Repositorio en C++

Universidad de la Amazonia, Colombia.

26 de julio de 2023

1. Formulas, tablas y secuencias

1.1. Formulas

PERMUTACIÓN Y COMBINACIÓN						
Combinación (Coeficiente Binomial): Número de subconjuntos de k elementos escogidos de un conjunto con n	$\binom{n}{k} = \binom{n}{n-k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$					
Combinación con repetición: Número de grupos formados por n elementos, partiendo de m tipos de elementos.	pos formados por n elementos, par- $n!(m-1)!$					
Permutación: Número de formas de agru- elementos, donde importa el orden y sin re elementos	1 11					
Permutación múltiple: Elegir r elementos posibles con repetición	de n n^r					
Permutación con repetición: Se tienen n elementos donde el primero se repite a veces, el segundo b veces, etc. $PR_n^{a,b,c} = \frac{P_n}{a!b!c!}$						
Permutaciones sin repetición: Número de formas de agrupar r elementos de n disponibles, sin repetir elementos. $\frac{n!}{(n-r)!}$						
CIRCUNFERENCIA Y CÍRCULO						
Considerando r como el radio, α como el ángulo del arco o sector, y (R, r) como radio mayor y menor respectivamente.						

Continúa en la siguiente columna

Área	$A = \pi * r^2$	Longitud	$L = 2 * \pi * r$					
Longitud de un arco	$L = \frac{\pi * r * \alpha}{180}$	Área sector circular	$A = \frac{\pi * r^2 * \alpha}{360}$					
Área corona circular	$A = \pi (R^2 - r^2)$	Formula ge- neral	$(X - P_x)^2 + (Y - P_y)^2 = r^2$					
TRIÁNGUL	0							
_	d de la base, h la altura, gulos, y r el radio de las		· ·					
Área con base y altura	$A = \frac{1}{2}b * h$	ángulo	$A = \frac{1}{2}b * a * sin(C)$					
Área con los 3 lados	$A = \sqrt{p(p-a)(p-b)}$	$\overline{(p-c)} \text{ con } p = 0$	$\frac{a+b+c}{2}$					
Triangulo equilátero	$A = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2$	Triángulo circunscrito a circunferen- cia	$A = \frac{abc}{4r}$					
Triángulo inscr	ito a circunferencia	$A = r(\frac{a+b+c}{2})$						
TRIGONOM	TRIGONOMÉTRIA							
Ley de los seno opuesto al lado	os, con γ el angulo c	$\frac{a}{\sin(\alpha)} = \frac{b}{\sin(\beta)} = \frac{c}{\sin(\gamma)}$						
Ley de los coser opuesto al lado	\cos , $\cos \gamma$ el angulo c	$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab * cos(\gamma)$						

Continúa en la siguiente columna

PROPIEDADES DEL MÓDULO (RESIDUO)							
Neutra	(a%b)%b = a%b	(a%b)%b = a%b					
Suma	(a+b)%c = ((a%c) +	(b%c))) % <i>c</i>				
Resta	(a-b)%c = ((a%c) -	(b%c)	(1+c)%c				
Multiplicación	(a*b)%c = ((a%c)*((b%c))	%c				
FIGURAS							
Cono	A = PI * r * h		$V = \frac{1}{3} * PI * r^2 * h$				
Cilindro	A = 2 * PI * r * (r + h)	.)	$V = PI * r^2 * h$				
Esfera	$A = 4 * PI * r^2$		$V = \frac{4}{3} * PI * r^3$				
Cuadrilatero	A = 0.5 * a * d * sin(ang(a, d)) + 0.5 * b * c * sin(ang(b, c))						
Cuadrilatero	$S = (a+b+c+d)/2 A \qquad \qquad = \qquad \qquad $ $\sqrt{(S-a)(S-b)(S-c)(S-d)} = \qquad \qquad $						
Poligonos reg							
Area	$A = \frac{P*apotema}{2}$	$A = \frac{1}{2}$	$\frac{n*r*r*\sin(\alpha)}{2} \qquad \alpha = \frac{2*\pi}{n}$				
Apotema	$a = \frac{L}{2*\tan(\pi/n)}$		$a = R * \cos(\pi/n)$				
Sagita	$s = \frac{L}{\sin(\pi/n)} * \sin^2(\frac{\pi}{2*n})$)	$ \frac{n*r*r*\sin(\alpha)}{2} \qquad \alpha = \frac{2*\pi}{n} $ $ a = R*\cos(\pi/n) $ $ s = 2*R*\sin^2(\frac{\pi}{2*n}) $				
Formulas ext							
Formula de números fibonacci $f(n) = \frac{1}{\sqrt{5}} * \left[\left(\frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)^n - \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2} \right)^n \right]$							
Formula de fibonacci con matrices $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}^b = \begin{bmatrix} fib(b+1) & fib(b) \\ fib(b) & fib(b-1) \end{bmatrix}$ Progresión aritmética, Sea $a_n = a_1 + (n-1)d$ $\sum_{i=1}^n a_i = n\frac{a_1 + a_n}{2}$							
Progresión aritmética, Sea $a_n = a_1 + (n-1)d$ $\sum_{i=1}^n a_i = n \frac{a_1 + a_n}{2}$ d la diferencia y a_1 el nu-							

mero inicial

Continúa en la siguiente columna

Progresión geométrica, Sea r la razón y a_1 el numero inicial	$a_n = a_1 * r^{n-1}$ $\sum_{i=1}^n a_i = a_1 * \frac{r^{n-1}}{r-1}$ $\sum_{i=1}^\infty a_i = \frac{a_1}{1-r}$				
Distancia de un punto a una una recta con la forma: $ax + y$ un punto p (px, py)	$-by+c$ $\sqrt{a^2+b^2}$				
Ecuación de la recta que pa dos puntos, $y = mx + b$	sa por $\left \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} \right = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1}$				
Ecuación del plano que pa- sa por 3 puntos, resolver la determinante.	$\begin{vmatrix} X - x_1 & Y - y_1 & Z - z_1 \\ x_2 - x_1 & y_2 - y_1 & z_2 - z_1 \\ x_3 - x_1 & y_3 - y_1 & z_3 - z_1 \end{vmatrix} = 0$				
Teorema de Erdős–Gallai, una lista de enteros $d_1 \ge$ $\ge d_n$ puede ser una se- cuencia de grados de un grafo si:	Para cada k $1 \le k \le n$ $\sum_{i=1}^{k} d_i \le k(k+1) + \sum_{i=k+1}^{n} \min(d_i, k)$				
Área de un polígono en el plano cartesiano a partir de sus vértices	$S = x_1 y_2 + x_2 y_3 + \dots + x_n y_1$ $D = x_2 y_1 + x_3 y_2 + \dots + x_1 y_n$ $A = \frac{1}{2} S - D $				
Cadenas de markov	$E(i) = 1 + \sum_{j=0}^{n-1} p[i][j] * E(j)$				
Teorema de Euler	El menor k tal que $a^k \equiv 1 \% n$ es $phi(n)$ si y solo si $gcd(a,n) = 1$				
Coeficientes binomiales $ C(n,k) = \begin{cases} 0 & k=0,n=k \\ C(n-1,k-1) + C(n-1,k) & \text{c.c.} \end{cases} $					

Continúa en la siguiente columna

Números de catalán	$Cat(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0\\ \frac{2n*(2n-1)*Cat(n-1)}{(n+1)*n} & \text{c.c.} \end{cases}$			
	$\sigma_1 = \sum_i r_i = r_1 + r_2 + \dots + r_n = -\frac{a_{n-1}}{a_n},$			
	$\sigma_2 = \sum_{i < j} r_i r_j = r_1 r_2 + r_1 r_3 + \dots + r_{n-1} r_n = \frac{a_{n-2}}{a_n},$			
Teorema de Cardano- Vieta	$\sigma_3 = \sum_{i < j < k} r_i r_j r_k = r_1 r_2 r_3 + \dots = -\frac{a_{n-3}}{a_n},$			
Vieta	$\sigma_n = r_1 r_2 \cdots r_n = \frac{(-1)^n a_0}{a_n}.$			
Teorema de Pi	ick, Sea A el área de un $A = I + \frac{B}{2} - 1$			
polígono con p	untos enteros, B la canti-			
dad de puntos	enteros en el borde, I la			
cantidad de pu	ntos enteros interiores			
	$isPrime(p) \longleftrightarrow (p-1)! \equiv (p-1) \% p$ $x^n \equiv x^{phi(m)+(n \% phi(m))} \% m$			
Congruencias $a^{phi(m)} \equiv 1 \% m \longleftrightarrow mcd(a, m) = 1$ $a^{p-1} \equiv 1 \% p \to a^{n \% p - 1} \equiv a^{n \%} p$				
	$a^{p-1} \equiv 1 \% p \to a^{n / (p-1)} \equiv a^n \% p$			

1.2. Sucesiones

Estrellas octangulares	0, 1, 14, 51, 124, 245, 426, 679, 1016, 1449, 1990, 2651,				
	$f(n) = n * (2 * n^2 - 1).$				
Euler totient	1,1,2,2,4,2,6,4,6,4,10,4,12,6,				
Euler toticit	$f(n) = \text{Cantidad de números} \leq n \text{ coprimos con n.}$				
Números de	$1, 1, 2, 5, 14, 42, 132, 429, 1430, 4862, 16796, 58786, \dots$				
Catalán	$f(n) = \frac{(2n)!}{(n+1)!n!}$				
Números de	3, 5, 17, 257, 65537, 4294967297, 18446744073709551617,				
Fermat					
	$f(n) = 2^{(2^{n})} + 1$				

Continúa en la siguiente columna

Números de	$0, 1, 2, 5, 12, 29, 70, 169, 408, 985, 2378, 5741, 13860, \dots$				
Pell	f(0) = 0; f(1) = 1; f(n) = 2f(n-1) + f(n-2) para $n > 1$				
Números piramidales	0, 1, 5, 14, 30, 55, 91, 140, 204, 285, 385, 506, 650,				
cuadrados	$f(n) = \frac{n * (n+1) * (2 * n + 1)}{6}$				
Números primas da	3, 7, 31, 127, 8191, 131071, 524287, 2147483647,				
primos de Mersenne	$f(n) = 2^{p(n)} - 1$ donde p representa valores primos iniciando en $p(0) = 2$.				
Números	0, 1, 4, 10, 20, 35, 56, 84, 120, 165, 220, 286, 364,				
tetraedrales	$f(n) = \frac{n * (n+1) * (n+2)}{6}$				
Números	0, 1, 3, 6, 10, 15, 21, 28, 36, 45, 55, 66, 78, 91, 105,				
triangulares	$f(n) = \frac{n(n+1)}{2}$				
OEIS	$1, 2, 4, 8, 16, 31, 57, 99, 163, 256, 386, 562, \dots$				
A000127	$f(n) = \frac{(n^4 - 6n^3 + 23n^2 - 18n + 24)}{24}.$				
Secuencia de	$1,1,1,2,3,4,6,9,13,19,28,41,60,88,129,\dots$				
Narayana	f(0) = f(1) = f(2) = 1; f(n) = f(n-1) + f(n-3) para todo $n > 2$.				
Suma de los divisores de	$1,3,4,7,6,12,8,15,13,18,12,28,14,24,\dots$				
un número	Para todo $n > 1$, $n = p_1^{a_1} p_2^{a_2} p_k^{a_k}$ entonces:				
	Para todo $n > 1$, $n = p_1^{a_1} p_2^{a_2} \dots p_k^{a_k}$ entonces: $f(n) = \frac{p_1^{a_1+1}-1}{p_1-1} * \frac{p_2^{a_2+1}-1}{p_2-1} * \dots * \frac{p_k^{a_k+1}-1}{p_k-1}$				
Cantidad de	$1, 3, 4, 7, 6, 12, 8, 15, 13, 18, 12, 28, 14, 24, \dots$				
divisores de un número	Para todo $n > 1$, $n = p_1^{a_1} p_2^{a_2} p_k^{a_k}$ entonces:				
Nýmana da	$f(n) = \prod_{i=1}^{k} a_i + 1$				
Números de Super-	1, 1, 3, 11, 45, 197, 903, 4279, 20793, 103049, 518859,				
Catalán	El número de formas de insertar paréntesis en una se- cuencia y el número de formas de partir un polígono				
	convexo en polígonos más pequeños mediante la inser-				
	ción de diagonales. $f(1)=f(2)=1$; $f(n) = \frac{3(2n-3)*f(n-1)-(n-3)*f(n-2)}{n}$				
	$J(n) = \frac{n}{n}$				

Continúa en la siguiente columna

1.3. Tabla ASCII

Caracteres ASCII con sus respectivos valores numéricos.

No.	ASCII	No.	ASCII	No.	ASCII	No.	ASCII
32	space	40	(48	0	56	8
33	!	41)	49	1	57	9
34	"	42	*	50	2	58	:
35	#	43	+	51	3	59	;
36	\$	44	,	52	4	60	i
37	%	45	-	53	5	61	=
38	&	46		54	6	62	i
39	,	47	/	55	7	63	?

No.	ASCII	No.	ASCII	No.	ASCII	No.	ASCII
64	0	72	Н	80	Р	88	X
65	A	73	I	81	Q	89	Y
66	В	74	J	82	R	90	Z
67	С	75	К	83	S	91	[
68	D	76	L	84	Т	92	\
69	Е	77	M	85	U	93]
70	F	78	N	86	V	94	^
71	G	79	О	87	W	95	_

No.	ASCII	No.	ASCII	No.	ASCII	No.	ASCII
96	4	104	h	112	p	120	х
97	a	105	i	113	q	121	у
98	b	106	j	114	r	122	z
99	С	107	k	115	S	123	{
100	d	108	1	116	t	124	
101	e	109	m	117	u	125	}
102	f	110	n	118	v	126	~
103	g	111	О	119	w	127	

1.4. Secuencias

Primos:

2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97 101 103 107 109 113 127 131 137 139 149 151 157 163 167 173 179 181 191 193 197 199 211 223 227 229 233 239 241 251 257 263 269 271 277 281 283 293 307 311 313 317 331 337 347 349 353 359 367 373 379 383 389 397 401 409 419 421 431 433 $439\ 443\ 449\ 457\ 461\ 463\ 467\ 479\ 487\ 491\ 499\ 503\ 509\ 521\ 523\ 541\ 547\ 557\ 563$ 569 571 577 587 593 599 601 607 613 617 619 631 641 643 647 653 659 661 673 $677\ 683\ 691\ 701\ 709\ 719\ 727\ 733\ 739\ 743\ 751\ 757\ 761\ 769\ 773\ 787\ 797\ 809\ 811$ $821\ 823\ 827\ 829\ 839\ 853\ 857\ 859\ 863\ 877\ 881\ 883\ 887\ 907\ 911\ 919\ 929\ 937\ 941$ 947 953 967 971 977 983 991 997 1009 1013 1019 1021 1031 1033 1039 1049 1051 1061 1063 1069 1087 1091 1093 1097 1103 1109 1117 1123 1129 1151 1153 1163 $1171\ 1181\ 1187\ 1193\ 1201\ 1213\ 1217\ 1223\ 1229\ 1231\ 1237\ 1249\ 1259\ 1277\ 1279$ 1283 1289 1291 1297 1301 1303 1307 1319 1321 1327 1361 1367 1373 1381 1399 1409 1423 1427 1429 1433 1439 1447 1451 1453 1459 1471 1481 1483 1487 1489 $1493\ 1499\ 1511\ 1523\ 1531\ 1543\ 1549\ 1553\ 1559\ 1567\ 1571\ 1579\ 1583\ 1597\ 1601$ 1607 1609 1613 1619 1621 1627 1637 1657 1663 1667 1669 1693 1697 1699 1709 $1721\ 1723\ 1733\ 1741\ 1747\ 1753\ 1759\ 1777\ 1783\ 1787\ 1789\ 1801\ 1811\ 1823\ 1831$ $1847\ 1861\ 1867\ 1871\ 1873\ 1877\ 1879\ 1889\ 1901\ 1907\ 1913\ 1931\ 1933\ 1949\ 1951$ 1973 1979 1987 1993 1997 1999 2003 2011 2017 2027 2029 2039 2053 2063 2069 2081 2083 2087 2089 2099 2111 2113 2129 2131 2137 2141 2143 2153 2161 2179 2203 2207 2213 2221 2237 2239 2243 2251 2267 2269 2273 2281 2287 2293 2297 2309 2311 2333 2339 2341 2347 2351 2357 2371 2377 2381 2383 2389 2393 2399 2411 2417 2423 2437 2441 2447 2459 2467 2473 2477

Primos cercanos a potencias de 10:

 $7\ 11,\ 89\ 97\ 101\ 103,\ 983\ 991\ 997\ 1009\ 1013\ 1019,\ 9941\ 9949\ 9967\ 9973\ 10007\\ 10009\ 10037\ 10039\ 10061\ 10067\ 10069\ 10079,\ 99961\ 99971\ 99989\ 99991\ 100003\\ 100019\ 100043\ 100049\ 100057\ 100069,\ 999959\ 999961\ 999979\ 999983\ 10000019\ 10000019\ 10000079\\ 10000103\ 10000121,\ 9999941\ 9999959\ 99999971\ 99999989\ 100000007\ 100000037\\ 100000039\ 100000049,\ 999999893\ 9999999999997\ 1000000007\ 1000000009\\ 1000000021\ 1000000033$

Fibonacci:

Factoriales:

Potencias de dos: de 1 hasta 63

1 2 4 8 16 32 64 128 256 512 1024 2048 4096 8192 16384 32768 65536 $131072\ 262144\ 524288\ 1048576\ 2097152\ 4194304\ 8388608\ 16777216\ 33554432$ $67108864\ 134217728\ 268435456\ 536870912\ 1073741824\ 2147483648\ 4294967296$ $8589934592\ 17179869184\ 34359738368\ 68719476736\ 137438953472\ 274877906944$ 549755813888 1099511627776 2199023255552 4398046511104 879609302220817592186044416 35184372088832 70368744177664 140737488355328 $281474976710656 \quad 562949953421312 \quad 1125899906842624 \quad 2251799813685248$ 4503599627370496 9007199254740992 18014398509481984 3602879701896396872057594037927936 144115188075855872 288230376151711744 576460752303423488 1152921504606846976 2305843009213693952 4611686018427387904 9223372036854775808