

# Generative Adversarial Networks

---

Рубачёв Иван

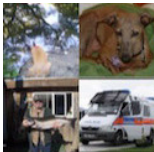
НИУ ВШЭ

1. Порождающие модели
2. GAN
3. Сравнения и выводы
4. Материалы

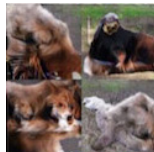
# Порождающие модели

---

# Порождающие модели



Обучающая выборка  $\sim p_{\text{data}}(x)$



Порожденные примеры  $\sim p_{\text{model}}(x)$

Хотим, чтобы  $p_{\text{model}}(x)$  была похожа на  $p_{\text{data}}(x)$

# Для чего нужны порождающие модели?

- Генерировать реалистичные фотографии, super resolution, image inpainting, ...

# Для чего нужны порождающие модели?

- Генерировать реалистичные фотографии, super resolution, image inpainting, ...
- В результате обучения порождающих моделей можно получить полезные высокоуровневые признаки

# Для чего нужны порождающие модели?

- Генерировать реалистичные фотографии, super resolution, image inpainting, ...
- В результате обучения порождающих моделей можно получить полезные высокоуровневые признаки
- Задачи, в которых более одного правильного ответа (например сгенерировать следующий кадр видео)

- Явно выраженная плотность



- Явно выраженная плотность
  - Простая факторизирующаяся плотность
    - PixelRNN
    - PixelCNN

- Явно выраженная плотность
  - Простая факторизующаяся плотность
    - PixelRNN
    - PixelCNN
  - Приближения к плотности
    - Вариационный автокодировщик (VAE)

# Различные варианты порождающих моделей

- Явно выраженная плотность
  - Простая факторизующаяся плотность
    - PixelRNN
    - PixelCNN
  - Приближения к плотности
    - Вариационный автокодировщик (VAE)
- Неявно выраженная плотность
  - Модель напрямую семплирует объекты
    - Порождающие состязательные сети (GAN)

# Простая факторизующая плотность

Можно разложить  $p(x)$  в произведение:

$$p(x) = \prod_{i=1}^n p(x_i | x_1, \dots, x_{i-1})$$

Хотим максимизировать правдоподобие

# Простая факторизующая плотность

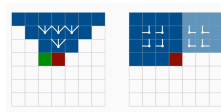
Можно разложить  $p(x)$  в произведение:

$$p(x) = \prod_{i=1}^n p(x_i | x_1, \dots, x_{i-1})$$

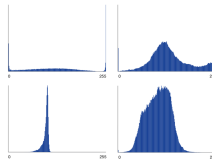
Моделируем  нейросетью

Хотим максимизировать правдоподобие

- Последовательно генерируем пиксели
- Максимизируем правдоподобие на обучающей выборке
- Обучение и построение изображения работают медленно

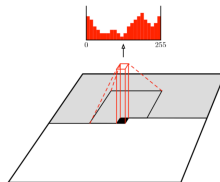


Последовательное построение изображения



Пример выхода для различных пикселей

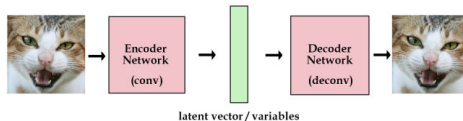
- Вместо RNN используем CNN
- Максимизируем правдоподобие на обучающей выборке
- Обучение быстрее чем в PixelRNN
- Построение нового изображения по прежнему медленное



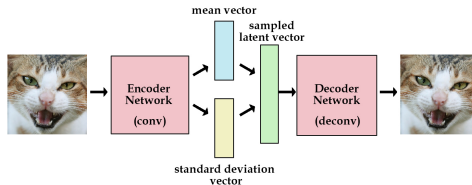
Последовательное построение изображения

# Variational autoencoder

- Автокодировщик



- Вариационный автокодировщик





$$p_{\theta}(x) = \int p_{\theta}(z)p_{\theta}(x|z)dz$$

- Не можем оптимизировать напрямую
- Можно найти нижнюю границу и оптимизировать её

$$\mathcal{L}(\theta, \phi, x, z) = \mathbb{E}_{q_{\phi}(z|x)} [\log p_{\theta}(x|z)] - D_{\text{KL}}(q_{\phi}(z|x)||p(z))$$

- Reparametrization trick:  $z = \mu + \sigma \odot \varepsilon$ , where  $\varepsilon \sim \mathcal{N}(0, 1)$

# GAN

---

- GAN: моделируем семплирование объектов из распределения;

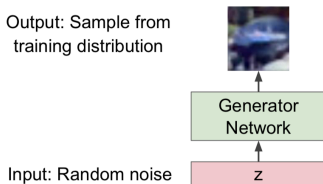
- GAN: моделируем семплирование объектов из распределения;
- Как моделировать сэмплирование из сложного распределения?

# Generative Adversarial Networks

- GAN: моделируем сэмплирование объектов из распределения;
- Как моделировать сэмплирование из сложного распределения?
- Можно сэмплировать из простого распределения и выучить преобразование;

# Generative Adversarial Networks

- GAN: моделируем сэмплирование объектов из распределения;
- Как моделировать сэмплирование из сложного распределения?
- Можно сэмплировать из простого распределения и выучить преобразование;
- Нейронная сеть может приблизить это преобразование;



# Обучение GAN: игра с 2 игроками

- **Генератор:** «Обмануть» дискриминатор, порождая примеры похожие на настоящие
- **Дискриминатор:** Отличать примеры порожденные генератором от настоящих

# Обучение GAN: игра с 2 игроками

- **Генератор:** «Обмануть» дискриминатор, порождая примеры похожие на настоящие  
**Дискриминатор:** Отличать примеры порожденные генератором от настоящих
- Целевая функция:

$$\min_{\theta_g} \max_{\theta_d} \left[ \underbrace{\mathbb{E}_{x \sim p_{\text{data}}} \log D_{\theta_d}(x)}_{\text{реальные данные}} + \underbrace{\mathbb{E}_{z \sim p(z)} \log(1 - D_{\theta_d}(G_{\theta_g}(z)))}_{\text{примеры генератора}} \right]$$



# Обучение GAN: игра с 2 игроками

- **Генератор:** «Обмануть» дискриминатор, порождая примеры похожие на настоящие

**Дискриминатор:** Отличать примеры порожденные генератором от настоящих

- Целевая функция:

$$\min_{\theta_g} \max_{\theta_d} \left[ \underbrace{\mathbb{E}_{x \sim p_{\text{data}}} \log D_{\theta_d}(x)}_{\text{реальные данные}} + \underbrace{\mathbb{E}_{z \sim p(z)} \log(1 - D_{\theta_d}(G_{\theta_g}(z)))}_{\text{примеры генератора}} \right]$$

- Дискриминатор:  $D(x) \rightarrow 1$  и  $D(G(x)) \rightarrow 0$ .  
Генератор:  $D(G(x)) \rightarrow 1$

**for** number of training iterations **do**

**for**  $k$  steps **do**

- Sample minibatch of  $m$  noise samples  $\{\mathbf{z}^{(1)}, \dots, \mathbf{z}^{(m)}\}$  from noise prior  $p_g(\mathbf{z})$ .
- Sample minibatch of  $m$  examples  $\{\mathbf{x}^{(1)}, \dots, \mathbf{x}^{(m)}\}$  from data generating distribution  $p_{\text{data}}(\mathbf{x})$ .
- Update the discriminator by ascending its stochastic gradient:

$$\nabla_{\theta_d} \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \left[ \log D_{\theta_d}(x^{(i)}) + \log(1 - D_{\theta_d}(G_{\theta_g}(z^{(i)}))) \right]$$

**end for**

- Sample minibatch of  $m$  noise samples  $\{\mathbf{z}^{(1)}, \dots, \mathbf{z}^{(m)}\}$  from noise prior  $p_g(\mathbf{z})$ .
- Update the generator by ascending its stochastic gradient (improved objective):

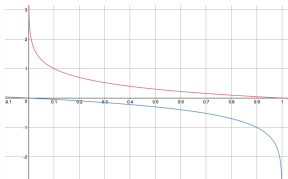
$$\nabla_{\theta_g} \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \log(D_{\theta_d}(G_{\theta_g}(z^{(i)})))$$

**end for**

# Проблемы с градиентом

- Если порожденные примеры плохие, то градиент будет маленьким, поэтому обычно максимизируют:

$$\max_{\theta_g} \mathbb{E}_{z \sim p(z)} \log(D_{\theta_d}(G_{\theta_g}(z)))$$



Графики  $\log(1 - D(G(z)))$  и  $-\log(D(G(z)))$

## Сравнения и выводы

---

- PixelCNN и PixelRNN: можно вычислить  $p(x)$ , хорошие примеры, но медленно;
- VAE: позволяют извлекать полезные признаки  $q(z|x)$ , порожденные примеры хуже чем с GAN
- GAN: показывают лучшие результаты, но менее стабильны и не дают дополнительной информации  $p(x)$ ,  $p(z|x)$ ;

# Материалы

---

- Stanford, cs231n, Lecture 13. Generative Models, 2017
- Глубокое обучение Погружение в мир нейронных сетей. 8.2 Порождающие модели, 8.3 Состязательные сети