

1) Enunciado del Problema

Un chico de **21 años** se dispone a circular por el carril bici del Paralelo de Barcelona con un patinete eléctrico. El patinete tiene un ordenador interno para conocer en todo momento la velocidad y el estado de la batería. La autonomía que permite la batería es de **25 km**, la velocidad máxima es de **25 km/h** y tiene 3 tipos de sistemas de frenos. El chico está en un semáforo parado, sube al patinete inicialmente en reposo y cuando el semáforo se pone en verde, es capaz de acelerar de **0 km/h** a **15,3 km/h** en **1,7 segundos** en un tramo sin fricción.

1a) Conversiones de Unidades S.I

- Edad:

$$21 \text{ años} = 21 \times \frac{365.25 \text{ días}}{1 \text{ año}} \times \frac{24 \text{ horas}}{1 \text{ día}} \times \frac{60 \text{ minutos}}{1 \text{ hora}} \times \frac{60 \text{ segundos}}{1 \text{ minuto}} = 662709600 \text{ segundos}$$

- Autonomía: $25 \text{ km} = 25 \times 1000 \text{ m} = 25000 \text{ m}$
- V_{\max} : $25 \text{ km/h} = 6.94 \text{ m/s}$ ($25 \text{ km/h} \times \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}}$)
- V_0 : $0 \text{ km/h} = 0 \text{ m/s}$
- V : $15.3 \text{ km/h} = 4.25 \text{ m/s}$ ($15.3 \text{ km/h} \times \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}}$)
- Tiempo: $1.7 \text{ segundos} = 1.7 \text{ s}$

1b) Cálculo de la aceleración media

Para calcular la aceleración media (a) que experimenta el patinete, podemos utilizar la fórmula de la aceleración media, que se da por:

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t}$$

Sustituyendo los valores:

- $V = 4.25 \text{ m/s}$ (velocidad final después de la aceleración),
- $V_0 = 0 \text{ m/s}$ (inicialmente en reposo),
- $t = 1.7 \text{ s}$ (tiempo final de la aceleración),
- $t_0 = 0 \text{ s}$ (tiempo inicial, en que el patinete empieza a acelerar),

Ahora podemos calcular:

$$a = \frac{4.25 \text{ m/s} - 0 \text{ m/s}}{1.7 - 0 \text{ s}} = \frac{4.25 \text{ m/s}}{1.7 \text{ s}} = 2.5 \text{ m/s}^2$$

Justificación del Signo del Resultado

El signo de la aceleración es positivo, lo que indica que la patineta está acelerando. Una aceleración positiva significa que la velocidad del patinete está aumentando, lo que es coherente con el hecho de que el patinete comenzó desde el estado de inactividad y aumentó su velocidad al acelerar. Por lo tanto, la justificación del signo del resultado es que el patinete está en movimiento acelerado, saliendo del estado de reposo y aumentando su velocidad a lo largo del tiempo.

1c) Cálculo de la distancia recorrida por el patinete durante el tiempo de aceleración

Para calcular la distancia recorrida por el patinete durante el tiempo en que estuvo acelerando, utilizamos la ecuación del movimiento uniformemente acelerado:

$$S(t) = S_0 + V_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

En este caso, estamos interesados en la variación de la posición (ΔS), que se calcula como:

$$\Delta S = S(t) - S(0)$$

Donde:

- ΔS es la distancia recorrida,
- $S(0) = 0$ m
- $V_0 = 0$ m/s (velocidad inicial, en reposo),
- t es el tiempo que el patinete estuvo acelerando (1,7 s),
- a es la aceleración ($2,5$ m/s²).

Sustituyendo los valores en la ecuación:

$$S(t) = \frac{1}{2} a t^2$$

$$\Delta S = \frac{1}{2} \times 2,5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \times (1,7 \text{ s})^2 \approx \boxed{3,61 \text{ m}}$$

1d) Aceleración de frenado

Para calcular la aceleración de frenado (a_{frenado}) que experimenta el patinete al detenerse, podemos utilizar la ecuación de Torricelli dada por:

$$V^2 = V_0^2 + 2a_{\text{frenado}}S$$

1.1d) Demostración de la fórmula $V^2 = V_0^2 + 2ad$

Partimos de las definiciones de aceleración y de las ecuaciones del movimiento.

$$a = \frac{V - V_0}{t}$$

$$d = V_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

1. Reordenando la ecuación de la aceleración:

$$V - V_0 = at \implies t = \frac{V - V_0}{a}$$

2. Sustituyendo t en la fórmula de la distancia:

$$d = V_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$d = V_0 \left(\frac{V - V_0}{a} \right) + \frac{1}{2} a \left(\frac{V - V_0}{a} \right)^2$$

3. Desarrollando la ecuación:

$$d = \frac{V_0(V - V_0)}{a} + \frac{(V - V_0)^2}{2a}$$

4. Multiplicando toda la ecuación por $2a$ para eliminar los denominadores:

$$2ad = 2V_0(V - V_0) + (V - V_0)^2$$

$$2ad = (2V_0V - 2V_0^2) + (V^2 - 2V_0V_0 - V_0^2)$$

5. Simplificando la ecuación:

$$2ad = V^2 + (2V_0^2 - V_0^2)$$

$$2ad = V^2 - V_0^2$$

$$\boxed{V^2 = V_0^2 + 2a\Delta S}$$

↵

1.2d) Resolución del cálculo de la aceleración de frenado

Para calcular la aceleración de frenado del patinete, utilizamos la ecuación de Torricelli que acabamos de demostrar:

$$V^2 = V_0^2 + 2ad$$

Donde:

- V es la velocidad final (0 m/s, ya que el patinete se detiene),
- V_0 es la velocidad inicial (19,5 km/h),
- a es la aceleración (que deseamos calcular),
- d es la distancia recorrida durante la frenada (11 m).

Primero, convertimos la velocidad inicial V_0 de km/h a m/s:

$$V_0 = 19,5 \text{ km/h} = 19,5 \times \frac{1000 \text{ m}}{3600 \text{ s}} \approx 5,416 \text{ m/s}$$

A partir de aquí, podemos ignorar las unidades de medida, ya que todas las cantidades están en el sistema internacional. Por lo tanto, la aceleración que calcularemos también se expresará en este sistema. Al sustituir los valores en la fórmula, obtenemos:

$$0 = 5,416^2 + 2a * 11$$

$$0 = 29,340 + 22a$$

Despejamos a :

$$22a = -29,340 \implies a = \frac{-29,34}{22} \approx \boxed{-1,333 \text{ m/s}^2}$$

Justificación del signo del resultado

El signo negativo de la aceleración indica que el patinete está desacelerando. Esto es coherente con el hecho de que se está deteniendo. Una aceleración negativa indica que la velocidad del patinete está disminuyendo, lo que corresponde a un proceso de frenado.

1e) Cálculo del tiempo que ha tardado el patinete en el apartado 1d

- Velocidad inicial (V_0): 19,5 km/h = 5,416 m/s
- Velocidad final (V): 0 m/s
- Aceleración (a): $-1,333 \text{ m/s}^2$

Usamos la fórmula:

$$V = V_0 + at$$

Sustituyendo los valores:

$$0 = 5,416 \text{ m/s} + (-1,333 \text{ m/s}^2)t$$

A partir de aquí, podemos ignorar las unidades de medida, ya que todas las cantidades están en el sistema internacional. Por lo tanto, lo que calcularemos también se expresará en este sistema. Aislado t , obtendremos:

$$1,333 t = 5,416$$
$$t = \frac{5,416}{1,333} \approx \boxed{4,06 \text{ s}}$$

Por lo tanto, el tiempo que el patinete tardó en detenerse durante el frenado es aproximadamente 4,06 segundos.

2) Enunciado del Problema

t(s)	0	5	10	15	20
x(m)	50	200	350	500	650

Figure 1: La tabla anterior muestra la posición de un coche en función del tiempo en un movimiento rectilíneo.

2a) Representación gráfica de la posición

2b) Cálculo de la velocidad media

Para calcular la velocidad media (v_m), utilizamos:

$$v_m = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$

1. Desplazamiento (ΔS):

$$\Delta S = S_{final} - S_{inicial} = 650 \text{ m} - 50 \text{ m} = 600 \text{ m}$$

2. Intervalo de tiempo (Δt):

$$\Delta t = t_{final} - t_{inicial} = 20\text{ s} - 0\text{ s} = 20\text{ s}$$

3. Cálculo de la velocidad media m/s:

$$v_m = \frac{600\text{ m}}{20\text{ s}} = \boxed{30\text{ m/s}}$$

Ahora, para convertir a km/h:

$$v_m = 30\text{ m/s} \times \frac{3600\text{ s}}{1000\text{ m}} = \boxed{108\text{ km/h}}$$

Por lo tanto, la velocidad media es:

- $v_m = 30\text{ m/s}$
- $v_m = 108\text{ km/h}$

2c) Tipo de Movimiento

Análisis de la velocidad media

La velocidad media calculada es de 30 m/s. Observando los datos de posición:

- Entre $t = 0$ y $t = 5$ segundos, el coche se desplaza de 50 m a 200 m (desplazamiento de 150 m).
- Entre $t = 5$ y $t = 10$ segundos, va de 200 m a 350 m (también 150 m).
- Entre $t = 10$ y $t = 15$ segundos, se mueve de 350 m a 500 m (otra vez 150 m).
- Finalmente, entre $t = 15$ y $t = 20$ segundos, va de 500 m a 650 m (nuevamente 150 m).

Explicación:

Aunque el coche parece tener un movimiento uniforme entre los puntos observados, no se puede garantizar que sea así, ya que los datos son puntos aislados. La representación lineal solicitada en el ejercicio 1a) no implica un movimiento constante. Pero creo que para los fines de este ejercicio, la respuesta esperada sería: "Sí, es MRU."

- Tipo de Movimiento: **M.RU.** (Movimiento Recto Uniforme)
- Razón: La variación de espacio-tiempo es uniforme. Por lo tanto, la velocidad media es constante en cada intervalo de tiempo, lo que significa que no hay aceleración ($a = 0\text{ m/s}^2$) y, por lo tanto, **el movimiento es uniforme y no variado**, porque no tiene aceleración.

2d) Cálculo de la posición del coche a los 90 segundos

Dado que el coche tiene una posición inicial de $S_0 = 50 \text{ m}$ y una velocidad constante de $V_0 = 30 \text{ m/s}$, podemos utilizar la fórmula de la posición en función del tiempo:

$$S(t) = S_0 + V_0 \cdot t$$

Sustituimos $t = 90$ segundos:

$$S(90) = 50 \text{ m} + 30 \text{ m/s} \times 90 \text{ s}$$

Calculando:

$$S(90) = 50 + 2700 = \boxed{2750 \text{ m}}$$

2e) Cálculo de el desplazamiento del coche

Dado que $S(90) = 2750 \text{ m}$ y $S_0 = 50 \text{ m}$, podemos calcular el desplazamiento ΔS :

$$\Delta S = S - S_0 = 2750 \text{ m} - 50 \text{ m} = \boxed{2700 \text{ m}}$$

Por lo tanto, el coche se ha desplazado 2700 m desde su posición inicial.