1 AZ MI FOGALMA

1.1 Miről ismerhető fel az MI?

Megoldandó feladat: nehéz

- A feladat problématere hatalmas
- -Szisztematikus keresés helyett intuícióra, kreativitásra (azaz heurisztikára) van szükségünk ahhoz, hogy elkerljük a kombinatorikus robbanást.

Szoftver viselkedése: intelligens (tárol ismeretet, automatikusan következtet, tanul, gépi látás, gépi cselekvés)

- -Turing teszt vs. kínai szoba elmélet
- -"mesterjelölt szintű" mesterséges intelligencia

Felhasznált eszközök: sajátosak

- -Átgondolt reprezentáció a feladat modellezéséhez
- -Heurisztikával megerősített hatékony algoritmusok
- -Gépi tanulás módszerei

2 MODELLEZÉS ÉS KERESÉS

 $feladat \rightarrow útkeresési probléma \rightarrow megoldás$

Feladat és útkeresési probléma között helyezkedik el a modellezés. Itt található az állapottér-reprezentáció, a probléma dekompozíció, a korlátprogramozási modell, és a logikai reprezentáció.

Az útkeresési problémát egy gráffal reprezentálhatjuk. Az útkeresési probléma és a megoldás között található a keresés. A keresésbe tartoznak a lokális keresések, a visszalépéses keresések, a gráfkeresések, az evolúciós algoritmus, a rezolúció és a szabályalapú következtetés.

2.1 Mire kell a modellezésnek fókuszálni

Problématér elemei: probléma lehetséges válaszai.

Cél: egy helyes válasz (megoldás) megtalálása

Keresést segítő ötletek (heurisztikák):

- -Problématér hasznos elemeinek elválasztása a haszontalanoktól.
- -Az elemek szomszédsági kapcsolatainak kijelölése, hogy a probléma tér elemeinek szisztematikus bejárását segítsük.
- -Adott pillanatban elérhető elemek rangsorolása.
- -Kiinduló elem kijelölése.

2.2 Útkeresési probléma

Egy útkeresési problémában a problématér elemeit egy olyan élsúlyozott irányított gráf csúcsai vagy útjai szimbolizálják, amelyik gráf nem feltétlenül véges, de a

csúcsainak kifoka véges, és van egy közös pozitív alsó korlátja az élek súlyának (költségének) (δ -gráf).

A megoldást ennek megfelelően vagy egy célcsúcs, vagy egy startcsúcsból célcsúcsba vezető út (esetleg a legolcsóbb ilyen) megtalálása szolgáltatja.

Számos olyan modellező módszert ismerünk, amely a kitűzött feladatot útkeresési problémává fogalmazza át.

2.3 Gráf fogalmak

```
-csúcsok, irányított élek:\rightarrow N, A \subseteq NxN
-él n-ből m-be \rightarrow (n,m) \in A (n,m \in N)
-n utódai \rightarrow \gamma (n) = { m \in N | (n,m) \in A }
-n szülei \rightarrow \pi(n) \in \Pi(n) = \{ m \in N \mid (m,n) \in A \}
-irányított gráf \rightarrow R=(N,A)
-véges sok kivezető él \rightarrow | \gamma (n) | < \infty (\forall n \in N)
-élköltség \rightarrow c:A \rightarrow IR
-\delta tulajdonság (\delta \in \mathbb{R}^+) \to c(n,m) \ge \delta > 0 \ (\forall (n,m) \in A)
-\delta-gráf \to \delta-tulajdonságú, véges sok kivezető élű, élsúlyozott irányított gráf
-irányított út \to \alpha = (n, n_1), (n_1, n_2), ..., (n_{k-1}, m) = \langle n, n_1, n_2, ..., n_{k-1}, m \rangle n \to^{\alpha} m
n \rightarrow m, n \rightarrow M \ (M \subseteq N) \ n \rightarrow m, n \rightarrow M
-út hossza \rightarrow az út éleinek száma: |\alpha|
-út költsége \rightarrow c(\alpha)=c^{\alpha}(n,m) := \sigma_{\rm j=1..k}c(n_{\rm j-1},n_{j}) ha \alpha = <n=n_{0},n_{1},n_{2},...,n_{\rm k-1},m=n_{k}>
-opt. költség \to c*(n,m):=min_{\alpha} \in { n \to m } c^{\alpha}(n,m) {\delta} gráfokban ez végtelen
sok út esetén is értelmes. Értéke \infty, ha nincs egy út se.
-opt. költség<br/>2 \rightarrow c*(n,M):=min_{\alpha} _{\in} { n \rightarrow m } c^{\alpha}(n,M)
-opt. költségű út n \rightarrow *m := min_c\{\alpha \mid \alpha \in \{n \rightarrow m\} \}
-opt. költségű út n \rightarrow *M := min_c\{\alpha | \alpha \in \{n \rightarrow M\} \}
```

2.4 Gráfreprezentáció fogalma

Minden útkeresési probléma rendelkezik egy (a probléma modellezéséből származó) gráfreprezentációval, ami egy (R,s,T) hármas, amelyben:

```
-R=(N,A,c) \delta-gráf az ún. reprezentációs gráf,
```

- -az s∈N startcsúcs,
- -a T⊆N halmazbeli célcsúcsok.

És a probléma megoldása:

- -egy t∈T cél megtalálása, vagy
- -egy s \rightarrow T, esetleg s \rightarrow *T optimális út megtalálása

(s-ből Tegyik csúcsába vezető irányított út, vagy s-ből T
 egyik csúcsába vezető legolcsóbb irányított út)

Az útkeresési problémák megoldásáshoz azok a reprezentációs gráfjainak nagy mérete miatt speciális (nem determinisztikus, heurisztikus) útkereső algoritmusokra van szükség, amelyek:

- -a startcsúcsból indulnak, amely az első aktuális csúcs;
- -minden lépésben nem-determinisztikus módon új aktuális csúcso(ka)t választanak

- a korábbi aktuális csúcs(ok) alapján (gyakran azok gyerekei közül);
- -tárolják a már feltárt reprezentációs gráf egy részét;
- -megállnak, ha célcsúcsot találnak vagy nyilvánvalóvá válik, hogy erre semmi esélyük.

2.5 Kereső rendszer (KR)

Procedure KR

- 1. ADAT:= kezdeti érték
- 2. while !terminálási feltétel(ADAT) loop
- 3. SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok
- 4. ADAT := SZ(ADAT)
- 5. endloop

end

AHOL:

- -ADAT: globális munkaterület, tárolja a keresés során megszerzett és megőrzött ismeretet
- -alkalmazható szabályok: keresési szabályok, megváltoztatják a globális munkaterület tartalmát
- -SELECT: vezérlési stratégia, alkalmazható szabályok közül kiválaszt egy "megfelelőt"

2.6 Kereső rendszerek vizsgálata

- -helyes-e (azaz korrekt választ ad-e)
- -teljes-e (minden esetben választ ad-e)
- -optimális-e(optimális megoldást ad-e)
- -idő bonyolultság
- -tár bonyolultság

3 GÉPI TANULÁS

- -Egy programozási feladat megoldásához meg kell adnunk a feladat modelljét és készítenünk kell egy ehhez illeszkedő algoritmust, amely a feladat megoldását előállítja.
- -Gépi tanulással a modell (reprezentáció és/vagy heurisztika), illetve a megoldó algoritmus (többnyire annak bizonyos paraméterei) állhatnak elő automatikusan.
- -A tanuláshoz a megoldandó probléma néhány konkrét esetére, a tanító példákra van szükség.
- -A gépi tanulási módszereket három csoportba szokás sorolni: felügyelt-, nemfelügyelt, és megerősítéses tanulásra attól függően, hogy a tanító példák inputoutput párok, csak inputok, vagy input-hasznosság párok.

4 Állapottér-reprezentáció

Állapottér: a probléma leírásához szükséges adatok által felvett érték-együttesek (azaz állapotok) halmaza

-az állapot többnyire egy összetett szerkezetű érték

-gyakran egy bővebb alaphalmazzal és egy azon értelmezett invariáns állítással definiáljuk

Múveletek: állapotból állapotba vezetnek.

-megadásukhoz: előfeltétel és hatás leírása

-invariáns tulajdonságot tartó leképezés

Kezdőállapot(ok) vagy azokat leíró kezdeti feltétel

Végállapot(ok) vagy célfeltétel

4.1 Hanoi tornyai probléma

Állapottér: $AT=\{1,2,3\}^n$

megjegyzés: a tömb i-dik eleme mutatja az i-dik korong rúdjának számát, a korongok a rudakon méretük szerint fentről lefelé növekvő sorban vannak.

Művelet:Rak(honnan,hova): AT \rightarrow AT honnan, hova $\in \{1,2,3\}$

HA a honnan és hova <u>létezik</u> és <u>nem azonos</u>, és <u>van korong</u> a honnan rúdon, és a hova rúd <u>üres</u> vagy a mozgatandó korong (honnan rúd felső korongja) <u>kisebb</u>, mint a hova rúd felső korongja, AKKOR this[honnan legfelső korongja] := hova

4.2 Állapottér-reprezentáció gráf-reprezentációja

 δ -gráf állapot-gráf

-csúcs: állapot

-irányított él: művelet hatása -élköltség: művelet költsége <u>startcsúcs</u> kezdőállapot célcsúcsok végállapotok

irányított út egy műveletsorozat hatása

4.3 Állapottér vs. problématér

- -Az állapottér-reprezentáció és a problématér között szoros kapcsolat áll fenn, de az állapottér többnyire nem azonos a problématérrel.
- -A problématér elemeit többnyire nem az állapotok, hanem a startcsúcsból induló különböző hosszúságú irányított utak.
 - -A hanoi tornyai problémánál például egy megoldást egy irányított út szimbolizál, amelyik a startcsúcsból a célcsúcsba vezet.
 - -Van amikor a megoldás egyetlen álapot (azaz csúcs), de ebben az esetben is kell találni egy odavezető operátor-sorozatot (azaz irányított utat).

4.4 Állapot-gráf bonyolultsága

Állapot-gráf bonyolultsága \rightarrow Problématér mérete \rightarrow Keresés számításigénye

A bonyolultság elsősorban a start csúcsból kivezető utak száma az oda-vissza lépések nélkül, amely nyilván függvénye a

- -csúcsok és élek számának
- -csúcsok ki-fokának
- -körök gyakoriságának, és hosszuk sokféleségének

Ugyanannak a feladatnak több modellje lehet: érdemes olyat keresni, amely kisebb problémateret jelöl ki.

- -Az előző reprezentációnál a problématér mérete, azaz a lehetséges utak száma, óriási. Készítsünk jobb modellt!
- -Bővítsük az állapotteret, és használjunk új műveletet!
- -Műveletek előfeltételének szigorításával csökken az állapot-gráf átlagos kifoka.

4.5 Művelet végrehajtásának hatékonysága

A művelet kiszámítási bonyolultsága csökkenthető, ha az állapotokat extra információval egészítjük ki, vagy az invariáns szigorításával szűkítjük az állapotteret.

4.6 Hogyan "látja" egy keresés a reprezentációs gráfot?

Egy keresés fokozatosan fedezi fel a reprezentációs gráfot: bizonyos részeihez soha nem jut el, de a felfedezett részt sem feltétlenül tárolja el teljesen, sőt, sokszor torzultan "látja" azt: ha például egy csúcshoz érve nem vizsgálja meg, hogy ezt korábban már felfedezte-e, hanem új csúcsként regisztrálja, akkor az eredeti gráf helyett egy fát fog tárolni.

4.7 Reprezentációs gráf "fává egyenesítése"

Ha a keresés nem vizsgálja meg egy csúcsról, hogy korábban már felfedezte-e, akkor az eredeti reprezentációs gráf helyett annak fává kiegyenesített változatában keres

Előny: eltűnnek a körök, de a megoldási utak megmaradnak.

Hátrány: duplikátumok jelennek meg, sőt a körök kiegyenesítése végtelen hosszú utakat eredményez.

A kétirányú (oda-vissza) élek szörnyen megnövelik a kiegyenesítéssel kapott fa méretét. De bármelyik keresésnél eltárolhatjuk egy csúcsnak azt a szülőcsúcsát, amelyik felől a csúcsot elértük. Így egy csúcsból a szülőjébe visszavezető él könnyen felismerhető és figyelmen kívül hagyható.

5 Probléma dekompozíció

Egy probléma dekomponálása során a problémát részproblémákra bontjuk, majd azokat tovább részletezzük, amíg nyilvánvalóan megoldható problémákat nem kapunk.

Sokszor egy probléma megoldását akár többféleképpen is fel lehet bontani részproblémák megoldásaira.

5.1 Dekompozíciós reprezentáció fogalma

A reprezentációhoz meg kell adnunk:

- -a feladat részproblémáinak általános leírását
- -a kiinduló problémát
- -az egyszerű problémákat, amelyekről könnyen eldönthető, hogy megoldhatók-e vagy sem
- -a dekomponáló műveleteket:

D: probléma → probléma⁺

 $D(p) = \langle p_1, ..., p_n \rangle$

5.2 A dekompozíció modellezése ÉS/VAGY gráffal

Egy dekompozíciót egy ún. ÉS/VAGY gráffal szemléltetjük: -egy csúcs egy részproblémát jelöl, a startcsúcs a kiinduló problémát, a célcsúcsok a megoldható egyszerű problémákat. -egy élköteg egy dekomponáló művelet hatását írja le, és a dekomponált probléma csúcsából a dekomponálással előállított részproblémák csúcsaiba vezet.

- egy élköteg élei mutatják meg, hogy a dekomponált probléma megoldásához mely részproblémákat kell megoldani. Az élköteg élei között ezért ún. "ÉS" kapcsolat van: hiszen minden részproblémát meg kell oldani.
- egy csúcsból több élköteg is indulhat, ha egy probléma többféleképpen dekomponálható. Ezen élkötegek élei között ún. "VAGY" kapcsolat áll fenn: hiszen választhatunk, hogy melyik élköteg mentén oldjunk meg egy problémát.

5.3 ÉS/VAGY gráfok

- 1. AZ R=(N,A) élsúlyozott irányított hiper-gráf, ahol az
 - -N a csúcsok halmaza

 - -(c(n,M) az (n,M) költsége)
- 2. Egy csúcsból véges sok hiper-él indulhat
- 3. $(0 < \delta \le c(n,M))$

5.4 Megoldás-gráf

Az eredeti problémát egyszerű problémákra visszavezető dekomponálási folyamatot az ÉS/VAGY gráf speciális részgráfja, az ún. megoldás-gráf jeleníti meg, amelyben:

- -szerepel a startcsúcs
- -a startcsúcsból minden más csúcsba vezet út, és minden csúcsból vezet út egy megoldás-gráfbeli célcsúcsba
- -egy éllel együtt az összes azzal "ÉS" kapcsolatban álló él is (azaz a teljes élköteg) része a megoldás-gráfnak
- -nem tartalmaz "VAGY" kapcsolatban álló él párokat

A megoldás a megoldás-gráfból olvasható ki.

5.5 Az n csúcsból az M csúcs-sorozatba vezető irányított hiper-út fogalma

Az $n^{\alpha} \rightarrow M$ hiper-út $(n \in N, M \in N^+)$ egy olyan véges részgráf, amelyben:

- -M csúcsaiból nem indul hiper-él
- -M-en kívüli csúcsokból csak egy hiper-él indul
- -minden csúcs elérhető az n csúcsból egy közönséges irányított úton.

A megoldás-gráf egy olyan hiper-út, amely a startcsúcsból csupa célcsúcsba vezet.

5.6 Hiper-út bejárása

Az n \rightarrow M hiper-út egy bejárásán a hiper-út csúcsaiból képzett sorozatoknak a felsorolását értjük:

- -első sorozat: <n>
- -a C sorozatot a $C^{k\leftarrow K}$ sorozat követi (ahol a k \in C, és

k minden C-beli előfordulásának helyén a K sorozat szerepel) feltéve, hogy a hiper-útnak van olyan (k,K) hiper-éle, ahol $k\notin M$.

5.7 Útkeresés ÉS/VAGY gráfban

Amikor a startcsúcsból induló hiper-utakat (ezek között vannak a megoldásgráfok is, ha egyáltalán vannak ilyenek) a bejárásukkal írjuk le, akkor ezek a bejárások olyan közönséges irányított utak, amelyek csúcsai az eredeti ÉS/VAGY gráf csúcsainak sorozatai. Ezen utakból egy olyan közönséges irányított gráfot készíthetünk, amelyben a startcsúcs az ÉS/VAGY gráf startcsúcsából álló egy elemű sorozat, a célcsúcsait leíró sorozatok pedig kizárólag az ÉS/VAGY gráf célcsúcsainak egy részét tartalmazzák.

Ha ebben a közönséges gráfban megoldási utat találunk, akkor az egyben az eredeti ÉS/VAGY gráf megoldás-gráfja is lesz.