ЖОРДАНОВА ФОРМА ДЛЯ ЛОДУ N-ГО ПОРЯДКА Нестеров И.Н., Клочков С.В., Чурсанова А.С. (Воронеж)

 $nesterovilyan@gmail.com,\ klochkov\ s.v@mail.ru$

Рассматривается линейное однородное дифференциальное уравнение

$$x^{(n)} = \alpha_1 x^{(n-1)} + \ldots + \alpha_n$$

где $\alpha_k \in \mathbb{C}, k = \overline{1,n}$. Данное уравнение обычным способом сводится к системе линейных дифференциальных уравнений вида $\dot{y} = Ay$ [1], где матрица оператора A имеет вид:

$$\mathcal{A} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \\ \alpha_n & \alpha_{n-1} & \alpha_{n-1} & \dots & \alpha_1 \end{pmatrix},$$

Теорема 1. Пусть $\lambda_1, \ldots, \lambda_m$ собственные значения матрицы \mathcal{A} кратностей k_1, \ldots, k_m соответственно. Тогда жорданова форма для матрицы \mathcal{A} имеет вид:

$$\mathcal{J} = \begin{pmatrix} \mathcal{J}_1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \mathcal{J}_2 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & \mathcal{J}_m \end{pmatrix}, sde \ \mathcal{J}_i = \begin{pmatrix} \lambda_i & 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \lambda_i & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \\ 0 & 0 & 0 & \dots & \lambda_i \end{pmatrix}.$$

Векторами столбцами матрицы перехода являются собственные векторы $e_i=(1,\lambda_i,\dots,\lambda_i^{n-1})$ и присоединенные к ним вида:

$$(0,1,\ldots,(n-1)\lambda_i^{n-2}),\ldots,\underbrace{(0,\ldots,0,(k_i-1)!,\ldots,\frac{(n-1)!}{(n-k_i)!}\lambda_i^{n-k_i}})$$

Литература

1. Боровских А.В., Перов А.И. Лекции по обыкновенным дифференциальным уравнениям // Москва-Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», Институт компьютерных исследований, 2004, 540 стр.