



AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA IM. STANISŁAWA STASZICA W KRAKOWIE

WYDZIAŁ INFORMATYKI, ELEKTRONIKI I TELEKOMUNIKACJI

KATEDRA INFORMATYKI

PRACA DYPLOMOWA MAGISTERSKA

Koordinacja ruchu pojazdów na skrzyżowaniu dróg wielopasmowych
algorytmem planowania wielowariantowego

Autor:
Kierunek studiów:
Opiekun pracy:

Piotr Kala
Informatyka
dr inż. Wojciech Turek

Kraków, 2016

Uprzedzony o odpowiedzialności karnej na podstawie art. 115 ust. 1 i 2 ustawy z dnia 4 lutego 1994 r. o prawie autorskim i prawach pokrewnych (t.j. Dz.U. z 2006 r. Nr 90, poz. 631 z późn. zm.): „Kto przywłaszcza sobie autorstwo albo wprowadza w błąd co do autorstwa całości lub części cudzego utworu albo artystycznego wykonania, podlega grzywnie, karze ograniczenia wolności albo pozbawienia wolności do lat 3. Tej samej karze podlega, kto rozpowszechnia bez podania nazwiska lub pseudonimu twórcy cudzy utwór w wersji oryginalnej albo w postaci opracowania, artystyczne wykonanie albo publicznie zniekształca taki utwór, artystyczne wykonanie, fonogram, wideogram lub nadanie.”, a także uprzedzony o odpowiedzialności dyscyplinarnej na podstawie art. 211 ust. 1 ustawy z dnia 27 lipca 2005 r. Prawo o szkolnictwie wyższym (t.j. Dz. U. z 2012 r. poz. 572, z późn. zm.) „Za naruszenie przepisów obowiązujących w uczelni oraz za czyny uchybiające godności studenta student ponosi odpowiedzialność dyscyplinarną przed komisją dyscyplinarną albo przed sądem koleżeńskim samorządu studenckiego, zwanym dalej „sądem koleżeńskim”, oświadczam, że niniejszą pracę dyplomową wykonałem(-am) osobiście i samodzielnie i że nie korzystałem(-am) ze źródeł innych niż wymienione w pracy.

Piotr Kala

SKŁADAM SZCZEGÓLNE PODZIĘKOWANIA MOJEMU
PROMOTOROWI, DR INŻ. WOJCIECHOWI TURKOWI
ZA ŻYCZLIWOŚĆ, CENNE UWAGI MERYTORYCZNE,
WSZECHESTRONNĄ POMOC ORAZ POŚWIĘCONY
CZAS.

Spis treści

1. Wstęp	7
1.1 Dziedzina problemu	7
1.2 Specyfikacja problemu	7
1.3 Cel	8
1.4 Struktura pracy	9
2. Istniejące rozwiązania w zakresie planowania ruchu i koordynacji ruchu na skrzyżowaniach	10
2.1 Planowanie ruchu na skrzyżowaniach	10
2.2 Planowanie ruchu przy użyciu świateł drogowych	11
2.3 Planowanie ruchu bez sygnalizacji świetlnej	13
2.4 Użycie algorytmu A* do planowania ruchu	15
2.5 Modyfikacje A*	16
3. Teza	18
4. Implementacja	21
4.1 Opis modelu danych do reprezentacji skrzyżowań	21
4.2 Zmodyfikowany algorytm A*	22
4.3 Stan w opracowanym rozwiązaniu dla algorytmu A*	23
4.4 Bezpieczeństwo ruchu i plany wielowariantowe	24
4.5 Unikanie kolizji	24
4.6 Format danych wejściowych	27

4.7	Funkcja heurystyki	27
4.8	Złożoność rozwiązania	31
4.9	Reprezentacja graficzna wyników	32
5.	Wyniki	34
5.1	Wstęp	34
5.2	Wyniki pomiarów dla skrzyżowania czterech dróg	36
5.3	Wyniki pomiarów dla skrzyżowania ośmiu dróg	37
5.4	Wnioski z pomiarów na skrzyżowaniach czterech i ośmiu dróg	39
5.5	Prawdopodobieństwo kolizji	40
5.6	Porównanie wyników z rozwiązaniem ze światłami drogowymi	41
6.	Zakończenie	44
6.1	Podsumowanie	44
6.2	Kierunki rozwoju	45
	Spis rysunków	46
	Bibliography	47

1. Wstęp

1.1 Dziedzina problemu

W przedstawionej pracy rozwiązywany jest problem planowania ruchu drogowego na skrzyżowaniach. Koordynacja ruchu na skrzyżowaniach najczęściej zapewniana jest poprzez użycie świateł drogowych. W opisywanej metodzie wykorzystany jest algorytm A*, który najczęściej służy do wyszukiwania najkrótszej ścieżki w grafie. Poruszony jest także problem unikania kolizji. Kolizje w opisywanej metodzie są usuwane na bieżąco podczas działania algorytmu A*.

W pracy omówiona jest także trudność planowania ruchu w sposób globalny, jaką jest złożoność, która rośnie wraz z rozmiarem środowiska. Przez środowisko, rozumiane są dane opisujące drogi oraz znajdujące się na nich pojazdy wraz z parametrami. Planowanie ruchu na skrzyżowaniach wiąże się z częstymi zmianami środowiska, czyli zmianami położenia pojazdów wraz z innymi parametrami (np. prędkość, przyspieszenie). W związku z tym system planujący ruch drogowy powinien być w stanie szybko reagować na pomyłki. Pomyłki powinny być natychmiast wykrywane, a plan ruchu korygowany.

1.2 Specyfikacja problemu

Problemem rozwiązywanym w pracy, jest szybkie i bezpieczne zaplanowanie ruchu na skrzyżowaniach. Droga oraz czas reprezentowane są w sposób dyskretny. Czas wyrażany jest w krokach czasowych, a długość drogi liczona jest w odcinkach. Metoda rozwiązująca ten problem ma określony stan początkowy, którym jest położenie wszystkich pojazdów wraz

z parametrami (prędkość, przyspieszenie) na skrzyżowaniach oraz opis dróg. System zwraca dokładny plan, który prowadzi do bezkolizyjnego opuszczenia przez samochody skrzyżowań. Rozwiązanie problemu polega na znalezieniu kolejnych stanów prowadzących do optymalnego wyniku. Pojedynczy stan można zmienić na wiele sposobów. Dla przykładu, pojazd musi mieć określoną prędkość oraz pozycję na drodze, na której się znajduje. W kolejnych stanach może on zmienić położenie, przyspieszyć, zwolnić lub prędkości nie zmieniać. Duża liczba możliwości zmian pojedynczego stanu oznacza, że w celu znalezienia stanów prowadzących do optymalnego rozwiązania, trzeba przeszukać ich bardzo wiele.

Kolejną trudnością w problemie, jest unikanie kolizji. Dla wszystkich możliwości algorytm planowania powinien usunąć wszystkie kolizje na jednym pasie oraz te, przy przekraczaniu przez skrzyżowanie. Unikanie kolizji prowadzi do przeszukiwania wygenerowanych stanów, analizy każdego z pojazdów oraz każdego skrzyżowania dwóch dróg, a następnie usuwania stanów powodujących kolizję.

1.3 Cel

Celem pracy jest opracowanie metody planującej ruch drogowy na skrzyżowaniach dróg wielopasmowych, przy użyciu zmodyfikowanego algorytmu A*. Wynikiem działania metody jest szczegółowy opis, który dokładnie planuje ruch każdego z samochodów w celu bezkolizyjnego opuszczenia skrzyżowania. W rozwiązaniu wzięte pod uwagę zostało bezpieczeństwo. Bezpieczeństwo jest zapewniane poprzez wyliczenie wielu wariantów planu, które uwzględniają pomyłki pojazdów. Celem rozwiązania, jest także zapewnienie dużej przepustowości na skrzyżowaniu. Przepustowość rozumiana jest jako ilość samochodów opuszczających skrzyżowanie w jednostce czasu. System zapewnia wyliczenie planu ruchu dla każdej zadanej sieci skrzyżowań oraz każdego stanu początkowego samochodów.

W pracy używane będą dwa pojęcia odnoszące się do skrzyżowań: sieć skrzyżowań oraz skrzyżowanie. Skrzyżowanie oznacza przecięcie się dwóch pasów. Sieć skrzyżowań oznacza przecięcia się wielu pasów.

1.4 Struktura pracy

W rozdziale 2 przedstawione są istniejące już rozwiązania opisane w literaturze, które koordynują ruch drogowy. Omówione są rozwiązania z użyciem świateł drogowych, a także planowanie ruchu przy użyciu algorytmów planowania. Opisane są także trudności związane z planowaniem ruchu oraz użycie algorytmu A* do planowania ruchu wraz z jego modyfikacjami.

W rozdziale 3 przedstawiona jest teza pracy. Znajduje się tam także wstępny opis problemu oraz krótki opis rozwiązania.

W rozdziale 4 opisana jest implementacja rozwiązania. Opis ten zawiera informacje na temat przedstawionej w tej pracy zmodyfikowanej wersji algorytmu A*, modułu graficznego, formatu i modelu danych, unikania kolizji oraz funkcji heurystyki.

W rozdziale 5 znajdują się wyniki pomiarów wykonane w celu zbadania działania systemu. W rozdziale jest także porównanie opracowanej w pracy metody z rozwiązaniem korzystającym z sygnalizacji świetlnej.

W rozdziale 6 znajduje się podsumowanie oraz opis kierunków rozwoju.

2. Istniejące rozwiązania w zakresie planowania ruchu i koordynacji ruchu na skrzyżowaniach

2.1 Planowanie ruchu na skrzyżowaniach

Planowanie ruchu zawsze wiąże się z rozmiarem problemu. Dla koordynacji ruchu na skrzyżowaniach o rozmiarze problemu stanowi rozmiar dróg, ich liczba oraz liczba przecięć między nimi, a także parametry i liczba pojazdów. Z planowaniem ruchu wiąże się trudność, jaką jest szybkość zmian w środowisku. W przypadku niezastosowania się pojazdu do planu algorytm musi natychmiast wyliczyć poprawiony plan. System planujący ruch drogowy powinien być więc systemem czasu rzeczywistego. Cechą takich systemów, jest równoległość w czasie zmian w środowisku oraz prowadzonych przez system obliczeń opierających się o stan środowiska. Algorytmy heurystyczne są najczęściej stosowane w wielokrotnie zmieniających się środowiskach.

Popularnym modelem reprezentującym sieci dróg jest graf. Wierzchołki grafu to skrzyżowania dróg. Krawędzie natomiast, reprezentują odległości między skrzyżowaniami za pomocą wag. Często stosowanym algorytmem do znajdowania najkrótszej ścieżki w grafie, jest algorytm Dijkstry [18], [1], [12], [11], [4], [13]. O rzędzie złożoności algorytmu decyduje implementacja kolejki. W przypadku implementacji kolejki poprzez kopiec, złożoność algorytmu to:

$$O(E + V \log V)$$

gdzie E to liczba krawędzi grafu, a V liczba wierzchołków grafu.

Jednym z algorytmów heurystycznych, stosowanych do szukania najkrótszej ścieżki, jest Algorytm A* [16], [17], [19], [8], [6]. Złożoność czasowa algorytmu jest zależna od zastosowanej funkcji heurystyki. Jeśli funkcja heurystyki spełnia następujący warunek:

$$|h(x) - h^*(x)| = O(\log h^*(x))$$

gdzie h^* jest optymalną heurystyką - liczba przeszukanych węzłów rośnie wielomianowo w stosunku do długości rozwiązania.

W artykule [19] autorzy przedstawili algorytm A*, w celu planowania wielowymiarowego. W celu przybliżenia złożoności jako przykładowe środowisko podana została dwuwymiarowa, dyskretna przestrzeń kwadratowa o boku 7. Pojazdy mogą zajmować wówczas 49 pozycji oznaczonych współrzędnymi (x, y) . Dla jednego pojazdu możliwość zajmowanych pozycji wynosi $(7 * 7) = 49$. Dla dwóch pojazdów jest to już $(7 * 7) * (7 * 7 - 1) = 2352$. Aktualny stan jest wówczas opisywany jako (x_1, y_1, x_2, y_2) . Złożoność rośnie wraz z przetwarzaniem kolejnych informacji na temat pojazdów, czyli na przykład prędkości czy przyspieszenia.

Autorzy artykułu [15] zwrócili uwagę na podział planowania na globalne i lokalne. W podejściu globalnym, dla algorytmu musi być znane całe środowisko, co wiąże się z dużym obciążeniem pamięciowym - algorytm przechowuje informacje na temat stanów wszystkich pojazdów na skrzyżowaniach. W podejściu lokalnym, środowisko dla pojedynczego pojazdu nie jest znane, algorytm poznaje je w czasie rzeczywistym. W przedstawionym rozwiązaniu zastosowane jest podejście globalne.

2.2 Planowanie ruchu przy użyciu świateł drogowych

Najczęściej stosowanym systemem do koordynacji ruchu na skrzyżowaniach są światła drogowe. Powodują one opóźnienia wiążące się z oczekiwaniem przy świetle pomarańczo-

wym, które jednocześnie zapewnia bezpieczeństwo. Powstało wiele optymalizacji świateł drogowych w celu przyspieszenia ruchu na skrzyżowaniach.

W artykule [3] autorzy opisują następujące optymalizacje sygnalizacji świetlnej: *Synchronized Traffic Lights*, *Green Wave*, *Random Offset*. Synchroniczne światła drogowe oparte są o obliczane cykle oraz o klastry samochodów poruszających się po skrzyżowaniach. Klaster samochodów rusza, gdy pojawi się światło zielone. Pierwszy samochód rusza z największym przyspieszeniem, aż dojedzie do następnego skrzyżowania. Wówczas natychmiast włącza się światło czerwone i reszta samochodów w klastrze dojeżdża do skrzyżowania. Cykle są obliczane w sposób, aby opóźnienia były najmniejsze. Zgodnie ze zdaniem autorów, jedną z wad jest fakt, że rozwiązanie działa najlepiej dla cykli, które nie występują na rzeczywistych skrzyżowaniach. W celu usprawnienia, autorzy zaproponowali strategię zielonej fali. Głównym celem tego podejścia jest to, aby duże klastry samochodów były w ruchu. W artykule strategia zielonej fali daje lepsze efekty niż strategia synchronicznych świateł. Ostatnią przedstawioną strategią jest losowa zmiana świateł przed skrzyżowaniami. W przeciwieństwie do poprzednich strategii - światła na skrzyżowaniach nie przełączają się jednocześnie. Użycie tej strategii powoduje powstawanie dużych klastrow samochodów na niektórych drogach i szybki przepływ na innych. Globalnie, strategia zielonej fali przynosiła najlepsze efekty. Przedstawione rozwiązania, muszą jednak stosować światło pomarańczowe w celu utrzymania bezpieczeństwa, co powoduje opóźnienia na każdym skrzyżowaniu.

Autorzy artykułu [2] opisują koordynację ruchu przy użyciu algorytmu 'REAL TIME QUEUE LENGTH ESTIMATION: THE APTTC ALGORITHM'. Koordynacja ta działa przy użyciu tablicy sensorów fotoelektrycznych rozmieszczonych na drogach przy skrzyżowaniach. Algorytm w zależności od danych i estymacji kolejek, odpowiednio steruje sygnalizacją świetlną w celu uniknięcia opóźnień. Algorytm został uruchomiony w mieście Chennai w Indiach, gdzie oszacowane zostały długości kolejek aut na drogach poprzez zamontowane sensory na każdy dzień tygodnia. Rozwiązanie jest jednak zaprojektowane do działania na jednym skrzyżowaniu oraz nie eliminuje opóźnień spowodowanych światłem pomarańczowym. Co więcej, w rozwiązaniu konieczne jest montowanie sensorów na drogach.

W artykule [5] opisane zostało kierowanie ruchem drogowym na jednym skrzyżowaniu poprzez optymalizację kolejek. W rozwiązaniu brane pod uwagę są takie dane jak średni czas oczekiwania, średnia długość kolejki i najdłuższy czas oczekiwania. Istnieje także możliwość

przekazania parametrów odpowiadających za maksymalny czas trwania światła czerwonego oraz zielonego. Wynikiem rozwiązania jest schemat zmiany świateł, który liczony jest za pomocą funkcji obiektowych na podstawie długości kolejek. W rozwiązaniu pominięty został element bezpieczeństwa, jakim jest światło pomarańczowe. Rozwiązanie zostało pokazane także na jednym skrzyżowaniu, a nie na całej sieci skrzyżowań.

Autorzy artykułu [14] przedstawili system kontroli świateł i przepływu pojazdów na sieciach drogowych. Rozwiązanie stosowane jest dla całych sieci skrzyżowań. Autorzy opierają się o krótkie prognozy ruchu i na ich podstawie liczą długość trwania światła zielonego. Klasyczne rozwiązania działają na wcześniej obliczonych danych oraz działają we wcześniej określonych miejscach największego ruchu. Takie rozwiązania powodują, że zielona fala trwa dłużej niż powinna. W rozwiązaniu zastosowana jest także strategia stabilizacji, która zapewnia fakt, iż długość kolejek nie będzie zbyt długa. Zapewnione jest to przez odpowiednią długość trwania światła zielonego. W rozwiązaniu, na każdym ze skrzyżowań, samochody będą tracić czas na świetle pomarańczowym, które w rozwiązaniu jest konieczne, aby było ono bezpieczne. Ruch jest także optymalizowany dla sytuacji "średnich", które tak naprawdę nigdy nie występują. Wynikiem tego zjawiska jest fakt, że optymalizacja nigdy nie jest stosowana dla prawdziwej, aktualnej sytuacji.

W artykule [9] przedstawiony został system zarządzania światłami za pomocą komunikacji pojazdów między sobą. Działanie systemu opiera się o sensory zamontowane przy skrzyżowaniach oraz urządzenia DSRC zamontowane w każdym z aut. Pojazdy komunikują się ze sobą za pomocą sieci bezprzewodowej, posiadają te same wersje map oraz posiadają GPS z dokładnością do pasa, na którym się znajdują. W zależności od zebranych, danych system odpowiednio przełącza światła w celu uniknięcia opóźnień. Przedstawione rozwiązanie jest kosztowne oraz pominięta jest w nim kwestia bezpieczeństwa, która w innych rozwiązaniach zapewniona jest poprzez oczekiwanie na świetle pomarańczowym.

2.3 Planowanie ruchu bez sygnalizacji świetlnej

W celu uniknięcia użycia świateł drogowych, istnieją także rozwiązania z wykorzystaniem algorytmów znajdujących najkrótszą ścieżkę. W artykule [18] autorzy wykorzystali algorytm Dijkstry do zarządzania ruchem przy użyciu automatycznie prowadzonych pojaz-

dów. Autorzy przedstawili zarządzanie ruchem pojazdów w magazynie chcąc ograniczyć czas transportu. Algorytm Dijkstry wskazuje najkrótszą ścieżkę od jednego pojazdu do następnego. W przypadku, gdy na ścieżce znajdzie się przeszkoda - algorytm wylicza ścieżkę od nowa. Zastosowanie algorytmu Dijkstry do koordynacji ruchu na skrzyżowaniach jest zbyt złożone. Ponadto, unikanie kolizji jest wykonane poprzez ponowne wyliczanie najkrótszej ścieżki, zamiast unikania ich na bieżąco.

Autorzy artykułu [12] przedstawiają ulepszoną wersję algorytmu Dijkstry w celu znalezienia najkrótszej ścieżki. Do algorytmu Dijkstry wprowadzona została funkcja, dzięki której ignorowane są nieistotne wierzchołki w grafie. Dzięki tej modyfikacji algorytm jest o 43%-76% szybszy. Rozwiązanie jest nadal zbyt złożone, by zastosować je do koordynacji ruchu na skrzyżowaniach. W rozwiązaniu nie ma także uwzględnionego unikania kolizji.

W artykule [1] przedstawione zostało planowanie ruchu przy użyciu automatycznie prowadzonych pojazdów wraz z unikaniem kolizji. W rozwiązaniu każdy robot indywidualnie liczy najkrótszą dla siebie ścieżkę. Następnie, dane tras są wymieniane pomiędzy robotami, w celu ustalenia finalnego rozwiązania. Szukanie ścieżki jest wykonywane przy użyciu algorytmu Dijkstry. W celu unikania kolizji dla każdego pojazdu liczona jest funkcja kary. Waga kary jest zwiększana tak długo, aż zostanie znaleziona bezkolizyjna ścieżka. Złożoność rozwiązania jest zbyt duża by zastosować je dla skrzyżowań. Wymienianie danych pomiędzy pojazdami oraz podany w rozwiązaniu sposób rozwiązywania kolizji, nie znajduje zastosowania w koordynacji ruchu na skrzyżowaniach.

W patencie [11] autorzy przedstawili centralnie zaplanowany, generalny system przydzielający trasy, w celu utrzymania optymalnego ruchu. System zawiera dużą ilość komputerów zamontowanych w pojazdach w celu komunikacji między nimi, poprzez sieć bezprzewodową. Do znajdowania najkrótszej ścieżki, autorzy wykorzystali algorytm Dijkstry. Ścieżki liczone są przy użyciu danych dostarczanych przez komputery zamontowane w pojazdach. Celem patentu jest znalezienie drogi do celu w najkrótszym czasie poprzez omijanie zakorkowanych dróg. Nie jest to dokładne zaplanowanie poruszania się pojazdu wraz z unikaniem kolizji.

Autorzy patentu [4] opisali system do kontroli ruchu i unikania kolizji na autostradach. Pod uwagę wzięte zostały zmiany pasów, unikanie kolizji oraz kontrolowanie trasy pojazdu. Unikanie kolizji zostało zapewnione poprzez komunikacje przez nadajniki radiowe oraz ra-

diodoborniki zamontowane w każdym z pojazdów. Rozwiązanie znajduje zastosowanie na autostradach. Unikanie kolizji ma miejsce na równoległych pasach. Tego podejścia nie da się zastosować, jeżeli chodzi o koordynacje ruchu na skrzyżowaniach.

W artykule [13] przedstawiony został system dynamicznego planowania ruchu do nawigacji samochodów przy użyciu 'VIRUS GENETIC ALGORITHMS'. Autorzy zaproponowali algorytm genetyczny, który jest bardziej wydajny od algorytmu A*, czy algorytmu Dijkstry. W rozwiązaniu zastosowana jest strategia infekcji wirusowej, dzięki czemu omijane są korki na drogach. Rozwiązanie jest zaprojektowane do wskazania najlepszej trasy, nie jest to dokładne zaplanowanie ruchu samochodów wraz z unikaniem kolizji.

2.4 Użycie algorytmu A* do planowania ruchu

Algorytm A* jest często stosowany do szukania najkrótszej ścieżki oraz planowania ruchu. W artykule [6] omówiona została optymalność tego algorytmu oraz funkcja heurystyki. A* jest algorytmem heurystycznym, który znajduje najkrótszą ścieżkę w grafie ważonym z dowolnego podanego wierzchołka do wierzchołka celu. Wierzchołkiem celu jest wierzchołek spełniający zadane warunki wygranej. W artykule przedstawione zostały poprzednie próby udowodnienia optymalności algorytmu. Autorzy przeprowadzili także własny dowód na optymalność algorytmu A*. Dowód polega na fakcie, iż kiedy funkcja heurystyki nigdy nie przeszacowuje, wtedy algorytm A* jest optymalny. Dla grafu algorytm A* od zadanego wierzchołka startowego tworzy ścieżkę, wybierając niezbadany sąsiedni wierzchołek. Wybiera go w sposób, aby minimalizować funkcję:

$$f(x) = g(x) + h(x)$$

gdzie:

$g(x)$ to suma wag krawędzi od wierzchołka startowego do wierzchołka x , a $h(x)$ to przewidywana przez funkcję heurystyki suma wag z wierzchołka x do wierzchołka docelowego.

W artykule [7] autorzy przeprowadzili porównanie algorytmów do planowania drogi. Na początku omówiony został algorytm Dijkstry, aby później pokazać algorytmy od niego szyb-

sze. Następnie, autorzy przedstawiają kolejki priorytetowe jako implementację algorytmu Dijkstry, które są w stanie poprawić jego złożoność z $O(n^2)$ do $O(n \log n)$. Używanie kolejek priorytetowych nie sprawdza się jednak na bardzo dużych zbiorach danych. Następną zaproponowaną modyfikacją algorytmu Dijkstry jest wyszukiwanie dwukierunkowe. Algorytm równoległe uruchamia algorytm Dijkstry, w stronę celu oraz w stronę startu. Kiedy wierzchołek jest odwiedzony z dwóch strony, ścieżka może być znaleziona. Kolejno opisany został Algorytm A* korzystający z funkcji heurystyki, opartej o odległość Euklidesową. Według autorów znajdowanie najkrótszej ścieżki jest niewiele przyspieszone. Mimo to czas wykonania algorytmu A* jest krótszy od czasu wykonania algorytmu Dijkstry.

Wykorzystanie modyfikacji algorytmu A* wraz z algorytmem Wavefront zostało przedstawione w artykule [19]. Autorzy przedstawili wersję algorytmu A*, która operuje na stanach. Autorzy pokazali przykład na dwuwymiarowej, dyskretnej przestrzeni kwadratowej o boku 7. Stanem początkowym jest rozłożenie czterech obiektów na rogach zadanej przestrzeni. Stanem końcowym natomiast, jest znalezienie się tych czterech obiektów po przeciwnych stronach przekątnych. Algorytm Wavefront został zastosowany w celu otrzymania planów wielowariantowych dla obiektów. Zastosowanie algorytmu A* operującego na stanach wraz z prędkościami pojazdów wnosi duże narzuty obliczeniowe. Przeprowadzenie koordynacji ruchu dla dużych sieci skrzyżowań używając algorytmu A* wraz z Wavefront jest zbyt złożone.

W artykule [8] autorzy zaproponowali modyfikację algorytmu A*, która skupia się na bezpieczeństwie w problemie nawigacji robotów. Modyfikacja polega na wzięciu pod uwagę rozmiaru robota oraz unikanie ostrych skrętów, jeżeli chodzi o bezpieczeństwo. Do algorytmu A* przekazywany jest stan początkowy oraz cel, jaki robot ma osiągnąć. Rozwiązanie przedstawione jest dla pojedynczego pojazdu, który ma za zadanie znaleźć najprostszą i bezpieczną ścieżkę wraz z unikaniem statycznych kolizji. Tego podejścia nie da się zastosować dla wielu pojazdów poruszających się po sieci skrzyżowań.

2.5 Modyfikacje A*

Autorzy artykułu [16] opisali modyfikację algorytmu A* do planowania ruchu. Rozwiązanie zostało zaprezentowane dla robotów mobilnych. Autorzy stwierdzają fakt, że algorytm

A* dla dużych danych potrzebuje dużo pamięci, żeby śledzić dane, które są związane z aktualnym wierzchołkiem. Wspomniana została także modyfikacja algorytmu A*, która polega na równoczesnym przeszukiwaniu grafu w dwóch kierunkach. Kolejną modyfikacją jest IDA*, która nie używa pamięci do przechowywania wcześniej odwiedzonych wierzchołków. Minusem tej modyfikacji jest fakt, iż IDA* odwiedza niektóre wierzchołki wiele razy. Na końcu, autorzy zaproponowali swoją modyfikację - Fast A*. W modyfikacjach zamiast list, użyte zostały drzewa binarne w celu przechowywania danych. W wyniku pracy zmodyfikowany algorytm Fast A* dawał lepsze wyniki od wersji klasycznej. Przedstawione modyfikacje są oparte o działanie na grafie, polegające na znalezieniu najkrótszej ścieżki z punktu startowego do punktu końcowego. Modyfikacje nie są w stanie wskazać najkrótszej ścieżki dla stanu początkowego i końcowego, którym może być na przykład położenie wszystkich samochodów na skrzyżowaniach.

W artykule [17] autorzy zaproponowali genetyczny algorytm oparty na zmodyfikowanym algorytmie A* w celu optymalizacji znajdowania ścieżek dla wielu obiektów. Modyfikacja algorytmu A* polega na znalezieniu ścieżki suboptymalnej poprzez dodanie do algorytmu funkcji prawdopodobieństwa. Uniknięto więc szukania najkrótszej ścieżki, aby zwiększyć optymalność algorytmu. To rozwiązanie następnie jest przekazywane do algorytmu genetycznego. W rozwiązaniu uwzględnione zostało także unikanie kolizji. Autorzy opisali podejście optymalizacji szukania najkrótszej ścieżki dla pojedynczego pojazdu z unikaniem kolizji ze statycznymi elementami. Tego rozwiązania nie da się zastosować w sieci skrzyżowań, na której znajduje się wiele aut.

W celu planowania ruchu na skrzyżowaniach zostało przedstawione sporo rozwiązań. Większość z nich opiera się o stosowanie świateł. Powyżej zostały opisane optymalizacje świateł w celu przyspieszania ruchu drogowego. Rozwiązania te gwarantują bezpieczeństwo poprzez czekanie na świetle pomarańczowym, co powoduje kilkusekundowe straty na każdym skrzyżowaniu. Takich opóźnień nie ma stosując planowanie algorytmem. Przedstawione rozwiązania przy użyciu algorytmów planowania często nie brały pod uwagę unikania kolizji lub planowały jedynie ruch dla pojedynczego pojazdu. Tych podejść nie da się zastosować w celu zaplanowania ruchu na sieci skrzyżowań dla kilkunastu pojazdów.

3. Teza

W pracy rozwiązywany jest problem planowania ruchu na skrzyżowaniach dróg wielopasmowych wraz z wymijaniem kolizji. Rozwiązaniem problemu jest podanie dokładnego planu każdemu pojazdowi. Plan ten opisuje ruch pojazdu - zmienia jego prędkość. Ruch pojazdów musi być bezpieczny. Plany przekazane pojazdom muszą być planami bezkolizyjnymi. Co więcej, system planujący ruch drogowy powinien przewidywać sytuacje, w których pojazdy nie dostosują się do planu. Problem zawiera więc w sobie wyliczenie optymalnego planu poruszania się dla każdego pojazdu, usunięcie sytuacji kolizyjnych, a także wyliczenie wielu wariantów planu. Warianty planu powinny przewidywać pomyłki pojazdów i natychmiastowo korygować ruch drogowy. Trudnością w podejściu jest złożoność obliczeniowa. Rozmiar problemu rośnie bardzo szybko względem rozmiaru środowiska. Rozmiarem środowiska jest liczba pojazdów na drogach, a także liczba i długość dróg.

Rozwiązanie w porównaniu do wcześniej opisanych podejść, wyróżnia się użyciem algorytmu A* do dokładnego zaplanowania ruchu dla każdego z pojazdów wraz z unikaniem kolizji. Większość istniejących rozwiązań opiera się o światła drogowe. Wiąże się to z opóźnieniami spowodowanymi oczekiwaniem na świetle pomarańczowym, a także opóźnieniami spowodowanymi na oczekiwaniu na świetle czerwonym, kiedy na drodze poprzecznej nie ma żadnych pojazdów.

Można postawić tezę: **zastosowanie metody planującej ruch drogowy przy użyciu algorytmu A*, umożliwia zaplanowanie bezkolizyjnego ruchu drogowego dla pojazdów na skrzyżowaniu, co pozwala na osiągnięcie lepszej przepustowości niż w przypadku świateł sekwencyjnych wraz z optymalizacjami.** Przepustowość rozumiemy jako ilość samochodów opuszczających skrzyżowanie w jednostce czasu. Rozwiązanie jest uruchamiane na jednym rdzeniu procesora. Korzystając z większej ilości rdzeni, metoda może policzyć

plany dla wielu wariantów. Plany wielowariantowe znajdują zastosowanie w przypadku pomyłki pojazdów, polegającej na niezastosowaniu się do wyliczonego planu.

Rozwiązanie przyjmuje położenie samochodów na sieci skrzyżowań oraz informacje na temat dróg jako dane wejściowe. Wynikiem jest dokładny plan poruszania się dla każdego z pojazdów. W planie znajdują się informacje o tym, z jaką prędkością pojazd powinien się poruszyć, kiedy zwolnić lub przyspieszyć, aby omijać kolizje.

Implementacja algorytmu A^* jest generyczna i jest oparta na stanach. Algorytm przyjmuje obiekt klasy implementującej metodę zwracającą stany sąsiednie dla stanu aktualnego. Pojedynczym stanem jest rozmieszczenie pojazdów na sieci skrzyżowań wraz z ich prędkościami. Stanem sąsiednim dla aktualnego stanu, jest zmiana pozycji pojazdów na sieci skrzyżowań wraz z ich prędkościami. Do algorytmu przekazywane są także warunki końcowe. Algorytm przeszukuje stany korzystając z funkcji heurystyki, aż osiągnięte zostaną warunki końcowe - nieprzeszukiwane są wszystkie możliwe stany. Algorytm A^* , moduł graficzny oraz pozostałe elementy systemu zostały napisane w języku Ruby. Algorytm działa w sposób dynamiczny. W przypadku działania algorytmu A^* na grafie, z góry znane są krawędzie oraz wierzchołki. W opracowanym rozwiązaniu algorytm dynamicznie tworzy sąsiednie stany.

Do algorytmu przekazywana jest funkcja heurystyki, a także warunek końcowy. Dla koordynacji ruchu warunkiem końcowym jest opuszczenie przez wszystkie pojazdy skrzyżowania. Funkcja heurystyki operuje na danych stanu - każdemu stanowi przypisuje wartość. W przedstawionym rozwiązaniu funkcja heurystyki zwraca najmniejsze wartości dla stanów, w których samochody maksymalnie przyspieszają.

Do systemu wprowadza się także następujące dane:

- Maksymalną prędkość, jaką pojazd może osiągnąć
- Wartości przyspieszeń pojazdu
- Parametr bezpieczeństwa, czyli odległość utrzymywana pomiędzy pojazdami

System posiadając stan początkowy i powyższe dane, tworzy wszystkie możliwe stany pochodne. Następnie korzystając z funkcji heurystyki algorytm wybiera stany, które prowadzą do najszybszego opuszczenia przez samochody skrzyżowania.

Rozwiązanie bierze pod uwagę unikanie kolizji pojazdów na skrzyżowaniu oraz pojazdów poruszających się tym samym pasem. Unikanie kolizji polega na usuwaniu stanów sąsiednich, które powodują kolizję - metoda 'neighbours' zwraca jedynie stany bezkolizyjne.

Do systemu można przekazać każdy rodzaj skrzyżowania jako listę dróg wraz z ich rozmiarami oraz informację o przecięciach z innymi drogami. Rozwiązanie oparte jest o przestrzeń dyskretną. Drogi mają konkretny rozmiar. Do systemu przekazuje się także listę samochodów, która zawiera informacje o położeniu samochodów na drogach oraz informację o ich prędkościach. System opiera się o działanie na krokach czasowych. Prędkość samochodów wyrażana jest w liczbie odcinków drogi na jeden krok czasowy.

W celu wizualizacji stworzony został także moduł graficzny, który jest w stanie zaprezentować każde podane skrzyżowanie. Przedstawia on także w formie zdjęć, zaplanowany ruch samochodów. Każde zdjęcie odpowiada następnemu krokowi czasowemu. Na ostatnim zdjęciu skrzyżowanie jest opuszczone przez wszystkie samochody.

Wadą metody jest złożoność obliczeniowa, która jest zależna od ilości samochodów na skrzyżowaniach. Czas trwania programu zależy wykładniczo od ilości pojazdów na skrzyżowaniu. Dla 14 pojazdów znajdujących się na skrzyżowaniu 8 dróg obliczenia trwają do kilku godzin, co jest znaczącym limitem dla rozwiązania.

4. Implementacja

4.1 Opis modelu danych do reprezentacji skrzyżowań

W opracowanym rozwiązaniu drogi reprezentowane są w sposób dyskretny. Każda droga zaczyna się w pozycji 1 i rośnie wraz z jej rozmiarem. Droga jest opisywana przez:

- Unikatowy numer drogi
- Rozmiar drogi
- Informacja o przecięciach z innymi drogami
- Kierunek, w którym samochód się porusza na drodze (z północy na południe, czy z południa na północ lub z zachodu na wschód, czy ze wschodu na zachód)

Samochody na drogach są opisane przez:

- Unikatowy numer samochodu
- Unikatowy numer drogi, na której pojazd się znajduje
- Numer pozycji na drodze, na której samochód się znajduje
- Prędkość początkową
- Numer pozycji docelowej na drodze - punkt za ostatnim skrzyżowaniem

Samochody poruszają się po drogach w krokach czasowych. Prędkość samochodu wyrażana jest w liczbie odcinków drogi na jeden krok czasowy.

W systemie można wybrać maksymalne przyspieszenia ujemne oraz dodatnie samochodów z następujących możliwości $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$. Oznacza to, że w następnym stanie pojazd może przyspieszyć o 1 lub 2 odcinki drogi na jeden krok czasowy. Dla wartości 0 pojazd utrzymuje swoją prędkość. Dla wartości ujemnych pojazd zwalnia o 1 lub 2 odcinki drogi na jeden krok czasowy. Ilość możliwych dla samochodu przyspieszeń znacznie wpływa na złożoność czasową algorytmu. Wynika to z faktu, iż wraz ze wzrostem ilości możliwych przyspieszeń, rośnie ilość możliwych stanów sąsiednich dla samochodu, przez które algorytm musi przejść.

Do modelu przekazać należy także maksymalną prędkość, którą wszystkie samochody mogą osiągnąć oraz parametr bezpieczeństwa, czyli liczbę pozycji będącą dystansem trzymanym między pojazdami. W rozwiązaniu brane są pod uwagę pomyłki pojazdów, które polegają na niezastosowaniu się do planu. Dzięki parametrowi bezpieczeństwa maleje prawdopodobieństwo kolizji, kiedy taka pomyłka będzie miała miejsce.

4.2 Zmodyfikowany algorytm A*

Zaprezentowany w tej pracy zmodyfikowany algorytm A* jest oparty na stanach, gdzie pojedynczym stanem jest rozłożenie samochodów na drogach wraz z ich prędkościami. Algorytm zaczynając od zadanego stanu początkowego analizuje możliwe stany sąsiednie i wybiera najszybszą ścieżkę kierując się funkcją heurystyki. Ścieżka prowadzi do określonego celu. W przypadku opracowanego rozwiązania celem jest przekroczenie przez wszystkie samochody ostatniego skrzyżowania na drogach, na których się znajdują.

Zrealizowany algorytm A* jest generyczny. Do algorytmu przekazujemy klasę reprezentującą dowolny stan. Klasa musi implementować metodę 'neighbours', która zwraca stany sąsiednie dla danej instancji stanu. Do algorytmu przekazywana jest także funkcja heurystyki, zależna od danych danego stanu.

Modyfikacja różni się od innych tym, że stany sąsiednie są liczone dynamicznie. Algorytm nie ma z góry podanego celu. Dla przykładu, w przeszukiwaniu ścieżki w grafie celem jest podany wierzchołek końcowy. Algorytm przyjmuje funkcję wygranej, która określa warunki końca algorytmu. W przedstawionej pracy warunkiem końca jest przekroczenie przez wszystkie pojazdy skrzyżowań, a takich stanów jest wiele i nie są znane na początku działa-

nia.

4.3 Stan w opracowanym rozwiązaniu dla algorytmu A*

Stan w modyfikacji algorytmu A* przedstawionej w tej pracy, opisuje stan wszystkich samochodów na skrzyżowaniach wraz z ich prędkościami. Zgodnie z wcześniej opisaną generycznością, wierzchołek jest obiektem klasy, który implementuje metodę 'neighbours'. Metoda generuje wszystkie stany sąsiednie dla aktualnego stanu. Dla przykładu, dla ustawień przyspieszeń {-2, -1, 0, 1, 2}, dla każdego z aut na skrzyżowaniu generowane są stany z jego prędkością dodając wartości przyspieszeń. Pomijane są stany, w których prędkość samochodu byłaby ujemna. Przykładowo - jest pojazd z prędkością 1 pozycja na krok czasowy, znajdujący się na 1 pozycji na drodze numer 1. Dla pojazdu rozpatrywane są następujące stany:

1. Dodając przyspieszenie o wartości 0: 2 pozycja na drodze numer jeden z prędkością 1
2. Dodając przyspieszenie o wartości 1: 3 pozycja na drodze numer jeden z prędkością 2
3. Dodając przyspieszenie o wartości 2: 4 pozycja na drodze numer jeden z prędkością 3
4. Dodając przyspieszenie o wartości -1: 1 pozycja na drodze numer jeden z prędkością 0
5. Dodając przyspieszenie o wartości -2: Stan jest eliminowany, ponieważ prędkość byłaby ujemna

Dodatkowo w przypadku ustawienia maksymalnej prędkości równej 2 pozycje na jeden krok czasowy - możliwość nr 3 zostałaby wyeliminowana.

W metodzie usuwane są także stany powodujące kolizje, co będzie opisane w następnym rozdziale.

4.4 Bezpieczeństwo ruchu i plany wielowariantowe

W rozwiązaniu zaimplementowane zostało symulowanie pomyłek pojazdów. Pomyłka polega na niezastosowaniu się pojazdu do przekazanego mu planu. Bezpieczeństwo zapewnione jest przez parametr bezpieczeństwa. Parametrem bezpieczeństwa jest liczba odcinków drogi utrzymywana między pojazdami. Wartość parametru można przekazać do systemu.

Rozwiązanie zostało uruchamiane na jednym wątku procesora. W przypadku wykorzystania wielu wątków metoda może wyliczyć plany dla pojazdów przewidując ich pomyłki. Dla przykładu, mając 4 pojazdy na skrzyżowaniu dwóch dróg założymy, że w każdym kroku czasowym jeden z nich, myli się z pewnym prawdopodobieństwem o jeden odcinek drogi. Wyliczone wcześniej plany, z góry przewidując takie pomyłki - dostarczają nowy, poprawny plan. Takie rozwiązanie korzystając z nowych, poprawionych planów zmniejsza prawdopodobieństwo kolizji, w razie pomyłek pojazdów.

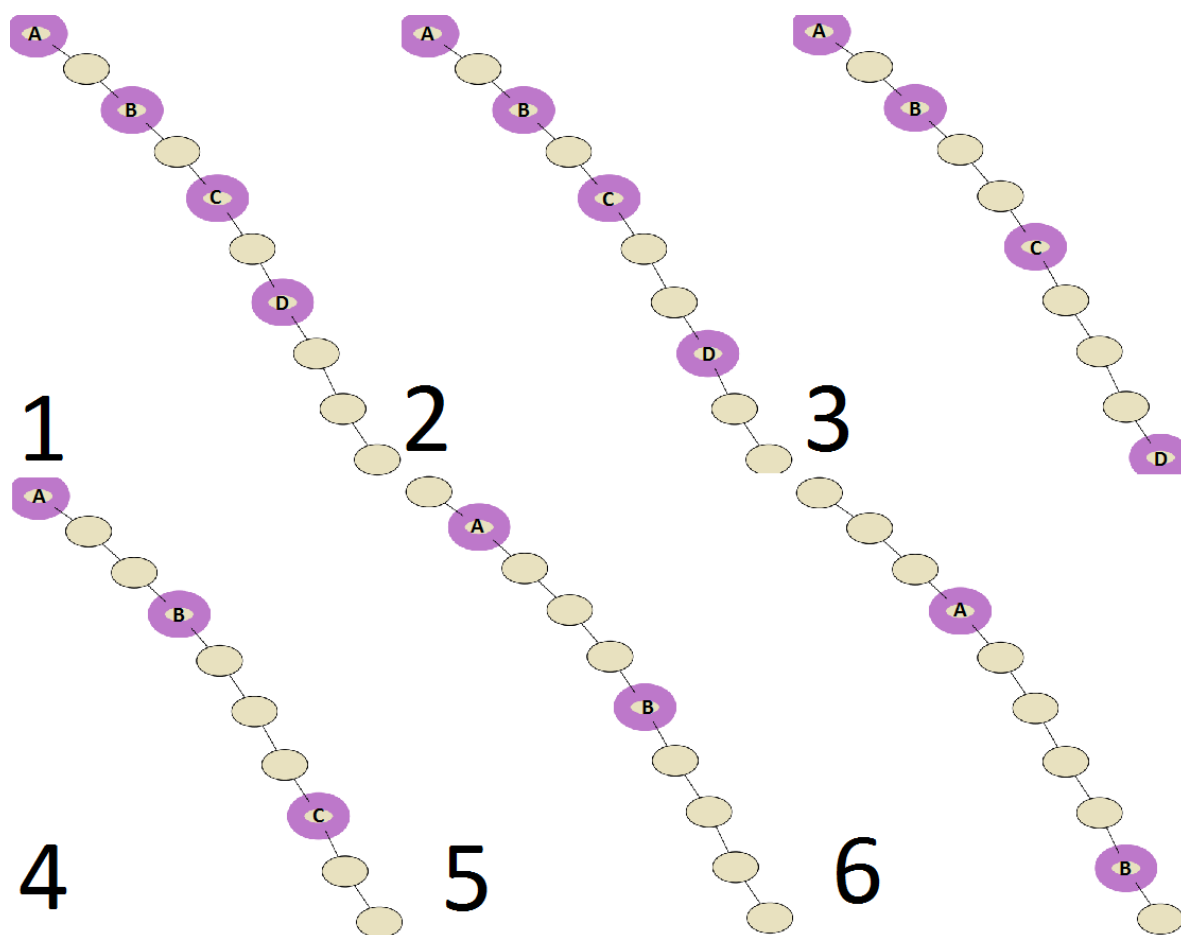
4.5 Unikanie kolizji

Koniecznym elementem w koordynacji ruchu na skrzyżowaniach wielu pojazdów jest unikanie kolizji. W opracowanym rozwiązaniu unikanie kolizji zostało podzielone na dwa etapy:

1. Unikanie kolizji aut poruszających się po tym samym pasie
2. Unikanie kolizji na skrzyżowaniach

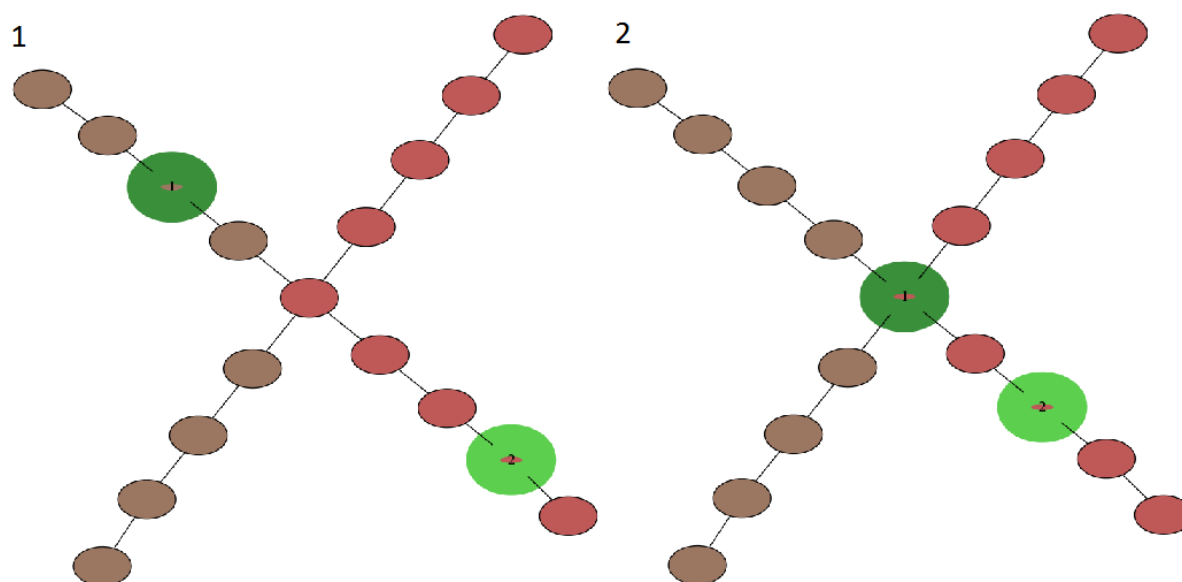
Implementacja unikania kolizji pojazdów na tym samym pasie, polega na policzeniu obszarów dla samochodów na pasie, który będą one obejmowały w jednym kroku czasowym wraz z uwzględnieniem parametru bezpieczeństwa. Jeżeli obszary dwóch samochodów na jednym pasie pokrywają się - taki stan jest usuwany i wówczas metoda 'neighbours' nie zwróci go jako stanu sąsiedniego. Na rysunku 4.1 przedstawiony jest przykład unikania kolizji dla samochodów poruszających się jednym pasem. Przykład przedstawiony jest z parametrem bezpieczeństwa równym jeden. Samochody, mając przed sobą inny pojazd, czekają aż będzie dla nich miejsce. Stan pierwszy jest stanem startowym. Kolejno w stanie drugim, pojazd

D rusza i zmienia swoją pozycję o jeden do przodu, ponieważ nie ma żadnego pojazdu przed nim. Reszta pojazdów stoi i czeka na miejsce. Następnie w stanie trzecim, pojazd **C** widząc, że ma miejsce porusza się o jedną pozycję do przodu. W stanie następnym na miejsce czeka jedynie samochód **A** - reszta zmienia pozycję. W kroku piątym i szóstym pojazdy mając miejsce, swobodnie opuszczają skrzyżowanie.



Rysunek 4.1: Unikanie kolizji na pasie

Unikanie kolizji na skrzyżowaniach polega na eliminacji stanów, w których co najmniej dwa auta przekroczyły w jednym kroku czasowym to samo skrzyżowanie. Metoda 'neighbours' także nie zwróci takich stanów. Na rysunku 4.2 przedstawiony jest przykład unikania kolizji dla dwóch samochodów na prostym skrzyżowaniu. Samochód z kolorem ciemnozielonym porusza się po drodze brązowej, samochód z kolorem jasnozielonym porusza się po drodze czerwonej. Samochód z kolorem ciemnozielonym przyspieszył o dwie jednostki i zmienił pozycję o dwie jednostki do przodu. Samochód z kolorem jasnozielonym przyspieszył natomiast o jedną jednostkę i zmienił pozycję o jedną jednostkę do przodu w celu uniknięcia kolizji. W algorytmie usunięty został stan, w którym oba pojazdy przyspieszyły o dwie jednostki. Został natomiast wybrany stan gdzie jeden z samochodów przyspieszył o dwie jednostki, a drugi o jedną jednostką, ponieważ prowadzi to, do najszybszego opuszczenia skrzyżowania przez pojazdy.



Rysunek 4.2: Unikanie kolizji na skrzyżowaniu

4.6 Format danych wejściowych

Zaprezentowane rozwiązanie potrzebuje dane na temat skrzyżowań, samochodów oraz ograniczeń parametrów samochodów. Skrzyżowania reprezentowane są w pliku CSV ¹ posiadającym atrybuty: numer drogi, rozmiar, przecięcia, kierunek. Przecięcie reprezentowane są przez dwie liczby. Na przykład 5 7 - oznacza, że droga przecina drogę o numerze 5 w pozycji 7. Kolejne przecięcia oddzielane są średnikami. Stany samochodów zapisane są w pliku CSV posiadającym atrybuty: numer samochodu, numer drogi samochodu, pozycję na drodze, pozycję końcową. Ograniczenia przechowywane są w osobnym pliku CSV posiadającym atrybuty: maksymalna prędkość, parametr bezpieczeństwa, wartości przyspieszeń.

4.7 Funkcja heurystyki

Funkcja heurystyki dla algorytmu A* jest to suma kroków czasowych, po których wszystkie auta przekroczą ostatnie skrzyżowanie - czyli osiągną cel. Funkcja liczona jest, przy założeniu, że wszystkie samochody maksymalnie przyspieszają.

W opracowanym rozwiązaniu każdy samochód ma wyznaczoną pozycję, na której musi się znaleźć lub ją przekroczyć (jest to pozycja za ostatnim skrzyżowaniem). Poniżej przedstawiony jest przykład liczonej funkcji heurystyki dla dwóch stanów opisujących położenia samochodów na skrzyżowaniu.

¹CSV - wartości rozdzielone przecinkiem. Format przechowywania danych w pliku tekstowym, gdzie pierwszy wiersz opisuje wartości. Następne wiersze to wartości atrybutów opisanych w wierszu pierwszym.

Numer pojazdu	Numer drogi	Pozycja na drodze	Prędkość	Pozycja końcowa
1	1	1	1	6
2	2	1	1	6
3	3	1	1	6
4	4	1	1	6

Tabela 4.1: Stan 1

Numer pojazdu	Numer drogi	Pozycja na drodze	Prędkość	Pozycja końcowa
1	1	1	0	6
2	2	1	1	6
3	3	1	0	6
4	4	1	1	6

Tabela 4.2: Stan 2

Dla stanu opisanego w tabeli 4.1 funkcja heurystyki jest liczona następująco:

Dla pojazdów 1-4:

1 krok czasowy:

$\text{prędkość} = (\text{prędkość})_1 + (\text{maksymalne przyspieszenie})_1 = 2$

$\text{pozycja} = (\text{pozycja})_1 + (\text{prędkość})_2 = 3$

Pojazd znajduje się na pozycji 3, która jest przed pozycją końcową 6 - liczony jest kolejny krok czasowy.

2 krok czasowy:

$\text{prędkość} = (\text{prędkość})_2 + (\text{maksymalne przyspieszenie})_1 = 3$

$\text{pozycja} = (\text{pozycja})_3 + (\text{prędkość})_3 = 6$

Pojazd znajduje się na pozycji 6, która jest równa pozycji końcowej.

Razem 2 kroki czasowe dla jednego pojazdu. Dla wszystkich czterech pojazdów - 8 kroków czasowych.

Dla stanu opisanego w tabeli 4.2 funkcja heurystyki jest liczona następująco:

Dla pojazdów 1 i 3

1 krok czasowy:

$$\text{prędkość} = (\text{prędkość}) 0 + (\text{maksymalne przyspieszenie}) 1 = 1$$

$$\text{pozycja} = (\text{pozycja}) 1 + (\text{prędkość}) 1 = 2$$

Pojazd znajduje się na pozycji 2, która jest przed pozycją końcową 6 - liczony jest kolejny krok czasowy.

2 krok czasowy:

$$\text{prędkość} = (\text{prędkość}) 1 + (\text{maksymalne przyspieszenie}) 1 = 2$$

$$\text{pozycja} = (\text{pozycja}) 2 + (\text{prędkość}) 2 = 4$$

Pojazd znajduje się na pozycji 4, która jest przed pozycją końcową 6 - liczony jest kolejny krok czasowy.

3 krok czasowy:

$$\text{prędkość} = (\text{prędkość}) 2 + (\text{maksymalne przyspieszenie}) 1 = 3$$

$$\text{pozycja} = (\text{pozycja}) 4 + (\text{prędkość}) 3 = 7$$

Pojazd znajduje się na pozycji 7, która jest za pozycją końcową 6.

Razem 3 kroki czasowe dla jednego pojazdu. Dla pojazdów 1 i 3 - 6 kroków czasowych.

Dla pojazdów 2 i 4:

1 krok czasowy:

$$\text{prędkość} = (\text{prędkość}) 1 + (\text{maksymalne przyspieszenie}) 1 = 2$$

$$\text{pozycja} = (\text{pozycja}) 1 + (\text{prędkość}) 2 = 3$$

Pojazd znajduje się na pozycji 3, która jest przed pozycją końcową 6 - liczony jest kolejny krok czasowy.

2 krok czasowy:

$$\text{prędkość} = (\text{prędkość}) 2 + (\text{maksymalne przyspieszenie}) 1 = 3$$

$$\text{pozycja} = (\text{pozycja}) 3 + (\text{prędkość}) 3 = 6$$

Pojazd znajduje się na pozycji 6, która jest równa pozycji końcowej.

Razem 2 kroki czasowe dla jednego pojazdu. Dla pojazdów 2 i 4 - 4 kroki czasowe.

Razem dla wszystkich pojazdów - 10 kroków czasowych.

Podsumowując, dla stanu opisanego w tabeli 4.1 funkcja heurystyki zwróci wartość 8 (osiem kroków czasowych), a dla stanu opisanego w tabeli 4.2 funkcja heurystyki zwróci wartość 10 (dziesięć kroków czasowych). Algorytm w pierwszej kolejności wybierze wartość minimalną - czyli wybierze stan opisany w tabeli 4.1.

4.8 Złożoność rozwiązania

W przedstawionym modelu stan jednego samochodu to (p, v) , gdzie p to pozycja na drodze oraz v to prędkość pojazdu w odcinkach drogi na krok czasowy. Pozostałe parametry, czyli numer drogi, na której znajduje się samochód i pozycja końcowa, czy przyspieszenie się nie zmieniają. Dla wartości przyspieszeń ze zbioru $\{-1, 0, 1\}$ dla samochodu powstają następujące stany:

1. $(p + v, v)$ - dla przyspieszenia 0
2. $(p + v + 1, v + 1)$ - dla przyspieszenia 1
3. $(p + v - 1, v - 1)$ - dla przyspieszenia -1

Dla jednego pojazdu z każdym krokiem czasowym powstają 3 stany. Mając na skrzyżowaniu 12 pojazdów, otrzymujemy 531441 możliwości w jednym kroku czasowym. Algorytm nie musi przechodzić przez wszystkie możliwości, jeżeli wcześniej znajdzie rozwiązanie.

Największym obciążeniem algorytmu jest unikanie kolizji. Zajmuje ono około 60 % czasu znajdowania rozwiązania. Jest to spowodowane tym, że dla każdego stanu, którym jest położenie wszystkich pojazdów na skrzyżowaniu, algorytm przeprowadza dwie weryfikacje w każdym kroku czasowym:

1. Czy istnieją dwa pojazdy, które w tym samym czasie przekroczą skrzyżowanie
2. Czy odcinki zajęte przez dwa pojazdy na jednym pasie się przecinają

Powyższe stany eliminowane są z rozwiązania co zapewnia unikanie kolizji.

Dla zbioru przyspieszeń $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$ dla każdego pojazdu powstaje 5 stanów. Mając na skrzyżowaniu 12 pojazdów mamy 244140625 możliwości w jednym kroku czasowym. Możliwości przypadające na krok czasowy są silnie związane z czasem wykonania algorytmu. Wraz ze wzrostem liczby pojazdów na skrzyżowaniach, a co za tym idzie dodatkowych możliwości, czas wykonania rośnie eksponentalnie.

4.9 Reprezentacja graficzna wyników

W celu graficznej reprezentacji wyników zaimplementowany został moduł graficzny. Działanie modułu graficznego oparte jest na rysowaniu grafów z wykorzystaniem biblioteki Graphviz² oraz jej implementacji w języku Ruby. Skrzyżowanie jest reprezentowane za pomocą grafu. Wierzchołkami grafu są poszczególne odcinki dróg. Krawędziami grafu są połączenia pomiędzy odcinkami. Samochody poruszające się po tej samej drodze są zaznaczone grubszym obwodem oraz mają ten sam kolor. Samochody można rozróżnić poprzez unikatowy numer na nich napisany. Kolejne kroki czasowe reprezentowane są poprzez następne grafy z kolejnymi ułożeniami samochodów. Efektem jest stworzony GIF z następujących po sobie grafów przy użyciu biblioteki 'rmagick' dla języka Ruby.

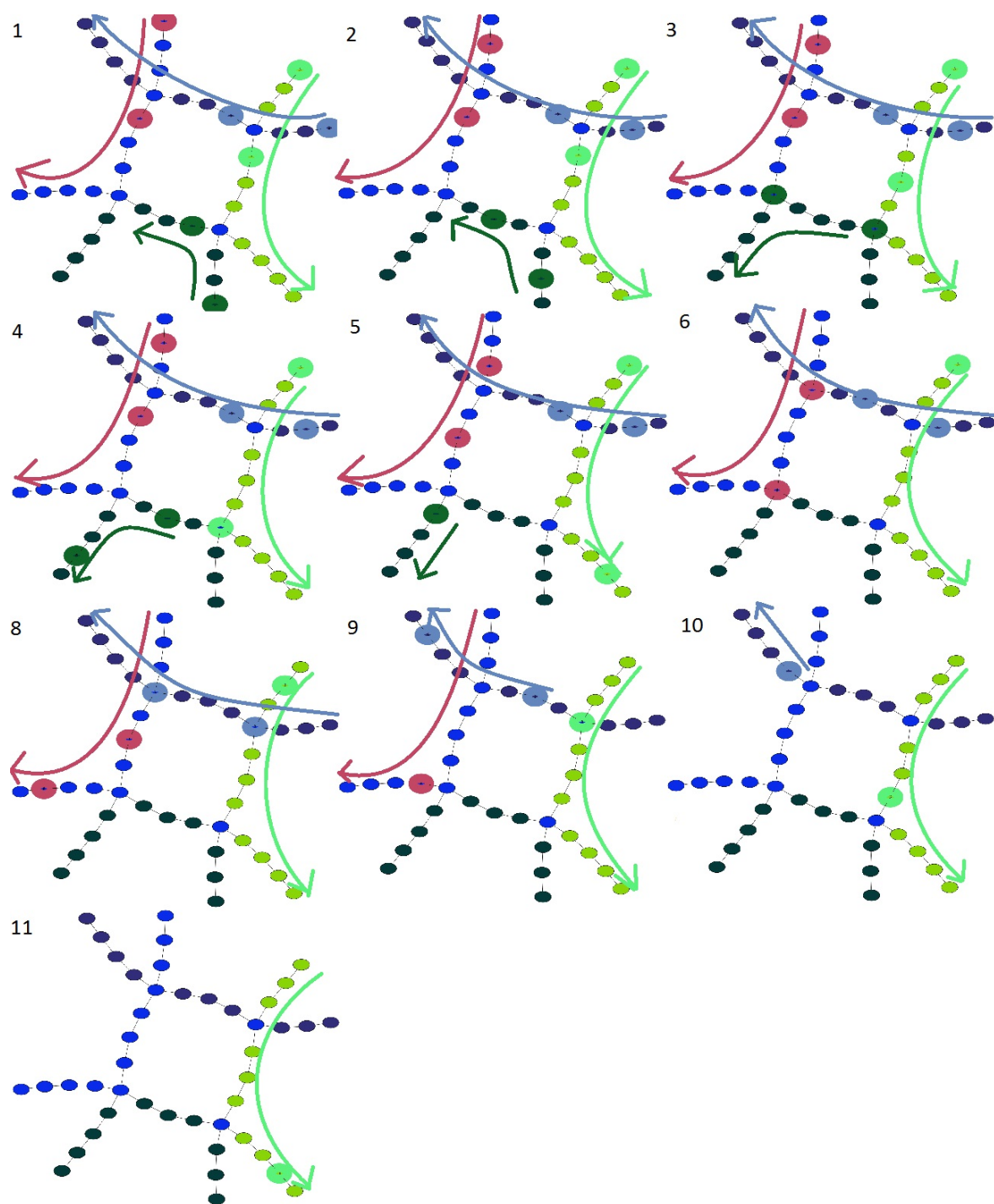
Moduł graficzny wczytuje wszystkie dane wejściowe: pozycję samochodów, dane skrzyżowania oraz ograniczenia. Kolejno na wejście otrzymuje plik zawierający JSON³, który reprezentuje wszystkie stany samochodów na skrzyżowaniach od momentu startu, aż do opuszczenia skrzyżowań przez wszystkie samochody. Plik powstaje w wyniku wykonania zaprezentowanego algorytmu A*. Moduł wczytując dane początkowe tworzy graf bazowy. Graf bazowy przedstawia skrzyżowanie wraz z pojazdami. Kolory dla dróg oraz samochodów są losowane i przetrzymywane w zbiorze tak, aby żaden z kolorów się nie powtórzył. Następnie moduł, posiadający kolejne stany w kolejnych krokach czasowych, korzysta z grafu bazowego i zmienia pozycję samochodów. Po każdym kroku czasowym zapisywane jest zdjęcie grafu z numerem kroku czasowego.

W module znajduje się także dodatkowe sprawdzanie kolizji. Jeżeli kolizja wystąpi, w danym kroku czasowym na zdjęciu dodany zostanie napis "Collision". Dzięki temu można zobaczyć prawdopodobieństwo kolizji w przypadku, gdy jeden z pojazdów nie zastosuje się do planu.

Na rysunku 4.3 zaprezentowane jest działanie modułu graficznego dla skrzyżowania czterech dróg i ośmiu pojazdów. Na 11 elemencie rysunku widać, że wszystkie samochody opuściły wszystkie skrzyżowania po 11 krokach czasowych.

²Graphviz - to zestaw narzędzi do tworzenia diagramów za pomocą grafów. Jest rozwijany jako otwarte oprogramowanie i udostępniany na licencji CPL

³JSON - lekki format tekstowy wymiany danych komputerowych



Rysunek 4.3: Wynik działania modułu graficznego

5. Wyniki

5.1 Wstęp

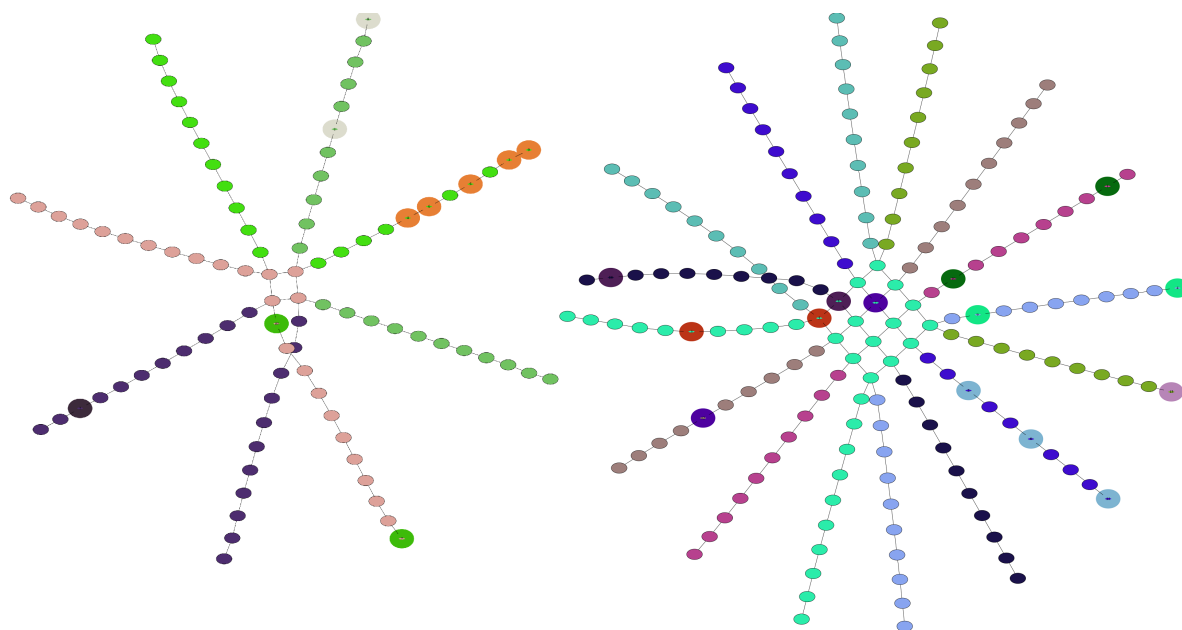
W celu zbadania działania systemu przeprowadzone zostały następujące pomiary:

- Pomiar czasu wykonania programu w zależności od liczby samochodów na skrzyżowaniu
- Pomiar ilości kroków czasowych, po których wszystkie samochody opuszczą skrzyżowania w zależności od liczby samochodów na skrzyżowaniu

Pomiary zostały wykonane na dwóch sieciach dróg:

- Skrzyżowanie ze sobą ośmiu dróg
- Skrzyżowanie ze sobą czterech dróg

Drogi na obydwu sieciach mają rozmiar 24. Reprezentacja graficzna skrzyżowań jest przedstawiona na rysunku 5.4 z przykładowymi rozmieszczeniami pojazdów.



Rysunek 5.4: Skrzyżowanie czterech oraz ośmiu dróg

Pomiary zostały przeprowadzone dla następującej liczby samochodów {2, 4, 6, 8, 10, 12}. Dla każdej liczby samochodów wygenerowane losowo zostało 30 położeń pojazdów przy założeniu, że żaden z pojazdów nie startuje za ostatnim skrzyżowaniem. Skrypt losujący przyjmuje jako dane wejściowe opis sieci skrzyżowań, liczbę samochodów oraz liczbę stanów startowych do wygenerowania.

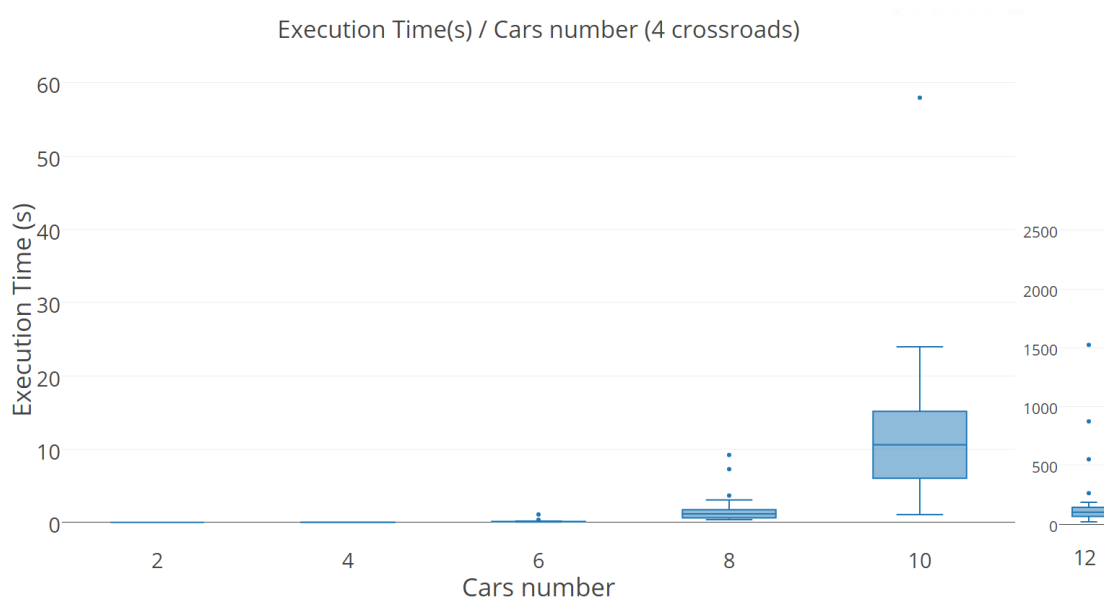
Pomiary zostały wykonane na następującym sprzęcie:

- Procesor: Intel(R) Core(TM) i7-4700MQ CPU @ 2.40GHz
- Liczba rdzeni procesora: 2 - Obliczenia zostały wykonane na jednym wątku
- 16 GB pamięci RAM

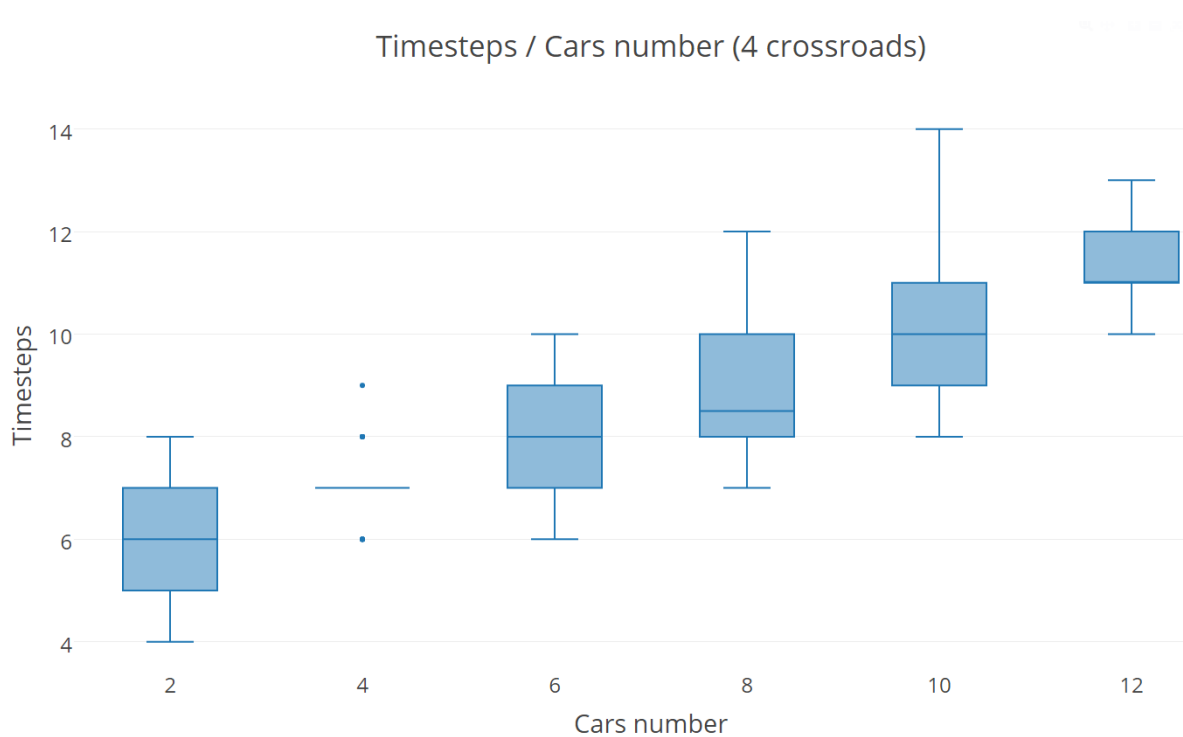
5.2 Wyniki pomiarów dla skrzyżowania czterech dróg

Zgodnie z wcześniej opisanymi założeniami dla skrzyżowania czterech dróg, program został uruchomiony 30 razy dla samochodów ze zbioru {2, 4, 6, 8, 10, 12} co razem daje 180 uruchomień.

Wykresy przedstawiające wyniki na skrzyżowaniu czterech dróg zaprezentowane są na rysunku 5.5 oraz 5.6



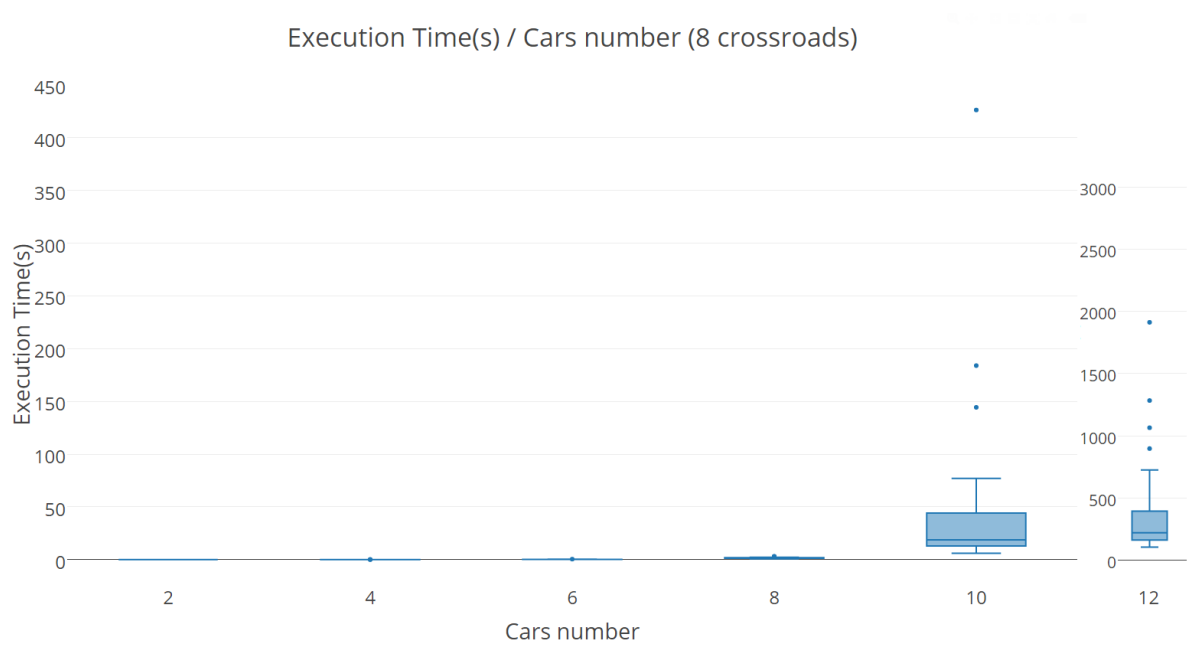
Rysunek 5.5: Wykres zależności czasu wykonania programu od liczby pojazdów



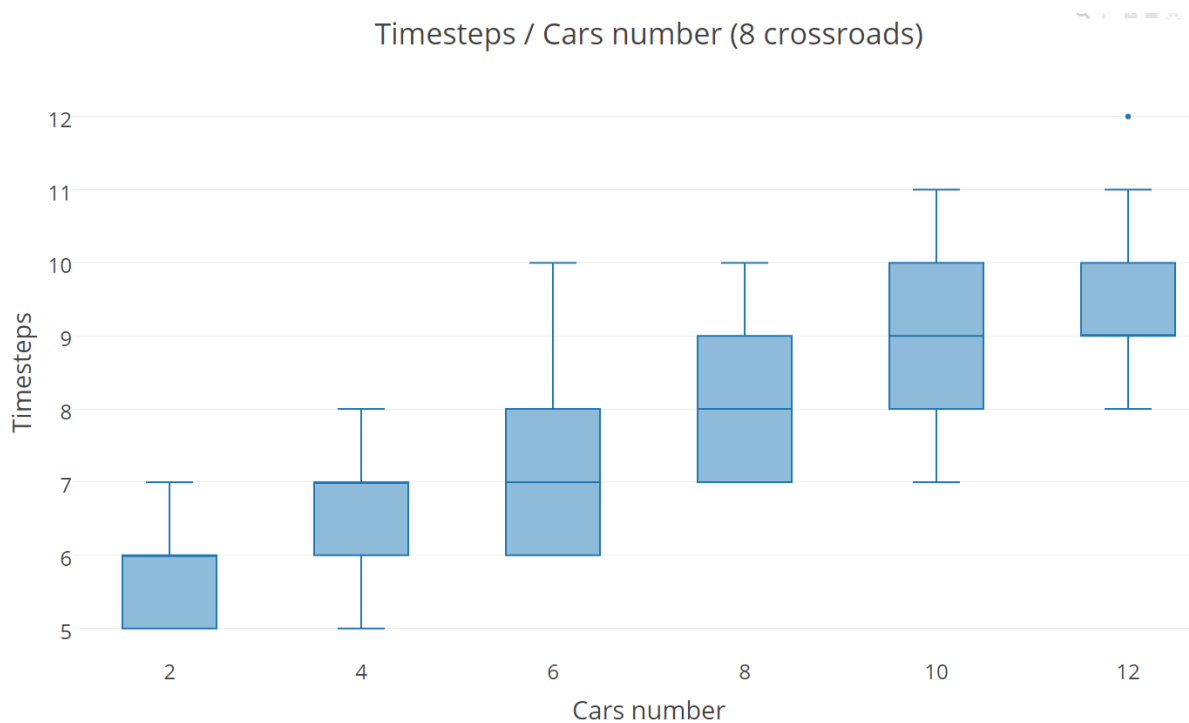
Rysunek 5.6: Wykres zależności kroków czasowych od liczby pojazdów

5.3 Wyniki pomiarów dla skrzyżowania ośmiu dróg

Dla skrzyżowania ośmiu dróg też zostało przeprowadzone 180 uruchomień. Wykresy przedstawiające wyniki na skrzyżowaniu ośmiu dróg zaprezentowane są na rysunkach 5.7 oraz 5.8



Rysunek 5.7: Wykres zależności czasu wykonania programu od liczby pojazdów



Rysunek 5.8: Wykres zależności kroków czasowych od liczby pojazdów

5.4 Wnioski z pomiarów na skrzyżowaniach czterech i ośmiu dróg

Wykresy zależności czasu wykonywania względem liczby samochodów na skrzyżowaniu pokazują ograniczenie metody względem liczby samochodów. Jak widać, czas wykonania rośnie eksponentalnie względem liczby samochodów. Dla 12 pojazdów czas wykonania przekracza nawet 25 minut. Dla sieci skrzyżowań, na której jest 12 lub więcej samochodów użycie metody jest zbyt czasochłonne.

Wykresy zależności liczby kroków czasowych, po których wszystkie samochody opuszczą skrzyżowania pokazują, że liczba kroków czasowych rośnie liniowo względem liczby pojazdów.

Liczba kroków czasowych na skrzyżowaniu ośmiu dróg jest mniejsza niż na skrzyżowa-

niu czterech dróg. Spowodowane jest to tym, że na skrzyżowaniu czterech dróg auta stoją jedno za drugim na pasach, bez wolnej przestrzeni przed sobą. W porównaniu do skrzyżowania ośmiu dróg auta mogą swobodnie poruszać się na pasie i częściej wymijają kolizję na skrzyżowaniu.

5.5 Prawdopodobieństwo kolizji

W celu przetestowania bezpieczeństwa rozwiązania zostały przeprowadzone pomiary prawdopodobieństwa kolizji w przypadku pomyłek pojazdów. Pomyłka polega na niezastosowaniu się pojazdu do planu. W rozwiązaniu zaimplementowane zostało symulowanie kolizji pojazdów z określonym prawdopodobieństwem. W każdym kroku czasowym każdy z pojazdów myli się z podanym wcześniej prawdopodobieństwem. Wynikiem pomiarów jest zależność prawdopodobieństwa kolizji od prawdopodobieństwa pomyłki. Zmierzone zostało prawdopodobieństwo kolizji w razie pomyłek pojazdów z następującymi prawdopodobieństwami $\{0.001, 0.005, 0.01\}$

W obliczeniach pod uwagę wzięty został także parametr bezpieczeństwa. Pomiary zostały wykonane dla skrzyżowania 8 dróg, na których znajdowało się 10 pojazdów. Program uruchomiony został 30 razy dla parametru bezpieczeństwa równego 0 oraz 30 razy dla parametru bezpieczeństwa równego 1, aby pokazać, jakie bezpieczeństwo gwarantuje użycie tego parametru.

Wyniki z parametrem bezpieczeństwa równym 0 zaprezentowane są w tabeli 5.3

Prawdopodobieństwo pomyłki	0.001	0.005	0.01
Prawdopodobieństwo kolizji	0.2	0.27	0.54

Tabela 5.3: Prawdopodobieństwo kolizji z parametrem bezpieczeństwa równym 0

Wyniki z parametrem bezpieczeństwa równym 1 zaprezentowane są w tabeli 5.4

Prawdopodobieństwo pomyłki	0.001	0.005	0.01
Prawdopodobieństwo kolizji	0	0	0.24

Tabela 5.4: Prawdopodobieństwo kolizji z parametrem bezpieczeństwa równym 0

Jak pokazują wyniki w tabelach 5.3, 5.4 parametr bezpieczeństwa niweluje prawdopodobieństwo kolizji dla małych prawdopodobieństw (0.001, 0.005) pomyłki do zera. Dla prawdopodobieństwa pomyłki równego 0.01 parametr bezpieczeństwa nie zapobiega całkowicie kolizjom - w przeprowadzonych badaniach zmniejszył je o 30%.

5.6 Porównanie wyników z rozwiązaniem ze światłami drogowymi

W celu zweryfikowania szybkości podejścia z wykorzystaniem algorytmu A* wyniki zostały porównane z rozwiązaniem polegającym na optymalizacji świateł drogowych przedstawionym w pracy [20]. Porównywane rozwiązanie także jest oparte o kroki czasowe. Drogi także są dyskretne, mierzone w odcinkach, a prędkość też mierzona jest w ilości odcinków drogi na krok czasowy.

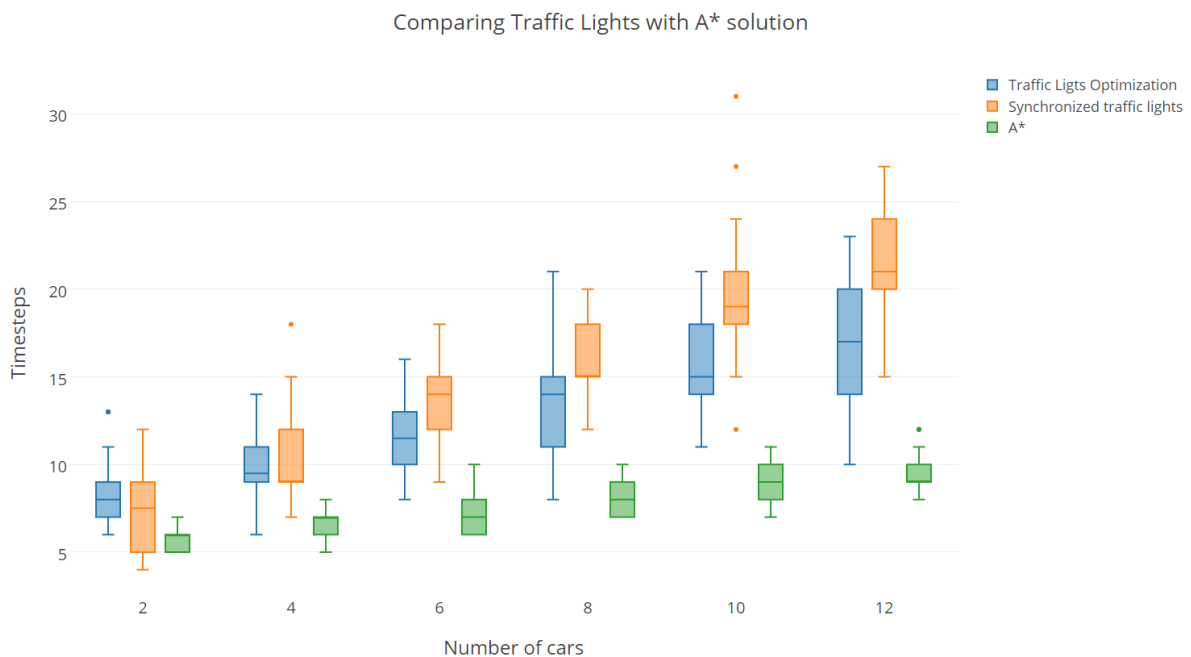
Rozwiązania różnią się modelami danych, które reprezentują skrzyżowania oraz znajdujące się na nich pojazdy. W jednym rozwiązaniu położenie i droga aut jest określona za pomocą grafu oraz wierzchołków grafu, przez które auta będą przechodzić. W opisywanym w tej pracy, rozwiązaniu drogi są opisywane poprzez ich rozmiar oraz przecięcia z innymi drogami. Położenia samochodów natomiast poprzez numer drogi oraz numer odcinka drogi, na której się znajdują.

Wykonując pomiary, uzgodnione zostały wspólne warunki w obu rozwiązaniach tak, aby można było je porównać. Porównywane są kroki czasowe, po których wszystkie auta opuszczają skrzyżowanie. Wspólne warunki są następujące:

- Maksymalna prędkość samochodów wynosi 4 odcinki drogi na krok czasowy
- Wartości przyspieszeń pojazdów są następujące: $\{-1, 0, 1\}$

- Losowane położenia pojazdów w celu wykonania 30 pomiarów są wykonywane w taki sposób, aby żaden pojazd nie znajdował się za skrzyżowaniem
- Rozwiązanie kończy obliczenia, kiedy wszystkie pojazdy znajdują się za skrzyżowaniem
- Pomiary zostały wykonane na skrzyżowaniu ośmiu dróg dla następujących liczb pojazdów {2, 4, 6, 8, 10, 12}
- Drogi mają rozmiar 24

Wykres z wynikami pokazany jest na rysunku 5.9



Rysunek 5.9: Porównanie rozwiązania z użyciem A* ze światłami drogowymi na skrzyżowaniu ośmiu dróg

Rozwiązanie z wykorzystaniem algorytmu A* daje lepsze wyniki na tle rozwiązania ze światłami sekwencyjnymi oraz z ich optymalizacjami. Zgodnie z przedstawioną tezą, przepustowość na skrzyżowaniach jest lepsza w rozwiązaniu A* w porównaniu do światel. Rozwiązanie korzystające z algorytmu A* dla 12 pojazdów nie przekracza 15 kroków czasowych.

Dla świateł zoptymalizowanych przekracza 20 kroków czasowych, a dla świateł sekwencyjnych przekracza 25 kroków czasowych. Przedstawione w pracy rozwiązanie zaoszczędza 5-10 kroków na jednym skrzyżowaniu dla 12 pojazdów. Wykorzystując metodę dla dużej sieci skrzyżowań, można zaoszczędzić dużo czasu.

6. Zakończenie

6.1 Podsumowanie

W pracy przedstawiona została metoda planowania ruchu drogowego z wykorzystaniem algorytmu A*. Algorytm A* został zmodyfikowany - jest on generyczny, operuje na stanach oraz dynamicznie je przeszukuje. Implementacja algorytmu nie przeszukuje także całej przestrzeni stanów - algorytm kończy działanie w przypadku znalezienia pierwszego rozwiązania.

Analizując wyniki przedstawione w rozdziale 5 można wnioskować, że teza przedstawiona w rozdziale 3 jest prawdziwa. Porównanie opisywanej w tej pracy metody, wraz z koordynacją ruchu przy użyciu świateł drogowych pokazuje, że metoda daje lepsze wyniki, jeżeli chodzi o przepustowość. W przedstawionej metodzie, zapewnione jest także rozwiązywanie kolizji oraz bezpieczeństwo w przypadku niezastosowania się pojazdów do planu. Rozwiązanie zostało zaprojektowane i uruchamiane na jednym wątku procesora. Używając więcej wątków, można liczyć plany wielowariantowe w celu szybkiej reakcji na pomyłki pojazdów.

Jak pokazują wyniki, zastosowanie metody do koordynacji ruchu na skrzyżowaniu ze sobą ośmiu dróg zaoszczędza 20-40% kroków czasowych. Korzystając z metody dla większej ilości sieci skrzyżowań, można zaoszczędzić dużo czasu.

Z pewnością wadą metody jest złożoność obliczeniowa, która rośnie eksponentalnie względem liczby pojazdów znajdujących się na sieci skrzyżowań. Obliczenia na opisanym w rozdziale 5 sprzęcie dla 14 pojazdów trwały nawet do kilku godzin.

6.2 Kierunki rozwoju

Metoda została zaprojektowana i uruchamiana na jednym wątku procesora. Głównym kierunkiem rozwoju jest liczenie planów wielowariantowych na wielu wątkach procesora. Mając równolegle wyliczane plany wielowariantowe, można następnie symulować pomyłki pojazdów, które polegają na niezastosowaniu się do planu głównego. Następnie, w przypadku takiej pomyłki pojazdu wykrywać ją i wysyłać pojazdowi poprawiony plan ruchu. Mając wprowadzone takie zmiany, można kolejno policzyć prawdopodobieństwa kolizji w zależności od prawdopodobieństwa pomyłki pojedynczego pojazdu oraz minimalizować prawdopodobieństwo kolizji, poprzez modyfikację parametru bezpieczeństwa.

Spis rysunków

4.1	Unikanie kolizji na pasie	25
4.2	Unikanie kolizji na skrzyżowaniu	26
4.3	Wynik działania modułu graficznego	33
5.4	Skrzyżowanie czterech oraz ośmiu dróg	35
5.5	Wykres zależności czasu wykonania programu od liczby pojazdów	36
5.6	Wykres zależności kroków czasowych od liczby pojazdów	37
5.7	Wykres zależności czasu wykonania programu od liczby pojazdów	38
5.8	Wykres zależności kroków czasowych od liczby pojazdów	39
5.9	Porównanie rozwiązania z użyciem A* ze światłami drogowymi na skrzyżowaniu ośmiu dróg	42

Bibliografia

- [1] Ando M., Nishi T., Konishi M., Imai J.: An Autonomous Distributed Route Planning Method for Multiple Mobile Robots. In: *Transactions of the Society of Instrument and Control Engineers*, vol. 39, pp. 759–766, 2003.
- [2] Athmaraman N., Soundararajan S.: Adaptive predictive traffic timer control algorithm. In: *Proceedings of the 2005 Mid-Continent Transportation Research Symposium*. 2005.
- [3] Brockfeld E., Barlovic R., Schadschneider A., Schreckenberg M.: Optimizing traffic lights in a cellular automaton model for city traffic. In: *Physical Review E*, vol. 64(5), p. 056132, 2001.
- [4] Broxmeyer C.: Vehicle longitudinal control and collision avoidance system for an automated highway system, 1994. URL <https://www.google.com/patents/US5369591>. US Patent 5,369,591.
- [5] De Schutter B., De Moor B.: Optimal traffic light control for a single intersection. In: *European Journal of Control*, vol. 4(3), pp. 260–276, 1998.
- [6] Dechter R., Pearl J.: Generalized best-first search strategies and the optimality of A. In: *Journal of the ACM (JACM)*, vol. 32(3), pp. 505–536, 1985.
- [7] Delling D., Sanders P., Schultes D., Wagner D.: Engineering route planning algorithms. In: *Algorithmics of large and complex networks*, pp. 117–139. Springer, 2009.
- [8] El Halawany B.M., Abdel-Kader H.M., TagEldeen A., Elsayed A.E., Nossair Z.B.: Modified A* algorithm for safer mobile robot navigation. In: *Modelling, Identification &*

- Control (ICMIC), 2013 Proceedings of International Conference on*, pp. 74–78. IEEE, 2013.
- [9] Ferreira M., Fernandes R., Conceição H., Viriyasitavat W., Tonguz O.K.: Self-organized traffic control. In: *Proceedings of the seventh ACM international workshop on VehiculAr InterNETworking*, pp. 85–90. ACM, 2010.
 - [10] Fleischmann B., Gnutzmann S., Sandvoß E.: Dynamic vehicle routing based on online traffic information. In: *Transportation science*, vol. 38(4), pp. 420–433, 2004.
 - [11] Gazis D., Jaffe R., Pope W.: Optimal and stable route planning system, 1997. URL <https://www.google.com/patents/US5610821>. US Patent 5,610,821.
 - [12] Huang Y., Yi Q., Shi M.: An improved Dijkstra shortest path algorithm. In: *Proceedings of the 2nd International Conference on Computer Science and Electronics Engineering (ICCSEE)*, pp. 0226–0229. 2013.
 - [13] Kanoh H.: Dynamic route planning for car navigation systems using virus genetic algorithms. In: *International Journal of Knowledge-based and Intelligent Engineering Systems*, vol. 11(1), pp. 65–78, 2007.
 - [14] Lämmer S., Helbing D.: Self-control of traffic lights and vehicle flows in urban road networks. In: *Journal of Statistical Mechanics: Theory and Experiment*, vol. 2008(04), p. P04019, 2008.
 - [15] Leena N., Saju K.: A survey on path planning techniques for autonomous mobile robots. In: *IOSR Journal of Mechanical and Civil Engineering (IOSR-JMCE)*, vol. 8, pp. 76–79, 2014.
 - [16] Muntean P.: Mobile Robot Navigation on Partially Known Maps using a Fast A Algorithm Version. In: .
 - [17] Oleiwi B.K., Hubert R., Kazem B.: Modified Genetic Algorithm based on A* algorithm of Multi objective optimization for Path Planning. In: *6th International Conference on Computer and Automation Engineering*, vol. 2, pp. 357–362. 2014.

- [18] Shaikh E.A., Dhale A.: AGV Path Planning and Obstacle Avoidance Using Dijkstra's Algorithm. In: *International Journal of Application in Engineering and Mangement (IJAIEEM)*, 2013.
- [19] Wojnicki I., Ernst S., Turek W.: A robust planning algorithm for groups of entities in discrete spaces. In: *Entropy*, vol. 17(8), pp. 5422–5436, 2015.
- [20] Łakomy S.: Optymalizacja wielowariantowych planów zarządzania ruchem pojazdów na skrzyżowaniu dróg wielopasmowych. In: *Master Thesis AGH*, 2016.