概统第十四次作业参考题解

Q1.
$$\Lambda = \frac{\sup_{\mu = \mu_0} L(\mu)}{\sup_{\mu \in \mathbb{R}} L(\mu)} = \exp(-\frac{n(\bar{X} - \mu_0)^2}{2\sigma^2})$$
. 拒绝域 $\{-2\log \Lambda \ge c\}$. 给定检验水 平 α , 即有拒绝域 $\{|\frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}| \ge z_{1-\frac{\alpha}{2}}\}$. 与 Z 检验一致.

- Q2. $-2\log\Lambda_0 = 0.475$, 自由度为 3, 认为理论合理.
- Q3. F 检验. 方差不相等.
- Q4. (1) t 检验. 不稳定. (2) F 检验. 支持方差相同假设.
- Q5. 两相关总体比较. 检验差异的均值是否为 0. t 检验. 认为有差异.
- Q6. (1) 拒绝域 $\{X \ge 7\}$. $P_{\rm I} = 0.1719$, $P_{\rm II} = 0.3504$.
- (2) 拒绝域 $\{X \ge 9\}$. $P_{\rm I} = 0.0107$, $P_{\rm II} = 0.8507$.
- Q7. 总体 A 拒绝 H₀, 总体 B 不拒绝 H₀.