第二十三届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

提高组 C++语言试题

竞赛时间: 2017年10月14日14:30~16:30

选手注意:

- 试题纸共有 10 页, 答题纸共有 2 页, 满分 100 分。请在答题纸上作答 在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备(如计算器、手机、电子词典等)或查阅任何书籍资 料。

22.5 分; 每题有且仅有 一、单项选择题(共15题,每题1.5分,共计 选项)

- 1. 从()年开始,NOIP 竞赛将不再支持 Pascal 语言。
- A. 2020 D. 2023 B. 2021 C. 2022
- 2. 在 8 位二进制补码中, 10101011 表示的数是十进制下的()。 B. -85 C. -43 A. 43
- 3. 分辨率为 1600x900、16 位色的位图,存储图像信息所需的空间为(A. 2812.5KB B. 4218.75KB C. 4320KB D. 2880KB
- 4. 2017年10月1日是星期日, 1949年10月1日是(C. 星期六 D. 星期二 A. 星期三
- 5. 设 G 是有 n 个结点、m 条边 (n ≤ m) 的连通图, 必须删去 G 的 () 条边, 才能使得G变成一棵树。
- C. m+n+1 D. n-m+1 A. m-n+1 B. m-n
- 6. 若某算法的计算时间表示为递推关系式:

 $T(N) = 2T(N/2) + N \log N$

T(1) = 1

则该算法的时间复杂度为()。

- A. Ø(N)
 - B. $O(N \log N)$ C. $O(N \log^2 N)$ D. $O(N^2)$
- 7. ◆表达式 a * (b + c) * d 的后缀形式是()。
 - A. abcd*+* B. abc+*d* C. a*bc+*d D. b+c*a*d
- 8. 由四个不同的点构成的简单无向连通图的个数是()。

A. 32

B. 35

C. 38

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第1页,共10页



9. 将 7 个名额分给 同的分配方案。	4个不同的班级	,允许有的班级没	:有名额,有()种不
A. 60	B. 84	C. 96	D. 120
10. 若 f[0] = 0, f[1] = ()。	1, f[n + 1] = (f[n] +		着i的增大,f[i]将接近于
A. 1/2	B. 2/3	C. $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$	D 1
	以元素比较作为		和 B 合并成一个排好序的 法最坏情况下至少要做
A. n ²	B. n log n	C. 2n	D. 2n-1
如果只有一架天	平可以用来称重.	且称重的硬币数没 E行伐码补全到算法	质量过轻或质量过重), 有限制,下面是找出这枚 去中。
a. 퐴← X∪Y b. 퐴← Z c. 푛← 퐴			
3. if $W(X) \neq$	分成 X ₇ / Y,Z Ξ ± W (Y)	E个集合,使得 X : W(X), W(Y)分别为	= Y = 푘 Z = 푛- 2푘 X或Y的重量
7. if n>2 then go 8. if n=2 then 13	E取 A 中 1 枚硬币 若相等,则 A 中	5 与拿走硬币比较,剩下的硬币不合格	若不等,则它不合格;
正确的填空顺序是	是()。		
A. b, c, a	B. c, b, a	C. c, a, b	D. a, b, c
13. 有正实数构成的数第一行的数为 a ₁₁ a ₂₁ , a ₂₂ ; ···第 n 行开始,每一行的数下一行的两个数 a 法找出一条从 a ₁₁	; 第二行的数从2 的数为 an1, an2, 故 a _{ij} 只有两条边 [©] a _{(i+1)j} 和 a _{(i+1)(j+1)。} [左到右依次为 ···, a _{nn} 。从 a ₁₁ 可以分别通向 用动态规划算	a_{11} a_{21} a_{22} a_{31} a_{32} a_{33} a_{n1} a_{n2} a_{nn}

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 2 页, 共 10 页 个数的路径, 使得该路径上的数之和达到最大。

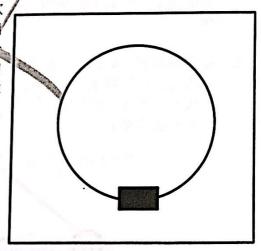
令 C[i,j]是从 a11 到 aij 的路径上的数的最大和,并且 C[i,0]=C[0,j]=0, 则 C[i, j]= ()。

- A. $\max\{C[i-1,j-1], C[i-1,j]\} + a_{ij}$
- B. C[i-1,j-1] + C[i-1,j]
- C. $\max\{C[i-1,j-1], C[i-1,j]\} + 1$
- D. $\max\{C[i,j-1],C[i-1,j]\} + a_{ij}$

14. 小明要去南美洲旅游,一共乘坐三趟航班才能到达目的地,其中第1个航班 准点的概率是 0.9, 第 2 个航班准点的概率为 0.8, 第 3 个航班准点的概率为 0.9。如果存在第 i 个 (i=1,2) 航班晚点, 第 i+1 个航班准点,则小明将赶不 上第 i+1 个航班, 旅行失败; 除了这种情况, 其他情况下旅行都能成功。请 问小明此次旅行成功的概率是(

- A. 0.5
- B. 0.648
- C. 0.72
- D. 0.74

15. 欢乐喷球: 儿童游乐场有个游戏叫"欢 乐喷球",正方形场地中心能不断喷出 彩色乒乓球,以场地中心为圆心还有 个圆形轨道,轨道上有一列小火车在匀 速运动,火车有六节车厢。假设乒乓球 等概率落到正方形场地的每个地点,包 括火车车厢。小朋友玩这个游戏时,只 能坐在同一个火车车厢里,可以在自己 的车厢里捡落在该车厢内的所有乒乓 球,每个人每次游戏有三分钟时间,则 一个小朋友独自玩一次游戏期望可以 得到()个乒乓球。假设乒乓球喷 出的速度为2个/秋,每节年厢的面积 是整个场地面积的 1/20。



A. 60

- C. 18
- D. 20

二、不定项选择题(共 5 题,每题 1.5 分,共计 7.5 分;每题有一个或多个正确 选项,多选或少选均不得分)

- 1. 以下排序算法在最坏情况下时间复杂度最优的有()。
 - A一冒泡排序

- B. 快速排序 C. 归并排序 D. 堆排序
- 付于入栈顺序为 a, b, c, d, e, f, g 的序列,下列()不可能是合法的出栈序
 - A. a, b, c, d, e, f, g

B. a, d, c, b, e, g, f

C. a, d, b, c, g, f, e

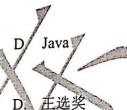
D. g, f, e, d, c, b, a

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第3页,共10页



- 3. 下列算法中, () 是稳定的排序算法。 A. 快速排序 B. 堆排序 C. 希尔排序 D. 插入排序

- 4. 以下是面向对象的高级语言的有()。
 - A. 汇编语言 B. C++
- C. Fortran
- 5. 以下和计算机领域密切相关的奖项有(
 - A. 奥斯卡奖 B. 图灵奖
- C. 诺贝尔奖

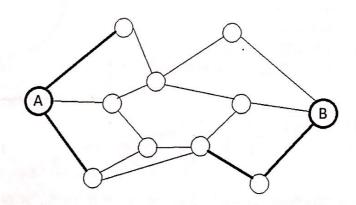


三、问题求解(共2题,每题5分,共计10分)

1. 如右图所示,共有 13 个格子。对任何一个格子进行一 次操作,会使得它自己以及与它上下左右相邻的格子中 的数字改变(由1变0,或由0变1)。现在要使得所 有的格子中的数字都变为 0, 至少需要 作。

		_	1	
		1		
	0	0	1	
0	1	0	0	1
	0	1	1	
		0		

2. 如下图所示, A 到 B 是连通的。假设删除一条细的边的代价是 1, 删除一条 粗的边的代价是 2, 要让 A、B 不连通, 最小代价是_____(2分), 最 小代价的不同方案数是_____(3分)。(只要有一条删除的边不同,就 是不同的方案)



四、阅读程序写结果(共4题,每题8分,共计32分)

1. #include <iostream> using namespace std;

> int g(int m, int n, int x) { int ans = 0; int i if (n'==1)

> > CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第4页,共10页



```
return 1;
       for (i = x; i <= m / n; i++)
          ans += g(m - i, n - 1, i);
       return ans;
   }
   int main() {
      int t, m, n;
      cin >> m >> n;
      cout << g(m, n, 0) << endl;
      return 0;
   }
   输入: 8 4
   输出:
2. #include <iostream>
   using namespace std;
   int main() {
      int n, i, j, x, y, nx, ny;
      int a[40][40];
      for (i = 0; i < 40; i++)
          for (j = 0; j < 40; j++)
             a[i][j] = 0;
      cin >> n;
      y = 0; x = 1
      for (i = 1); i < n; i++) {
         a[y][x] = ic
         ny = (y - 1 + n) \% n;
         nx = (x + 1) % n;
         if ((y == 0 && x == n - 1) || a[ny][nx] != 0)
             y = y + 1;
         else \{ y = ny; x = nx; \}
     for (j = 0; j < n; j++)
       cout << a[0][j] << " ";
     cout << endl;</pre>
     return 0;
  输入: 3
```

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 5 页, 共 10 页 输出:

3. #include <iostream> using namespace std; int n, s, a[100005], t[100005], i; void mergesort(int l, int r) { if (1 == r)return; int mid = (l + r) / 2; int p = 1; int i = 1; int j = mid + 1; mergesort(1, mid); mergesort(mid + 1, r); while (i <= mid && j <= r) if (a[j] < a[i]) { s += mid - i + 1; t[p] = a[j];p++; j++; else { t[p] = a[i];p++; i++; while (i <= mid) t[p] 4 a[i] p++; i++; while $(j \leftarrow r) \{$ t[p] = a[j]; p++; j++; for (i = 1; i <= r; i++) a[i] = t[i]; int main() {



CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 6 页, 共 10 页



```
cin >> n;
       for (i = 1; i \le n; i++)
           cin >> a[i];
       mergesort(1, n);
       cout << s << endl;</pre>
       return 0;
   }
   输入: 6
         2 6 3 4 5 1
   输出: _____
4. #include <iostream>
   using namespace std;
   int main() {
       int n, m;
       cin >> n >> m;
       int x = 1;
       int y = 1;
       int dx = 1;
       int dy = 1;
       int cnt = 0;
      while (cnt != 2) {
          cnt = 0;
          x = x + dx
          y = y \stackrel{d}{\leftarrow} d\hat{y};
          if (x 美14人)
          if (y == 1 || y == m) {
              ++cnt;
              dy = -dy;
     cout << x << " " << y << endl;
     return 0;
 输入1:43
 输出 1:
                  _ (2分)
 输入 2: 2017 1014
```

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 7 页, 共 10 页



```
输出 2: _____ (3分)
输入 3: 987 321
输出 3: ____ (3分)
```

五、完善程序(共2题,每题14分,共计28分)

1. (大整数除法)给定两个正整数 p 和 q,其中 p 不超过 10^{f00}, q 不超过 100000, 求 p 除以 q 的商和余数。(第一空 2 分,其余 3 分) 输入:第一行是 p 的位数 n,第二行是正整数 p,第三行是正整数 q。

输入: 第一行是 p 的位数 n, 第二行是正整数 p, 第三行是正整数 q。 输出: 两行,分别是 p 除以 q 的商和余数。

```
#include <iostream>
using namespace std;
int p[100];
int n, i, q, rest;
char c;
int main() {
   cin >> n;
   for (i = 0; i < n; i++) {
      cin >> c;
       p[i] = c - '0';
   cin >> q;
   rest = (1)
   i = 1;
   while (
                     && i < n) {
      rest # res
      i++;
   if (rest < q)
      cout << 0 << endl;
   eliśe {
      cout << (3);
      while (i < n) {
          rest = (4);
          cout << rest / q;
      cout << endl;
```

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 8 页, 共 10 页



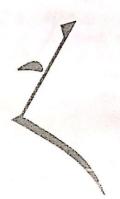
```
Cout << <u>(5)</u> << endl;
   return 0;
}
(最长路径)给定一个有向无环图,每条边长度为1,求图中的最长路径长
度。(第五空2分,其余3分)
  输入:第一行是结点数 n (不超过 100) 和边数 m, 接下来 m.行, 每行
两个整数 a, b, 表示从结点 a 到结点 b 有一条有向边。结点标号从 0 到(n-1)。
  输出:最长路径长度。
提示: 先进行拓扑排序, 然后按照拓扑序计算最长路径。
#include <iostream>
using namespace std;
int n, m, i, j, a, b, head, tail / ans;
int graph[100][100];  // 用邻接矩阵存储图
int degree[100];
                    // 记录每个结点的入度
                    // 记录以各结点为终点的最长路径长度
int len[100];
int queue[100];
                    // 存放拓扑排序结果
int main() {
   cin >> n >> m;
   for (i = 0; i < n; i++)
      for (j = 0; j < n; j++)
          graph[i][j] = 0;
   for (i = 0; i \nmid n; i++)
      degree[i] = 0;
   for (i = 0; i < m; i++) {
      cin >>/a
   tail = 0;
   for (i = 0; i < n; i++)
    if ((2)) {
         queue[tail] = i;
         tail++;
      }
   head = 0;
   while (tail < n - 1) {
      for (i = 0; i < n; i++)
         if (graph[queue[head] ][i] == 1) {
              (3);
```

CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 9 页, 共 10 页



```
if (degree[i] == 0) {
              queue[tail] = i;
              tail++;
           }
    (4);
ans = 0;
for (i = 0; i < n; i++) {
   a = queue[i];
   len[a] = 1;
   for (j = 0; j < n; j++)
       if (graph[j][a] == 1 & en[j] + 1 > len[a])
          len[a] = len[j] + 1
   if (<u>(5)</u>)
       ans = len[a];
}
cout << ans << endl;</pre>
return 0;
```





CCF NOIP2016 初赛提高组 C++语言试题 第 10 页, 共 10 页

