3 整数 a,b,c に関する次の条件 (*) を考える.

$$\int_{a}^{c} (x^{2} + bx)dx = \int_{b}^{c} (x^{2} + ax)dx \quad \cdots \quad (\star)$$

- (1) 整数 $a,\,b,\,c$ が (*) および $a \neq b$ をみたすとき, c^2 を $a,\,b$ を用いて表せ.
- (2) c=3 のとき, (*) および a < b をみたす整数の組(a,b) をすべて求めよ.
- (3) 整数 a, b, c が (*) および $a \neq b$ をみたすとき, c は 3 の倍数であることを示せ.