Bài tập LT - Phép tính quan hệ

Sinh viên: Hồ Thanh Nhân - MSSV: 21127122

1 7.9

a. Tên của những thủy thủ đã đăng ký mã tàu là 103.

$$R1 \leftarrow \sigma_{\mathbf{M\tilde{A}T\tilde{A}U} = \mathbf{'103'}}(\mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}} \bowtie \mathbf{D\breve{A}NGK\acute{Y}}) \\ KQ \leftarrow \Pi_{\mathbf{T\hat{E}NTT}}(R1)$$

- Tuple :
$$\{t.T\hat{\mathbf{E}}\mathbf{N}\mathbf{T}\mathbf{T}|t\in\mathbf{T}\mathbf{H}\mathbf{\mathring{U}}\mathbf{Y}\mathbf{T}\mathbf{H}\mathbf{\mathring{U}}\wedge\exists s\in\mathbf{D}\mathbf{\check{A}}\mathbf{N}\mathbf{G}\mathbf{K}\mathbf{\acute{Y}}($$

 $t.\mathbf{M}\mathbf{\tilde{A}}\mathbf{T}\mathbf{T}=s.\mathbf{M}\mathbf{\tilde{A}}\mathbf{T}\mathbf{T}\wedge$
 $s.\mathbf{M}\mathbf{\tilde{A}}\mathbf{T}\mathbf{\mathring{A}}\mathbf{U}=\mathbf{'103'}\}$

$$\begin{aligned} -\operatorname{\mathbf{Domain}}: \{c| < a,b,c,d> \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}} \land \exists < a',e,f> \in \mathbf{\widecheck{D}\check{A}NGK\acute{Y}}(\\ a = a' \land \\ e = \mathbf{'103'} \} \end{aligned}$$

b. Tên của những thủy thủ có bậc lớn hơn 7.

$$KQ \leftarrow \Pi_{\hat{\text{TÊNTT}}}(\sigma_{\hat{\text{BAC}} \, > \, 7}(\hat{\text{TH\r{U}}}\hat{\text{Y}}\hat{\text{TH\r{U}}}))$$

- $-\,\mathbf{Tuple}:\{t.\mathbf{T\hat{E}NTT}|t\in\mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}(t.\mathbf{B\hat{A}C}>7)\}$
- Domain : $\{b| < a, b, c, d > \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}(c > 7)\}$
- c. Tên và tuổi của những thủy thủ có bậc lớn hơn 7.

$$KQ \leftarrow \Pi_{\hat{\text{TENTT, TU\mathring{O}I}}}(\sigma_{\hat{\text{BAC}} \ > \ 7}(\hat{\text{TH\r{U}}}\hat{\text{YTH\r{U}}}))$$

- Tuple : $\{t. \hat{\mathbf{TENTT}}, t. \hat{\mathbf{TUOI}}| t \in \hat{\mathbf{THUYTHU}}(t. \hat{\mathbf{BAC}} > 7)\}$
- Domain: $\{b, d \mid \langle a, b, c, d \rangle \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}(c > 7)\}$
- d. Tìm tên thủy thủ, tên tàu và ngày đăng ký của tất cả những lần đăng ký.

$$R1 \leftarrow \text{DĂNGKÝ} \bowtie \text{THỦYTHỦ}$$

$$R2 \leftarrow R1 \bowtie TÅU$$

$$KQ \leftarrow \Pi_{T\hat{E}NTT, T\hat{E}NTÅU, NGÅY}(R2)$$

 $- \mathbf{Tuple} : \{t.\mathbf{T}\hat{\mathbf{E}}\mathbf{N}\mathbf{T}\mathbf{T}, s.\mathbf{T}\hat{\mathbf{E}}\mathbf{N}\mathbf{T}\hat{\mathbf{A}}\mathbf{U}, v.\mathbf{N}\mathbf{G}\hat{\mathbf{A}}\mathbf{Y}|t\in\mathbf{T}\mathbf{H}\mathring{\mathbf{U}}\mathbf{Y}\mathbf{T}\mathbf{H}\mathring{\mathbf{U}} \wedge \exists s\in\mathbf{T}\hat{\mathbf{A}}\mathbf{U} \wedge \exists v\in\mathbf{D}\check{\mathbf{A}}\mathbf{N}\mathbf{G}\mathbf{K}\acute{\mathbf{Y}}(t)\}$ $t.\mathbf{M}\tilde{\mathbf{A}}\mathbf{T}\mathbf{T} = v.\mathbf{M}\tilde{\mathbf{A}}\mathbf{T}\mathbf{T} \wedge v.\mathbf{M}\tilde{\mathbf{A}}\mathbf{T}\hat{\mathbf{A}}\mathbf{U} = s.\mathbf{M}\tilde{\mathbf{A}}\mathbf{T}\hat{\mathbf{A}}\mathbf{U})\}$

 $-\operatorname{\mathbf{Domain}}: \{b,f,j| < a,b,c,d> \in \operatorname{\mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}} \land \exists < e,f,g> \in \operatorname{\mathbf{T\grave{A}U}} \land \exists < h,i,j> \in \operatorname{\mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}}} (a=h \land a)$

$$i = e$$

e. Tên của những thủy thủ đã đăng ký tàu màu đỏ.

$$R1 \leftarrow \text{D\Breve{A}NG K\'Y} \bowtie \text{TH\Breve{U}YTH\Breve{U}}$$

 $R2 \leftarrow \sigma_{\text{M\Breve{A}U} = \text{'}\text{D\Breve{O}'}}(R1 \bowtie \text{T\Breve{A}U}))$

$$KQ \leftarrow \Pi_{\mathbf{T} \hat{\mathbf{E}} \mathbf{N} \mathbf{T} \mathbf{T}}(R2) \cap \Pi_{\mathbf{T} \hat{\mathbf{E}} \mathbf{N} \mathbf{T} \mathbf{T}}(\mathbf{T} \mathbf{H} \mathring{\mathbf{U}} \mathbf{Y} \mathbf{T} \mathbf{H} \mathring{\mathbf{U}})$$

 $-\operatorname{\mathbf{Tuple}}:\{t.\operatorname{\mathbf{T}\widehat{\mathbf{E}}\mathbf{N}\mathbf{T}\mathbf{T}}|t\in\operatorname{\mathbf{T}H}\mathring{\mathbf{U}}\mathbf{Y}\mathbf{T}\mathbf{H}\mathring{\mathbf{U}}\wedge\exists s\in\operatorname{\mathbf{T}}\grave{\mathbf{A}}\mathbf{U}\wedge\exists v\in\operatorname{\mathbf{D}}\check{\mathbf{A}}\mathbf{N}\mathbf{G}\mathbf{K}\acute{\mathbf{Y}}($

$$t.\mathbf{M\tilde{A}TT} = v.\mathbf{M\tilde{A}TT} \wedge$$

$$v.\mathbf{M\tilde{A}T\tilde{A}U} = s.\mathbf{M\tilde{A}T\tilde{A}U} \wedge$$

$$s.M\grave{A}U = '\grave{D}\acute{O}')$$

- Domain : $\{b| < a,b,c,d>$ ∈ THỦYTHỦ \land \exists < e,f,g> ∈ TẦU \land \exists < h,i,j> ∈ ĐĂNGKÝ(a=h \land i=e \land

$$g = \mathbf{\dot{D}\dot{O}'})$$

f. Tìm màu của những con tàu mà thủy thủ tên là Hùng đã đăng ký.

$$R1 \leftarrow \text{D\check{A}NGK\acute{Y}} \bowtie \text{TH\r{U}Y TH\r{U}}$$

$$R2 \leftarrow \sigma_{\hat{\text{TENTT}} = \text{'Hùng'}}(R1 \bowtie \hat{\text{TAU}}))$$

$$KQ \leftarrow \Pi_{\text{MÅII}}(R2) \cap \Pi_{\text{MÅII}}(\text{TÅU})$$

 $-\mathbf{Tuple}: \{s.\mathbf{M\grave{A}U}|s\in\mathbf{T\grave{A}U}\wedge\exists t\in\mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}\wedge\exists v\in\mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}}($

$$t.\mathbf{M\tilde{A}TT} = v.\mathbf{M\tilde{A}TT} \ \land$$

$$v.\mathbf{M\tilde{A}T\dot{A}U} = s.\mathbf{M\tilde{A}T\dot{A}U} \wedge$$

$$t.\mathbf{T\hat{E}NTT} = \mathbf{'H\hat{u}ng'})\}$$

 $-\operatorname{\mathbf{Domain}}: \{g| < e, f, g> \in \mathbf{T}\mathbf{\grave{A}}\mathbf{U} \land \exists < a, b, c, d> \in \mathbf{T}\mathbf{H}\mathbf{\mathring{U}}\mathbf{Y}\mathbf{T}\mathbf{H}\mathbf{\mathring{U}} \land \exists < h, i, j> \in \mathbf{\widecheck{D}\check{A}NGK\acute{Y}}($

$$a = h \wedge$$

$$i = e \wedge$$

$$b = 'Hùng')$$

g. Tên của những thủy thủ đã đăng ký ít nhất 1 con tàu.

$$R1 \leftarrow \text{DĂNGKÝ} \bowtie \text{THỬYTHỬ}$$

$$KQ \leftarrow \Pi_{\texttt{T\hat{E}NTT}}(R1) \cap \Pi_{\texttt{T\hat{E}NTT}}(\texttt{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}})$$

 $-\mathbf{Tuple}:\{t.\mathbf{T\hat{E}NTT}|t\in\mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}\wedge\exists v\in\mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}}(t.\mathbf{M\tilde{A}TT}=v.\mathbf{M\tilde{A}TT})\}$

$$-$$
 Domain : $\{b | \langle a, b, c, d \rangle \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}} \land \exists \langle h, i, j \rangle \in \mathbf{D\breve{A}NGK\acute{Y}}(a = h)\}$

h. Tên của những thủy thủ đã đăng ký 1 con tàu màu đỏ hoặc 1 con tàu màu xanh.

$$\begin{split} R1 \leftarrow \Pi_{\text{M\TT}}(\sigma_{\text{COUNT_M\AU}} = {}_{1}({}_{\text{M\TT}}\mathfrak{F}_{\text{COUNT(M\AU)}}(\sigma_{\text{M\AU}} = {}_{\text{'D\O'}}, (\text{D\ANGK\'Y} \bowtie \text{T\AU})))) \\ R2 \leftarrow \Pi_{\text{M\TT}}(\sigma_{\text{COUNT_M\AU}} = {}_{1}({}_{\text{M\TT}}\mathfrak{F}_{\text{COUNT(M\AU)}}(\sigma_{\text{M\AU}} = {}_{\text{'YANH'}}, (\text{D\ANGK\'Y} \bowtie \text{T\AU})))) \\ R3 \leftarrow R1 \cup R2 \\ KQ \leftarrow \Pi_{\text{T\TC}}(\text{TH\UYTH\U} \bowtie R3) \end{split}$$

Nhu cầu truy vấn nằm ngoài khả năng thể hiện của ngôn ngữ phép tính quan hệ vì không thể đếm được số lượng chính xác 1 con tàu.

i. Tên của những thủy thủ đã đăng ký 1 con tàu màu đỏ và 1 con tàu mày xanh.

$$\begin{split} R1 \leftarrow \Pi_{\text{M\TT}}(\sigma_{\text{COUNT_M\AU}} = {}_{1}({}_{\text{M\TT}}\mathfrak{F}_{\text{COUNT(M\AU)}}(\sigma_{\text{M\AU}} = {}_{\text{'D\O'}}, (\text{D\ANGK\'Y} \bowtie \text{T\AU})))) \\ R2 \leftarrow \Pi_{\text{M\TT}}(\sigma_{\text{COUNT_M\AU}} = {}_{1}({}_{\text{M\TT}}\mathfrak{F}_{\text{COUNT(M\AU)}}(\sigma_{\text{M\AU}} = {}_{\text{'YANH'}}, (\text{D\ANGK\'Y} \bowtie \text{T\AU})))) \\ R3 \leftarrow R1 \cap R2 \\ KQ \leftarrow \Pi_{\text{T\CNTT}}(\text{TH\UYTH\U} \bowtie R3) \end{split}$$

Nhu cầu truy vấn nằm ngoài khả năng thể hiện của ngôn ngữ phép tính quan hệ vì không thể đếm được số lượng chính xác 1 con tàu.

j. Tên của những thủy thủ đã đăng ký tối thiểu $2 \, {\rm con} \,$ tàu.

$$\begin{split} R1 \leftarrow \sigma_{\text{COUNT_M\Tilde{A}TT} \geq 2}(_{\text{M\Tilde{A}TT}} \mathfrak{F}_{\text{COUNT}(\text{M\Tilde{A}T\Tilde{A}U})}(\text{D\Tilde{A}NGK\Tilde{Y}})) \\ KQ \leftarrow \Pi_{\text{T\tilde{B}NTT}}(R1 \bowtie \text{TH\Tilde{U}YTH\Tilde{U}}) \end{split}$$

Nhu cầu truy vấn nằm ngoài khả năng thể hiện của ngôn ngữ phép tính quan hệ vì không thể đếm được số lượng chính xác 2 con tàu.

k. Tìm mã của những thủy thủ có tuổi lớn hơn 20 chưa từng đăng ký con tàu màu đỏ.

$$\begin{split} R1 \leftarrow \Pi_{\text{M\TT}}(\sigma_{\text{M\AU} = \ '\text{D\O'}}(\text{T\AU} \bowtie \text{D\OM}(\text{SNGK\'Y})) \\ R2 \leftarrow \Pi_{\text{M\OM}}(\sigma_{\text{TU\OM}} > \ _{20}(\text{TH\UYTH\U})) \\ KQ \leftarrow R2 - R1 \end{split}$$

$$- \mathbf{Tuple} : \{t.\mathbf{M\tilde{A}TT} | t \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}}(t.\mathbf{TU\mathring{O}I} > 20 \Rightarrow (\forall s \in \mathbf{T\grave{A}U} \land \forall v \in \mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}}(t.\mathbf{M\tilde{A}TT} = v.\mathbf{M\tilde{A}TT} \land v.\mathbf{M\tilde{A}T\grave{A}U} = s.\mathbf{M\tilde{A}T\grave{A}U}) \Rightarrow (t.\mathbf{M\grave{A}U} \neq \mathbf{'D\mathring{O}'})))\}$$

l. Tên của những thủy thủ đã đăng ký tất cả các con tàu.

$$\begin{split} R1 \leftarrow \Pi_{\text{M\Bar{A}T\Bar{A}U}}(\text{T\Bar{A}U}) \\ R2 \leftarrow \Pi_{\text{T\Bar{E}NTT, M\Bar{A}T\Bar{A}U}}(\text{D\Bar{A}NGK\Bar{Y}} \bowtie \text{TH\Bar{U}YTH\Bar{U}}) \\ KQ \leftarrow R2 \div R1 \end{split}$$

- Tuple : $\{t. \hat{\mathbf{TENTT}} | t \in \hat{\mathbf{THUYTHU}} \land$

$$\exists v \in \mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}} \land \forall s \in \mathbf{T\grave{A}U}((s.\mathbf{M\tilde{A}T\grave{A}U} = v.\mathbf{M\tilde{A}T\grave{A}U}) \land (v.\mathbf{M\tilde{A}TT} = t.\mathbf{M\tilde{A}TT}))\}$$

- Domain : {b| < a, b, c, d >∈ THŮYTHŮ ∧

$$\exists$$
 < h, i, j >∈ ĐĂNGKÝ ∧ \forall < e, f, g >∈ TÀU((e = h) ∧ (g = a))}

m. Tên của những thủy thủ đã đăng ký tất cả những con tàu có tên là "Marine"

$$\begin{split} R1 \leftarrow \Pi_{\text{M\TA}\TA}(\sigma_{\text{T\TE}\NT\AU} = \text{`Marine'}, (\text{T\AU})) \\ R2 \leftarrow \Pi_{\text{T\TE}\NTT, M\TA}(\text{D\TA}\NGK\Y \bowtie \text{TH\TU}\TH\U) \\ KQ \leftarrow R2 \div R1 \end{split}$$

- $\mathbf{Tuple} : \{t.\mathbf{T\hat{E}NTT} | t \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}} \land \\ \exists v \in \mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}} \land \forall s \in \mathbf{T\grave{A}U}(s.\mathbf{T\hat{E}NT\grave{A}U} = \mathbf{'Marine'} \Rightarrow ((s.\mathbf{M\tilde{A}T\grave{A}U} = v.\mathbf{M\tilde{A}T\grave{A}U}) \land \\ (v.\mathbf{M\tilde{A}TT} = t.\mathbf{M\tilde{A}TT})))\}$
- $\mathbf{Domain} : \{b | < a, b, c, d > \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}} \land \\ \\ \exists < h, i, j > \in \mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}} \land \forall < e, f, g > \in \mathbf{T\grave{A}U}(f = \mathbf{'Marine'} \Rightarrow ((e = h) \land (g = a))) \}$

n. Tên thủy thủ đã đăng ký tất cả những con tàu màu đỏ.

$$\begin{split} R1 \leftarrow \Pi_{\text{M\TA}}(\sigma_{\text{M\AU} = \ '\text{D\O'}}, (\text{T\AU})) \\ R2 \leftarrow \Pi_{\text{T\TE}}(\text{D\ANGKY} \bowtie \text{TH\UYTH\U'}) \\ KQ \leftarrow R2 \div R1 \end{split}$$

- $\mathbf{Tuple} : \{t. \mathbf{T} \hat{\mathbf{E}} \mathbf{N} \mathbf{T} \mathbf{T} | t \in \mathbf{T} \mathbf{H} \mathring{\mathbf{U}} \mathbf{Y} \mathbf{T} \mathbf{H} \mathring{\mathbf{U}} \wedge \\ \exists v \in \mathbf{D} \check{\mathbf{A}} \mathbf{N} \mathbf{G} \mathbf{K} \acute{\mathbf{Y}} \wedge \forall s \in \mathbf{T} \grave{\mathbf{A}} \mathbf{U}(s. \mathbf{M} \grave{\mathbf{A}} \mathbf{U} = \mathbf{'} \mathbf{D} \mathring{\mathbf{O}} \mathbf{'} \Rightarrow ((s. \mathbf{M} \tilde{\mathbf{A}} \mathbf{T} \grave{\mathbf{A}} \mathbf{U} = v. \mathbf{M} \tilde{\mathbf{A}} \mathbf{T} \grave{\mathbf{A}} \mathbf{U}) \wedge \\ (v. \mathbf{M} \tilde{\mathbf{A}} \mathbf{T} \mathbf{T} = t. \mathbf{M} \tilde{\mathbf{A}} \mathbf{T} \mathbf{T}))) \}$
- $\mathbf{Domain} : \{b | < a, b, c, d > \in \mathbf{TH\mathring{U}YTH\mathring{U}} \land \\ \\ \exists < h, i, j > \in \mathbf{D\check{A}NGK\acute{Y}} \land \forall < e, f, g > \in \mathbf{T\grave{A}U}(g = \mathbf{\dot{D}\mathring{O}'} \Rightarrow ((e = h) \land (g = a))) \}$