1から 4 までの数字を 1 つずつ書いた 4 枚のカードが箱に入っている。箱の中から 1 枚カードを取り出してもとに戻す試行を n 回続けて行う。k 回目に取り出したカードの数字を  $X_k$  とし,積  $X_1X_2\cdots X_n$  を 4 で割った余りが 0,1,2,3 である確率をそれぞれ  $p_n$ , $q_n$ , $r_n$ , $s_n$  とする。 $p_n$ , $q_n$ , $r_n$ , $s_n$  を求めよ。