$a_1 \geq a_2 \geq \cdots \geq a_n$  ,  $b_1 \geq b_2 \geq \cdots \geq b_n$  のとき , 次の不等式を証明せよ .

$$\left(\sum_{i=1}^{n} a_i\right) \left(\sum_{i=1}^{n} b_i\right) \le n \sum_{i=1}^{n} a_i b_i$$