- 2 下図のような立方体を考える。この立方体の8 つの頂点の上を点 P が次の規則で移動する。時刻0 では点 P は頂点 A にいる。時刻が1 増えるごとに点 P は,今いる頂点と辺で結ばれている頂点に等確率で移動する。例えば時刻 n で点 P が頂点 H にいるとすると,時刻 n+1 では,それぞれ $\frac{1}{3}$ の確率で頂点 D ,E ,G のいずれかにいる。自然数 $n \ge 1$ に対して,(i)点 P が時刻 n までの間一度も頂点 A に戻らず,かつ時刻 n で頂点 B ,D ,E のいずれかにいる確率を p_n ,(ii)点 P が時刻 n までの間一度も頂点 A に戻らず,かつ時刻 n で頂点 A に戻らず,かつ時刻 A で頂点 A に戻らず A に戻らず A で頂点 A に戻らず A に戻らす A に戻らず A に戻らず
- (1) p_2 , q_2 , r_2 と p_3 , q_3 , r_3 を求めよ。
- (2) $n \ge 2$ のとき, p_n , q_n , r_n を求めよ。
- (3) 自然数 $m \ge 1$ に対して,点 P が時刻 2m で頂点 A に初めて戻る確率 s_m を求めよ。
- (4) 自然数 $m \ge 2$ に対して,点 P が時刻 2m で頂点 A に戻るのがちょうど 2 回目となる確率を t_m とする。このとき, $t_m < s_m$ となる m をすべて求めよ。

