$egin{aligned} 3$ 実数の集合 A_n を $A_n=\{x|n< x^n< n+1\}$ によって定める.集合 $A_1,\,A_2,\,\cdots\cdots,\,A_n$ の共通部分 $A_1\cap A_2\cap\cdots\cap A_n$ が空集合でない最大の n を求めよ.