(1) 微分可能な任意の関数 f(x) に対して

$$\frac{d}{dx}\{f(x)g(x)\} = g(x)\left\{f(x) + \frac{d}{dx}f(x)\right\}$$

を満たす微分可能な関数 g(x) で , g(0)=1 であるものを求めよ .

(2) 次の微分方程式の解f(x)で,f(0)=0であるものを求めよ.

$$f(x) + \frac{d}{dx}f(x) = 1 + x^2$$