Основы логики

1. Используя таблицы истинности, докажите или опровергните тождества:

Вариант 1

1)
$$A \rightarrow B = \overline{B} \rightarrow \overline{A}$$

2)
$$A \leftrightarrow B = (A + \overline{B}) \cdot (\overline{A} + B)$$

3)
$$A + B = A + \overline{A} \cdot B$$

Вариант 2

$$1) A \rightarrow B = B \rightarrow A$$

2)
$$A \leftrightarrow B = \overline{A} \cdot \overline{B} + A \cdot B$$

3)
$$A + A \cdot B = A$$

Вариант 3

1)
$$A \rightarrow B = B \rightarrow \overline{A}$$

2)
$$A \leftrightarrow B = \overline{A} \cdot (\overline{B} + A) \cdot B$$

3)
$$A \cdot B + B = B$$

Вариант 4

1)
$$\overline{A} \rightarrow B = \overline{B} \rightarrow A$$

2)
$$A \leftrightarrow B = (\overline{A} + \overline{B}) \cdot (A + B)$$

3)
$$A \cdot B + B = A \cdot \overline{B} + A$$

2. Постройте схему на логических элементах

Вариант 1

1.
$$X = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C}$$

2.
$$X = B \cdot (C \rightarrow A) \cdot (A \rightarrow B)$$

Вариант 2

1.
$$X = \overline{C} + \overline{A + \overline{B}}$$

2.
$$X = A \cdot (B \to C) \cdot (\overline{A} \to \overline{C})$$

Вариант 3

1.
$$X = A + \overline{B} \cdot \overline{C}$$

2.
$$X = C \cdot (\overline{A} \to \overline{B}) \cdot (\overline{B} \to C)$$

Вариант 4

1.
$$X = A \cdot \overline{B} + A \cdot \overline{C}$$

2.
$$X = (A \rightarrow B) \cdot (B \rightarrow C) + C + \overline{A}$$