- 1 自然数 n に対し,定積分  $I_n=\int_0^1 \dfrac{x^n}{x^2+1}dx$  を考える。このとき,次の問に答えよ。
- (1)  $I_n + I_{n+2} = \frac{1}{n+1}$ を示せ。
- (2)  $0 \le I_{n+1} \le I_n \le \frac{1}{n+1}$  を示せ。
- (3)  $\lim_{n \to \infty} nI_n$  を求めよ。
- (4)  $S_n=\sum_{k=1}^n rac{\left(-1
  ight)^{k-1}}{2k}$  とする。このとき(1),(2) を用いて $\lim_{n o\infty} S_n$  を求めよ。