5 α , β , γ を複素数とし ,

$$z\bar{z} + \alpha z + \beta \bar{z} + \gamma = 0 \quad \cdots \quad (\star)$$

を満たす複素数zを考える。以下の問いに答えよ。

(1) z \downarrow

$$(\alpha - \bar{\beta})z - (\bar{\alpha} - \beta)\bar{z} + \gamma - \bar{\gamma} = 0$$

を満たすことを示せ。

(2) $|\alpha|=|\beta|\neq 0$ と仮定し,また γ は負の実数であると仮定する。このとき,(*)を満たす z がちょうど 2 個あるための必要十分条件を α , β を用いて表せ。