4 正六面体の各面に 1 つずつ , サイコロのように , 1 から 6 までの整数がもれなく書かれていて , 向かい合う面の数の和は 7 である . このような正六面体が底面の数字が 1 であるように机の上におかれている . この状態から始めて , 次の試行を繰り返し行う . 「現在の底面と隣り合う 4 面のうちの 1 つを新しい底面にする .」ただし , これらの 4 面の数字が a_1, a_2, a_3, a_4 のとき , それぞれの面が新しい底面となる確率の比は $a_1: a_2: a_3: a_4$ とする . この試行を n 回繰り返した後 , 底面の数字が m である確率を $p_n(m)$ $(n \ge 1)$ で表す .

- (1) $n \ge 1$ のとき , $q_n = p_n(1) + p_n(6)$, $r_n = p_n(2) + p_n(5)$, $s_n = p_n(3) + p_n(4)$ を求めよ .
- (2) $p_n(m)$ $(n \ge 1, m = 1, 2, 3, 4, 5, 6)$ を求めよ.