САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Отчет по лабораторной работе №4 по курсу «Алгоритмы и структуры данных»

Тема: Хеширование. Хеш-таблицы

Вариант 18

Выполнила: Сусликова В.Д. К3140 Проверил: Афанасьев А. В.

Санкт-Петербург 2024 г. Содержание отчета

Содержание отчета	2
Задачи по варианту	3
Задание №5. Выборы в США	3
Задание №6. Фибоначчи возвращается	6
Дополнительные задачи	9
Задание №1. Множество	9
Задание №2. Телефонная книга	12
Вывод	15

Задачи по варианту

Задание №5. Выборы в США

Как известно, в США президент выбирается не прямым голосованием, а путем двухуровневого голосования. Сначала проводятся выборы в каждом штате и определяется победитель выборов в данном штате. Затем проводятся государственные выборы: на этих выборах каждый штат имеет определенное число голосов — число выборщиков от этого штата. На практике, все выборщики от штата голосуют в соответствии с результами голосования внутри штата, то есть на заключительной стадии выборов в голосовании участвуют штаты, имеющие различное число голосов. Вам известно за кого проголосовал каждый штат и сколько голосов было отдано данным штатом. Подведите итоги выборов: для каждого из участника голосования определите число отданных за него голосов.

- Формат ввода / входного файла (input.txt). Каждая строка входного файла содержит фамилию кандидата, за которого отдают голоса выборщики этого штата, затем через пробел идет количество выборщиков, отдавших голоса за этого кандидата.
- Формат вывода / выходного файла (output.txt). Выведите фамилии всех кандидатов в *лексикографическом* порядке, затем, через пробел, количество отданных за них голосов.

```
import sys
import os

CURRENT_DIR = os.path.dirname(os.path.abspath(__file__))
SRC_DIR = os.path.join(CURRENT_DIR, '..', '..')
sys.path.insert(0, SRC_DIR)

from utils import read_from_file, write_in_file, measuring

def count_votes(A):
    votes = {}

    for x in range(0, len(A), 2):
        candidate, votes_count = A[x], A[x+1]
        votes_count = int(votes_count)

        if candidate in votes:
            votes[candidate] += votes_count
        else:
```

```
votes[candidate] = votes_count
final_votes = []
for x in votes:
    final_votes.append(f'{x} {votes[x]}\n')
    return final_votes

if __name__ == '__main__':
    data = read_from_file(0, 'lab6/task5/txtf/input.txt')
    versitiles = data[0:]
    result = count_votes(versitiles)
    write_in_file('lab6/task5/txtf/output.txt', result)

measuring(1e2, count_votes, versitiles)
```

- 1. Функция count_votes: Реализует алгоритм подсчета голосов для каждого кандидата в заданном массиве голосов
- 2. Основная часть программы: Читает входной файл через функцию read_from_file, преобразует его содержимое в массив фамилий кандидатов с количеством их голосов

Результат работы программы:

Входные данные:

McCain 10

McCain 5

Obama 9

Obama 8

McCain 1

Выходные данные:

McCain 16 Obama 17

Время выполнения и количество затраченной памяти:

Время: 0.010911 секунд Память: 15.01953125 Мбайт

```
import sys
import os
```

```
CURRENT DIR = os.path.dirname(os.path.abspath( file ))
SRC DIR = os.path.join(CURRENT DIR, '..', '..')
sys.path.insert(0, SRC_DIR)
import unittest
from task5.src.elections import count votes
class TestElections(unittest.TestCase):
    def test_should_check_the_results_of_the_first_elections(self):
        # given
        array = ['McCain', '10', 'McCain', '5', 'Obama', '9', 'Obama',
'8', 'McCain', '1']
        expected_result = ['McCain 16\n', 'Obama 17\n']
        # when
        result = count_votes(array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected result)
    def test_should_check_the_results_of_the_second_elections(self):
       # given
        array = ['Ivanov', '100', 'Ivanov', '500', 'Ivanov', '300',
'Petrov', '70', 'tourist', '1', 'tourist', '2']
        expected_result = ['Ivanov 900\n', 'Petrov 70\n', 'tourist
3\n']
       # when
        result = count_votes(array)
       # then
        self.assertEqual(result, expected result)
if name == ' main ':
    unittest.main()
```

В ходе решения данной задачи мы реализовали функцию подсчета голосов для кандидатов на выборах по массиву входных данных с голосами за них.

Задание №6. Фибоначчи возвращается

Последовательность A, состоящую из символов из множества «(», «)», «[» и «]», назовем *правильной скобочной последовательностью*, если выполняется одно из следующих утверждений:

- А пустая последовательность;
- первый символ последовательности A это «(», и в этой последовательности существует такой символ «)», что последовательность можно представить как A = (B)C, где B и C правильные скобочные последовательности;
- первый символ последовательности A это «[», и в этой последовательности существует такой символ «]», что последовательность можно представить как A = (B)C, где B и C правильные скобочные последовательности.

Так, например, последовательности (())» и (()[])» являются правильными скобочными последовательностями, а последовательности ()» и (()» таковыми не являются.

Входной файл содержит несколько строк, каждая из которых содержит последовательность символов «(», «)», «[» и «]». Для каждой из этих строк выясните, является ли она правильной скобочной последовательностью.

• Формат входного файла (input.txt). Первая строка входного файла содержит число N ($1 \le N \le 500$) — число скобочных последовательностей, которые необходимо проверить. Каждая из следующих N строк содержит скобочную последовательность длиной от 1 до 10^4 включительно. В каждой из последовательностей присутствуют только скобки указанных выше видов.

```
if stack and stack[-1] == matching_brackets[char]:
                stack.pop()
            else:
                return False
    return not stack
def bracet counter cycled(n, lines):
    results = []
    for line in lines:
        results.append("YES\n" if bracet_counter(line) else "NO\n")
    return results
if __name__ == '__main__':
    data = read_from_file(0, 'lab4/task3/txtf/input.txt')
    n, lines = data[0], data[1:]
    result = bracet_counter_cycled(n, lines)
    write_in_file('lab4/task3/txtf/output.txt', result)
    measuring(1e2, bracet_counter_cycled, n, lines)
```

- 1. Функция quick_sort: Реализована стандартная версия быстрой сортировки. Она разбивает массив на две части относительно опорного элемента и рекурсивно сортирует каждую из них.
- 2. Функция partition: Помогающая функция для quick_sort, которая делит массив на части относительно выбранного опорного элемента.
- 3. Функция integer_sort: Главная логическая функция программы. Она делает следующее:
- 1) Формирует новый список С, содержащий все возможные произведения элементов списков А и В.
- 2) Сортирует полученный список С с помощью quick_sort.
- 3) Вычисляет сумму каждого десятого элемента отсортированного списка С.
- 4. Основная часть программы: Читает данные из файла, разбивая их на списки A и B. Вызывает функцию integer_sort, сохраняет результат в выходной файл. Также измеряются время выполнения программы и объем используемой памяти.

Результат работы программы: Входные данные:

```
4 4
7 1 4 9
2 7 8 11
```

Выходные данные:

51

Время выполнения и количество затраченной памяти:

Время: 0.006404 секунд Память: 14.65234375 Мбайт

```
import sys
import os
current dir = os.path.dirname(os.path.abspath( file ))
src_dir = os.path.join(current_dir, '..', '...')
sys.path.insert(0, src_dir)
import unittest
from task6.src.integer_sort import sum_of_tenths
class TestSumOfTenths(unittest.TestCase):
    def test_should_count_sum_of_tenths_example_array(self):
        # given
       A = [7, 1, 4, 9]
        B = [2, 7, 8, 11]
        expected_result = 51
        # when
        result = sum of tenths(A, B)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def test_should_count_sum_of_tenths_sorted_array(self):
        # given
        A = [1, 2, 3, 4, 5]
        B = [1, 1, 1, 1, 1]
        expected_result = 9
```

```
# when
        result = sum of tenths(A, B)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def test should count sum of tenths reverse sorted array(self):
        # given
        A = [5, 4, 3, 2, 1]
        B = [1, 2, 3, 4, 5]
        expected result = 22
        # when
        result = sum_of_tenths(A, B)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def test_should_count_sum_of_tenths_empty_array(self):
        # given
        A = []
        B = []
        expected result = 0
        # when
        result = sum_of_tenths(A, B)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
if __name__ == '__main__':
    unittest.main()
```

В ходе решения данной задачи мы реализовали алгоритм сортировки массива чисел вида A[i] * B[j], где $1 \le i \le n$ и $i \le j \le m$ и вывода суммы каждого десятого элемента полученной последовательности.

Задание №7. Цифровая сортировка

Дано n строк, выведите их порядок после k фаз цифровой сортировки.

• Формат входного файла (input.txt). В первой строке входного файла содержатся числа n - число строк, m - их длина и k - число фаз цифровой сортировки ($1 \le n \le 10^6$, $1 \le k \le m \le 10^6$, $n \cdot m \le 5 \cdot 10^7$). Далее находится описание строк, но в нетривиальном формате. Так, i-ая строка ($1 \le i \le n$) записана в i-ых символах второй, ..., (m+1)-ой строк входного файла. Иными словами, строки написаны по вертикали. Это сделано специально, чтобы сортировка занимала меньше времени.

Строки состоят из строчных латинских букв: от символа "а"до символа "z"включительно. В таблице символов ASCII все эти буквы располагаются подряд и в алфавитном порядке, код буквы "a"равен 97, код буквы "z"равен 122.

- Формат выходного файла (output.txt). Выведите номера строк в том порядке, в котором они будут после k фаз цифровой сортировки.
- Ограничение по времени. 3 сек.
- Ограничение по памяти. 256 мб.

```
import sys
import os
current dir = os.path.dirname(os.path.abspath( file ))
src dir = os.path.join(current dir, '..', '...')
sys.path.insert(0, src dir)
from utils import read from file, write in file, measuring
def radix sort phase(strings, phase):
    """Сортировка по заданной фазе (символу)."""
    return sorted(strings, key=lambda x: x[1][phase-1])
if name == " main ":
    data = read from file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task7/txtf/input.txt')
    n, m, k, columns = int(data[0]), int(data[1]), int(data[2]),
data[3:]
    # Проверка корректности входных данных
    if (1 \le n \le 10**6) and (1 \le k \le m \le 10**6) and (n * m \le 5 *
10**7):
        # Формируем список строк из колонок
        strings = [(i + 1, ''.join(columns[j][i] for j in range(m)))
for i in range(n)]
        # Применяем сортировку по фазам
        for phase in range(min(m, k) - 1, -1, -1):
            strings = radix sort phase(strings, phase)
        # Подготовка результатов (выводим индексы строк в новом
порядке)
        result = [str(item[0]) for item in strings]
        write_in_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task7/txtf/output.txt', result)
        measuring(radix sort phase, strings, phase)
    else:
        print('Введите корректные данные')
```

- 1. Функция quick_sort: Реализована версия поразрядной сортировки для одной фазы, она сортирует массив строк по выбранному символу
- 2. Основная часть программы: Читает данные из файла, разбивая их на переменные n, m и k, создает цикл в котором вызывает функцию поразрядной сортировки k раз. Сохраняет результат в выходной файл. Также измеряются время выполнения программы и объем используемой памяти.

Результат работы программы:

Входные данные:

3 3 3

bab

bba

baa

Выходные данные:

231

Время выполнения и количество затраченной памяти:

Время: 0.00084 секунд

Память: 15.50390625 Мбайт

В ходе решения данной задачи мы реализовали алгоритм пофазовой цифровой (поразрядной) сортировки массива из п строк длины m в k фаз соответственно, протестировали его затраты времени и памяти на исполнение и проверили правильность.

Дополнительные задачи

Задание №2. Анти-quick sort

Хотя QuickSort является очень быстрой сортировкой в среднем, существуют тесты, на которых она работает очень долго. Оценивать время работы алгоритма будем числом сравнений с элементами массива (то есть, суммарным числом сравнений в первом и втором while). Требуется написать программу, генерирующую тест, на котором быстрая сортировка сделает наибольшее число таких сравнений. Задача на астр.

- Формат входного файла (input.txt). В первой строке находится единственное число n ($1 < n < 10^6$).
- **Формат выходного файла (output.txt).** Вывести перестановку чисел от 1 до n, на которой быстрая сортировка выполнит максимальное число сравнений. Если таких перестановок несколько, вывести любую из них.
- Ограничение по времени. 2 сек.
- Ограничение по памяти. 256 мб.
- Пример:

input.txt	output.txt
3	1 3 2

```
import sys
import os
current dir = os.path.dirname(os.path.abspath( file ))
src dir = os.path.join(current dir, '..', '..')
sys.path.insert(0, src dir)
from utils import read from file, write in file, measuring
def qsort(a, left, right):
    key = a[(left+right)//2]
    i = left
    j = right
    while i <= j:
        while a[i] < key:
            i += 1
        while a[j] > key:
            j -= 1
        if i <= j:
            a[i], a[j] = a[j], a[i]
            i += 1
            j -= 1
    if left < j:
```

```
qsort(a, left, j)
    if i < right:</pre>
        qsort(a, i, right)
    return a
def anti quick sort(n):
    a = [i+1 for i in range(n)]
    for i in range(2, len(a)):
        a[i], a[i//2] = a[i//2], a[i]
    return a
if __name__ == '__main__':
    data = read_from_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task2/txtf/input.txt')
    n = data[0]
    result = anti_quick_sort(int(n))
    write_in_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task2/txtf/output.txt', result)
    measuring(anti quick sort, int(n))
```

- 1. Функция qsort: Реализация классической быстрой сортировки. Она использует средний элемент массива в качестве опорного (key) и рекурсивно сортирует подмассивы до тех пор, пока они не будут полностью отсортированы.
- 2. Функция quick_sort_desolver: Основная логика создания "антиупорядоченного" массива. Функция создает массив из последовательных чисел от 1 до n, а затем перемешивает их таким образом, что каждый элемент на позиции і меняется местами с элементом на позиции і//2. Такой способ перемешивания приводит к тому, что результирующий массив оказывается крайне неблагоприятным для стандартной быстрой сортировки, так как увеличивает количество сравнений и перемещений.
- 3. Основная часть программы: В основной части программы читается входной файл, извлекается число n (размер массива), создается "антиотсортированный" массив, после чего он сохраняется в выходном файле. Программа также измеряет время выполнения и потребление памяти.

Входные данные: 3 Выходные данные: 1 3 2

Время выполнения и количество затраченной памяти:

Время: 0.000947 секунд

Память: 14.63671875 Мбайт

```
import sys
import os
current_dir = os.path.dirname(os.path.abspath(__file__))
src dir = os.path.join(current dir, '..', '...')
sys.path.insert(0, src_dir)
import unittest
from task2.src.quick_sort_desolver import anti_quick_sort
class TestAntiQuickSort(unittest.TestCase):
    def test should create check permutation of n nums(self):
        # given
       # example n
        n1 = 3
        expected_result1 = [1, 3, 2]
        # another average n
        n2 = 10
        expected_result2 = [1, 4, 6, 8, 10, 5, 3, 7, 2, 9]
        # when
        result1 = anti_quick_sort(n1)
        result2 = anti_quick_sort(n2)
        # then
        self.assertEqual(result1, expected_result1)
        self.assertEqual(result2, expected result2)
```

```
if __name__ == '__main__':
    unittest.main()
```

В ходе решения данной задачи мы реализовали алгоритм генерации тестов - перестановок чисел, на которых функция быстрой сортировки сделает наибольшее число сравнений.

Задание №3. Сортировка пугалом

«Сортировка пугалом» — это давно забытая народная потешка. Участнику под верхнюю одежду продевают деревянную палку, так что у него оказываются растопырены руки, как у огородного пугала. Перед ним ставятся n матрёшек в ряд. Из-за палки единственное, что он может сделать — это взять в руки две матрешки на расстоянии k друг от друга (то есть i-ую и i+k-ую), развернуться и поставить их обратно в ряд, таким образом поменяв их местами.

Задача участника — расположить матрёшки по неубыванию размера. Может ли он это сделать?

- Формат входного файла (input.txt). В первой строчке содержатся числа n и k ($1 \le n, k \le 10^5$) число матрёшек и размах рук. Во второй строчке содержится n целых чисел, которые по модулю не превосходят 10^9 размеры матрёшек.
- Формат выходного файла (output.txt). Выведите «ДА», если возможно отсортировать матрёшки по неубыванию размера, и «НЕТ» в противном случае.
- Ограничение по времени. 2 сек.
- Ограничение по памяти. 256 мб.
- Примеры:

input.txt	output.txt
3 2	HET
213	
5 3	ДА
15341	

```
import sys
import os

current_dir = os.path.dirname(os.path.abspath(__file__))
src_dir = os.path.join(current_dir, '...', '...')
sys.path.insert(0, src dir)
```

```
from utils import read from file, write in file, measuring
def scarecrow_sort(n, k, array):
    n, k = int(n), int(k)
    for i in range(0, n-k):
        if array[i] > array[i+k]:
            array[i], array[i+k] = array[i+k], array[i]
    return "YES" if array == sorted(array) else "NO"
if __name__ == '__main__':
    data = read_from_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task3/txtf/input.txt')
    n, k = data[:2]
    array = data[2:]
    result = scarecrow_sort(n, k, array)
   write_in_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task3/txtf/output.txt', [result])
    measuring(scarecrow sort, n, k, array)
```

- 1. Функция scarecrow_sort: Эта функция принимает три параметра: размер массива n, шаг k и сам массив array.
- 1) Алгоритм проходит по массиву и сравнивает элементы, находящиеся на расстоянии k.
- 2) Если текущий элемент больше элемента, находящегося на расстоянии k, то эти два элемента меняются местами.
- 3) После завершения всех перестановок проверяется, стал ли массив отсортированным. Если да, возвращается "YES", иначе "NO".
- 2. Основная часть программы: Из файла считываются данные: размер

массива n, шаг k и сам массив. Затем вызывается функция scarecrow_sort, которая возвращает результат проверки возможности

сортировки. Результат записывается в выходной файл. Также измеряются время выполнения программы и объем использованной памяти.

Результат работы программы:

Входные данные:

3 2

2 1 3

Выходные данные:

NO

Время выполнения и количество затраченной памяти:

Время: 0.004687 секунд Память: 14.59375 Мбайт

```
import sys
import os
current_dir = os.path.dirname(os.path.abspath(__file__))
src_dir = os.path.join(current_dir, '..', '..')
sys.path.insert(0, src_dir)
import unittest
from task3.src.scarecrow sort import scarecrow sort
class TestScarecrowSort(unittest.TestCase):
    def
test should check the possibility of sorting example1 array(self):
       # given
        n, k = 3, 2
        array = [2, 1, 3]
        expected result = 'NO'
        # when
        result = scarecrow_sort(n, k, array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def
test_should_check_the_possibility_of_sorting_example2_array(self):
        # given
        n, k = 5, 3
```

```
array = [1, 5, 3, 4, 1]
        expected result = 'YES'
        # when
        result = scarecrow sort(n, k, array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected result)
    def
test should check the possibility of sorting sorted array(self):
        # given
        n, k = 5, 3
        array = [1, 2, 3, 4, 5]
        expected result = 'YES'
        # when
        result = scarecrow_sort(n, k, array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def
test should check the possibility of sorting reverse sorted array(self
):
       # given
        n, k = 5, 3
        array = [5, 4, 3, 2, 1]
        expected_result = 'NO'
        # when
        result = scarecrow_sort(n, k, array)
       # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def
test should check the possibility of sorting single element array(self
):
        # given
        n, k = 1, 3
        array = [1]
        expected result = 'YES'
        # when
```

```
result = scarecrow_sort(n, k, array)

# then
self.assertEqual(result, expected_result)

if __name__ == '__main__':
    unittest.main()
```

В ходе решения данной задачи мы реализовали алгоритм "сортировки пугалом" - проверки на то, возможно ли отсортировать массив, если мы можем переставлять только те элементы, которые находятся на расстоянии k друг от друга.

Задание №5. Индекс Хирша

Для заданного массива целых чисел citations, где каждое из этих чисел - число цитирований i-ой статьи ученого-исследователя, посчитайте индекс Хирша этого ученого.

По определению Индекса Хирша на Википедии: Учёный имеет индекс h, если h из его/её N_p статей цитируются как минимум h раз каждая, в то время как оставшиеся (N_p-h) статей цитируются не более чем h раз каждая. Иными словами,

учёный с индексом h опубликовал как минимум h статей, на каждую из которых сослались как минимум h раз.

Если существует несколько возможных значений h, в качестве h-индекса принимается максимальное из них.

- **Формат ввода или входного файла (input.txt).** Одна строка citations, содержащая *n* целых чисел, по количеству статей ученого (длина citations), разделенных пробелом или запятой.
- **Формат выхода или выходного файла (output.txt).** Одно число индекс Хирша (*h*-индекс).
- Ограничения: $1 \le n \le 5000, 0 \le citations[i] \le 1000.$
- Пример.

input.txt	output.txt
3,0,6,1,5	3

Пояснение. citations = [3,0,6,1,5] означает, что ученый опубликовал 5 статей в целом, и каждая из них оказалась процитирована 3, 0, 6, 1, 5 раз соответственно. Поскольку у ученого есть 3 статьи с минимум тремя цитированиями, а у оставшихся двух - не более 3 цитирований, его индекс Хирша равен 3.

Пример.

input.txt	output.txt
1,3,1	1

```
import sys
import os

current_dir = os.path.dirname(os.path.abspath(__file__))
src_dir = os.path.join(current_dir, '..', '..')
sys.path.insert(0, src_dir)

from utils import read_from_file, write_in_file, measuring
from task1.src.quick_sort import quick_sort

def hirsch_index(citations):
    n = len(citations)
    quick_sort(citations, 0, n-1)
    for h in range(n):
        if (n - h) <= int(citations[h]):
        return n - h</pre>
```

```
return 0

if __name__ == '__main__':
    data = read_from_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task5/txtf/input.txt')

    result = hirsch_index(data)

    write_in_file('algorithms-and-data-
structures/lab3/task5/txtf/output.txt', [result])
    measuring(hirsch_index, data)
```

- 1. Функция hirsh_index: Эта функция принимает на вход список цитирований и возвращает индекс Хирша. Шаги выполнения следующие:
- 1) Сортировка списка цитирований в порядке убывания с помощью функции quick sort.
- 2) Поиск максимального значения h, такого что n h ≤ citations[h], где n длина списка. То есть ищется наибольшее значение h, для которого существует хотя бы h работ, каждая из которых имеет не менее h цитирований.
- 3) Если такого значения нет, возвращается 0.
- 2. Основная часть программы: Читаются данные из файла, преобразуются в список целых чисел, передается в функцию hirsh_index, результат записывается в выходной файл. Время выполнения и память процесса также выводятся на экран.

Результат работы программы:

Входные данные:

30615

Выходные данные:

3

Время выполнения и количество затраченной памяти:

Время: 0.006335 секунд Память: 14.796875 Мбайт

```
import sys
import os
```

```
current dir = os.path.dirname(os.path.abspath(_file__))
src dir = os.path.join(current dir, '...', '...')
sys.path.insert(0, src_dir)
import unittest
from task5.src.hirsh index import hirsch index
class TestHirschIndex(unittest.TestCase):
    def test should find hirsch index example1 array(self):
        # given
        array = [3, 0, 6, 1, 5]
        expected result = 3
       # when
        result = hirsch index(array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def test_should_find_hirsch_index example2 array(self):
       # given
        array = [1, 3, 1]
        expected result = 1
       # when
        result = hirsch_index(array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
    def test should find hirsch index sorted array(self):
       # given
        array = [1, 2, 3, 4]
        expected_result = 2
       # when
        result = hirsch_index(array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
```

```
def test_should_find_hirsch_index_reverse_sorted_array(self):
        # given
        array = [4, 3, 2, 1]
        expected_result = 2
        # when
        result = hirsch index(array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected result)
    def test_should_count_inversions_empty_array(self):
        # given
        array = []
        expected result = 0
        # when
        result = hirsch_index(array)
        # then
        self.assertEqual(result, expected_result)
if __name__ == '__main__':
    unittest.main()
```

В ходе решения данной задачи мы реализовали алгоритм нахождения индекса Хирша для массива целых чисел.

Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы №3 мы изучили алгоритмы быстрой сортировки и разных ее интерпретаций, сортировки за линейное время. Протестировали скорость их работы.