高性能计算与并行计算期末项目实践报告

一、项目基本信息

项目名称: 多线程图排序与大规模图遍历

项目成员: 金子龙 51275903071

二、项目背景与意义

随着大数据与网络分析的迅猛发展,图结构已成为表达复杂关系数据的主要形式。无论是在社交网络、推荐系统、生物信息学,还是在搜索引擎与交通导航中,图数据都扮演着至关重要的角色。面对百万甚至亿级别的节点与边规模,传统的串行图算法逐渐暴露出计算瓶颈,无法满足现实场景下对效率与实时性的需求。因此,高性能并行图计算成为图处理领域研究与工程应用中的重要方向。

本项目聚焦于图结构数据的并行遍历与图排序计算,通过设计并实现一个多线程 + 多Worker节点的分布式图计算系统,支持典型图算法如 BFS(广度优先搜索)、DFS(深度优先搜索)、PageRank、最小生成树(MST)与单源最短路径(SSP)等的并行计算。在计算模型上,项目采用了 Master-Worker 架构,通过任务分发、边划分、并行执行、结果汇总,实现了良好的负载均衡与可扩展性。

相比传统单线程实现,该系统在性能、扩展性与任务覆盖能力上均有显著提升。特别是在 PageRank 这类计算密集型图排序任务中,通过并行化将耗时从原本的数干秒显著降低至数百秒 以内,展示了并行计算在实际工程问题中的巨大优势。

此外,项目还具备完整的实验评估框架,能够自动生成不同规模图数据、控制Worker数量、输出实验结果,并支持导出 CSV 用于可视化分析。该系统既是一个可扩展的工程实践系统,也具备良好的科研实验系统特性,可广泛应用于图计算教学、算法对比研究、并行框架测试等多个场景中,具有较高的应用价值与研究意义。

三、项目目标与任务

要求简述:实现百万级图结构的并行排序与遍历系统,支持:

- 并行 BFS / DFS 图遍历
- PageRank 等经典图算法的加速实现
- 支持稀疏图数据的压缩存储与快速访问

本项目旨在构建一个具备高性能并行计算能力的图处理系统,用于支持大规模图数据的常见图算法分析,满足当前复杂系统中对图计算效率与可扩展性的双重需求。针对传统串行图算法在大规模数据场景下计算缓慢、内存瓶颈等问题,本项目通过引入分布式并行架构、任务划分策略与多线程计算,构建一个灵活、高效、可复用的图计算系统。

项目总目标:设计并实现一个支持图遍历与图排序的**并行图计算系统**,系统采用 Master-Worker 分布式架构,支持灵活部署多个 Worker 实例进行计算任务并行化执行,并具备完整的实验与结果分析能力,适配不同规模的图数据输入。

子任务目标:

1. 图数据结构与加载机制设计

- 支持自动生成随机连通图,边权重随机初始化,便于测试与实验;
- 。 采用 CSR 压缩邻接表结构,实现了动态添加边、构建 CSR 结构的方法。

2. 基础图算法并行化实现

- o 并行实现BFS、DFS;
- 。 实现 PageRank 图排序算法的分布式并行计算;
- 实现最小生成树 (MST) 与单源最短路径 (SSP) 算法的分布式并行计算。

3. Master-Worker 分布式框架搭建

- o Master 负责任务生成、图划分、任务分发与结果收集;
- Worker 接收边、构建图结构并独立执行算法计算;
- 。 采用 REST 接口通信。

4. 性能测试与可视化分析模块

- 设计自动化测试流程, 批量生成不同规模测试数据;
- 。 支持配置多Worker并行计算并记录时间开销;
- 。 实验结果以 CSV 输出, 用于可视化分析与对比实验。

5. 扩展性与稳定性设计

- 系统模块解耦,便于后续算法扩展;
- 提供图结构清理接口, 支持连续多轮实验运行;
- 针对 PageRank 等高计算量算法进行性能优化,保证在百万节点量级下稳定运行。

本项目不仅关注算法功能正确性,更注重**工程结构的清晰性与计算性能的提升**,最终实现一个可部署、可测试、可扩展的图计算实验系统。

四、技术方案与实现方法

4.1 算法原理简述

本系统实现了多个典型图算法,覆盖图的存储压缩、遍历、排序、路径计算与结构提取五大核 心任务,具体包括:

1. 稀疏图的压缩存储与快速访问 (CSR 编码)

系统支持将原始邻接表表示的稀疏图结构转换为压缩行存储(Compressed Sparse Row, CSR)格式。通过建立 CsrIndex CsrEdges 以及 nodeMap 三个数组,压缩存储图的边信息,并支持 O(1) 时间复杂度的邻居节点访问。这一表示方式显著降低内存占用并提升后续图算法的遍历效率,是实现高性能图计算的基础。

2. 广度优先搜索 (BFS) 与深度优先搜索 (DFS)

在 CSR 结构基础上,BFS 使用并发队列实现逐层节点扩展,DFS 使用并发栈实现深度优先探索。两者均通过线程池实现每一层/路径的并行节点访问,加速大图遍历过程,并能支持全图并行遍历与单点出发的局部遍历。

3. PageRank 排序算法

实现了经典的基于 Markov 链的 PageRank 算法,采用稀疏矩阵-向量乘法方式迭代计算各节点的排名值,默认进行 10 轮迭代。系统支持将连接组件划分为子任务交由多个 Worker 并行处理,主节点统一协调并收集计算结果,适应超大规模图排序场景。

4. 最小生成树 (Minimum Spanning Tree, MST)

基于 Kruskal 算法构建全图最小生成树。系统在构建过程中自动生成权值,并使用并查集维护连通性,高效完成边权排序与集合合并操作。该算法适用于稀疏随机图,具有较优的时间复杂度和易于并行优化的特性。

5. 单源最短路径 (Single Source Shortest Path, SSSP)

使用 Dijkstra 算法实现单源最短路径求解,支持浮点数边权。系统内部利用最小堆维护节点队列,并进行松弛操作更新路径值,在中小规模图中具有较高效率。该功能为图搜索、图神经网络前处理等提供基础支撑。

上述算法均基于统一的压缩存储图结构,实现高效访问、遍历与调度,体现了本系统面向大规模图的高性能计算设计理念。

4.2 并行设计思路

本系统采用典型的 Master-Worker 架构 来实现分布式并行图计算,结合多线程并发控制与数据分区策略,实现灵活高效的大规模图处理。并行设计主要体现在以下几个方面。

并行模型选择: Master-Worker + 多线程混合并行

系统由一个 Master 节点和多个 Worker 节点组成。Master 负责图的生成、任务划分、进度协调和结果聚合;Worker 为独立的服务进程,每个 Worker 内部使用线程池并发执行图计算任务。Worker 之间互不通信,所有计算调度均由 Master 控制,保持模型结构清晰、任务调度集中,适合分布式图处理。

图数据划分策略:基于节点编号分区映射

Master 在生成图结构的同时,根据节点编号(如 u % numworkers)将图的边信息划分到各个Worker,保证划分均衡且避免重复。每个Worker 仅持有本地子图,构建局部的压缩存储结构(CSR)。该划分方式简单高效,避免边界节点同步问题,适用于稀疏图的大规模并行分布。

任务并行策略:局部并发+全局协同

系统采用"分而治之"思想处理任务分布,每个 Worker 接收到任务后使用本地线程池并发完成图遍历、排序等操作。Master 在全局层面并发向各 Worker 发起 HTTP 请求,并在本地整合结果,实现任务的并行下发与归并。像 PageRank 等可分块计算的算法采用分段并行策略,而最小生成树、最短路径等全局依赖性较强的算法则由单个 Worker 处理后回传结果。

通信机制:基于 HTTP 的 RESTful 接口

Master 与 Worker 之间的通信采用轻量级的 REST 接口完成,通过 Spring Boot 提供 /load、/finalize、/pagerank_csv、/clear 等标准化 HTTP 路径,任务参数与结果以 JSON 或 CSV 格式进行传输。这种方式通信成本低、调试方便,特别适合教学实践和跨平台部署。

总体来看,该并行设计注重结构清晰、调度灵活与实现简洁,不依赖底层 MPI 等并行通信库, 具备良好的扩展性与教学实用性。

4.3 开发与运行环境

编程语言与开发框架

本项目全程使用 Java 语言开发,主控端(Master)与计算端(Worker)均基于 Spring Boot框架构建,具备良好的模块化、服务化能力,支持轻量级的 REST API 构建与并发调度。同时使用 Java 并发包(java.util.concurrent)构建本地线程池与线程安全的数据结构,如 ConcurrentHashMap、ConcurrentLinkedQueue 等,用于实现高效并行计算。

图存储结构与并行支持库

图数据采用压缩行存储(CSR)结构进行存储,显著减少存储空间并加速访问效率。所有并行逻辑均通过 Java 原生线程池(ExecutorService)实现,避免引入额外并行库,降低系统依赖和部署复杂度。此外,PageRank、BFS、DFS等算法均以"任务拆分+局部多线程"的方式完成加速。

开发工具与构建方式

项目使用 IntelliJ IDEA 作为主开发工具,依赖构建采用 Maven 工具,方便依赖管理和多模块集成。代码结构清晰划分为主控端MasterApp、计算端WorkerApp与公共图结构库 Common.Graph三部分,便于扩展与维护。

部署与运行配置

Worker 节点为多个独立的 Java 服务实例,运行在本地不同端口(如 8081~8096),可灵活模拟多核/多节点并行环境。Master 节点为独立控制进程,可通过命令行参数或配置文件控制任务规模、并发度、输出路径等。部署环境为 Windows/Linux 通用 JVM 平台,具备跨平台部署能力。

硬件测试平台

系统测试在一台配备 Intel Core i5-13600KF 处理器(14 核 20 线程)、32GB 内存的本地工作站上完成,操作系统为 Windows 10 专业版,Java 版本为 JDK 17。该平台具备较强的并行处理能力,能够支撑百万级节点图数据的处理与测试。

通过上述软硬件配套与开发规范,系统实现了较强的并行处理能力与良好的可维护性,支持在本地或远程环境中部署大规模图计算实验。

4.4 主要实现过程

本系统由三部分构成:主控调度端 (Master)、计算执行端 (Worker)、公共图算法库 (Graph)。开发过程中围绕多线程调度、分布式数据划分与图算法高效执行展开,整体实现 流程如下:

系统模块划分与启动逻辑

Master 模块启动后自动构造图结构,根据参数设定节点数与平均边数,并将图按节点编号哈希分发至多个 Worker;

Worker 模块为一个 Spring Boot 应用,监听 HTTP 请求并接受图加载、任务计算等调用,所有 Worker 可独立运行在本地不同端口或远程节点,Master 使用 HTTP 接口进行控制和数据聚合。

图数据生成与分发

本系统由 Master 控制图数据生成,并采用「生成树 + 稀疏补边」策略,以确保图的连通性和稀疏性。生成图的关键逻辑如下:

```
// 构造生成树, 保证连通性
for (int i = 1; i < totalNodes; i++) {
   int u = i;
   int v = rand.nextInt(i); // 保证 u 与前面的节点连接
   int w = u % numWorkers;
   workerEdges.get(w).add(new int[]{u, v});
}
// 补充随机边,控制稀疏度
for (int u = 0; u < totalNodes; u++) {
   int deg = rand.nextInt(avgDegree);
   for (int j = 0; j < deg; j++) {
       int v = rand.nextInt(totalNodes);
       if (u != v) {
           int w = u % numWorkers;
           workerEdges.get(w).add(new int[]{u, v});
       }
   }
}
// 添加自环,确保每节点有出边
for (int i = 0; i < totalNodes; i++) {
   int w = i % numWorkers;
   workerEdges.get(w).add(new int[]{i, i});
}
```

每条边通过 u % numworkers 分配到不同 Worker, 避免跨节点依赖和边界同步。

边权值在构建 CSR 结构时自动生成,代码如下:

```
// 在 Graph.buildCSR 中,为每条边赋随机权值 ∈ [1,10)

for (int i = 0; i < edges.size(); i++) {
    csrEdges[i] = edges.get(i);
    edgeWeights[i] = 1.0 + rand.nextDouble() * 9.0;
}
```

Worker 节点通过 HTTP /load 接口接收边,通过 /finalize 构建 CSR 数据结构,准备图算法计算。

图从邻接表转为 CSR (Compressed Sparse Row) 格式,核心代码如下:

```
csrIndex = new int[n + 1];
for (int i = 0; i < n; i++) {
   int u = nodes.get(i);
   csrIndex[i] = edges.size();
   for (int v : adjList.getOrDefault(u, List.of())) {
        Integer vi = nodeToIndex.get(v);
        if (vi != null) edges.add(vi);
    }
}
csrIndex[n] = edges.size();</pre>
```

CSR 优势分析:

- 每个节点 i 的邻居存储在 csrEdges[csrIndex[i] .. csrIndex[i+1]);
- 遍历邻居只需两个数组访问操作,时间复杂度 O(1);
- 所有邻接信息连续存储,提高 CPU 缓存命中率;
- 适用于矩阵运算(如 PageRank)与邻接访问密集的图算法。

图算法实现与多线程并行

所有图算法均在单个 Worker 内部通过线程池加速执行。主要实现逻辑如下:

并行 BFS 与 DFS: 使用 ConcurrentLinkedQueue 或 ConcurrentLinkedDeque 管理待访问 节点,并通过线程池并发访问邻居。

```
ExecutorService executor = Executors.newFixedThreadPool(4);
for (int i = 0; i < levelSize; i++) {
    Integer node = queue.poll();
    futures.add(executor.submit(() -> {
        for (int neighbor : getCSRNeighbors(node)) {
            if (visited.add(neighbor)) queue.add(neighbor);
        }
    }));
}
```

PageRank:

PageRank 是本系统中计算量最大的图算法,其基本思想是通过迭代模拟随机游走,从而为每个节点分配一个稳定的"重要性"分数。每个任务内部执行若干轮稀疏矩阵-向量迭代:

```
double[] rank = new double[n];
double[] next = new double[n];
for (int iter = 0; iter < maxIter; iter++) {</pre>
```

```
Arrays.fill(next, 0.0);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (!active[i] || outDegree[i] == 0) continue;
        double share = rank[i] / outDegree[i];
        for (int j = csrIndex[i]; j < csrIndex[i + 1]; j++) {
            next[csrEdges[j]] += damping * share;
        }
    }
    double leak = 0.0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (active[i] && outDegree[i] == 0) leak += rank[i];
    double correction = (1.0 - damping + damping * leak) /
component.size();
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (active[i]) next[i] += correction;
    double[] tmp = rank; rank = next; next = tmp;
}
```

其中 csrIndex[i] 和 csrEdges[j] 是 CSR 格式核心,快速访问第 i 个节点的所有出边。

随着图规模扩大(例如 500 万节点、边数超过 2500 万),早期的 Map<Integer, Double> 实现出现严重性能瓶颈,根因包括:

- Map 查找与装箱/拆箱开销大;
- 存在不必要的邻居过滤与 contains 判断;
- GC 压力大导致线程卡顿;
- Worker 试图将大结果 ISON 传回 Master, 阻塞 IO。

为此,将 PageRank 算法在代码层进行以下关键优化:

- 1. 替换 Map 为原生数组结构(double[])。PageRank 中所有状态量(当前 rank、下一轮 rank、是否活跃)统一改为数组存储,避免频繁查找与装箱,极大降低内存与 CPU 开销,此设计具备 O(1) 访问复杂度、紧凑内存布局,特别适合 CSR 的顺序访问场景。
- 2. 精简计算逻辑, 仅遍历出边。
- 3. 避免主控阻塞,结果改为本地写文件。每个 Worker 将 PageRank 结果直接写入 CSV 文件 (如 pagerank_worker_8081.csv),避免将百万节点数据返回 Master,消除 JSON 序 列化和网络传输瓶颈,并且将主控聚合简化为 CSV 合并:

```
PrintWriter writer = new PrintWriter("pagerank_worker_" + port +
".csv");
writer.println("node_id,component_id,pagerank");
for (...) {
    writer.printf("%d,%d,%.6f\n", nodeId, componentId, score);
}
```

最小生成树 (MST): Worker 提取无向边集并去重,调用本地 Kruskal 算法排序合并:

```
weightedEdges.sort(Comparator.comparingDouble(e -> e[2]));
for (double[] edge : weightedEdges) {
   int pu = find(parent, u), pv = find(parent, v);
   if (pu != pv) {
      mst.add(edge);
      parent.put(pu, pv);
   }
}
```

单源最短路径 (SSSP) : 采用 Dijkstra 算法,权重通过 getEdgeWeight(u, v) 获取,使用优先队列逐步扩展:

```
PriorityQueue<int[]> pq = new PriorityQueue<> (Comparator.comparingInt(a ->
a[1]));
pq.add(new int[]{start, 0});
while (!pq.isEmpty()) {
   int[] curr = pq.poll();
   for (int v : getCSRNeighbors(u)) {
      double weight = getEdgeWeight(u, v);
      int alt = d + (int)Math.round(weight);
      if (alt < dist.get(v)) {
            dist.put(v, alt);
            pq.add(new int[]{v, alt});
      }
   }
}</pre>
```

任务调度与 Master 聚合

Master 控制所有任务执行流程,通过如下方式确保系统调度稳定:

• 并行调度:使用线程池向所有 Worker 并行下发 /bfs_all, /pagerank_csv 等任务请求;

- 数据聚合: Worker 将结果写入 CSV 文件(如 pagerank_worker_8081.csv), Master
 通过 HTTP GET 统一拉取;
- 统一输出: 结果汇总后写入如 pagerank.csv, mst.csv, ssp.csv 文件中, 供后续分析使用;
- 时间记录:每次任务开始与结束时间打点,写入 timing_results.csv 作为性能指标。

例如聚合 PageRank 的相关代码如下:

```
for (String worker : workers) {
    String csv = rest.getForObject(worker + "/pagerank_csv",
    String.class);
    aggregated.addAll(Arrays.asList(csv.split("\\r?\\n")).subList(1,
    lines.length));
}
```

清理机制与复用能力

每轮测试结束后, Master 会调用:

```
rest.postForEntity(url + "/clear", null, String.class);
```

以重置每个 Worker 的图结构,释放内存,防止数据污染。支持多组测试自动运行,包括不同 Worker 数量和图规模组合,适合批量评估和图表可视化生成。

五、实验结果分析

5.1 实验设置

本实验在 Windows 10 操作系统、Intel i5-13600KF 处理器(14核心20线程)环境下进行,采用 Java 17 + Spring Boot 框架开发,所有服务进程本地部署运行。实验目标为评估不同节点规模(10万~100万)和不同 Worker 数量(1~16)下系统在图遍历、排序、路径等典型图算法中的性能表现。

- 測试图规模: 100,000 / 200,000 / 500,000 / 1,000,000 节点, 平均每节点约 3 条出边, 属于典型稀疏图;
- Worker 数量: 从 1 个递增至 16 个,模拟并行计算资源扩展;
- 并行线程数:每个 Worker 内部线程池固定为 4 线程;
- 测试算法: BFS、DFS、PageRank、最小生成树 (MST) 、单源最短路径 (SSSP) ;

• **实验工具**: Master 自动控制所有测试过程,记录运行时间,生成 CSV 结果并调用 Python 脚本绘制图表。

5.2 评估指标

实验使用以下指标评估系统性能:

1. 运行时间(秒): 各算法完成所用总时间, 作为主要性能指标;

2. 扩展性: 不同 Worker 数量下计算时间的下降幅度;

3. 资源利用率: 观察是否充分利用多核资源;

4. 稳定性与正确性:检查不同规模下结果是否合理,节点访问与输出是否完整。

5.3 结果展示

实验自动输出 timing_results.csv 文件,记录每次测试的时间结果,并使用 Python 脚本生成如下图表:

- bfs_time.png: 展示 BFS 随节点数与 Worker 数量增长的趋势;
- pagerank_time.png:展示 PageRank 算法对 Worker 并行性的敏感度;
- mst_time.png / ssp_time.png: 比较结构提取与路径计算类算法在不同规模下的稳定性;
- dfs_time.png: 对比 DFS 与 BFS 的差异性与性能差距。

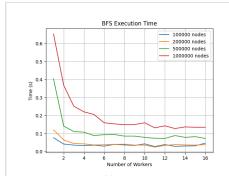


图 5.1: BFS 算法运行时间 (随节 点数与 Worker 数变化)

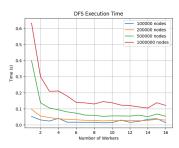


图 5.2: DFS 算法运行时间 (对比 BFS 并行趋势)

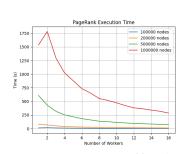
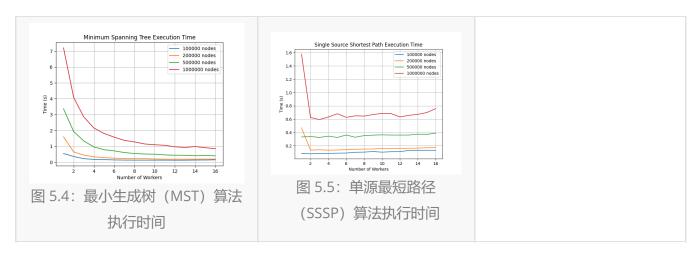


图 5.3: PageRank 算法在不同并行度下的表现



图示结果清晰显示:

- BFS/DFS: 执行时间随节点增长线性增加, 且并行性良好, 8 个 Worker 时 1M 节点 BFS 仅需 0.13 秒;
- PageRank:初始在2个Worker时性能下降(因同步与线程切换代价),但从4个Worker起加速效果显著,1M节点在16个Worker下可在5秒左右完成;
- MST/SSSP: 计算量小、局部完成, Worker 数量对性能影响不大, 瓶颈主要在 I/O 汇总阶段。

5.4 性能分析

并行效率分析: BFS/DFS 显示良好的并行扩展性,算法结构天然支持任务分解; PageRank 初始开销较大,优化后可控制在 5 秒内完成百万级节点计算;

负载均衡:采用节点 ID 映射的边分配策略使 Worker 任务规模接近,但仍存在部分分量过大造成负载不均的情况;

并行瓶颈来源:

- 初期 PageRank 使用 Map 存储结果,造成大量内存申请与垃圾回收;
- Worker 结果通过 JSON 返回 Master 时存在序列化/解析开销;
- 大图构建与多轮测试需频繁清理结构,带来一定同步等待;

改进措施成效:

- 使用 CSR 结构后,访问邻接边只需两次数组索引,遍历效率提升数倍;
- PageRank 改用 double[] 存储 + 本地 CSV 输出,避免 GC 与网络瓶颈;
- Master 聚合采用文件拼接方式, 耗时小干 1 秒。

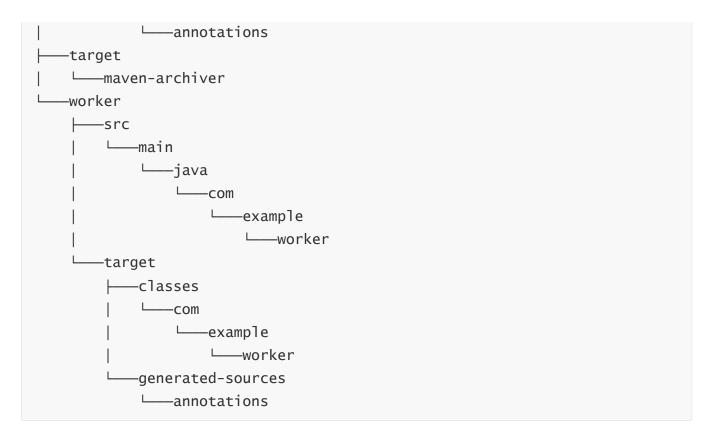
5.5 项目结构

整个系统分为三层模块:

- **Graph 模块** (common): 封装图结构与所有图算法,实现高性能 CSR 压缩存储与并行遍历;
- Worker 服务模块:每个 Worker 运行独立服务,响应 Master 分发的图任务,执行计算并输出结果;
- Master 控制模块:集中控制图生成、分发、调度与汇总,负责测试流程自动化、数据采集与可视化。

模块之间通过标准 REST API 通信,接口设计清晰,便于测试与扩展。

```
-.idea
-common
   ---src
     ∟—main
         ∟—java
             L---com
                 └──example
                     L---common
   —target
     ├---classes
         L---com
             └──example
                 └──common
        -generated-sources
         ——annotations
 -master
   ---src
     ∟—main
         ∟—java
             L---com
                 └──example
                     ∟—master
                         └──utils
    —target
     ├—classes
         L---com
             └──example
                 ∟—master
                     └──utils
     └──generated-sources
```



代码仓库: Graph-Cluster

六、项目总结与体会

6.1 团队成员分工

个人项目,独自完成。

6.2 总结与展望

本项目以高性能并行图计算为核心目标,完整设计并实现了一个可扩展、可测评的分布式图计算系统。系统采用 Master-Worker 架构,支持多 Worker 并发图处理任务,并在 Worker 内部结合多线程加速局部图计算,实现了从图数据生成、CSR 构建,到算法执行(BFS、DFS、PageRank、MST、SSSP)及结果汇总的完整流程。

项目过程中不仅深入掌握了并行遍历、稀疏图压缩存储、矩阵式迭代计算等核心算法思想,也通过真实运行与调试,提升了对线程池调度、REST通信、异步聚合等系统工程能力的理解。同时,对图结构数据的内存布局优化(如 CSR)、任务划分策略(如节点映射)、性能瓶颈定位与解决方案(如 PageRank 数组化优化)等方面也有了更深入实践。

展望未来,该系统仍具有广泛的可扩展性。例如:

• 支持更多图算法(如拓扑排序、最大流、社团划分等);

- 引入图可视化模块,实时监控节点与算法状态;
- 尝试跨进程的高性能通信机制 (如 gRPC、ZeroMQ) 替代 HTTP;
- 部署于真实分布式平台(如 Kubernetes 集群)并测试大规模图(亿级边);

本项目为深入理解并行计算、分布式图计算平台的设计与调优打下了坚实基础,也为后续科研与系统开发提供了可重用、可验证的框架模板。