1 数列 $\{a_n\}$ を

$$a_1 = 5$$
, $a_{n+1} = \frac{4a_n - 9}{a_n - 2}$ $(n = 1, 2, 3, \dots)$

で定める.また数列 $\{b_n\}$ を

$$b_n = \frac{a_1 + 2a_2 + \dots + na_n}{1 + 2 + \dots + n} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

と定める.

- (1) 数列 $\{a_n\}$ の一般項を求めよ.
- (2) すべての n に対して,不等式 $b_n \leqq 3 + \frac{4}{n+1}$ が成り立つことを示せ.
- (3) 極限値 $\lim_{n \to \infty} b_n$ を求めよ.