

KHOA ĐÀO TẠO CHẤT LƯỢNG CAO
NGÀNH CÔNG NGHỆ THÔNG TIN

BÁO CÁO CUỐI KỲ

NĂM HỌC 2021-2022

Giáo viên giảng dạy : Nguyễn Quang Ngọc

STT: 10 Tên sinh viên : Nguyễn Thành Đạt

MSSV : 20110121

A. KIẾN THỨC CƠ BẢN :

I. Công thức đa thức tối thiểu :

1. Định nghĩa :

Công thức đơn giản nhất được gọi là công thức đa thức tối thiểu

2. Phương pháp : PHƯƠNGNG PHÁP THỎA THUẬN

• Phương pháp :

Bước 1: Viết f dưới dạng tổng các tích (nối rời chính tắc).

$$f = m_1 \vee m_2 \vee \dots \vee m_r$$

$$\text{Đặt } T = \{m_1, m_2, \dots, m_r\}$$

Gọi V là danh sách các biến theo một thứ tự nhất định nhưng tùy ý.

Bước 2: Cập nhật T .

i) Giả sử x là một biến trong V mà ta đang xét tới.

T đã được cập nhật theo các biến trước x .

Phân hoạch T thành :

* A : gồm các đơn thức có biến x (đơn thức chia hết cho x).

* B : gồm các đơn thức có biến $-x$.

ii) Nếu $A = \emptyset$ hay $B = \emptyset$ thì xét biến kế x trong V .

Nếu không, thêm vào T tất cả các thỏa thuận của một đơn thức thuộc A và một đơn thức thuộc B .

- ii) Mỗi lần thêm một phần tử mới vào T , ta phải loại bớt những phần tử được trội thực sự bởi một phần tử khác (kể cả phần tử mới thêm vào).

Bước 3: Giả sử khi đã duyệt hết các biến ta có

$$T = \{ M_1, M_2, \dots, M_p \}$$

- i) Với mỗi từ tối tiểu t_i trong cách biểu diễn f dưới dạng nổi rời chính tắc, gọi $N_i = \{ M_{i1}, M_{i2}, \dots, M_{ik} \} \subseteq T$, M_{ij} trội t_i .
- ii) Loại bỏ sự trùng lặp: Nếu $N_i \subseteq N_j$ thì loại N_j .
- iii) Một công thức của f là tổng của bộ (a_1, a_2, \dots, a_q) với $a_i \in N_i$ (còn lại).
- iv) So sánh các công thức.

- Bài toán : Tìm công thức đa thức tối tiểu của hàm Bool 4 biến x, y, z, t
 $f = \bar{x}\bar{y}\bar{t} \vee \bar{x}\bar{z}t \vee x\bar{y}z\bar{t} \vee x\bar{y}\bar{z}t$. Thử tự duyệt các biến x, y, z, t .

Bước 1 :

$$T = \{-x-y-t, -x-z-t, x-yz-t, x-y-z-t\}, \quad V = \{x, y, z, t\}$$

Bước 2 :

$$x: A = \{x-yz-t, x-y-z-t\}, B = \{-x-y-t, -x-z-t\}$$

$$TT(\text{thỏa thuận}) = \{-yz-t, -y-z-t\}, T = \{-yz-t, -y-z-t, -x-y-t, -x-z-t\}$$

$$y: A = \{\emptyset\}, B = \{-yz-t, -y-z-t, -x-y-t, -x-z-t\}$$

$$TT(\text{thỏa thuận}) = \{\emptyset\}, T = \{-yz-t, -y-z-t, -x-y-t, -x-z-t\}$$

$$z: A = \{-yz-t\}, B = \{-y-z-t, -x-z-t\}$$

$$TT(\text{thỏa thuận}) = \{-y-t, -x-y-t\}, T = \{-y-t, -x-z-t\}$$

$$t: A = \{\emptyset\}, B = \{-y-t, -x-z-t\}$$

$$TT(\text{thỏa thuận}) = \{\emptyset\}, T = \{-y-t, -x-z-t\}$$

Bước 3 :

$$T = \{-x-y-t, -x-z-t, x-yz-t, x-y-z-t\}$$

$$\Leftrightarrow T = \{-y-t, -x-z-t\}$$

$$i) N1 = \{-y-t\}$$

$$N2 = \{-x-z-t\}$$

$$N3 = \{-y-t\}$$

$$N4 = \{-y-t\}$$

$$ii) N1, N2$$

- Kết quả (chỉ có điểm khi các bước trên đúng) :
 $f = -y-t \vee -x-z-t$

II. Cây khung :

1. Định nghĩa : T là cây khung của một đồ thị $G=(V, E)$ nếu T là một cây có tập đỉnh là tập đỉnh V và tập cạnh là tập con của E của G.

2. Phương pháp : THUẬT TOÁN BFS

- Thuật toán :

Bước 1:

$i=0$

Với mỗi $u \in V$ thực hiện $D[u]=0$; // u chưa được duyệt

$D[s]=1$; // s đã được duyệt

$p[s]=-1$;

Thêm đỉnh s vào Q;

Bước 2 :

$i=1$

while ($Q \neq \emptyset$)

{

1. $u =$ Phần tử đỉnh Q; // Chỉ sao chép giá trị

2. Với mỗi v kề u thực hiện (Duyệt theo thứ tự)

3. if ($D[v]=0$)

{

4. $D[v]=1$;

5. $p[v]=u$;

6. Thêm v vào Q ;

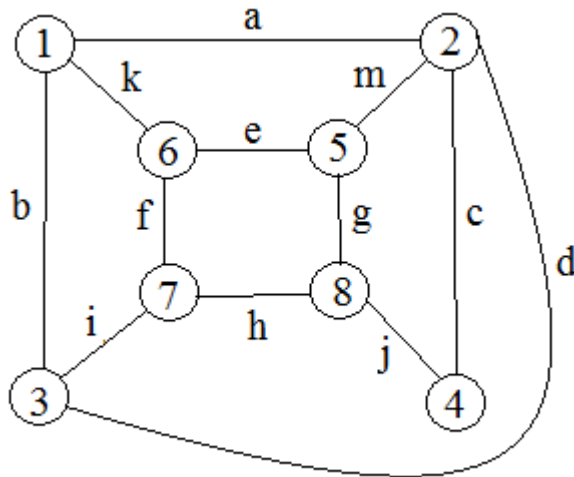
} // End If

7. Xóa phần tử đỉnh Q;

8. $i=i+1$;

} // End While

- Bài toán : Tìm cây khung của G sau :



- Gốc : đỉnh 4,
- Thứ tự duyệt : 1 2 3 4 5 6 7 8,
- **Bảng** (Chỉ có điểm khi có bảng):

i	u	Q	1	2	3	4	5	6	7	8
0		4	0,	0,	0,	1, -1	0,	0,	0,	0,
1	4	824		1,4						1,4
2	2	3182	1,2		1,2					
3	8	75318					1,8		1,8	
4	1	67531						1,1		
5	3	6753								
6	5	675								
7	7	67								
8	6	6								
9		Rỗng								

Các cạnh của cây khung kết quả (viết theo thứ tự alphabet): c, j, a, d, g, h, k

III. Đường đi ngắn nhất :

1. Định nghĩa :

Cho $G=(V, E)$, có trọng số, có hướng.

- Trọng số của một đường đi từ đỉnh v đến w là tổng trọng số các cạnh của đường đi đó.

- Đường đi ngắn nhất giữa 2 đỉnh v, w là đường đi trọng số bé nhất.

2. Thuật toán : THUẬT TOÁN DIJKSTRA

- Thuật toán :

Bước 1 :

$i = 0$

Với mọi $v \in V$, $d[v]=\infty$;

$d[s]=0$;

$p[s] = -1$;

$T=V$;

Bước 2 :

$i = 1$ // Bước lặp thứ i .

While $T \neq \emptyset$

{

1. Chọn $u \in T$ với $d[u]$ bé nhất.

2. $T=T-\{u\}$;

3. Với mỗi $v \in T$ kề với u ($(u,v) \in E$) thực hiện (if . . .):

if ($d[v] > d[u]+w_{uv}$)

{

3.1. $d[v] = d[u]+w_{uv}$

3.2. $p[v] = u$

}

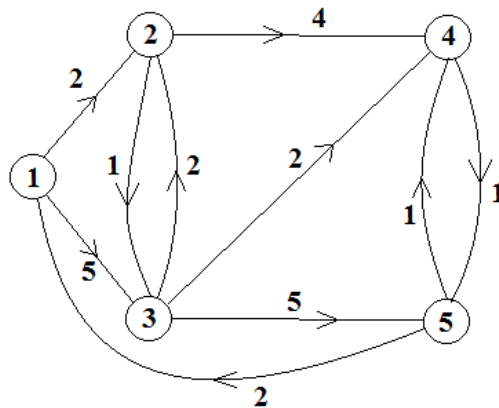
4. $i = i + 1$

} (Kết thúc While)

Bước 3 :

Viết d, p.

- Bài toán : Tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh 2 đến các đỉnh còn lại của đồ thị sau :



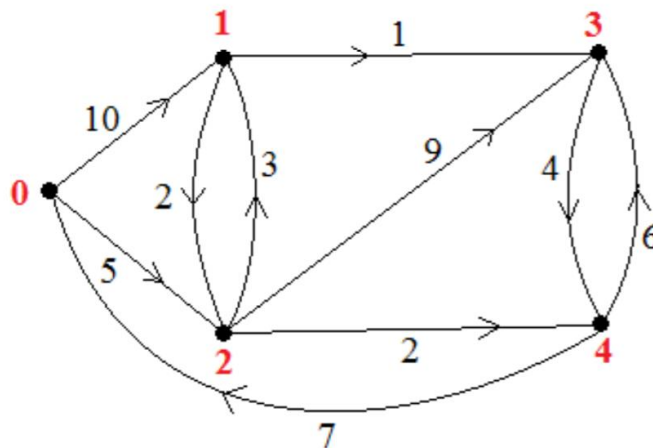
- Bảng :

i	u	d[1],p[1]	d[2],p[2]	d[3],p[3]	d[4],p[4]	d[5],p[5]
0		∞ ,	0, -1	∞ ,	∞ ,	∞ ,
1	2			1, 2	4, 2	
2	3				3, 3	6, 3
3	4					4, 4
4	5	6, 5				
5	1					
6		6, 5	0, -1	1, 2	3, 3	4, 4

B. CÀI ĐẶT CHƯƠNG TRÌNH CHO THUẬT TOÁN DIJKSTRA BẰNG NGÔN NGỮ C / C++ :

1. Giải thích file dữ liệu để đọc

Ví dụ:



Ta có ma trận trọng số tương đương của đồ thị trên:

5				
0	10	5	-1	-1
-1	0	2	1	-1
-1	3	0	9	2
-1	-1	-1	0	4
7	-1	-1	6	0

- 5 là số đỉnh
- Định nghĩa: (i, j) là các đỉnh của thị)
 - + 0 nếu $i = j$; (các số 0 của ma trận trên)
 - + W_{ij} = trọng số của cạnh có hướng $(i, j) \in E$ (các số khác 0, -1 của ma trận trên)
 - + -1 nếu $i \neq j$ và $(i, j) \notin E$. (các số -1 của ma trận trên)

2. Chương trình cài đặt thuật toán Dijkstra

```
#include <stdio.h>
```

```
#define duongvocung 2147483647 // định nghĩa số dương vô cùng
```

```
#define max 100 // định nghĩa số phần tử lớn nhất của mảng
```

```

void XoaPhanTu(int A[max], int &n, int pt);

void thuattoan_Dijkstra(int A[max][max], int n, int dd, int dc);

int main()
{
    printf("Nguyen Thanh Dat ----- 20110121\n\n");
    int A[max][max];
    int n; // ma tran vuong cap n
    FILE *fp; // con tro tap tin
    fp = fopen("D:\\DATATRR\\Dijkstra.txt", "r"); // duong dan
    if (fp == NULL) // kiem tra file co doc duoc hay khong
    {
        printf("ERROR!");
        return -1;
    }
    fscanf(fp, "%d", &n);
    for( int i=0; i<n; i++) // doc phan tu trong ma tran
    {
        for( int j=0; j<n; j++)
        {
            fscanf(fp, "%d", &A[i][j]);
        }
    }
    fclose(fp);
    printf("Ma tran trong so: \n"); // in ma tran trong so tu file
    for( int x=0; x<n; x++)
    {
        for( int y=0; y<n; y++)

```



```

        {
            printf("%7d", A[x][y]);
        }
        printf("\n");
    }
    printf("\n");
    int dxp;
    printf("Nhap dinh xuat phat: ");
    scanf("%d", &dxp);
    while( (dxp<0) || (dxp>(n-1)) ) // kiem tra dinh xuat phat nhap vao tu
0 -> n-1
    {
        printf("Nhap lai dinh xuat phat: ");
        scanf("%d", &dxp);
    }
    int dkt;
    printf("Nhap dinh ket thuc: ");
    scanf("%d", &dkt);
    while( (dkt<0) || (dkt>(n-1)) ) // kiem tra dinh ket thuc nhap vao tu 0 -
> n-1
    {
        printf("Nhap lai dinh ket thuc: ");
        scanf("%d", &dkt);
    }
    printf("\n");
    thuattoan_Dijkstra(A, n, dxp, dkt);
    return 0;
}

```

```

void thuattoan_Dijkstra(int A[max][max], int n, int dd, int dc) // thuât toán
dijkstra
{
    int d[max]; // mang d de chua tong trong so tren duong di
    int p[max]; // mang p de chua gia tri duong di
    int T[max]; // chua phan tu de duyêt
    int u;
    // buoc 1:
    for( int v=0; v<n; v++)
    {
        d[v] = duongvocung;
    }
    d[dd] = 0;
    p[dd] = -1;
    for( int i=0; i<n; i++)
    {
        T[i] = i;
    }
    // buoc 2:
    int length = n; // so phan tu cua T
    while( length != 0 ) // kiem tra so phan tu cua T
    {
        int min = d[T[0]]; // Chon u thuoc T voi d[u] be nhat.
        u = T[0];
        for( int i1=0; i1<length; i1++)
        {
            if(d[T[i1]] < min)

```

```

        {
            u = T[i1];
        }
    }
    XoaPhanTu(T, length, u); // thuc hien xoa phan tu da kiem tra
    for( int i2=0; i2<length; i2++)
    {
        int v = T[i2];
        if( A[u][v] > 0 ) // kiem tra v thuoc T co ke voi u khong?
        ((u,v) thuoc E)
        {
            if( d[v] > d[u]+A[u][v]) // so sanh neu dung cap
            nhac lai d[v], p[v]
            {
                d[v] = d[u]+A[u][v];
                p[v] = u;
            }
        }
    }
} // ket thuc while
printf("Ket qua:\n"); //in ket qua cuoi cung
for( int kq=0; kq<n; kq++)
{
    printf("(%d, %d)  ", d[kq], p[kq]);
}
printf("\n");
printf("\n");

```

```
if( (d[dc] == duongvocung) ) // kiem tra xem co duong di tu diem dau  
den diem cuoi ko
```

```
printf("Khong co duong di tu %d -> %d!!!", dd, dc);
```

```
else
```

```
printf("Tong trong so tren duong di ngan nhat tu %d -  
> %d: %d\n\n", dd, dc, d[dc]);
```

```
int B[10];
```

```
B[0] = dc; // mang chua duong di
```

```
int dem = 1;
```

```
int x = p[dc];
```

```
while(x != -1) // kiem tra duong di cho den diem dau
```

```
{
```

```
    B[dem++] = x;
```

```
    x = p[x]; // di den diem tiep theo
```

```
}
```

```
printf("Duong di ngan nhat tu %d -> %d:\n", dd, dc);
```

```
for( int i3=dem-1; i3>=0; i3--)
```

```
{
```

```
    printf("%d -> ", B[i3]);
```

```
}
```

```
printf("END\n");
```

```
}
```

```
void XoaPhanTu(int A[max], int &n, int pt) // thuc hien xoa phan tu cua  
mang roi giam so luong phan tu
```

```
{
```

```
    int vt;
```

```
for( int i=0; i<n; i++) // tim kiem vi tri cua phan tu can tim trong mang
{
    if(A[i] == pt)
    {
        vt = i;
        break;
    }
}
for( int j=vt; j<n; j++) // thuc hien xoa phan tu
{
    A[j] = A[j+1];
}
n--; // giam so luong phan tu
}
```