき, 行列 A を求めよ。