

Université Cheikh Anta Diop de Dakar (UCAD)
Faculté Sciences et Techniques (FST)
Départements Mathématiques et Informatiques (DMI)

Mémoire Master II
Option : Mathématiques de la décision et opérationnelle

Titre :
Les Méta-heuristiques en Optimisation

Par :

NGOM El hadji¹

Jury :

Président - **Prof.**

Membres **Prof.**
Prof.
Prof.

Superviseurs - **Prof. Salimata Guèye Diagne (UCAD)**
- **Prof. Youssou GNINGUE Université Laurentiane (Canada)**

Soutenue le

1. UCAD-AIMS-SENGAL

Dédicaces

Remerciements

Résumé

Abstract

Table des matières

Dédicaces	i
Remerciements	ii
Résumé	iii
Abstract	iv
Introduction générale	1
1 Les méthodes de résolution	2
1.1 Introduction	2
1.2 Notions de complexité	2
1.3 Présentation des méthodes de résolution	2
1.3.1 Les heuristiques	2
1.3.2 Limites	2
1.3.3 Conclusion	2
2 Les méta-heuristiques	3
2.0.4 Introduction	3
2.0.5 Méthodes à base de populations	3
Colonies des fourmis	3
Les algo-génétiques	3
2.0.6 Methodes simples	3
Recuit simulé	3
Metroplis	3
2.0.7 conclusion	3
3 Exemples pratiques d'applications	4
3.0.8 Introduction	4
3.0.9 Exemple 1	4
3.0.10 Exemple 2	4
3.0.11 Exemple 3	4
3.0.12 conclusion	4

Conclusion	5
References	6
Bibliographie	6

Introduction générale

L'optimisation est un concept bien naturel dans la vie courante : devant un problème en présence de plusieurs solutions possibles, tout individu choisit (en général) une solution qualifiée de "meilleur".

Les méthodes exactes des problèmes d'optimisation (combinatoire) permettent d'obtenir une solution dont l'optimalité est garantie ou assurée, dans certaines situations, on peut cependant chercher des solutions de bonne qualité, sans garantie d'optimalité mais avec un temps beaucoup considérablement réduit. Pour cela, on applique des méthodes appelés **métaheuristiques** (ce mot vient du grec *meta* qui signifie littéralement "au delà" mais '*à un plus haut niveau*' dans ce contexte), adaptées à chaque problème traité, avec seulement l'inconvénient de ne pas disposer en retour d'aucune information sur la qualité de la solution obtenue. Les heuristiques comme les métaheuristiques exploitent généralement des processus aléatoires dans l'exploration de l'espace de recherche pour faire face à l'explosion combinatoire engendrée par l'utilisation des méthodes exactes. Reposant sur une base stochastique, les métaheuristiques sont plus souvent itératives, ainsi le même processus de recherche est répété lors de la résolution. Les métaheuristiques acquièrent une grande avantage par leur capacité d'éviter les minima locaux en admettant des dégradations de la fonction objective au cours de la progression.

Grace à l'optimisation linéaire en nombres entiers, la discipline occupe une place capitale en mathématique décisionnaire, en recherche opérationnelle et en informatique. Des nombreuses applications peuvent être modélisées sous la formes de problèmes d'optimisation en nombres entiers telles que le voyageur de commerce, le problème de coloration de graphe, les problèmes de localisation etc.

Nous allons définir une programmation mathématique en générale d'abord :

$$\left\{ \begin{array}{lll} \max & \min & Z(x) \\ \text{sous} & \text{les} & \text{contraintes} \\ H_i(x) & \leq 0 & i \in \{1, 2, \dots, m\} \\ x \in S \subset \mathbb{R}^n \end{array} \right.$$

LES MÉTHODES DE RÉOLUTION

Sommaire

1.1	Introduction	2
1.2	Notions de complexité	2
1.3	Présentation des méthodes de résolution	2

1.1 Introduction

1.2 Notions de complexité

1.3 Présentation des méthodes de résolution

1.3.1 Les heuristiques

1.3.2 Limites

1.3.3 Conclusion

LES MÉTA-HEURISTIQUES

Sommaire

2.0.4 Introduction

2.0.5 Méthodes à base de populations

Colonies des fourmis

Les algo-génétiques

2.0.6 Methodes simples

Recuit simulé

Metroplis

2.0.7 conclusion

EXEMPLES PRATIQUES D'APPLICATIONS

Sommaire

3.0.8 Introduction

3.0.9 Example 1

3.0.10 Example 2

3.0.11 Example 3

3.0.12 conclusion

Conclusion générale

Bibliographie

- [1] Agaoka Y. : *Uniqueness of left invariant symplectic structures on the affine Lie group*. Proceeding of the American Mathematical Society, volume 129, Number 9 (2001), pp 2753-2762 .
- [2] Aminou R. ; Kosmann-Schwarzbach Y. : *Bigèbres de Lie, doubles et carrés*. Ann. Inst. H. Poincaré, Phys. Théor. 49 (1988), 461-478.