閉区間  $[0,\,2\pi]$  上で定義された x の関数  $f(x)=\int_0^\pi \sin\left(|t-x|+\frac{\pi}{4}\right)dt$  の最大値 および最小値とそのときの x の値をそれぞれ求めよ .