- 1 以下の問いに答えよ .
- (1) 自然数 n に対し $I(n)=\int_0^{rac{n\pi}{2}}|\sin x|dx$ を求めよ.
- (2) 次の不等式を示せ.

$$0 \le \int_0^{\frac{s\pi}{2}} \cos x dx - s \le \left(\frac{\pi}{2} - 1\right) s \quad (0 \le s \le 1)$$

(3) a を正の数とし,a を超えない最大の整数を [a] で表す.[a] が奇数のとき次の不等式が成り立つことを示せ.

$$0 \le \int_0^{\frac{\pi}{2}} |\sin at| dt - 1 \le \left(\frac{\pi}{2} - 1\right) \left(1 - \frac{[a]}{a}\right)$$