平面上の点 O を中心とする半径 1 の円周上に点 P をとり,円の内部または周上に 2 点 Q,R を, $\triangle PQR$  が 1 辺の長さ  $\frac{2}{\sqrt{3}}$  の正三角形になるようにとる.このとき,  $OQ^2+OR^2$  の最大値および最小値を求めよ.