1 次の性質をもつ数列 $\{a_n\}$ を考える。

$$a_1 = 3$$

 $a_{n+1} > a_n \ (n = 1, 2, 3, ...)$
 $a_n^2 - 2a_n a_{n+1} + a_{n+1}^2 = 3(a_n + a_{n+1}) \ (n = 1, 2, 3, ...)$

- (1) $n=1, 2, 3, \ldots$ に対し、 a_n+a_{n+2} を a_{n+1} を用いて表せ。
- (2) $b_n=a_{n+1}-a_n\;(n=1,\,2,\,3,\,\dots)$ により定まる数列 $\{b_n\}$ の一般項を求めよ。
- (3) 数列 $\{a_n\}$ の一般項を求めよ。