

# CHƯƠNG TRÌNH DỊCH

---

## Chương 4. Phân tích cú pháp Thuật toán Bottom-up

TS. Phạm Văn Cảnh  
Khoa Công nghệ thông tin

Email: [canh.phamvan@phenikaa-uni.edu.vn](mailto:canh.phamvan@phenikaa-uni.edu.vn)

- 
- 1. Ý tưởng & thuật toán**
  - 2. Cài đặt Bottom-up đơn giản**
  - 3. Đánh giá về bottom-up**
  - 4. Bài tập**

# 1. Ý tưởng và thuật toán

□ Cho văn phạm  $G$  với các luật sinh:

$$S \rightarrow E + S \mid E$$

$$E \rightarrow 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid (S)$$

□ Xâu vào:  $W = (1 + 2 + (3 + 4)) + 5$

□ Thu gọn  $W$  thành  $S$ :

$$\begin{aligned} (1 + 2 + (3 + 4)) + 5 &\leftarrow (E + 2 + (3 + 4)) + 5 \leftarrow \\ (E + E + (3 + 4)) + 5 &\leftarrow (E + E + (E + 4)) + 5 \leftarrow \\ (E + E + (E + E)) + 5 &\leftarrow (E + E + (E + S)) + 5 \leftarrow \\ (E + E + (S)) + 5 &\leftarrow (E + E + E) + 5 \leftarrow \\ (E + E + S) + 5 &\leftarrow (E + S) + 5 \leftarrow \\ (S) + 5 &\leftarrow E + 5 \leftarrow E + E \leftarrow E + S \leftarrow S \end{aligned}$$

# 1. Ý tưởng và thuật toán

❑ **Mục tiêu:** trong số nhiều suy dẫn dạng  $S \rightarrow^* w$ , thuật toán sẽ tìm suy dẫn phải (?)

❑ **Ý tưởng chính:**

- Thử sai và quay lui bằng năng lực tính toán của máy tính
- Dò ngược quá trình suy dẫn  $w \leftarrow w_{n-1} \leftarrow \dots \leftarrow w_1 \leftarrow S$  bằng kĩ thuật thu-gọn: tìm xem  $w_i$  có chứa vế phải của luật hay không, nếu có thì thay thế phần vế phải đó bằng vế trái tương ứng
  - Nếu một  $w_i \neq S$  thì chắc chắn nó cần phải được thu-gọn,
  - Nếu  $w_i$  không chứa vế phải của luật nào đó thì nhánh thử sai này cần quay lui, ngược lại thì thu-gọn và thử tiếp.

# Thuật toán Top-down

❑ Bước 1:  $A = w$

❑ Bước 2: Với chuỗi  $A$  đạt được trong quá trình lần ngược:

○ Nếu  $A = "S"$ :

- Kết luận: quá trình tìm kiếm thành công
- Lưu lại kết quả (chuỗi biến đổi từ đầu để được  $A$ )
- Kết thúc ngay lập tức quá trình tìm kiếm

○ Duyệt tất cả các luật sinh dạng  $x \rightarrow \alpha$ , nếu  $\alpha$  là một chuỗi con trong  $A$  thì:

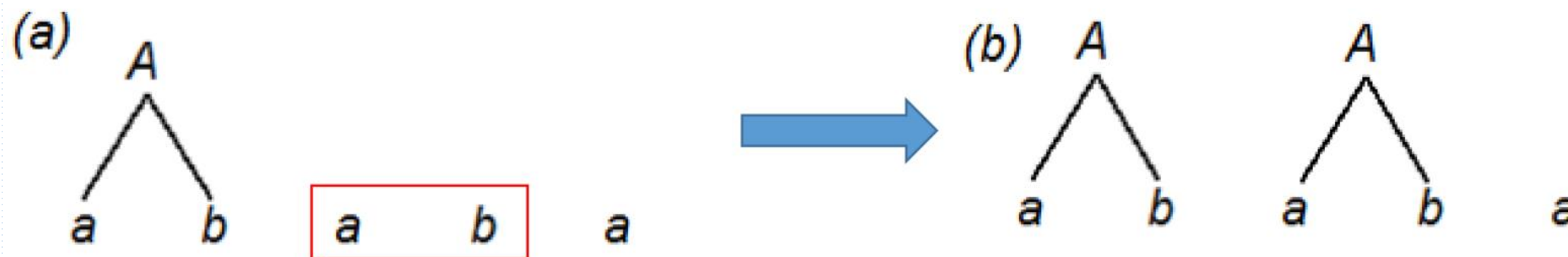
- Áp dụng thu-gọn: thế  $\alpha$  trong  $A$  bằng  $x$ , ta được  $A'$
- Thử bước 2 với chuỗi  $A = A'$

○ Nếu không có phương án thu gọn nào thì quay lui

# Thuật toán Top-down

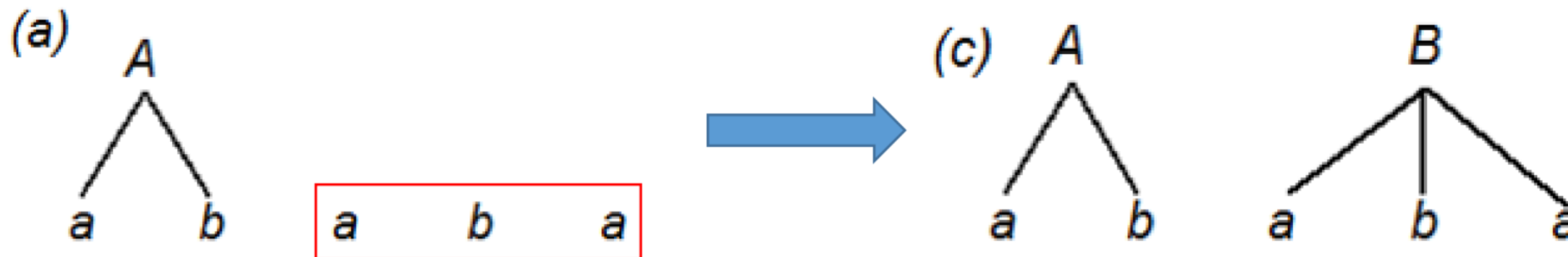
❑ Ví dụ: Cho tập luật  $S \rightarrow AB$ ,  $A \rightarrow ab$ ,  $B \rightarrow aba$ . Chỉ ra quá trình thu gọn chuỗi  $w = ababa$

- Áp dụng luật  $A \rightarrow ab$ , thu gọn  $ababa \leftarrow Aaba$
- Chuỗi  $Aaba$  có 2 phương án thu gọn:  $Aaba \leftarrow AAa$  và  $Aaba \leftarrow AB$



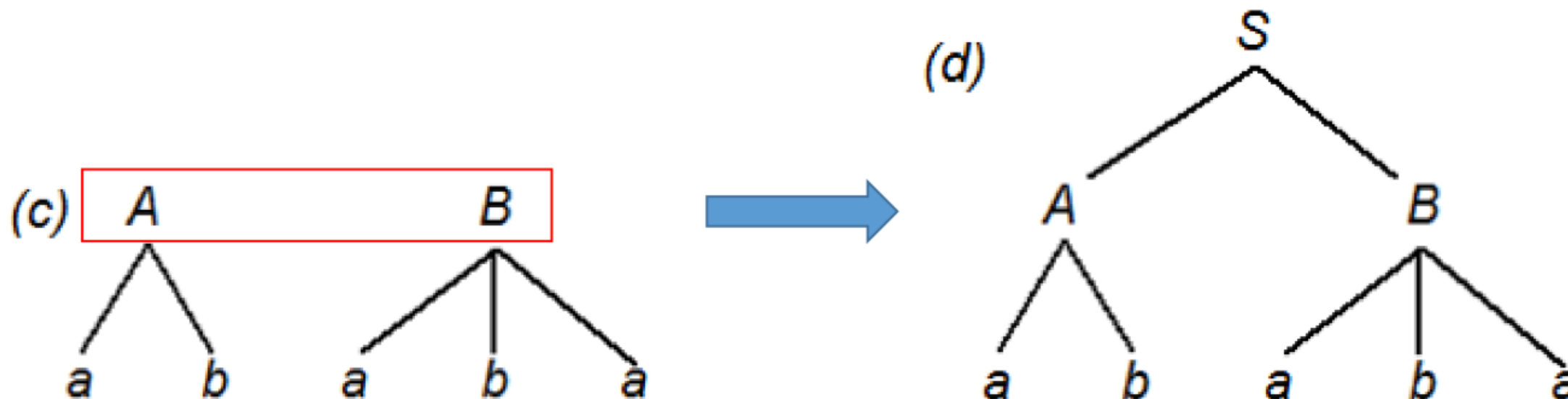
# Thuật toán Top-down

- ❑ Áp dụng luật  $A \rightarrow ab$ , thu gọn  $Aaba \leftarrow AAa$
- ❑ Đến đây nhánh này ngưng vì không thu gọn tiếp được nữa
- ❑ Áp dụng luật  $B \rightarrow aba$ , thu gọn  $Aaba \rightarrow AB$



# Thuật toán Top-down

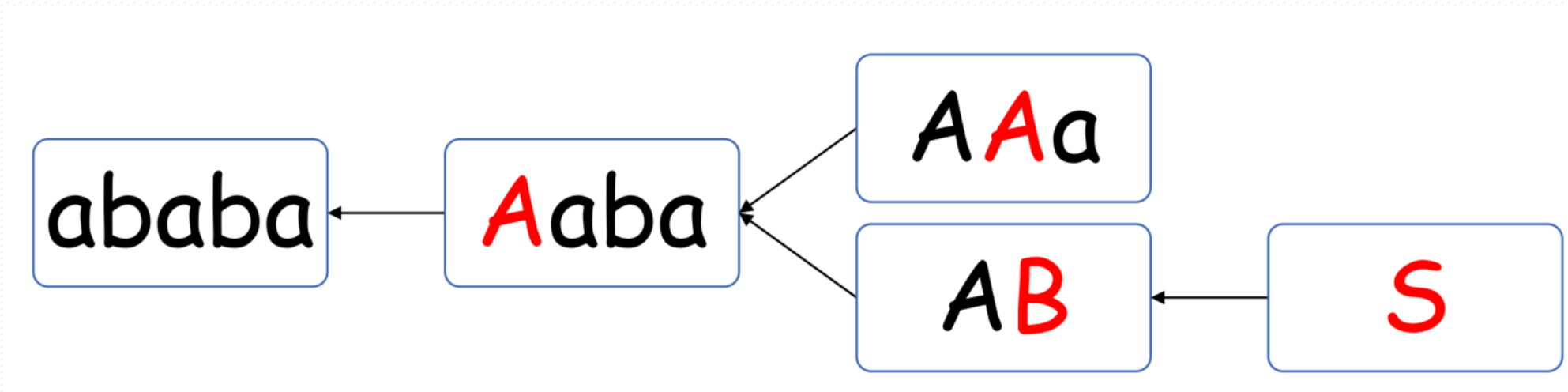
- ❑ Áp dụng luật  $S \rightarrow AB$ , thu gọn  $AB \rightarrow S$
- ❑ Đến đây điều kiện  $A = "S"$  xảy ra:
  - Thuật toán dừng, kết luận thu gọn thành công
  - Lưu lại quá trình suy dẫn ngược





# Thuật toán bottom-up

- ❑ Cho tập luật  $S \rightarrow AB$ ,  $A \rightarrow ab$ ,  $B \rightarrow aba$ . Chỉ ra quá trình thu gọn chuỗi  $w = ababa$
- ❑ Cây rút gọn của quá trình là:



# Cài đặt thuật toán bottom-up: Cấu trúc 1 luật

```
// Lớp chứa luật văn phạm, dạng left -> right
class Rule {
    public string left, right;
    public Rule(string l, string r) {
        left = l; right = r;
    }
    // chuyển đổi luật về dạng string (để in cho dễ nhìn)
    public string ToFineString() {
        string s = left + " -->";
        for (int i = 0; i < right.Length; i++)
            s += " " + right[i];
        return s;
    }
}
```

# Các hàm hỗ trợ

```
// Lớp chứa một bước áp dụng luật suy diễn
// + ruleNumber: số thứ tự của luật sẽ được dùng
// + position: vị trí sẽ áp dụng luật đó
class Step {
    public int ruleNumber, position;
    public Step(int r, int p) {
        ruleNumber = r;
        position = p;
    }
}
```

# Các hàm hỗ trợ

```
class PTBU {  
    public List<Rule> rules = new List<Rule>();  
    public List<Step> steps;  
    string word = null;  
    public void AddRule(string left, string right) {  
        rules.Add(new Rule(left, right));  
    }  
    public void PrintAllRules() {  
        Console.WriteLine("<bo luat van pham>");  
        foreach (Rule r in rules)  
            Console.WriteLine("  " + r.ToFineString());  
    }  
}
```

```
public void PrintSteps() {  
    Console.WriteLine("Doan nhan thanh cong sau...");  
    string w = word;  
    foreach (Step s in steps) {  
        string x = DoBackStep(w, s);  
        ...  
    }  
}  
  
string DoBackStep(string w, Step s) {  
    string w1 = w.Substring(0, s.position);  
    string w2 = w.Substring(s.position +  
        rules[s.ruleNumber].right.Length);  
    return w1 + rules[s.ruleNumber].left + w2;  
}
```

```
public bool Process(string x) {  
    steps = new List<Step>();  
    word = x;  
    return BottomUp(x);  
}  
  
// áp dụng được luật k ở vị trí i của chuỗi w?  
bool CanApplyHere(string w, int i, int k) {  
    string s = w.Substring(i);  
    if (s.Length > rules[k].right.Length)  
        s = s.Substring(0, rules[k].right.Length);  
    return (s == rules[k].right);  
}
```

# Các hàm chính

```
public bool BottomUp(string w) {  
    if ("S" == w) return true;  
    for (int i = 0; i < w.Length; i++)  
        for (int k = 0; k < rules.Count; k++)  
            if (CanApplyHere(w, i, k)) {  
                Step st = new Step(k, i);  
                steps.Add(st);  
                if (BottomUp(DoBackStep(w, st))) return true;  
                steps.RemoveAt(steps.Count - 1);  
            }  
    return false;  
}
```

# Các hàm chính

```
class Program {  
    public static void Main() {  
        PTBU parser = new PTBU();  
        parser.AddRule("S", "AB");  
        parser.AddRule("A", "ab");  
        parser.AddRule("B", "aba");  
        parser.PrintAllRules();  
        if (parser.Process("ababa"))  
            parser.PrintSteps();  
    }  
}
```



### 3. Đánh giá thuật toán bottom-up

#### ❑ Đặc trưng:

- Dễ hiểu: cài đặt đơn giản
- Chậm: duyệt toàn bộ, không có các bước cắt nhánh
- Không vạn năng: không làm việc với văn phạm có suy dẫn rỗng ( $A \rightarrow \epsilon$ ) hoặc đệ quy ( $A \rightarrow^+ A$ )
- Không dễ loại bỏ những kết quả trùng lặp (trường hợp muốn tìm mọi phương án suy dẫn)

#### ❑ Ý tưởng cải tiến:

- \* Quy hoạch động: sử dụng lại những kết quả duyệt cũ
- \* Cắt nhánh sớm: dựa trên đặc trưng của một số luật để loại bỏ các phương án không có tương lai

## 4. Bài tập

1. Chỉ ra quá trình thực hiện phân tích bottom-up của chuỗi **raid** thuộc văn phạm G có tập luật:

$$S \rightarrow r X d \mid r Z d$$
$$X \rightarrow o a \mid e a$$
$$Z \rightarrow a i$$

2. Chỉ ra quá trình thực hiện phân tích bottom-up của chuỗi **((x+y)=(y+x))** thuộc văn phạm G có tập luật:

$$S \rightarrow B$$
$$B \rightarrow R \mid ( B )$$
$$R \rightarrow E = E$$
$$E \rightarrow x \mid y \mid ( E + E )$$

## 4. Bài tập

3. Có thể áp dụng thuật toán phân tích bottom-up cho chuỗi  $(a+a)*a$  thuộc văn phạm G dưới đây hay không? Chỉ ra quá trình thực hiện nếu có thể

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow ( E ) \mid a$$

4. Tương tự câu trên, chỉ ra quá trình phân tích topdown của chuỗi **true** **and not false** với tập luật:

$$E \rightarrow E \text{ and } T \mid T$$

$$T \rightarrow T \text{ or } F \mid F$$

$$F \rightarrow \text{not } F \mid ( E ) \mid \text{true} \mid \text{false}$$

## 4. Bài tập

5. Chỉ ra quá trình thực hiện phân tích top-down của chuỗi **abbc****bd** thuộc văn phạm G có tập luật:

$S \rightarrow a A \mid b A$

$A \rightarrow c A \mid b A \mid d$

6. Chỉ ra quá trình thực hiện phân tích top-down của chuỗi **aa****ab** thuộc văn phạm G có tập luật:

$S \rightarrow A B$

$A \rightarrow a A \mid \epsilon$

$B \rightarrow b \mid b B$