4 半径  $r_n$  の円  $S_n$   $(n=1,2,\cdots)$  があり,各 n に対して,円  $S_n$  に内接する正  $2^{n+2}$  角形の 1 つおいて隣り合う 2 辺の延長の交点を頂点とする正  $2^{n+2}$  角形は円  $S_{n+1}$  に内接している.次の問に答えよ.

- (1)  $r_{n+1}\cos\left(rac{\pi}{2^{n+1}}
  ight)=r_n\cos\left(rac{\pi}{2^{n+2}}
  ight)$  を示せ .
- (2)  $r_1=1$  のとき ,  $\lim_{n o\infty}r_n$  を求めよ .