n は 2 以上の自然数とする . 数学的帰納法を用いて次の不等式を証明せよ .

$$\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n}} < 2\sqrt{n} - 2$$