4 負でない整数 N が与えられたとき, $a_1=N$, $a_{n+1}=\left[rac{a_n}{2}
ight]$ $(n=1,\,2,\,3,\,\cdots)$ として数列 $\{a_n\}$ を定める。ただし [a] は,実数 a の整数部分($k \leq a < k+1$ となる整数 k)を表す。

- (1) $a_3 = 1$ となるような N をすべて求めよ。
- (2) $0 \le N < 2^{10}$ をみたす整数 N のうちで,N から定まる数列 $\{a_n\}$ のある項が 2 となるようなものはいくつあるか。
- (3) 0 から $2^{100}-1$ までの 2^{100} 個の整数から等しい確率で N を選び,数列 $\{a_n\}$ を定める。次の条件(*)をみたす最小の正の整数 m を求めよ。
 - (*) 数列 $\{a_n\}$ のある項が m となる確率が $\dfrac{1}{100}$ 以下となる。