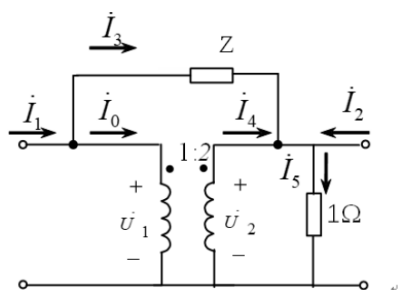


2、

$$\begin{aligned}
 P &= U_0 I_0 + U_1 I_1 \cos \varphi_1 + U_3 I_3 \cos \varphi_3 \quad (3) \\
 &= 2 \times 1 + \frac{3 \times 2}{2} \cos (45^\circ + 15^\circ) + \frac{1 \times 1}{2} \cos 90^\circ \\
 &= 3.5 \text{ W} \quad (2)
 \end{aligned}$$

3、

解：将电流标记如下，得到



$$\dot{U}_2 = 2\dot{U}_1$$

$$\dot{I}_4 = \frac{1}{2}\dot{I}_0 \quad \dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\dot{I}_3 = \frac{\dot{U}_1 - \dot{U}_2}{Z}$$

$$\dot{I}_5 = \dot{U}_2$$

应用 KCL 得到

$$\dot{I}_1 = \dot{I}_3 + \dot{I}_0 \quad \dots\dots 2 \text{ 分}$$

$$\dot{I}_5 = \dot{I}_2 + \dot{I}_3 + \dot{I}_4$$

联立得到

$$\dot{U}_1 = 0.5\dot{U}_2$$

$$\dot{I}_2 = -0.5\dot{I}_1 + \left(1 + \frac{0.25}{Z}\right)\dot{U}_2 \quad \dots\dots 1 \text{ 分}$$

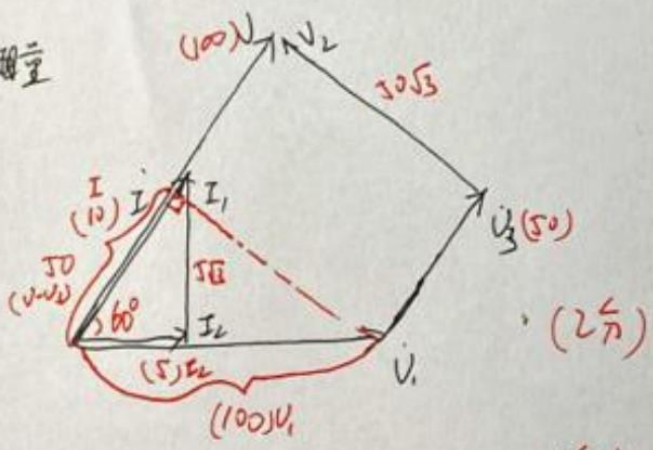
代入 Z，得到 H 为

$$\begin{bmatrix} 0 & 0.5 \\ -0.5 & 1 + \frac{0.25}{Z} \end{bmatrix} \quad \dots\dots 1 \text{ 分}$$

另：可以每个元素 2 分。

4、

解：以 U_1 为参考向量

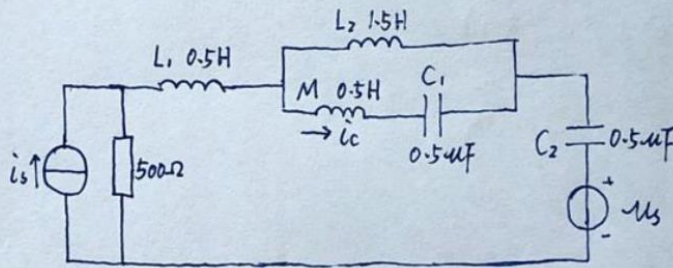


$R_1 = \frac{U_1}{I_1} = \frac{100}{5} = 20 \Omega$ (1分)
 $R_2 = U_3 / I = 5 \Omega$ (1分)
 $\frac{1}{\omega C} = U_1 / I_1 = \frac{100}{5\sqrt{3}} = \frac{1}{2C} \Rightarrow C = \frac{\sqrt{3}}{40} = 43.3 \mu F$ (1分)
 $X_L = U_2 / I = \frac{50\sqrt{3}}{10} = 5\sqrt{3} = 2L \Rightarrow L = 2.5\sqrt{3} = 4.33 mH$ (1分)

如补画相量图 R_1, R_2 各 1分
 C, L 各 2分

5、

原电路去耦等效电路图为



当 u_s 单独作用时, $\omega_1 = 1000 \text{ rad/s}$, $\omega_1 L_2 = 1500 \Omega$

$$\omega_1 M = 500 \Omega, \frac{1}{\omega_1 C_1} = 2000 \Omega$$

M - C_1 支路与 L_2 发生并联谐振, 则 (1)

$$\dot{I}_{C(1)} = \frac{-\frac{100}{\sqrt{2}} \angle 45^\circ}{(j500 - j2000)} = 0.047 \angle -45^\circ \text{ A} \quad (1)$$

$$\dot{I}_{u_s(1)} = 0 \text{ A} \quad (1)$$

当 i_s 单独作用时, $\omega_2 = 2000 \text{ rad/s}$, $\omega_2 L_1 = 1000 \Omega$

$$\omega_2 M = 1000 \Omega, \frac{1}{\omega_2 C_1} = 1000 \Omega, \frac{1}{\omega_2 C_2} = 1000 \Omega$$

M - C_1 支路短路, L_1 和 C_2 发生串联谐振. (1)

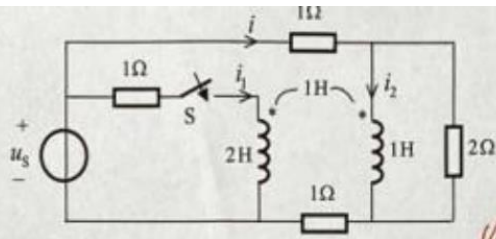
$$\dot{I}_{C(2)} = \dot{I}_s = 1 \angle 0^\circ \text{ A} \quad (1)$$

$$\dot{U}_{i_s(2)} = 0 \text{ V} \quad (1)$$

$$i_c(t) = i_{C(1)} + i_{C(2)} = 0.067 \sin(1000t - 45^\circ) + 1.41 \sin 2000t \text{ A} \quad (2)$$

$$P_{u_s} = 0 \text{ W} \quad (1)$$

$$P_{i_s} = 0 \text{ W} \quad (1)$$



满分
方法1: 3个回路2个, 最好写2个
方法2: 6个支路, 电压源8个 (2)分

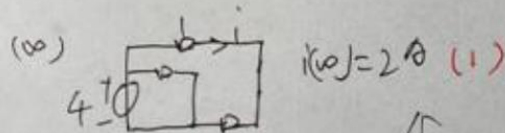
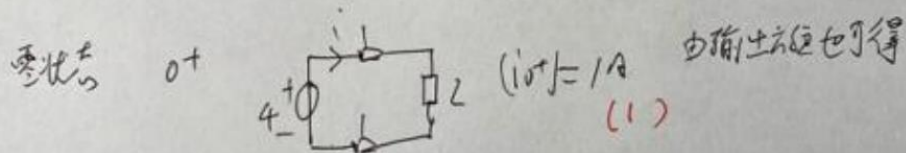
(1)
$$\begin{cases} 2\frac{di_1}{dt} + \frac{di_2}{dt} + i_1 = u_s \\ \frac{di_1}{dt} + \frac{di_2}{dt} = 2i_1 - 2i_2 \end{cases} \quad \begin{pmatrix} \frac{di_1}{dt} \\ \frac{di_2}{dt} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} i_1 \\ i_2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0.5 \\ 0 \end{pmatrix} u_s$$

$u_s = i + 2(i - i_2) + i \Rightarrow i = 0.25u_s + 0.5i_2$ (消去u_s)

(2)
$$(\lambda I - A) = \begin{vmatrix} \lambda + 1 & -1 \\ -1 & \lambda + 2 \end{vmatrix} = \lambda^2 + 3\lambda + 1 = 0$$

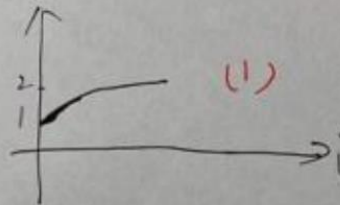
$\lambda_1 = -0.382 \quad \lambda_2 = -2.618$ 过阻尼

前面(1)已对, 这步(2)也是对的 (2分)



由前出方程子 零状态

$$\frac{di}{dt} = 0.25 \frac{du_s}{dt} + 0.5 \frac{di_2}{dt} = 0$$



解：先求 i_L 的**单位冲激响应**：（共 4 分）

$$i_L(0^+) = i_L(0^-) + \frac{1}{L} \int_{0^-}^{0^+} u_L dt = \frac{1}{L} \int_{0^-}^{0^+} \frac{\delta(t)}{2} dt = 0.5A \quad \dots\dots (2 \text{ 分})$$

$$\tau = \frac{2L}{R} = 1s \quad \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$$

所以 i_L 的 单 位 冲 激 响 应 为

$$h(t) = 0.5e^{-t}A \quad \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$$

用卷积积分求 i_L 的**零状态响应**：（共 5 分）

$$t \leq 0 \quad \text{时} \quad ,$$

$$i_L(t) = 0A \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

$$0 < t \leq 1 \quad \text{时} \quad ,$$

$$i_L(t) = \int_0^t 0.5e^{-\tau} e^{2t-2\tau} d\tau = \frac{1}{6}(e^{2t} - e^{-t})A \quad \dots 2 \text{ 分}$$

$$t > 1 \quad \text{时} \quad ,$$

$$i_L(t) = \int_{t-1}^t 0.5e^{-\tau} e^{2t-2\tau} d\tau = \frac{e^3 - 1}{6}e^{-t} = 3.18e^{-t}A \quad \dots 2 \text{ 分}$$

求 i_L 的**零输入响应**：（共 2 分）

$$i_L(0^+) = i_L(0^-) = \frac{5V}{2\Omega} = 2.5A \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

$$\text{零状态响应 } i_L(t) = 2.5e^{-t}A, \quad t \geq 0 \quad \dots\dots 1 \text{ 分}$$

所以 i_L 的**全响应**为：（共 1 分） $\dots\dots\dots 1 \text{ 分}$

$$i_L(t) = 2.5A, \quad t \leq 0$$

$$i_L(t) = 0.17e^{2t} + 2.33e^{-t}A, \quad 0 < t \leq 1$$

$$i_L(t) = 5.68e^{-t}A, \quad t > 1$$

$$i_2(0^+) = -i_L(0^+) = -i_L(0^-) = -0.5A$$

$$i_2(\infty) = \frac{U_1 - U_2}{R_1} = -0.075A$$

..... (3 分, 电感一阶 3 分)

$$\tau_1 = \frac{L}{R_1} = 0.005$$

$$i_2(t) = -0.075 + 0.025e^{-200t}$$

电容部分的左侧电路计算如下

$0^- \sim 0^+$, 电容电压将发生突变, 考虑电荷守恒和KVL

$$\begin{cases} u_{C_2}(0^+) = u_{C_1}(0^+) \\ u_{C_2}(0^-) * C_2 = u_{C_1}(0^+) * C_1 + u_{C_2}(0^+) * C_2 \end{cases}$$

解得

$$\begin{cases} u_{C_1}(0^+) = 3V \\ u_{C_2}(0^+) = 3V \end{cases}$$

$$i_3(0^+) = \frac{U_1 - U_{C_1}(0^+)}{R_2} = 0.02A$$

$$i_3(\infty) = \frac{U_1}{R_2 + R_3} = 0.025A$$

$$\tau_2 = (C_1 + C_2) \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = 0.25$$

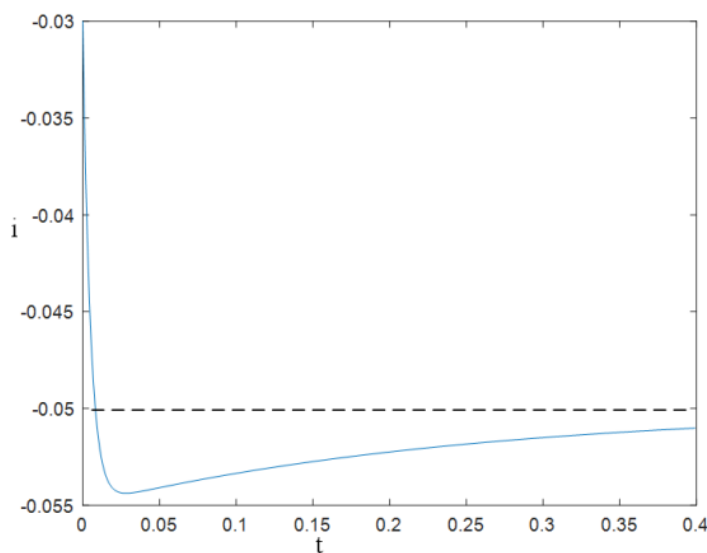
$$i_3(t) = 0.025 - 0.005e^{-4t}$$

(电容一阶 6 分, 其中 0^+ 2 分, τ_2 2 分, 无穷 2 分)

得到

$$i(t) = i_2(t) + i_3(t) = -0.05 + 0.025e^{-200t} - 0.005e^{-4t} A \quad \text{..... (表达式 1 分)}$$

作图如下



..... (画图 2 分)

9、

第五大题第1小题 共17分

2. (1). $W_2 = U_{CA} I_B \cos(\varphi_{u_{CA}} - \varphi_{i_B})$ 设负载的阻抗角为 φ .

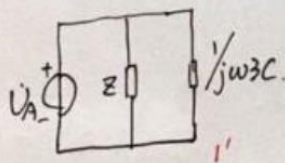
5分 $= U_L I_L \cos(150^\circ + 120^\circ + \varphi)$

$= U_L I_L \sin \varphi$

再乘 $\sqrt{3}$, 就是三相总无功功率. 1'

(2). 若要使得 $W_2 = 0$, 则电容 C 发出无功就应该等于 Z 吸收的无功. 1'

6分 一相等效电路.



过程可以“有其他表述”

$\frac{U^2}{1/\omega C} = \left(\frac{U}{|Z|}\right)^2 \cdot \text{Im}(Z)$

$\omega C = \frac{30}{50^2} \Rightarrow C = 12.74 \mu\text{F}$ 2'

(3). 此时, $Z // \frac{1}{j\omega C} = 62.5 \Omega$.

6分 $\therefore \text{① 线电流} = \frac{U_A}{1/\omega C} = 2.64 \text{ A}$ 2'

⑤ 线电压 = $220\sqrt{3} = 381.05 \text{ V}$ 1'

$W_1 = U_{CN} I_C \cos(\varphi_{u_{CN}} - \varphi_{i_C}) = 220 \times \frac{220}{|Z|} \times 0.8 = 774.4 \text{ W}$ 3'

C 相有功.

10、

第五大题第2小题 共10分

1. 问: 图 a 0^+ 时刻 $i_L(0^+) = 0$ 相当于开路. 相当于图 b 到达稳态.

图 a ∞ 时刻 L 相当于短路. 相当于图 b 0^+ 时刻 $u_L(0^+) = 0$. 1'

由 $i_L(t) = 5(1 - e^{-20t}) \varepsilon(t)$, 得

$\tau_a = 0.05 \text{ s} \Rightarrow R_{eq} = 10 \Omega \Rightarrow \tau_b = 5 \text{ ms}$ 1'

$u_L = L \frac{di_L}{dt} = 50e^{-20t} \varepsilon(t) \Rightarrow u_L(0^+) = 50 \text{ V}$ 1'

由齐次性 $u_L(\infty) = \frac{9}{6} u_L(0^+) = 75 \text{ V}$ 2'

$\therefore u_L(t) = 75(1 - e^{-200t}) \varepsilon(t) \text{ V}$ 2'