放物線 $y=x^2$ の上に 2 点 P , Q があって,線分 PQ の中点が直線 y=x+1 の上にあるとき,このような直線 PQ は,すべてある一定の放物線 $y=ax^2+bx+c$ に接することを示し,a , b , c の値を求めよ.