2 実数を成分にもつ行列 $A=\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ と実数 r , s が下の条件 (i) , (ii) , (iii) をみたすとする .

(i)
$$s > 1$$

(ii)
$$A \begin{pmatrix} r \\ 1 \end{pmatrix} = s \begin{pmatrix} r \\ 1 \end{pmatrix}$$

(iii)
$$A^n \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_n \\ y_n \end{pmatrix} \, (n=1,2,\cdots)$$
 とするとき , $\lim_{n \to \infty} x_n = \lim_{n \to \infty} y_n = 0$

このとき以下の問に答えよ.

(1)
$$B = \begin{pmatrix} 1 & r \\ 0 & 1 \end{pmatrix}^{-1} A \begin{pmatrix} 1 & r \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 を a , c , r , s を用いて表せ .

(2)
$$B^n \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} z_n \\ w_n \end{pmatrix} (n=1,2,\cdots)$$
 とするとき , $\lim_{n\to\infty} z_n = \lim_{n\to\infty} w_n = 0$ を示せ .

(3)
$$c = 0$$
 かつ $|a| < 1$ を示せ.