xyz 空間で,原点 O を中心とする半径 $\sqrt{6}$ の球面 S と 3 点 (4,0,0),(0,4,0), (0,0,4) を通る平面 α が共有点を持つことを示し,点 (x,y,z) がその共有点全体の集合を動くとき,積 xyz が取り得る値の範囲を求めよ.