

第四章 放大电路的频率响应



- § 4.1 频率响应的有关概念
- § 4.2 晶体管的高频等效电路
- § 4.3 放大电路的频率响应



- 一、本章要研究的问题
- 二、高通电路和低通电路
- 三、放大电路中的频率参数
- 四、波特图



一、研究的问题

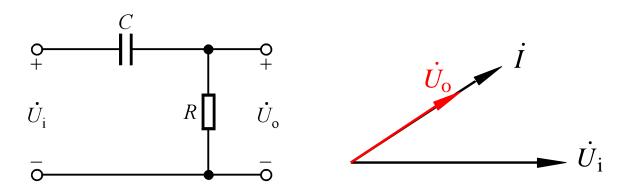
- > 信号频率对放大电路动态参数(放大倍数)的影响
 - □ 耦合电容、旁路电容、半导体器件极间电容的影响
 - □ 放大倍数为频率的函数
- > 实用放大电路的频率要求
 - □ 使用放大电路时,应了解其信号频率的适用范围
 - □ 设计放大电路时,应满足信号频率的范围要求



二、高通电路和低通电路

(1) 高通电路

□幅值&相位(定性): 信号频率越高,输出电压越接近输入电压信号; 频率越低,输出电压幅值趋于0,相位趋于-90°

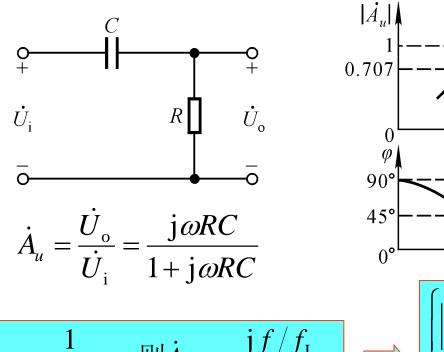


$$\dot{U}_{\mathrm{o}}$$
超前 \dot{U}_{i} , $f \rightarrow 0$, $\left| \dot{U}_{\mathrm{o}} \right| \rightarrow 0$, \dot{U}_{o} 超前 \dot{U}_{i} 90°。

$$\dot{A}_{u} = \frac{\dot{U}_{o}}{\dot{U}_{i}} = \frac{R}{\frac{1}{j\omega C} + R} = \frac{j\omega RC}{1 + j\omega RC}$$



□幅值&相位(定量)——幅频&相频特性



$$f_L$$
 下限截止频率 f_L 字 f_L 时放大 倍数约为1 f_L $f_$

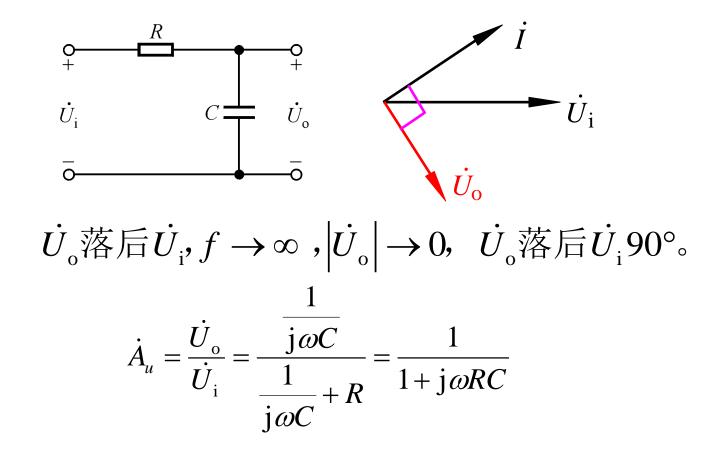
$$\diamondsuit f_{\mathrm{L}} = \frac{1}{2\pi RC}$$
,则 $\dot{A}_{u} = \frac{\mathrm{j}f/f_{\mathrm{L}}}{1+\mathrm{j}f/f_{\mathrm{L}}}$

低频段放大倍数表达式的特点?下限截止频率的特征?



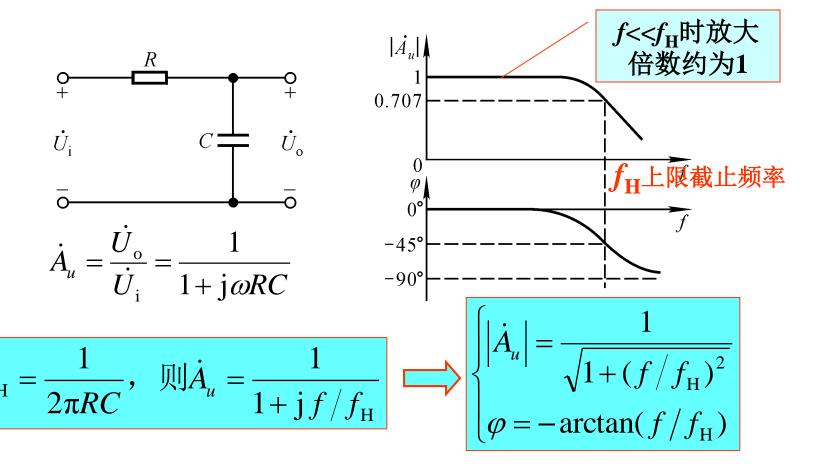
(2) 低通电路

□幅值&相位 (定性): 信号频率越低,输出电压越接近输入电压信号; 频率越高,输出电压幅值趋于0,相位趋于90°





□幅值&相位(定量)——幅频&相频特性



高频段放大倍数表达式的特点?上限截止频率的特征?



(3) 几点结论

① 电路低频段的放大倍数需乘因子

$$\frac{\mathbf{j}f/f_{\mathrm{L}}}{1+\mathbf{j}f/f_{\mathrm{L}}}$$

$$\frac{1}{1+\mathbf{j}f/f_{\mathrm{H}}}$$

电路高频段的放大倍数需乘因子

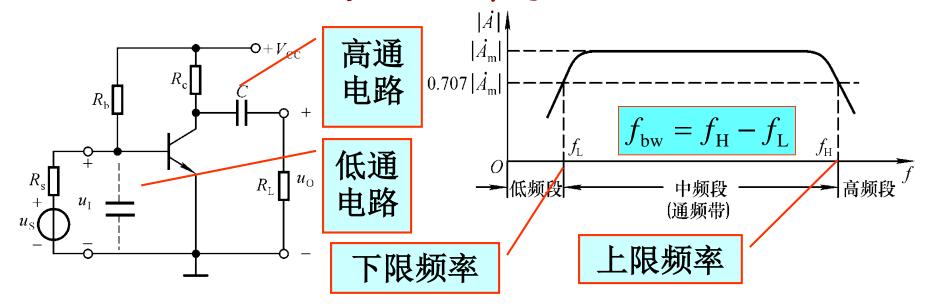
- ② 当 $f=f_L$ 时放大倍数幅值约降到0.707倍,相角超前 45° 当 $f=f_H$ 时放大倍数幅值也约降到0.707倍,相角滞后 45°
- ③ 截止频率决定于电容所在回路的时间常数

$$f_{\rm L(H)} = \frac{1}{2\pi\tau}$$

④ 频率响应有幅频特性和相频特性两条曲线



三、放大电路中的频率参数



- § 在低频段,随着信号频率逐渐降低,耦合电容、旁路电容等的容抗增大,使动态信号损失,放大能力下降
- § 在高频段,随着信号频率逐渐升高,晶体管极间电容和分布电容、寄生电容等杂散电容的容抗减小,使动态信号损失,放大能力下降

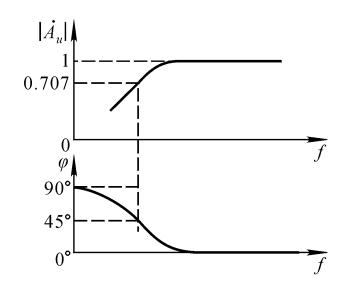


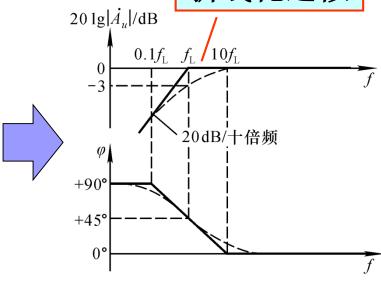
四、波特图

- >作用
 - □利用有限的坐标系表示宽范围的变化量
 - □将变化量的乘除运算转换为加减运算
- > 坐标
 - □横轴: $\lg f$; 纵轴: $20\lg |\dot{A}_u|$ (单位: 分贝/dB),
- > 以高通电路为例

$$\begin{cases}
20 \lg |\dot{A}_u| = -10 \lg (1 + (f_L/f)^2) \\
\varphi = 90^\circ - \arctan (f/f_L)
\end{cases}$$

折线化近似

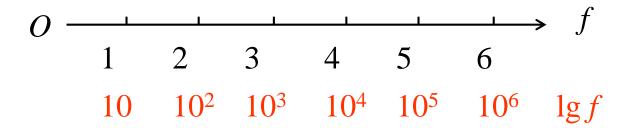






讨论一

- 1. 若干个放大电路的放大倍数分别为1、10、 10^2 、 10^3 、 10^4 、 10^5 ,它们的增益分别为多少?
- 2. 为什么波特图开阔了视野?同样长度的横轴,在单位长度不变的情况下,采用对数坐标后,最高频率是原来的多少倍?

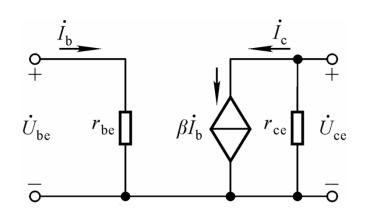




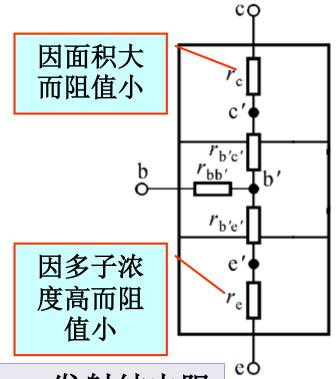
- 一、混合工模型
- 二、电流放大倍数的频率响应
- 三、晶体管的频率参数



1.低、中频 混合模型



i。受i。控制的电流源



 $r_{\rm bb}$: 基区体电阻

。 发射区体电阻

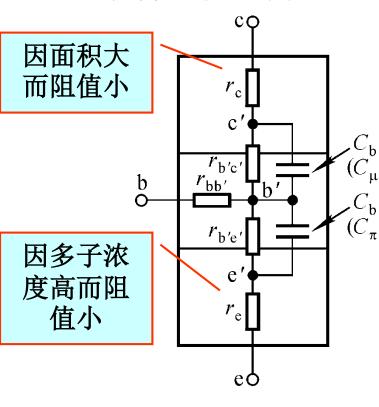
 r_c : 集电区体电阻

r_{b'e'}: 发射结电阻

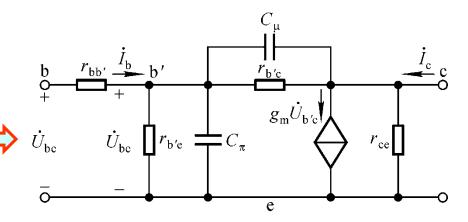
 $r_{\rm b,c}$: 集电结电阻



2. 高频混合π模型







 r_{bb} : 基区体电阻 $r_{b'e'}$: 发射结电阻

 C_{π} : 发射结电容 (几~几十pF)

 $r_{\rm e}$: 发射区体电阻 $r_{\rm b'c'}$: 集电结电阻

 C_{μ} : 集电结电容 (0.1~几pF)

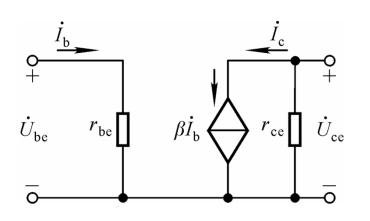
 r_c : 集电区体电阻

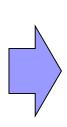
 $g_{\rm m}$: 跨导,不随信号频率而变化

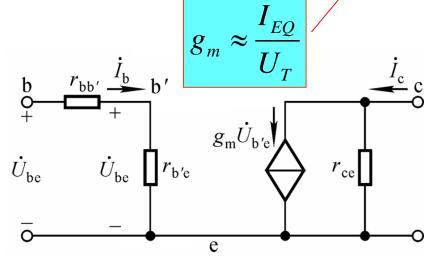


跨导,不随信号 频率变化而变化

$> g_{\rm m}$ 是什么?







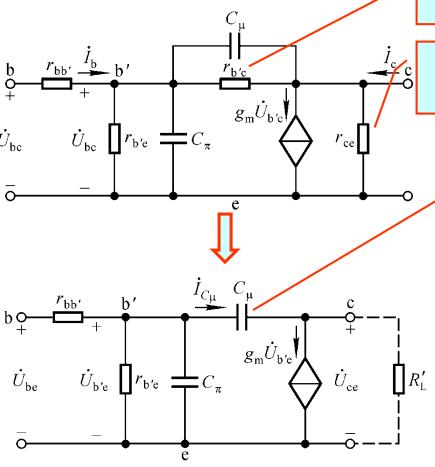
 i_{c} 受 i_{b} 控制的电流源

i。受ub,控制的电流源

$$\dot{I}_{c} = \beta_{0}\dot{I}_{b} = \beta_{0}\frac{\dot{U}_{b'e}}{r_{b'e}} = \frac{\beta_{0}}{r_{b'e}}\dot{U}_{b'e} = g_{m}\dot{U}_{b'e} = g_{m}\dot{U}_{b'e} = \left[\begin{array}{c}g_{m} = \frac{\beta_{0}}{r_{b'e}}\\r_{b'e} = (1 + \beta_{0})\frac{U_{T}}{I_{EQ}}\end{array}\right]$$



混合π模型: 忽略大电阻的分流



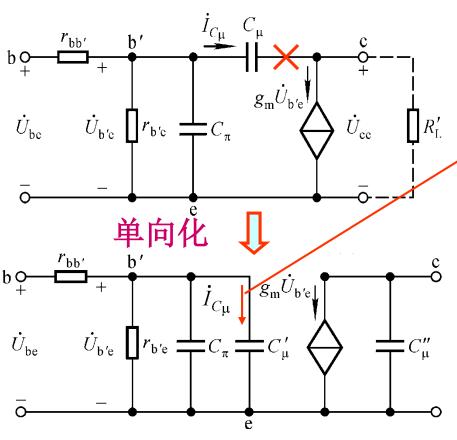
因在放大区承受反向电压而阻值大

因在放大区 $i_{\rm C}$ 几乎仅 决定于 $i_{\rm R}$ 而阻值大

> Cμ连接了输入回路 和输出回路,引入 了反馈,信号传递 有两个方向,使电 路的分析复杂化



混合π模型的单向化 (Miller等效变换)



$$\dot{I}_{C\mu} = \frac{\dot{U}_{\text{b'e}} - \dot{U}_{\text{ce}}}{X_{C\mu}} = (1 - k) \frac{\dot{U}_{\text{b'e}}}{X_{C\mu}}$$

$$k = \dot{U}_{\text{ce}} / \dot{U}_{\text{b'e}} \approx -g_{\text{m}} R_{\text{L}}$$

等效变换后电流不变

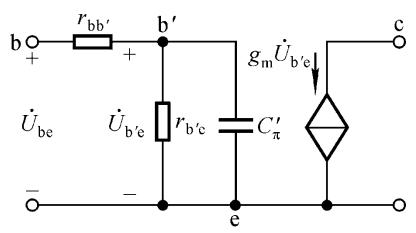
$$X_{C'\mu} = \frac{\dot{U}_{b'e}}{\dot{I}_{C\mu}} \approx \frac{X_{C\mu}}{1 + g_{m}R_{L}}$$

$$C_{\mu}^{'} \approx (1 + g_{\mathrm{m}} R_{\mathrm{L}}^{'}) C_{\mu}$$

同理可得,
$$C_{\mu}^{"} \approx \frac{k-1}{k} \cdot C_{\mu}$$



混合π模型的参数



$$\beta_0 \dot{I}_b = g_m \dot{U}_{b'e} = g_m \dot{I}_b r_{b'e}$$

$$g_m = \frac{\beta_0}{r_{b'e}} \approx \frac{I_{EQ}}{U_T}$$



\mathcal{C}_{μ} ?

如何得到模型中的参数?

▶ 从低中频模型求 k

$$k = \dot{U}_{ce} / \dot{U}_{b'e} = -g_{m} R_{L}$$

 \rightarrow 从手册上查 $C_u, r_{bb'}$

$$C_{\pi}' = C_{\pi} + C_{\mu}'$$

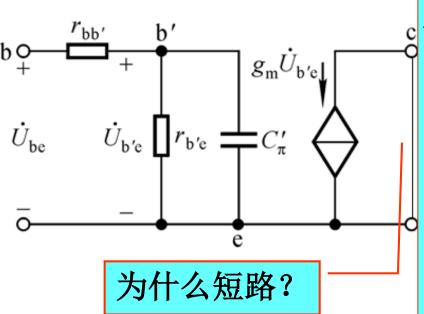
$$C_{\mu}' = (1-k)C_{\mu}$$



1. 晶体管放大倍数的频率响应

$$\dot{\beta} = \frac{\dot{I}_{\rm c}}{\dot{I}_{\rm b}} \Big|_{U_{\rm CE}}$$

$$\dot{\beta} = \frac{I_{\rm c}}{\dot{l}_{\rm c}} |_{U_{\rm CE}}$$
 因为 $k = -g_{\rm m} R_{\rm L}' = 0$,所以 $C_{\pi}' = C_{\pi} + C_{\mu}$



$$\dot{\beta} = \frac{\dot{I}_{c}}{I_{r_{b'e}} + I_{C'_{\pi}}} = \frac{g_{m}\dot{U}_{b'e}}{\dot{U}_{b'e}[\frac{1}{r_{b'e}} + j\omega (C_{\pi} + C_{\mu})]}$$

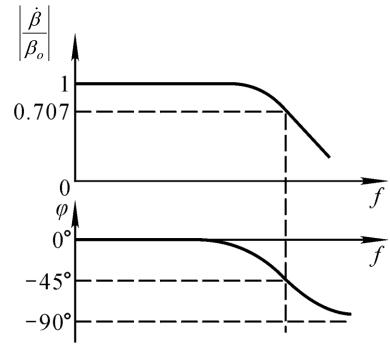
$$= \frac{\beta_{0}}{1 + j\frac{f}{f_{\beta}}}$$

$$f_{\beta} = \frac{1}{2 \pi r_{b'e}(C_{\pi} + C_{\mu})}$$



2. 电流放大倍数的频率特性曲线

$$\dot{\beta} = \frac{\beta_0}{1 + j\frac{f}{f_{\beta}}} \Rightarrow \begin{cases} \left| \dot{\beta} \right| = \frac{\beta_0}{\sqrt{1 + (\frac{f}{f_{\beta}})^2}} \\ \varphi = -tg^{-1} \frac{f}{f_{\beta}} \end{cases}$$



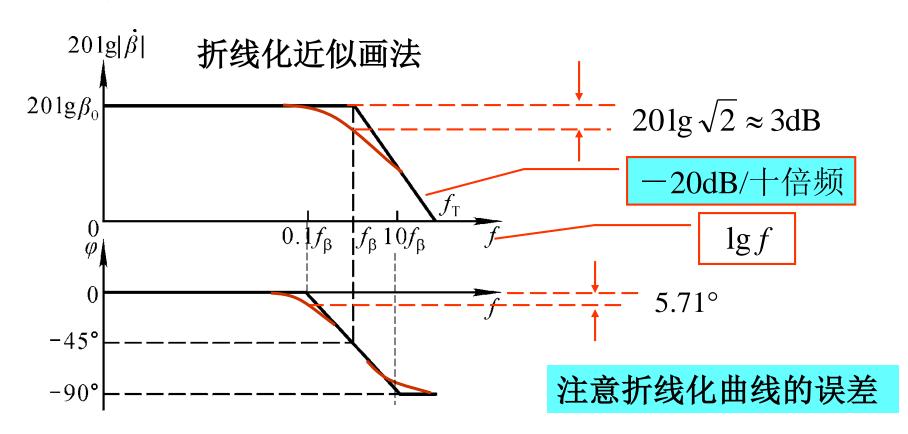
$$f << f_{eta}$$
时, $\left|\dot{eta}\right| pprox eta_0$;

$$f = f_{\beta}$$
 时, $|\dot{\beta}| = \frac{\beta_0}{\sqrt{2}} \approx 0.707 \beta_0$, $\varphi = -45^\circ$;

$$f >> f_{\beta}$$
 时, $|\dot{\beta}| \approx \frac{f_{\beta}}{f} \cdot \beta_0$; $f \to \infty$ 时, $|\dot{\beta}| \to 0$, $\varphi \to -90^{\circ}$



> 电流放大倍数的波特图





晶体管的频率参数

共射截 止频率

共基截 止频率

特征 频率

$$f_{\beta}$$
, f_{α} , f_{T} , $C_{\rm ob}(C_{\mu})_{\circ}$

集电结电容

 $|\dot{\beta}| = 1$ 时的频率为 f_{T} $f_{\rm T} \approx f_{\alpha} \approx \beta_0 f_{\beta}$

$$\dot{\beta} = \frac{\beta_0}{1 + j \frac{f}{f_{\beta}}} \qquad f_{\beta} = \frac{1}{2 \pi r_{\text{b'e}} (C_{\pi} + C_{\mu})}$$

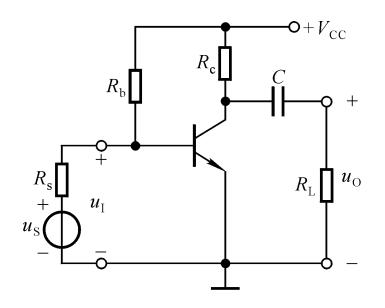
通过以上分析得出的结论:

手册 查得

- ① 低频段和高频段放大倍数的表达式:
- ② 截止频率与时间常数的关系;
- ③ 波特图及其折线画法:
- $\bigoplus C_{\pi}$ 的求法



讨论二

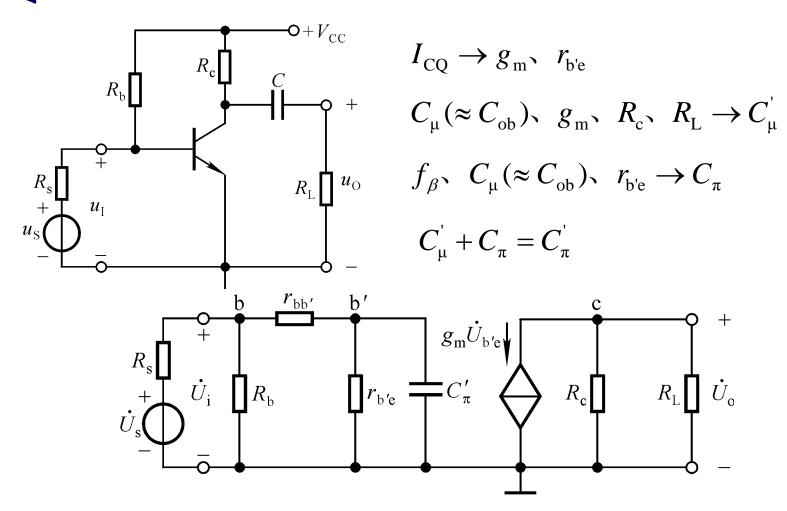


电路如图。已知各电阻阻值;静态工作点合适,集电极电流 $I_{\rm CQ}$ =2mA;晶体管的 $r_{\rm bb}$,=200 Ω , $C_{\rm ob}$ =5pF, f_{β} =1MHz。

试求解该电路中晶体管高 频等效模型中的各个参数。



讨论二

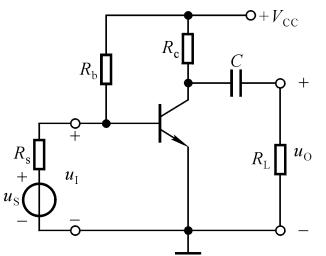


§ 4.3 放大电路的频率响应

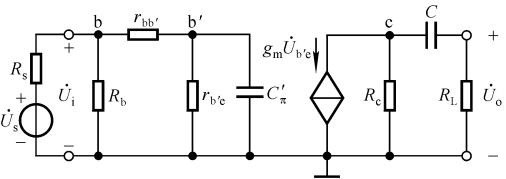
- 一、单管共射放大电路的频率响应
- 二、多级放大电路的频率响应



一、单管共射放大电路的频率响应



适用于信号频率从0~∞的 交流等效电路



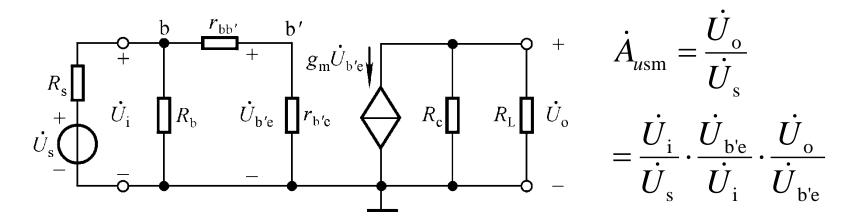
中频段: C 短路, C_{π} 开路

低频段:考虑C的影响, C_{π} 开路

高频段:考虑 C_{π} 的影响,C 短路



1. 中频电压放大倍数



带负载时:

$$\dot{A}_{usm} = \frac{R_{i}}{R_{s} + R_{i}} \cdot \frac{r_{b'e}}{r_{be}} \cdot [-g_{m}(R_{c} // R_{L})]$$

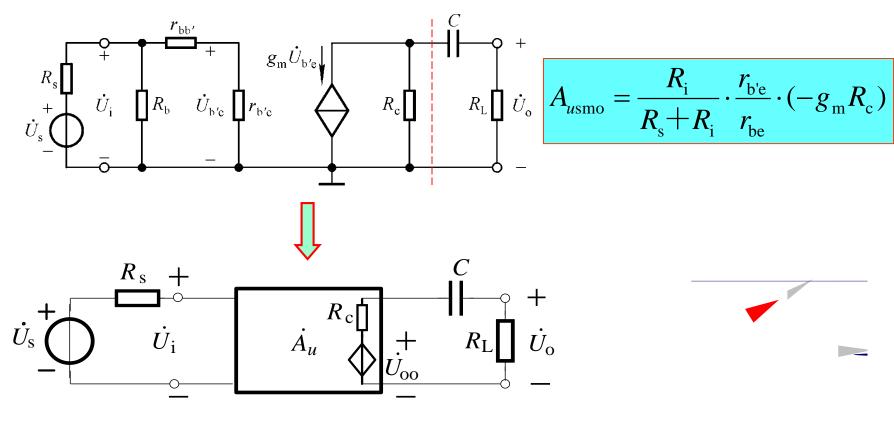
空载时:

$$\dot{A}_{usmo} = \frac{R_{i}}{R_{s} + R_{i}} \cdot \frac{r_{b'e}}{r_{be}} \cdot (-g_{m}R_{c})$$

✓与用h等效模型求出的结果相同!



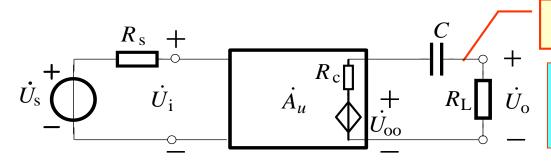
2. 低频电压放大倍数: 定性分析



 \dot{U}_{o} 超前 \dot{U}_{oo} ,当 $f \to 0$ 时, $|\dot{U}_{o}| \to 0$, \dot{U}_{o} 超前 \dot{U}_{oo} 90°



2. 低频电压放大倍数: 定量分析



C所在回路的时间常数?

$$\dot{A}_{u\text{sl}} = \frac{\dot{U}_{\text{o}}}{\dot{U}_{\text{s}}} = \frac{\dot{U}_{\text{oo}}}{\dot{U}_{\text{s}}} \cdot \frac{\dot{U}_{\text{o}}}{\dot{U}_{\text{oo}}} = \dot{A}_{u\text{smo}} \cdot \frac{R_{\text{L}}}{R_{\text{c}} + \frac{1}{j\omega C} + R_{\text{L}}}$$

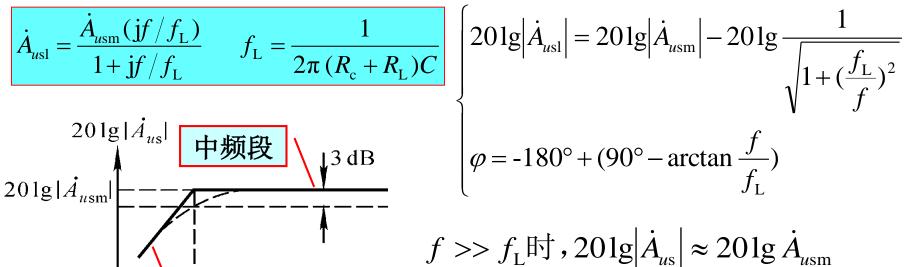
$$\dot{A}_{usl} = \dot{A}_{usmo} \cdot \frac{R_{L}}{R_{c} + \frac{1}{j\omega C} + R_{L}} \cdot \frac{R_{c} + R_{L}}{R_{c} + R_{L}} = \frac{\dot{A}_{usm}}{1 + \frac{1}{j\omega (R_{c} + R_{L})C}}$$

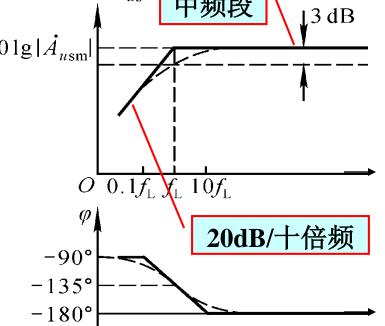
$$\dot{A}_{usl} = \dot{A}_{usm} \cdot \frac{1}{1 + f_{L}/(jf)} = \dot{A}_{usm} \cdot \frac{j f/f_{L}}{1 + j f/f_{L}}$$
 $f_{L} = \frac{1}{2\pi (R_{c} + R_{L})C}$



2. 低频电压放大倍数: 低频段频率响应分析

$$\dot{A}_{usl} = \frac{\dot{A}_{usm}(jf/f_{L})}{1+jf/f_{L}}$$
 $f_{L} = \frac{1}{2\pi (R_{c} + R_{L})C}$

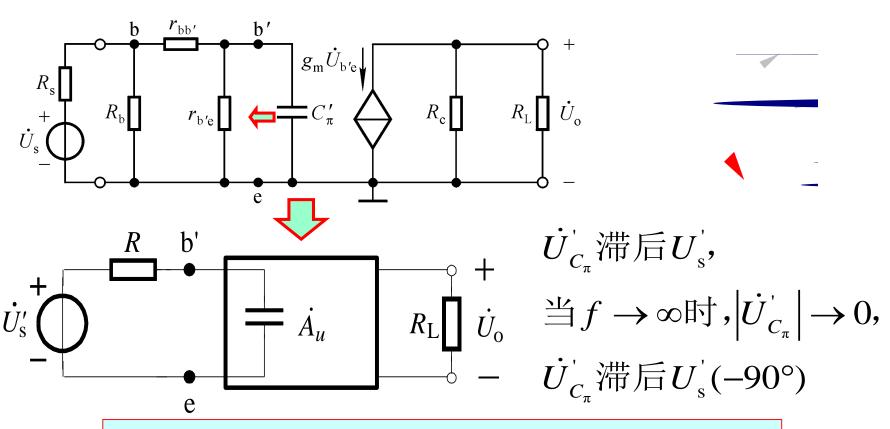




$$f = f_{\rm L}$$
时,201g $\left|\dot{A}_{us}\right|$ 下降3dB, $\varphi = -135^{\circ}$ $f << f_{\rm L}$ 时,201g $\left|\dot{A}_{us}\right| \approx 201$ g $\left(\dot{A}_{usm} \frac{f_{\rm L}}{f}\right)$ $f \to 0$ 时, $\left|\dot{A}_{us}\right| \to 0$, $\phi \to -90^{\circ}$



3. 高频电压放大倍数: 定性分析

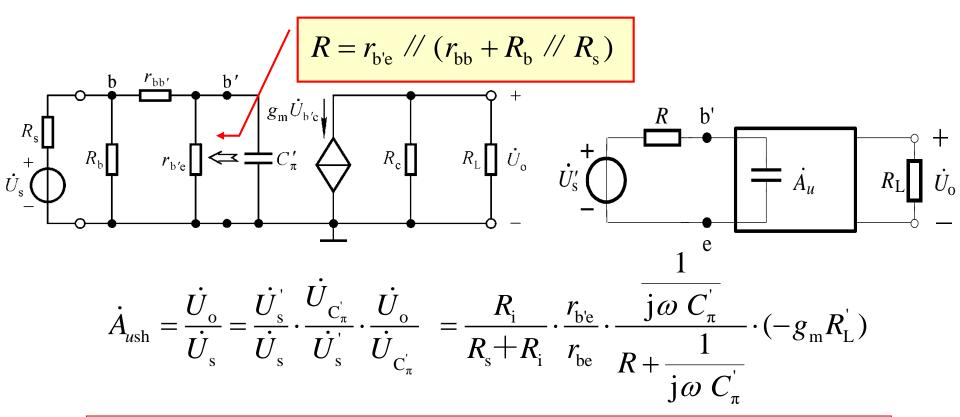


$$\dot{U}_{s}' = \frac{R_{i}}{R_{s} + R_{i}} \cdot \frac{r_{b'e}}{r_{be}} \cdot \dot{U}_{s}, \quad R = r_{b'e} //(r_{bb'} + R_{b} // R_{s})$$

$$R_{\rm i} = r_{\rm be} // R_{\rm b}$$



3. 高频电压放大倍数: 定量分析



$$\dot{A}_{u \text{sh}} = \frac{\dot{U}_{o}}{\dot{U}_{s}} = \frac{\dot{A}_{u \text{sm}}}{1 + \dot{j} \frac{f}{f_{H}}} \qquad f_{H} = \frac{1}{2\pi R C_{\pi}'} = \frac{1}{2\pi [r_{b'e} // (r_{bb'} + R_{b} // R_{s})] C_{\pi}'}$$



3. 高频电压放大倍数: 高频段频率响应分析

$$R_{s}$$

$$R_{b}$$

$$\begin{cases} 201g|\dot{A}_{ush}| = 201g|\dot{A}_{um}| - 201g\sqrt{1 + (\frac{f}{f_{\rm H}})^2} \\ \varphi = -180^{\circ} - \arctan\frac{f}{f_{\rm H}} \end{cases}$$
 $f << f_{\rm H}$ 时,
$$f = f_{\rm H}$$
时,
$$f = f_{\rm H}$$
时,
$$201g|\dot{A}_{ush}| \approx 201g|\dot{A}_{usm}|;$$

$$201g|\dot{A}_{ush}|$$
 下降3dB, φ

$$\dot{A}_{u \text{sh}} = \frac{\dot{U}_{o}}{\dot{U}_{s}} = \dot{A}_{u \text{sm}} \cdot \frac{1}{1 + j \frac{f}{f_{H}}}$$

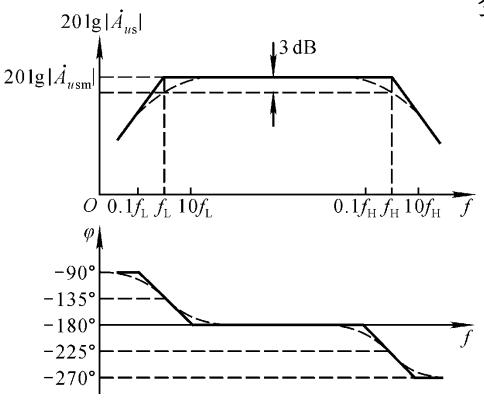
$$f_{H} = \frac{1}{2\pi \left[r_{b'e} // (r_{bb'} + R_{b} // R_{s}) \right] C_{\pi}^{'}}$$

$$f << f_{
m H}$$
时,
$$201g |\dot{A}_{u{
m sh}}| \approx 201g |\dot{A}_{u{
m sm}}|;$$
 $f = f_{
m H}$ 时,
$$201g |\dot{A}_{u{
m sh}}|$$
下降3dB, $\varphi = -225^\circ$

 $f >> f_{\rm H}$ 时,f 每增大10倍,201g $\dot{A}_{\rm ush}$ 下降20dB; $f \to \infty$ 时, $|\dot{A}_{ush}| \to 0$, $\phi \to -270^{\circ}$



4. 电压放大倍数的波特图



全频段放大倍数表达式:

$$\dot{A}_{us} = \frac{\dot{U}_{o}}{\dot{U}_{s}}$$

$$= \frac{\dot{A}_{usm}(j\frac{f}{f_{L}})}{(1+j\frac{f}{f_{L}})(1+j\frac{f}{f_{H}})}$$

$$= \frac{\dot{A}_{usm}}{(1+\frac{f_{L}}{jf})(1+j\frac{f}{f_{H}})}$$



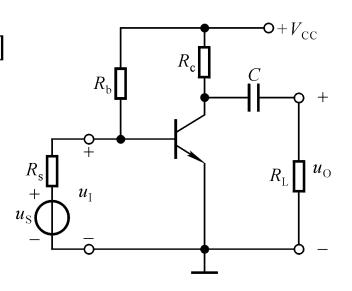
5. 带宽增益积: 定性分析

$$\dot{A}_{usm} = \frac{R_{i}}{R_{s} + R_{i}} \cdot \frac{r_{b'e}}{r_{be}} \cdot [-g_{m}(R_{c} // R_{L})]$$

$$f_{bw} = f_{H} - f_{L} \approx f_{H}$$

$$f_{H} = \frac{1}{2\pi \left[r_{b'e} // (r_{bb'} + R_{b} // R_{s})\right] C_{\pi}}$$

$$\dot{C}_{\pi} \approx C_{\pi} + (1 + g_{m}R_{L}^{'}) C_{\mu}$$



带宽增益积 $|\dot{A}_{um}f_{bw}| \approx |\dot{A}_{um}f_{H}|$

$$\begin{cases} g_{\mathrm{m}} R_{\mathrm{L}}^{'} \uparrow \to |\dot{A}_{\mathrm{um}}| \uparrow \\ g_{\mathrm{m}} R_{\mathrm{L}}^{'} \uparrow \to C_{\pi}^{'} \uparrow \to f_{\mathrm{H}} \end{cases}$$
 矛盾

当提高增益时,带宽 将变窄;反之,增益 降低,带宽将变宽

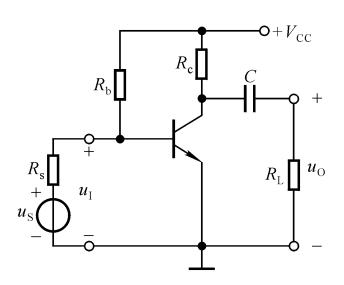


5. 带宽增益积: 定量分析

根据
$$\dot{A}_{usm} = \frac{R_{i}}{R_{s} + R_{i}} \cdot \frac{r_{b'e}}{r_{be}} \cdot [-g_{m}(R_{c} // R_{L})]$$

$$f_{H} = \frac{1}{2\pi \left[r_{b'e} // (r_{bb'} + R_{b} // R_{s})\right] C_{\pi}}$$

$$C_{\pi} \approx C_{\pi} + (1 + g_{m}R_{L}) C_{H}$$



若 r_{be} << R_b 、 R_s << R_b 、 $g_m R_L$ >> 1、 C_μ >> C_π ,则可以证明图示电路的

约为常量

 $\left|\dot{A}_{um}f_{\rm H}\right| \approx \frac{1}{2\pi(\underline{r_{\rm bb'}} + R_{\rm s})\underline{C}_{\mu}}$

说明决定于 管子参数

- □对于大多数放大电路,增益提高,带宽都将变窄,盲目 地追求宽频带和增益都不可取
- □ 要想制作宽频带放大电路需用高频管,必要时需采用共 基电路

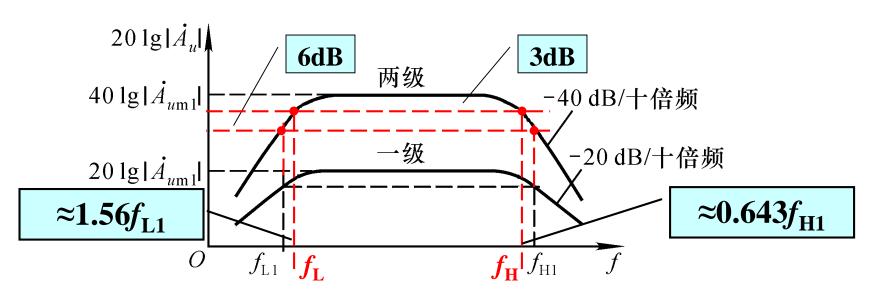


二、多级放大电路的频率响应

1. 定性分析

□ 多级放大电路频率特性为各级放大电路频率特性之和 (需考虑前后级的相互影响)

$$201g|\dot{A}_{u}| = 201g|\dot{A}_{u1}| + 201g|\dot{A}_{u2}| = 401g|\dot{A}_{u1}|$$



 $f_L > f_{L1}$, $f_H < f_{H1}$,频带变窄!



2. 截止频率的估算

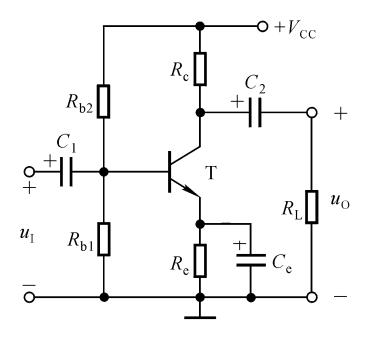
 \square n级放大电路,若各级的下、上限频率分别为 $f_{\square} \sim f_{\square n}$ 、 $f_{\rm HI} \sim f_{\rm HI}$,整个电路的下、上限频率分别为 $f_{\rm L}$ 、 $f_{\rm HI}$,则

$$\begin{cases} f_{\rm L} > f_{\rm Lk} \\ f_{\rm H} < f_{\rm Hk} \\ f_{\rm bw} < f_{\rm bwk} \end{cases} \qquad (k = 1, 2, \dots, n)$$

由于
$$\begin{cases} 20\lg |\dot{A}_u| = \sum_{k=1}^n 20\lg |\dot{A}_{uk}| \\ \varphi = \sum_{k=1}^n \varphi_k \end{cases}$$
 求解使增益下降3dB的频 率,经修正,可得



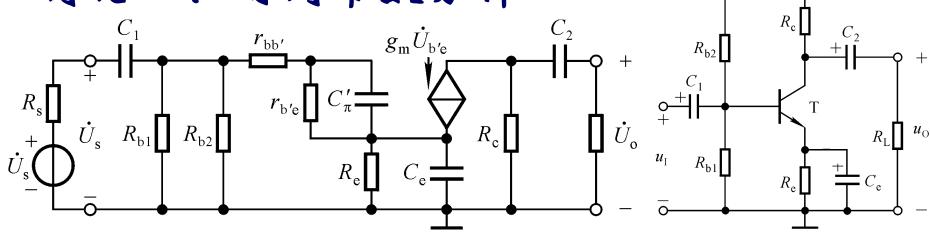
讨论一



- 1. 信号频率为0~∞时电压放大倍数的表达式?
- 2. 若所有的电容容量都相同,则下限频率等于多少?



讨论一: 时间常数分析



分别考虑 C_1 、 C_2 、 C_e 、 C_π 所确定的截止频率。

 C_2 、 C_e 短路, C_{π} 开路,求出

 C_1 、 C_e 短路, C_{π} 开路,求出

 C_1 、 C_2 短路, C_{π} 开路,求出

 C_1 、 C_2 、 C_e 短路,求出

$$\tau_1 = (R_{\rm s} + R_{\rm b1} // R_{\rm b2} // r_{\rm be}) C_1$$

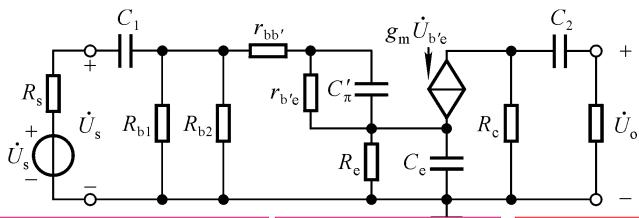
$$\tau_2 = (R_{\rm c} + R_{\rm L})C_2$$

$$\tau_{\rm e} = (R_{\rm e} // \frac{r_{\rm be} + R_{\rm s} // R_{\rm b1} // R_{\rm b2}}{1 + \beta}) C_{\rm e}$$

$$au_{C_{\pi}^{'}} = [r_{b'e} // (r_{bb'} + R_{s} // R_{b1} // R_{b2})]C_{\pi}^{'}$$



讨论一: 电压放大倍数分析



$$\tau_1 = (R_s + R_{b1} // R_{b2} // r_{be}) C_1 | \tau_2 = (R_c + R_L) C_2$$

$$\tau_{\rm e} = (R_{\rm e} // \frac{r_{\rm be} + R_{\rm s} // R_{\rm b1} // R_{\rm b2}}{1 + \beta}) C_{\rm e}$$
很小!

$$au_{C_{\pi}^{'}} = [r_{b'e} // (r_{bb'} + R_{s} // R_{b1} // R_{b2})]C_{\pi}^{'}$$

$$\begin{split} f_{\rm L1} &= 1/(2\pi\tau_1) \\ f_{\rm L2} &= 1/(2\pi\tau_2) \\ f_{\rm L3} &= 1/(2\pi\tau_{\rm e}) \\ f_{\rm H} &= 1/(2\pi\tau_{\rm c_{\rm e}}) \end{split}$$

$$\dot{A}_{u} = \dot{A}_{um} \cdot \frac{\dot{j}^{3} f^{3} / f_{L1} f_{L2} f_{L3}}{(1 + \dot{j} f / f_{L1})(1 + \dot{j} f / f_{L2})(1 + \dot{j} f / f_{L3})(1 + \dot{j} f / f_{H})}$$



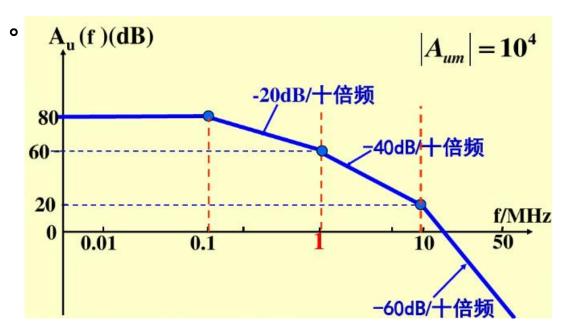
讨论二: 波特图

已知某三级放大电路的电压增益函数为:

$$\dot{A}_{u}(jf) = \frac{-10^{4}}{\left(1 + j\frac{f}{0.1}\right)\left(1 + j\frac{f}{1}\right)\left(1 + j\frac{f}{10}\right)}$$

画出幅频波特图,并确定中频电压增益(频率单位为

MHz)





讨论三

已知某放大电路的幅频特性如图所示,讨论下列问题:



- 2. 耦合方式?
- 3. 在 $f=10^4$ Hz 时,增益下降多少?附加相移 $\varphi'=?$
- 4. 在 $f = 10^5$ Hz 时,附加相移φ′≈?
- 5. 画出相频特性曲线;

$$6.f_{\rm H} = ?$$

