放物線  $y=x^2+1$  上の 1 点を  $A(a,\,a^2+1)$  とする.この放物線上に A と異なる点  $B(b,\,b^2+1)$  をとり,線分 AB,x 軸および 2 直線 x=a,x=b とで囲まれた台形の面積を,この放物線が 2 等分するようにしたい.そのような点 B で b>a を満たすものが存在するための a の範囲を求めよ.またそのとき b を a で表せ.